

www.salampnu.com

سایت مرجع دانشجوی پیام نور

- ✓ نمونه سوالات پیام نور : بیش از ۱۱۰ هزار نمونه سوال همراه با پاسخنامه
- تستی و تشریحی
- ✓ کتاب ، جزوه و خلاصه دروس
- ✓ برنامه امتحانات
- ✓ منابع و لیست دروس هر ترم
- ✓ دانلود کاملاً رایگان بیش از ۱۴۰ هزار فایل مختص دانشجویان پیام نور

www.salampnu.com

اپتیک

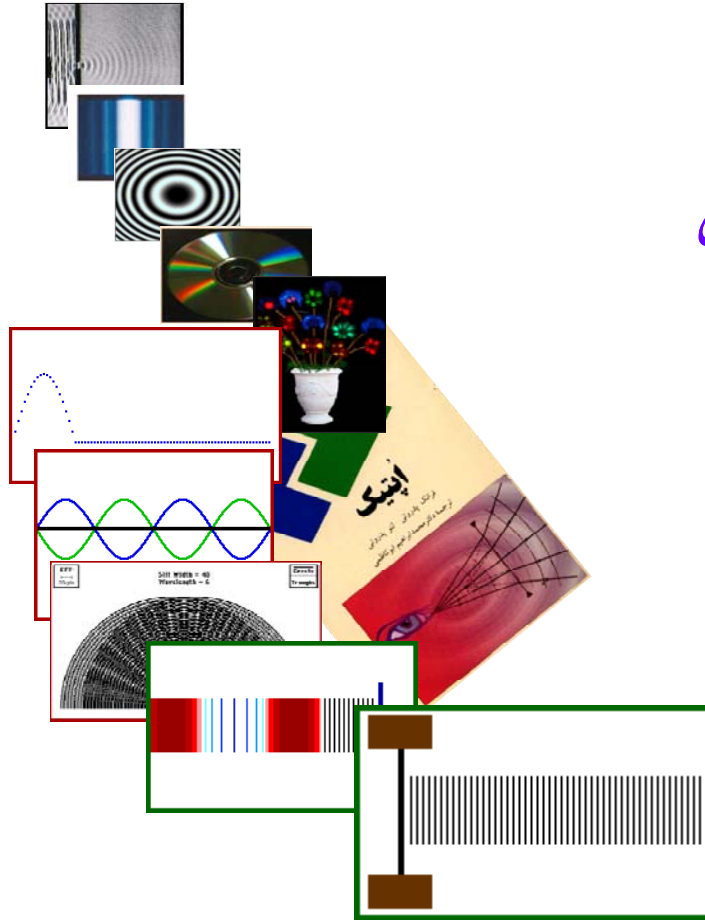
رشته فیزیک

3 واحد درسی

نام منبع و مولف : اپتیک
فرانک پدروتی ، لنو پدروتی

ترجمه دکتر محمد ابراهیم ابو کاظمی

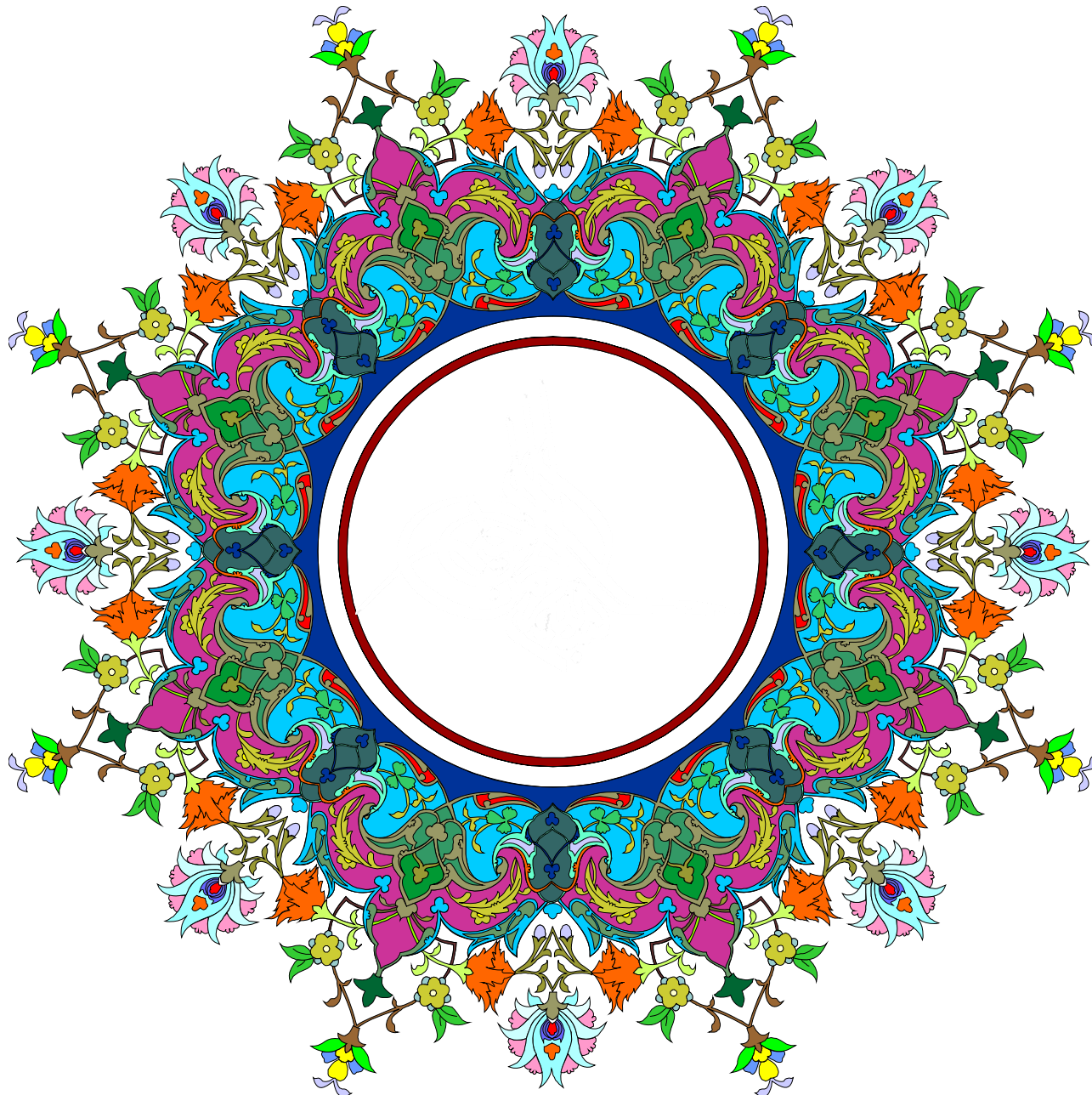
انتشارات دانشگاه پیام نور-1382



تهیه پاورپوینت:

محمود جنوبی

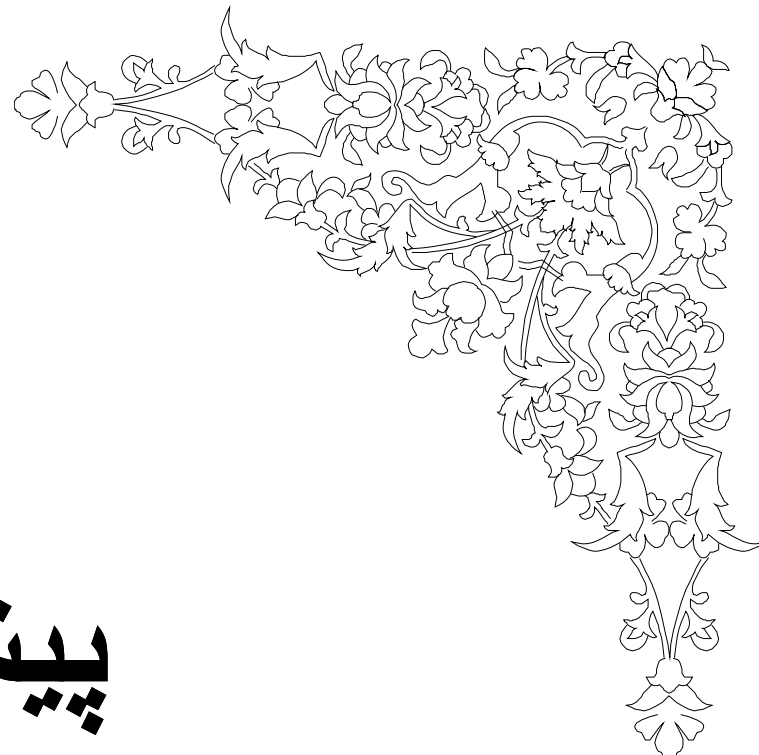
عضو هیئت علمی مرکز ارومیه



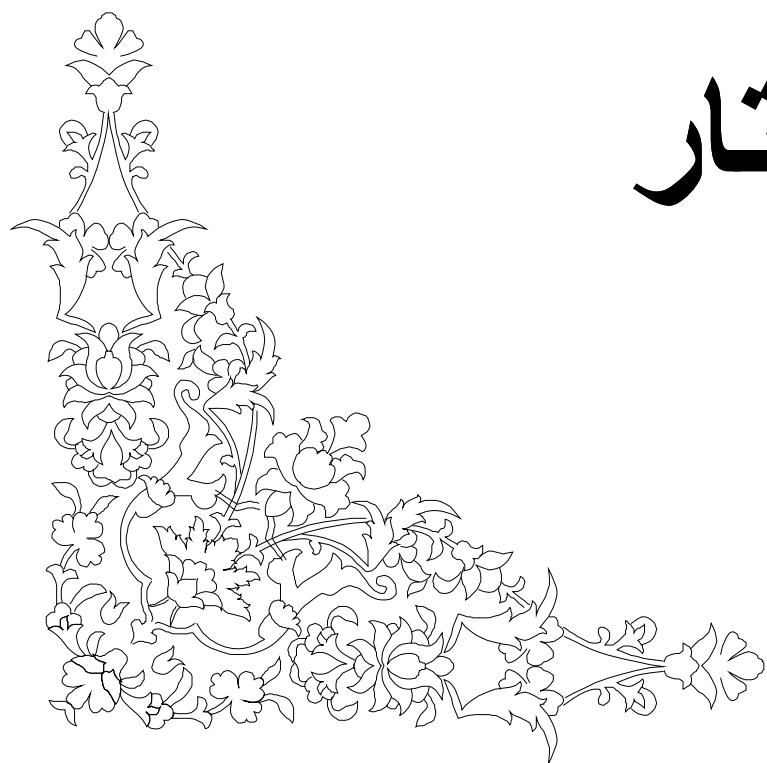


هدفهای کلی درس:

- ◀ درک بنیادی نور فیزیکی و نورهندسی
- ◀ بررسی جنبه های مختلف نورهندسی ، اصل هویگنس ، اصل فرما، بازتاب و شکست نور
- ◀ درک ویژگی های حرکت موجی ، به ویژه امواج سینوسی و حرکت هماهنگ ساده و بیان ریاضی امواج و امواج الکترومغناطیسی
- ◀ فهم اصل رویهمریزی خطی امواج ، تداخل سازنده و ویرانگر
- ◀ درک ویژگی موجی نور، تداخل نور ، آزمایش دوشکافی یانگ ، لایه های نازک ، حلقه های نیوتن
- ◀ درک همدوسی ، آنالیز فوریه
- ◀ قطبش نور و قطبش به روشهای مختلف : بازتاب و پراکندگی
- ◀ درک خاصیت پراش نور : پراش فرانهورفر و فرنل و تفاوت آنها
- ◀ حل مسائل مربوط به نور هندسی و فیزیکی

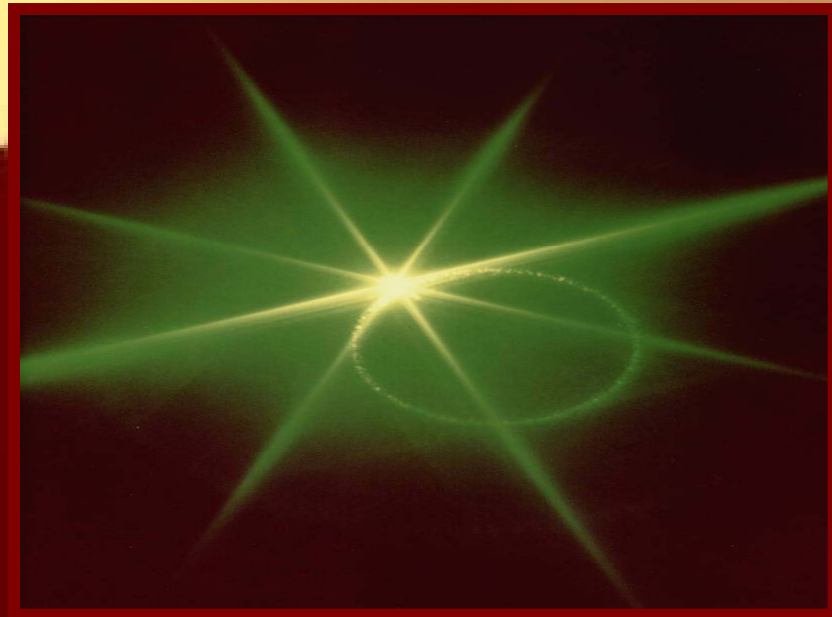


پیشگفتار



« نور ، خالص ترین شکل ماده است ».

لوئیس دوپروی





اپتیک : تاریخچه مختصری از اپتیک

هدفهای رفتاری :

تاریخچه کوتاهی از اپتیک

معادلات ماکسول

معادله موج

پدیده های مربوط به نور

انعکاس کلی داخلی

تداخل

پراش

لیزر

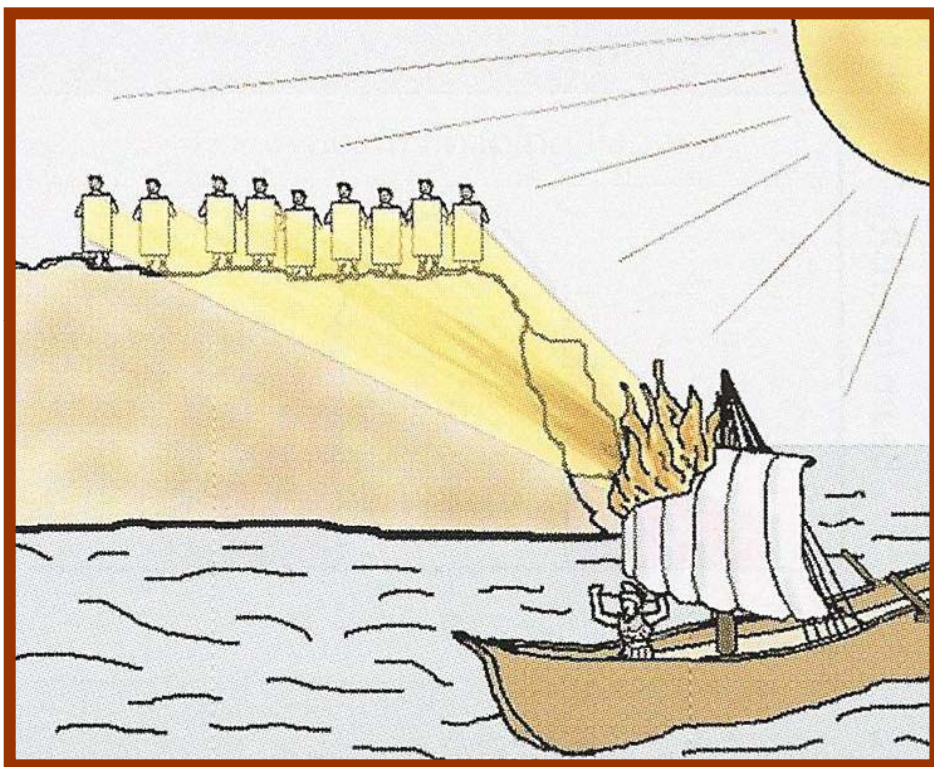
اپتیک غیرخطی

اپتیک فوق سریع

نقش کلیدی تبدیل فوریه در اپتیک

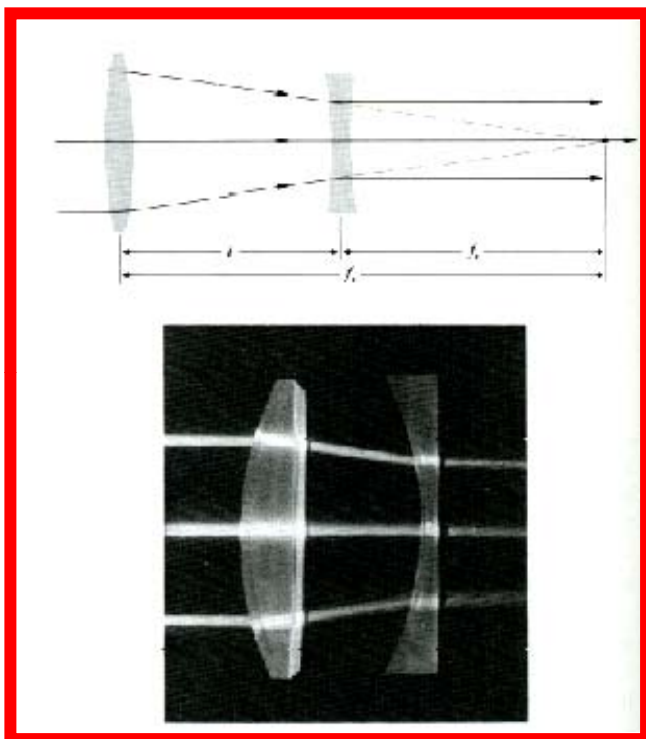


یونانی های باستان : اسلحه های نوری



مورخین یونانی و رومی نوشته اند که ارشمیدس صدها نفر را به آینه های که نور خورشید را بروی کشتی های جنگی رومی در جنگ سیراکوس متمرکز می کردند مجهز نموده بود (211-213 BCE).

اپتیک در اوایل قرن هفدهم اروپا



هانس لیپرشای (Hans Lippershey) در سال 1608 تلسکوپ گالیله را ثبت اختراع کرد.

گالیله { Galileo (1564-1642) } با این تلسکوپ به کره مشتری و ماههای آن نگاه کرد.

فرانسیسکو فونتانا در ناپل (1580-1656) چشمی کاو تلسکوپ گالیله را با عدسی محدب عوض کرد و تلسکوپ کیلری را ابداع نمود.

ویلیبرورد اسنل **Willibrord Snell (1591-1626)** قانون انکسار نور که امروزه به افتخار او به همین نام خوانده می شود کشف کرد..



ژوهانس کیپلر (1571–1630) Johannes Kepler

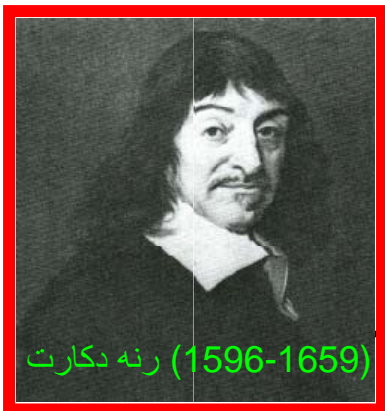


بازتاب کلی را کشف کرد.

طرز کار تلسکوپ را بیان کرد.

نظریه نور هندسی مرتبه اول را بیان کرد.

تقریب زاویه کوچک قانون انکسار را کشف نمود.



اپتیک در قرن هفدهم

دکارت نور را به صورت تغییرات فشار در محیط بیان کرد.

پیر فرما (Pierre de Fermat (1601-1665) اصل حداقل زمان را کشف کرد.

ماریا گریمالدی (Maria Grimaldi) پراش را کشف نمود. (1618-1663)

رابرت هوک (Robert Hooke (1635-1703) تداخل رنگی لایه های نازک را بررسی کرده و اولین نظریه موجی بودن نور را بیان کرد

کریستین هویگنس (1629-1695)

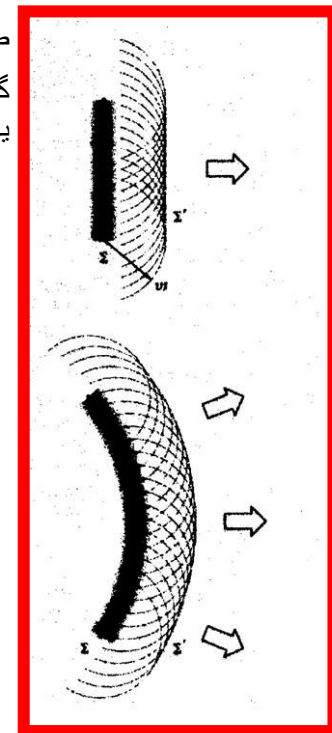


هویگنس نظریه موجی نور را بسط داد.

او متوجه شد که سرعت نور در محیط غلیظ کاهش می یابد.

او قطبش و بازتاب مضاعف را بیان کرد

طبق اصل هویگنس یک موج به گونه ای منتشر می شود که گویی جبهه موج از آرایه ای از چشمه های نقطه ای که هر یک یک موج کروی منتشر می سازند است



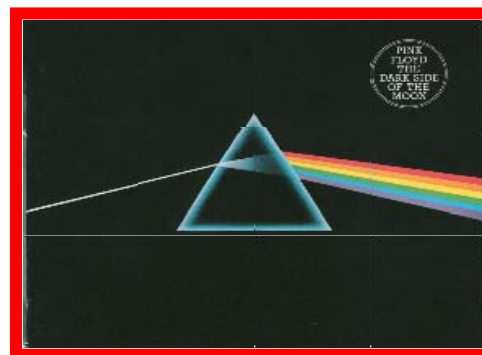
بازتاب مضاعف



اسحاق نیوتن

اسحاق نیوتن (1642-1727)

"من یک منشور شیشه ای مثلثی ساختم و سعی کردم با آن پدیده رنگها را جشن بگیرم (Newton, 1665)."



او در سن بیست و سه سالگی تجزیه نور به رنگهای تشکیل دهنده آن را کشف کرد و به اپتیک مفهوم جدیدی بخشید .



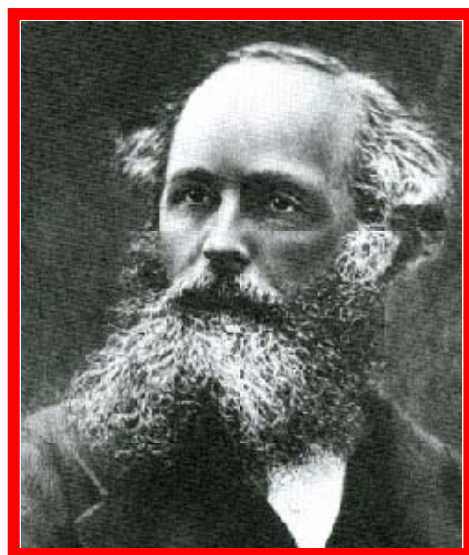
اوگوستین فرنل

اپتیک در قرن هیجده و نوزده اولر، یانگ، فرنل:

لئونارد اولر (Leonhard Euler (1707-1783) نظریه موجی نور را بیشتر توسعه داد و از ترکیب عدسی های از مواد مختلف عدسی های آکروماتیک را ساخت.
توماس یانگ (Thomas Young (1773-1829) پدیده تداخل و نوارهای رنگی را توضیح داد و نشان داد که نور یک موج عرضی است .

اوگوستین فرنل (Augustin Fresnel (1788-1827) آزمایشاتی مبنی بر موجی بودن نور انجام داده عباراتی برای امواج بازتابی و تراگسیلی بدست آورد.

جیمز کلرک ماکسول (1831-1879)، مایکلسون & مورلی (1852-1931) (1838-1923)

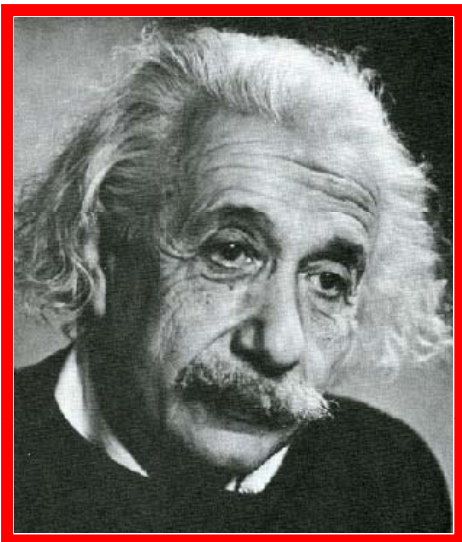


جیمز کلرک ماکسول

ماکسول به کمک معادلات مشهور خود الکتریسیته و
مغناطیس را یگانه کرد و نشان داد که نور یک موج
الکترومغناطیسی عرضی که در اثر حرکت می کند
است.

مایکلسون و مورلی سعی کردند که سرعت زمین را نسبت به
اثر اندازه گیری کنند و آنرا برابر با صفر بدست آوردند
بنابراین وجود اثر را رد کردند.

آلبرت انشتین (1879-1955)



آلبرت انشتین

انشتین نشان داد که نور:

- یک پدیده مربوط به فضای تهی است ;
- سرعت آن ثابت است و مستقل از سرعت ناظر بوده و پیامدهای باورنکردنی در اصل فضا و زمان دارد ,
- وهم ذره وهم موج است.



معادلات اپتیک ، معادلات ماکسول هستند.

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \rho / \varepsilon \quad \vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0 \quad \vec{\nabla} \times \vec{B} = \mu\varepsilon \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

که \vec{E} میدان الکتریکی ، \vec{B} میدان مغناطیسی ρ ، چگالی بار ε ،
ضریب گذردهی ، و μ ضریب نفوذپذیری محیط است.



$$\nabla^2 \vec{E} - \mu\varepsilon \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = 0$$

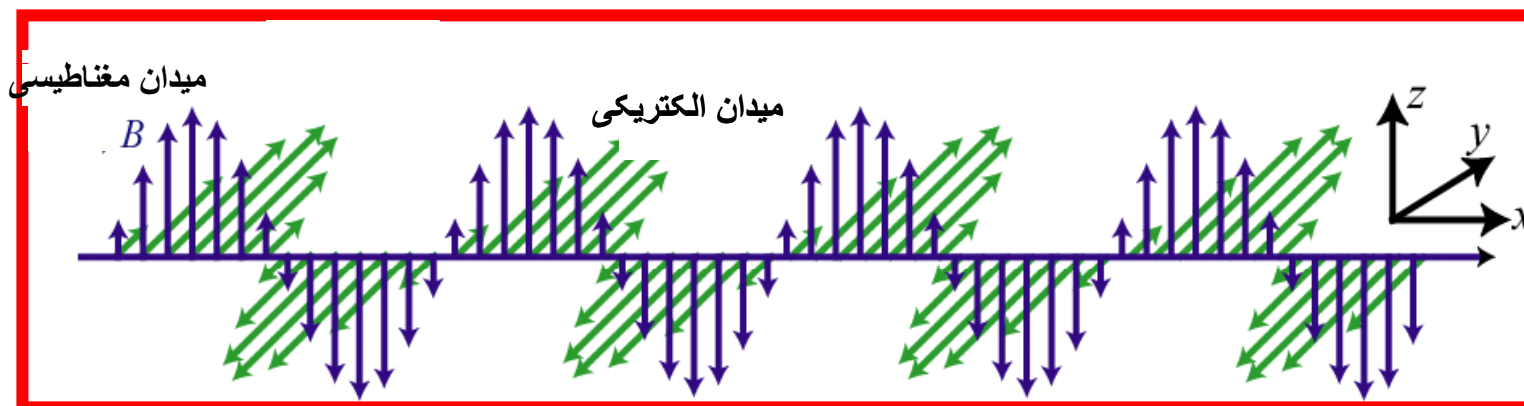
که پاسخ آن یک موج ساده سینوسی است:

$$\vec{E}(\vec{r}, t) \propto \cos(\omega t \pm \vec{k} \cdot \vec{r})$$



نور یک موج الکترومغناطیسی است .

میدان های الکتریکی (E) و مغناطیسی (B) هم فازند .



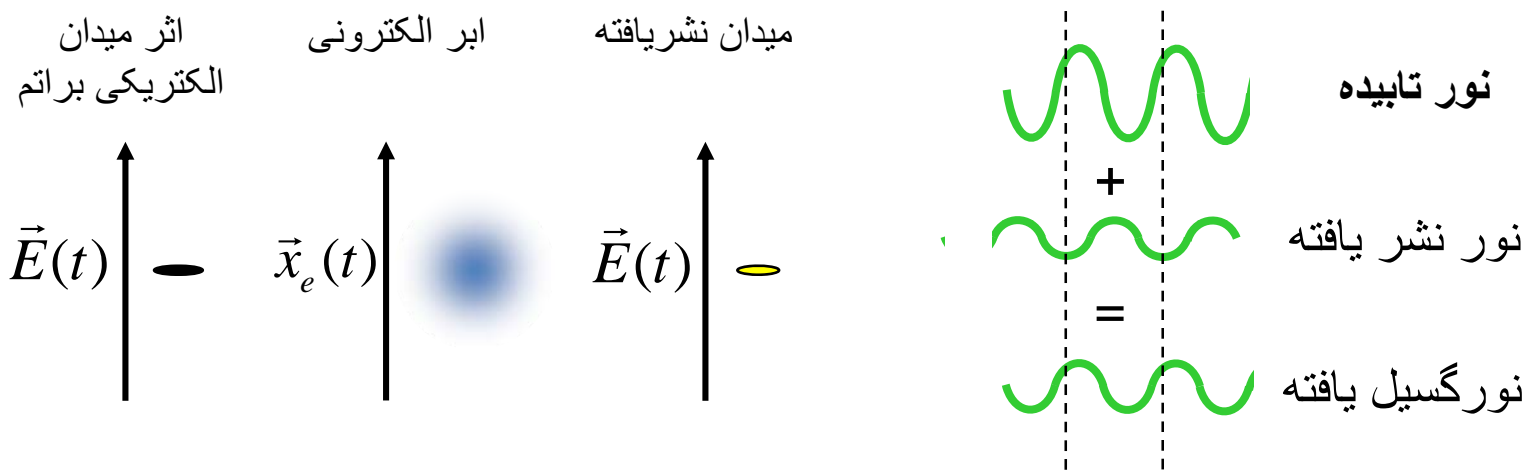
میدان الکتریکی ، میدان مغناطیسی و راستای انتشار بر هم عمودند



نور اتم ها را تحریک می کند و این سبب نشر نور جدید می شود این نور با نور تابیده تداخل می کند (جمع یا

تفریق می شود) ،

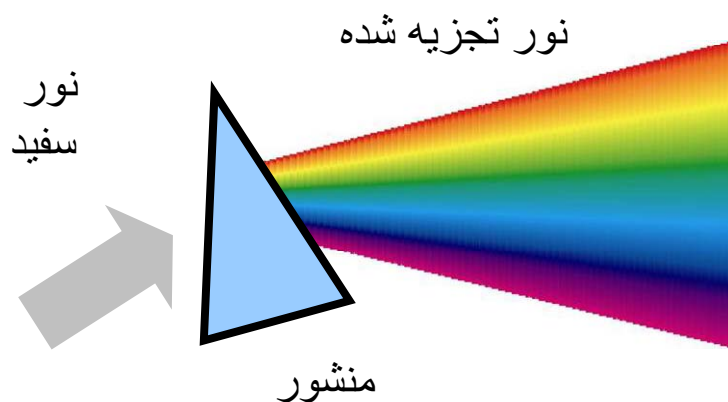
یک اتم به وسیله نور تحریک می شود.



نور تحریک شده در بسامد نور تابیده شروع به نوسان کرده و نوری با همان بسامد نشر می کند. مسئله مهم فاز نسبی نور تابیده و گسیل یافته است. به عنوان مثال اگر این دو 180° درجه اختلاف فاز داشته باشند نور تابیده تضعیف می شود و این همان "جذب" است. "و اگر به اندازه $\pm 90^\circ$ اختلاف فاز داشته باشند سرعت نور تغییر می کند و این همان "شکست" نور است. :



تغییر ضریب شکست نور با طول موج نور که سبب پدیده های جالب می شود.



منشورها نور را به نورهای تشکیل دهنده آن تجزیه می کنند

رنگین کمان از شکست و بازتاب نور در قطره های آب به وجود می آید.



توجه کنید که معمولا دو رنگین کمان تشکیل می شود که یکی بر عکس دیگری است .

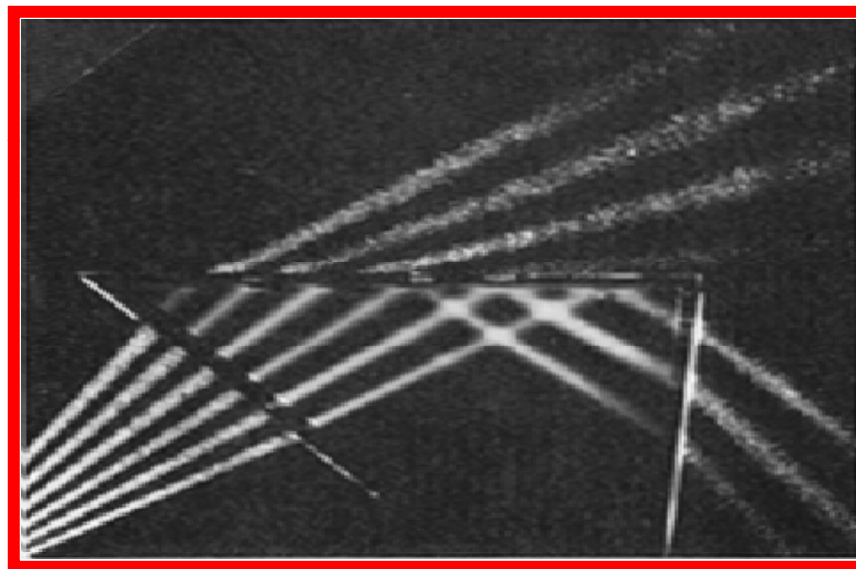
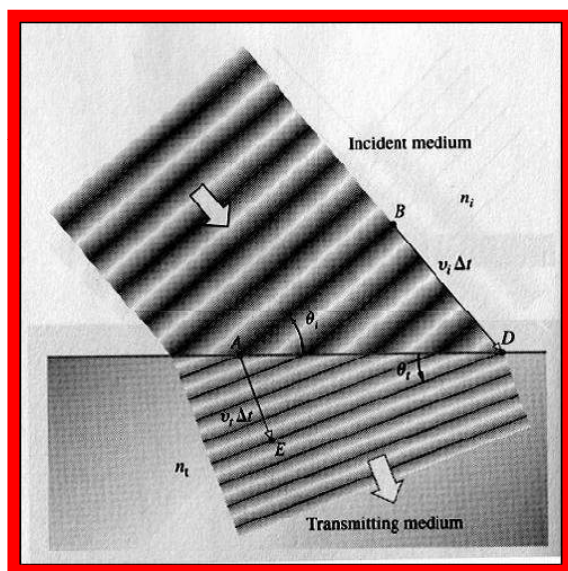


پدیده های بسیار جالبی از نور در طبیعت وجود دارد...



یک سوال جالب این است که وقتی نور بر یک سطح شفاف می تابد چه روی می دهد؟

تحت زاویه مایل نور یا کاملاً گسیل یافته و یا کاملاً بازتاب می یابد.

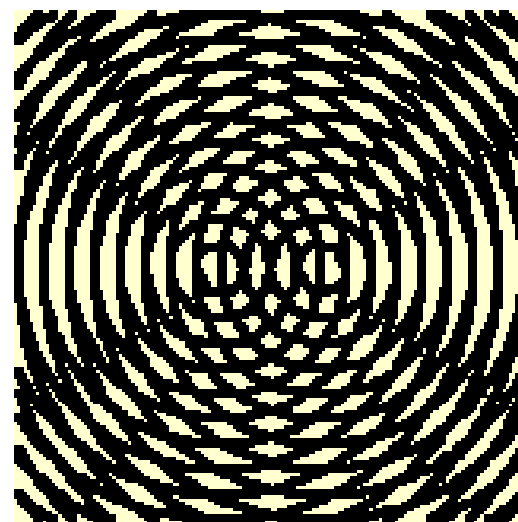


"بازتاب کلی داخلی" اساس فیبرهای نوری است که یک صنعت چند بیلیون دلار را بوجود آورده است ،



پرتوهای نور می توانند با هم تداخل کنند: دو چشمه نقطه ای...

جدایی های مختلف ، الگوهای مختلف ...

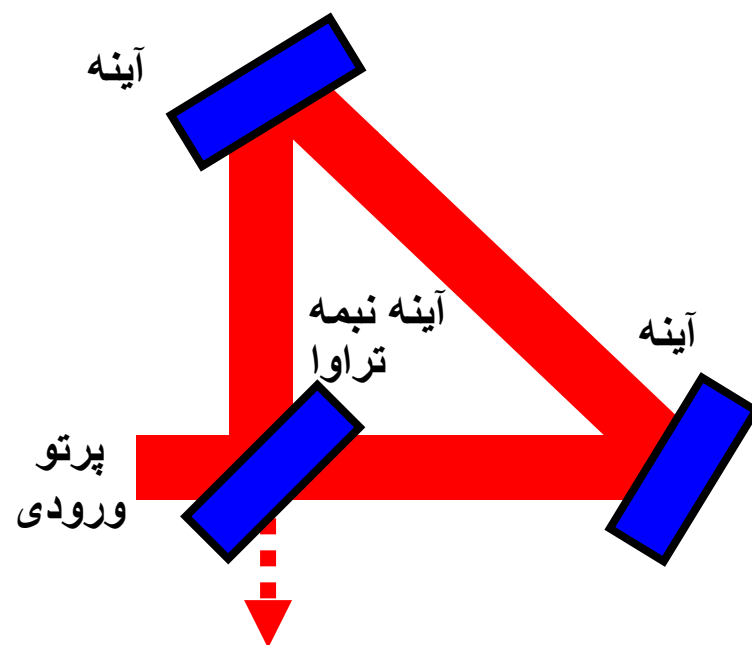


تداخل سازنده یا ویرانگر...



ترتیبی می توان داد که پرتوهای نور باهم تداخل کنند...

با استفاده از یک آینه نیمه تراوا می توان یک پرتو را به دو پرتو تبدیل کرد.



دو پرتو به وجود آمده را می توان با هم ترکیب کرد (تداخل) که در این جا فاز این دو پرتو حائز اهمیت است

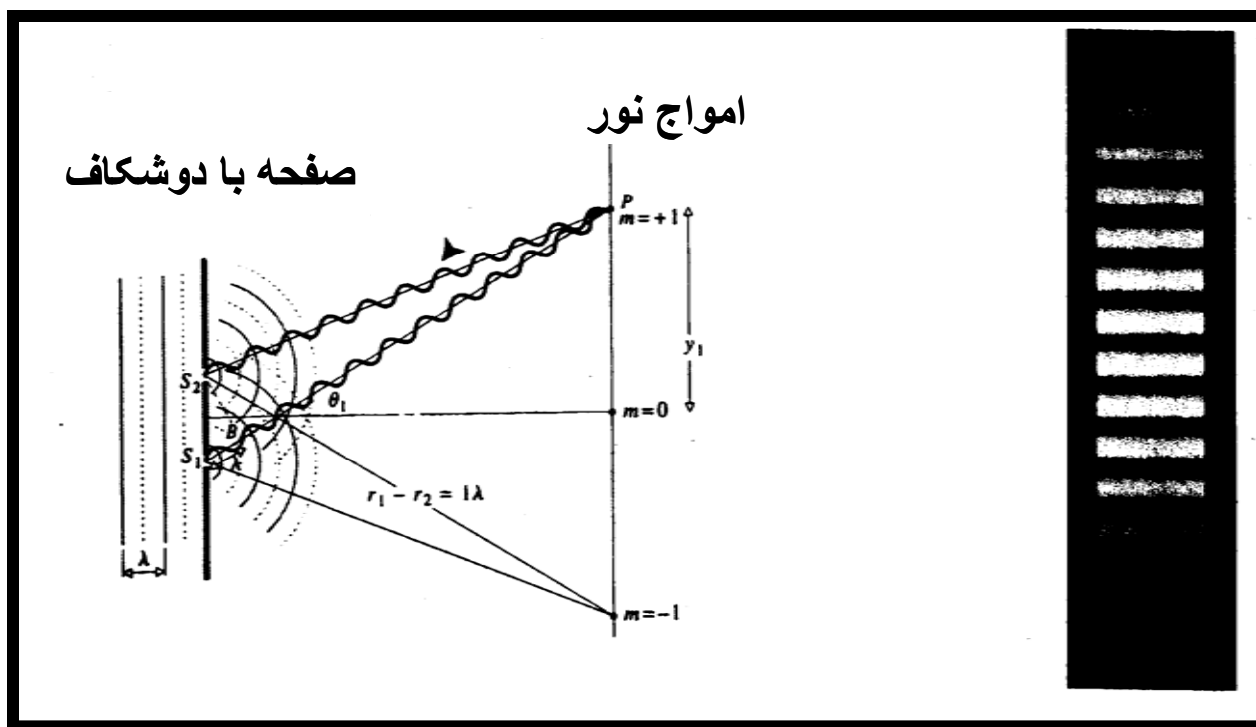


بعضی وقتها هم این پرتوها به طور طبیعی با هم تداخل می کنند



آزمایش دوشکافی ینگ

وقتی نور از دوشکاف می گذرد چه اتفاقی می افتد؟



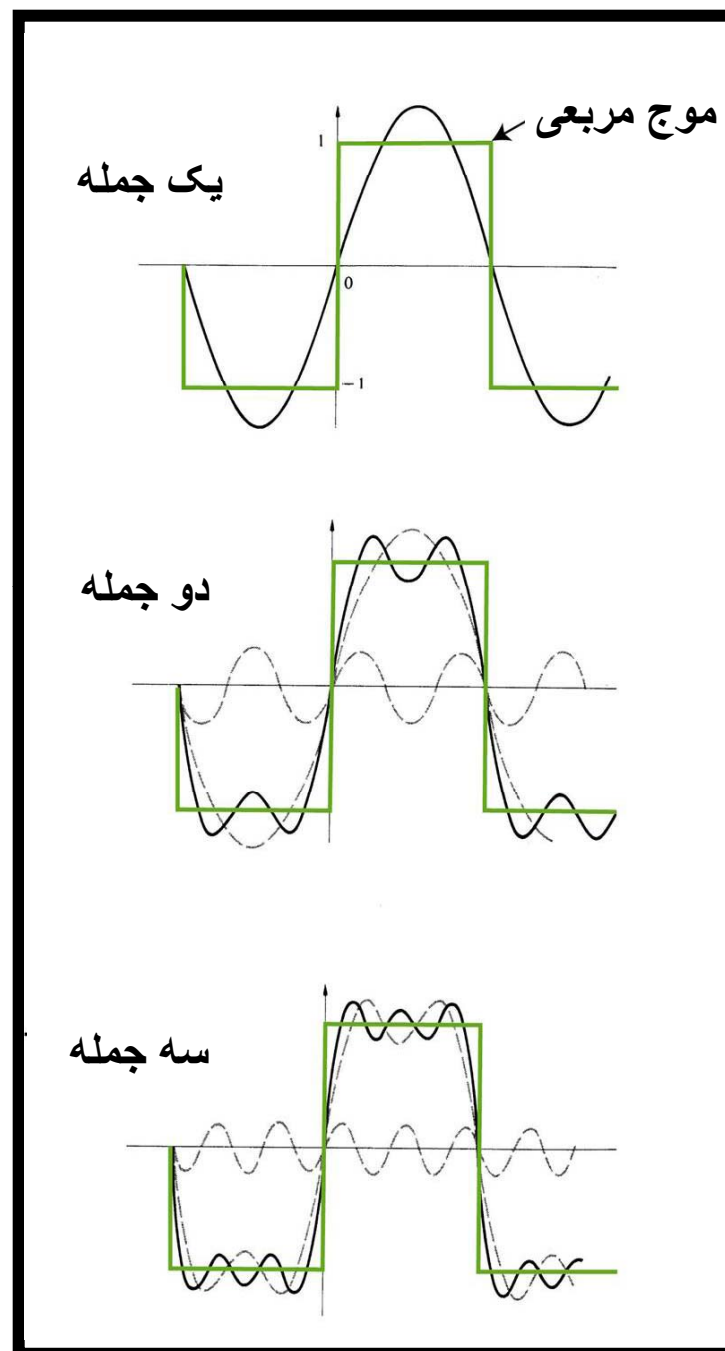
الگوی تداخلی
تشکیل شده روی پرده

این نظریه در هلوگرافی ، عکاسی فوق سریع و آزمایش مکانیک کوانتم اهمیت به سزایی دارد.



توابع تجزیه گر فوریه نقش مهمی در اپتیک دارند.

به کمک آن می توان یک موج مربعی را به
صورت حاصل جمع تعدادی موج سینوسی
نوشت.





تبدیل فوریه شاید مهمترین معادله در تمام علوم باشد!!

یک تابع زمانی به یک تابع بسامدی تبدیل می کند:

$$\tilde{E}(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} E(t) \exp(-i\omega t) dt$$

و تقریبا با فورمولی مشابه عکس آنرا انجام می دهد:

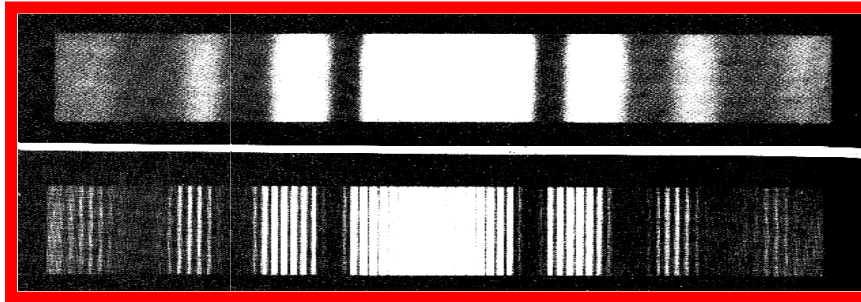
$$E(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \tilde{E}(\omega) \exp(+i\omega t) d\omega$$

پراش

نور در گوشه ها و برخورد با مانع خم می شود و این همان پراش نور است.

الگوهای نور بعد از عبور از
شکاف های باریک

یک شکاف



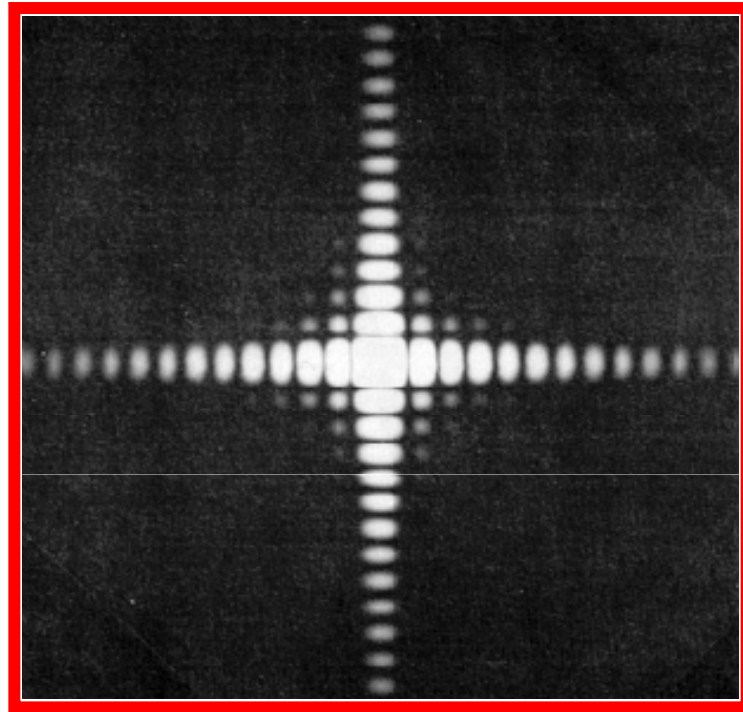
دو شکاف

الگوی پراش تبدیل فوریه تراکسیل شکاف نسبت به مکان است .



پراش دوبعدی

وقتی که نور از یک روزنه مربعی با ابعاد کوچک عبور میکند چنین می شود:





نور فقط موج نیست بلکه ذره هم هست !!

عکسهای که در محیط تاریکتر گرفته می شوند دانه ای تر به نظر می رسند



وقتی که می خواهیم نور بسیار ضعیفی را آشکار کنیم ملاحظه می کنیم که از ذراتی بنام فوتون تشکیل شده است



فصل اول ...

مبانی نور هندسی



آینه ها

هدفهای رفتاری این بخش :

- آینه ها

- تخت/ مسطح
- رسم پرتوها در آینه ها
- تصویر حقیقی / مجازی
- شعاع انحنای / فاصله کانونی
- معادله آینه ها
- بزرگنمایی
- قرارداد علامت
- آینه کاوی $p < f$; $p > f$,
- آینه کوژ

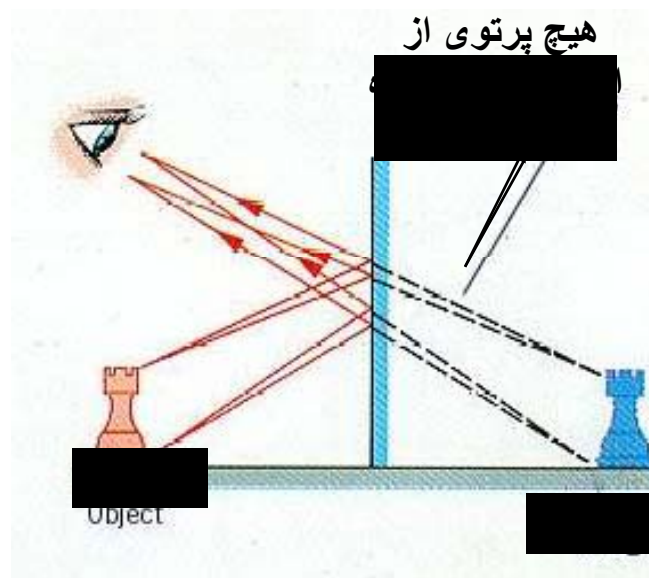
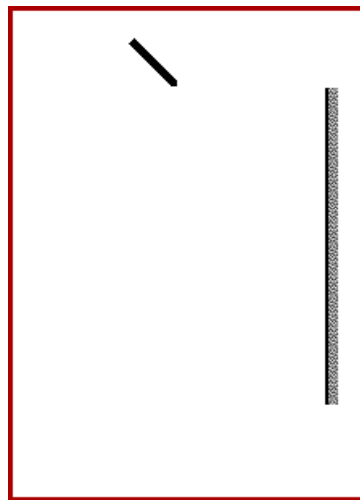


درآینه های تخت :

تصاویر در نقطه ای قرار دارند که در آن نقطه حقیقتا پرتوها
واگرا میشوند ویا به نظر واگرا می آیند.

تصویر حقیقی وقتی تشکیل می شود که پرتوها از آن نقطه
عبور کرده و سپس واگرا شوند.

تصویر مجازی است اگر پرتوها از آن نقطه عبور نکرده و
به نظر ایدکه پرتوها از آن نقطه واگراییده شده اند .





بزرگنمایی عرضی

$$M = \frac{\text{طول تصویر}}{\text{طول جسم}}$$

$$M = 1 \quad \text{برای آینه های تخت}$$

$$M = -\frac{q}{p}$$

$$= \frac{\text{فاصله تصویر}}{\text{فاصله جسم}}$$

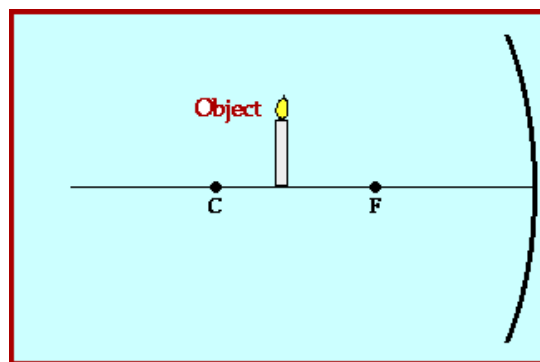
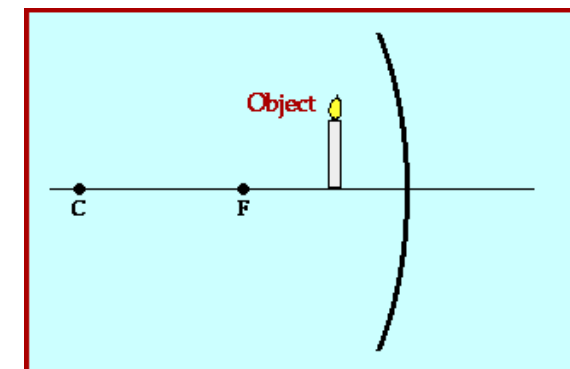
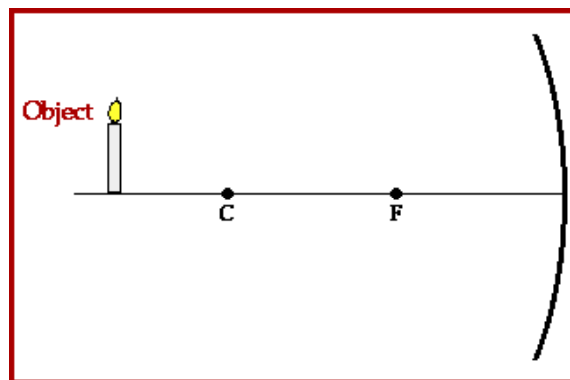
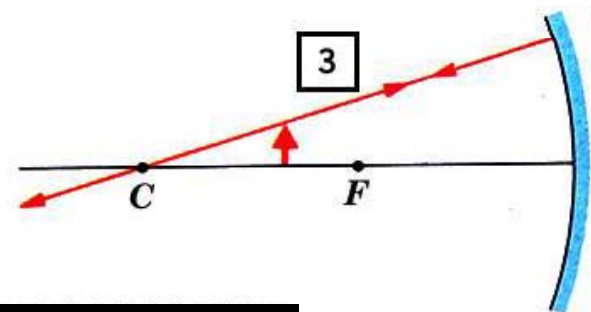
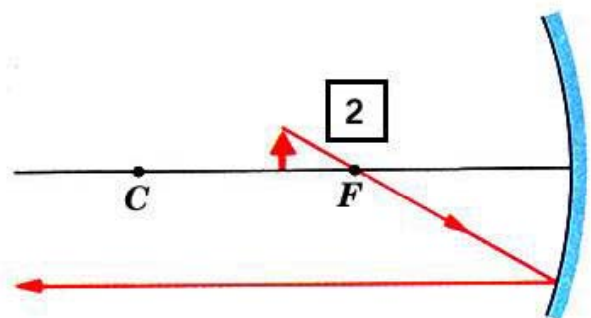
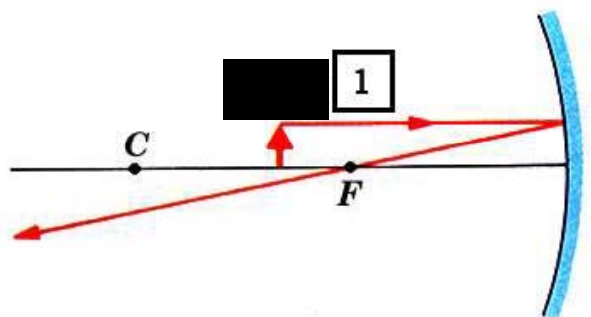


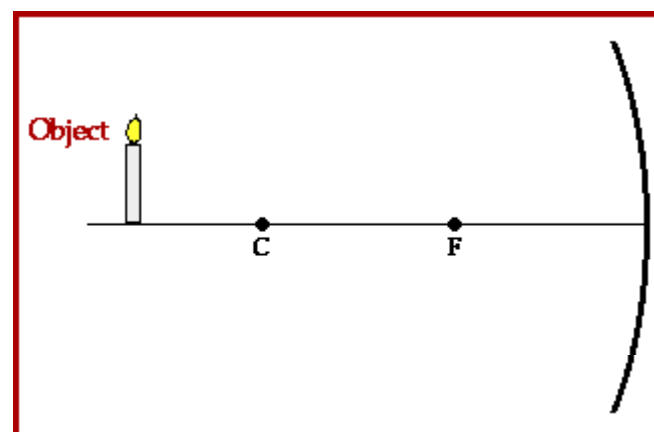
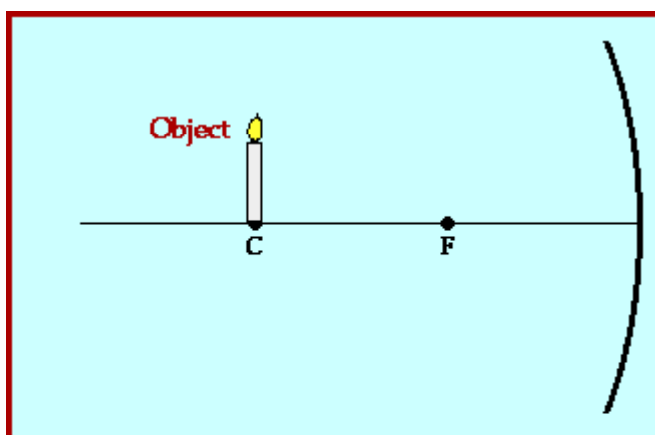
معادله آینه ها

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$$

$$\left[f = \frac{R}{2} \right]$$

رسم پرتوها در آینه ها





محل تصویر محل تلاقی نورهای بازتابیده از آینه است.



بزرگنمایی طولی

$$M = \frac{\text{طول جسم}}{\text{طول تصویر}}$$

$$= - \frac{\text{فاصله جسم}}{\text{فاصله تصویر}}$$

$$M = - \frac{q}{p}$$



قرارداد علامت در مورد آینه ها

اگر جسم در جلو آینه باشد (جسم حقیقی) $p > 0$

اگر جسم پشت آینه باشد (جسم مجازی) $p < 0$

اگر تصویر در جلو آینه باشد (تصویر مجازی) $q > 0$

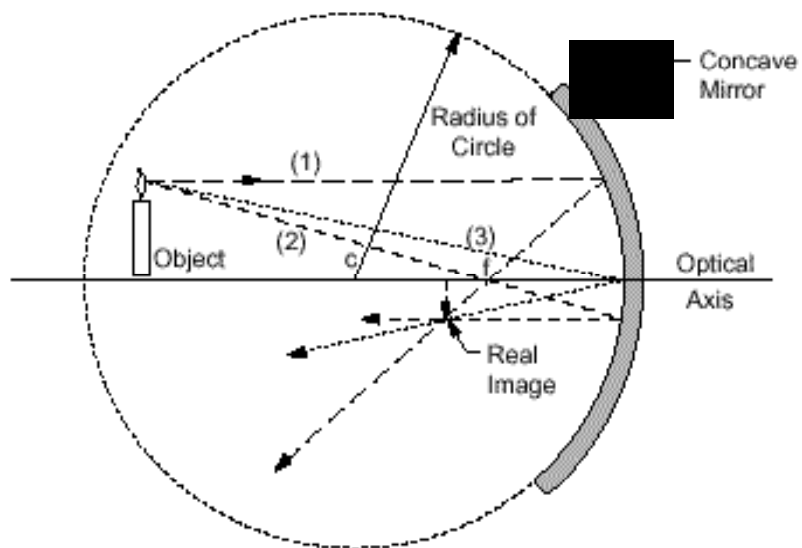
اگر تصویر پشت آینه باشد (تصویر مجازی) $q < 0$

اگر $M > 0$ باشد تصویر مستقیم است

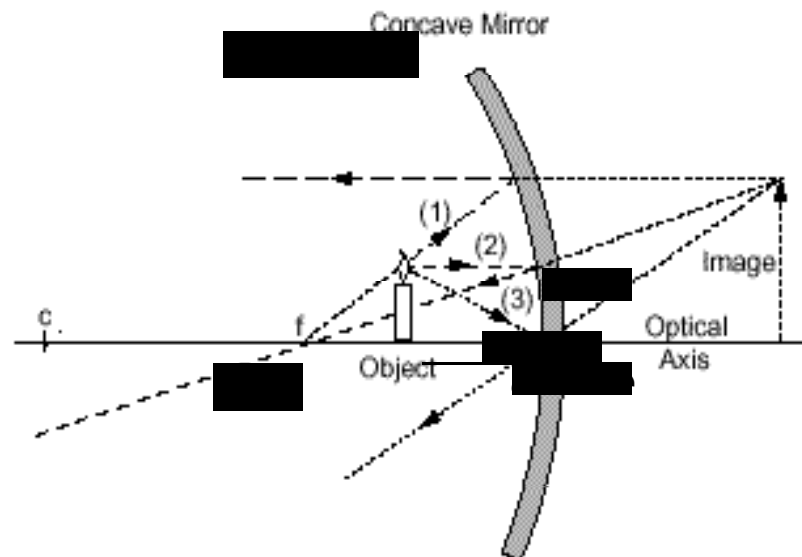
اگر $M < 0$ باشد تصویر معکوس است

و f و $R > 0$ اگر مرکز انحنا جلوی آینه باشد (آینه کاو)

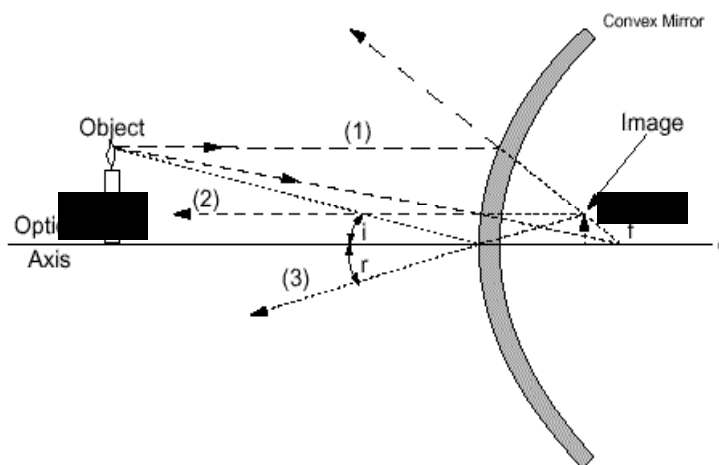
و $R < 0$ اگر مرکز انحنا پشت آینه باشد (آینه کوژ)



آینه کاو : $p > f$



آینه کاو : $p < f$



آینه کوژ



تشکیل تصویر به وسیله انکسار

انکسار در سطوح کروی



انکسار از دو سطح

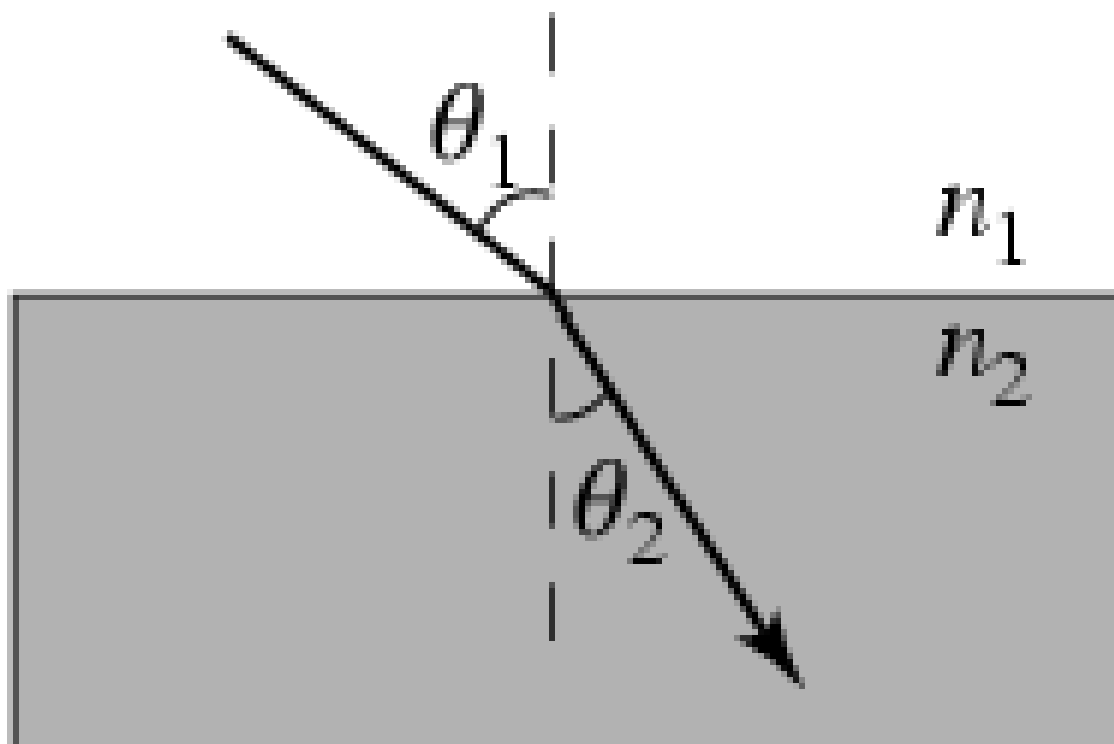
عدسی های نازک : معادله عدسی سازان



معادله عدسی های نازک

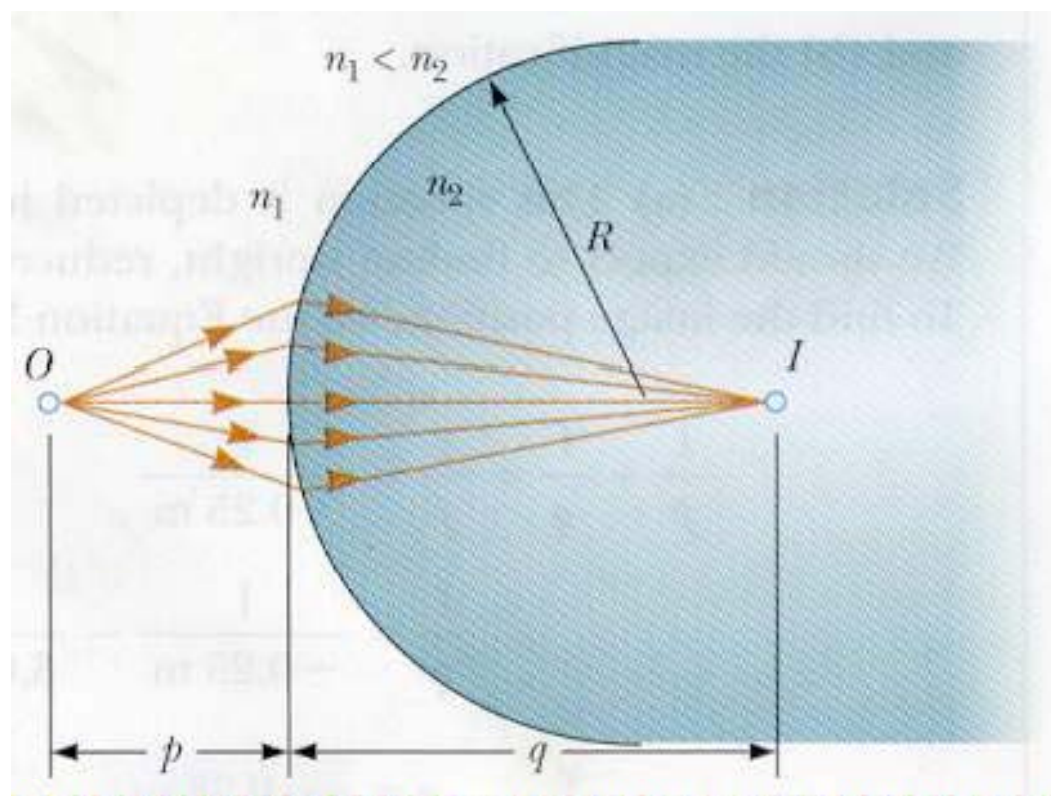


یادآوری انکسار



$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$$

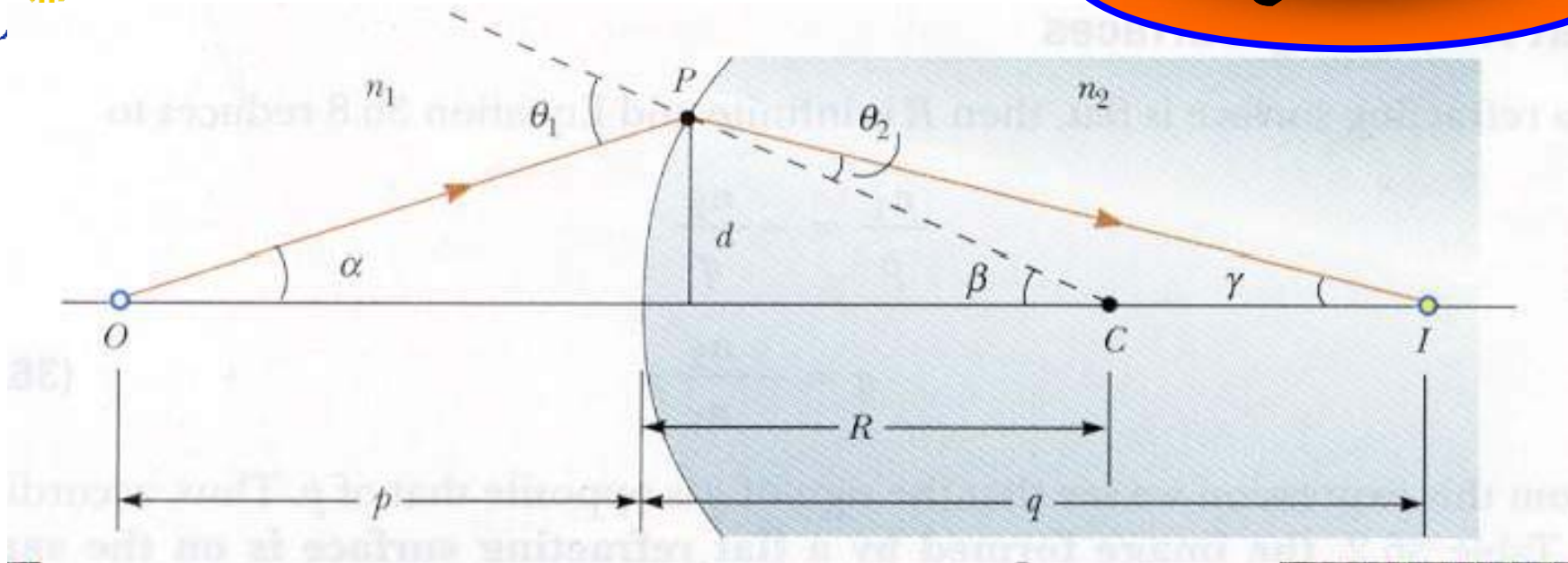
(قانون اسنل)



تحت زاویه کوچک:

کلیه پرتوهایی که از O می آیند در سطح کروی شکست پیدا کرده و در یک نقطه متمرکز می شوند

انکسار در سطح کروی



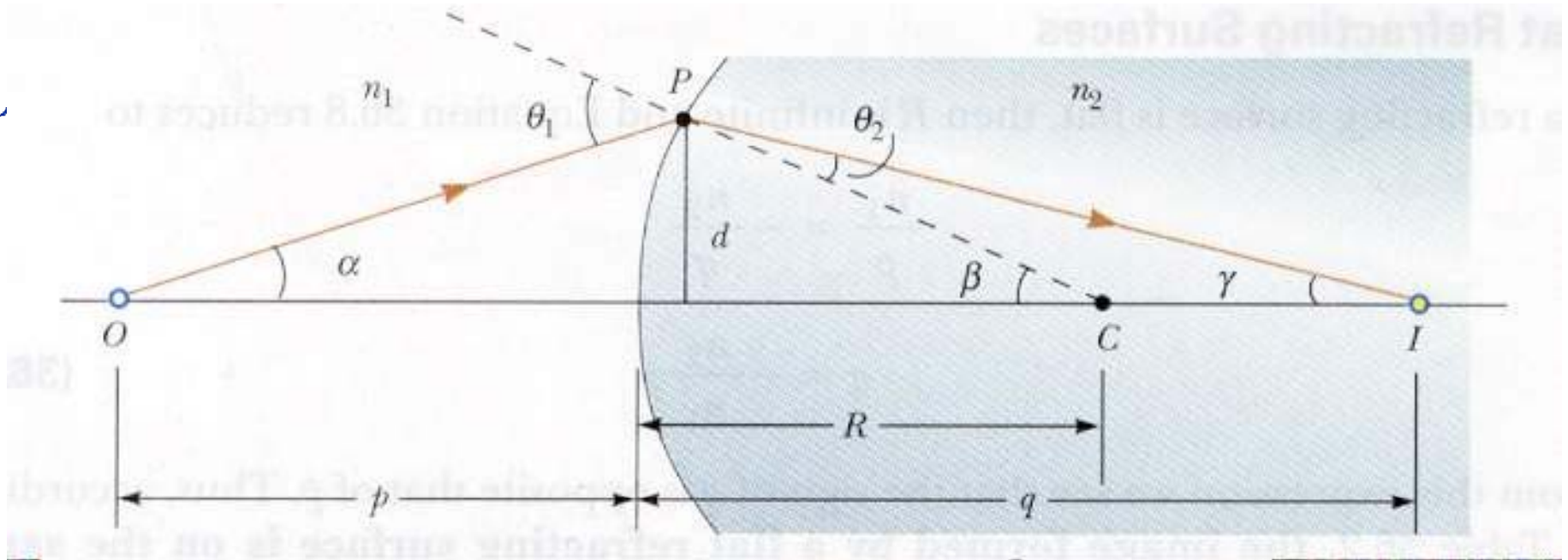
$$\begin{cases} n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \\ \sin \theta \approx \theta \\ n_1 \theta_1 = n_2 \theta_2 \end{cases}$$

زوایای خارجی :

$$\begin{cases} \theta_1 = \alpha + \beta \\ \beta = \theta_2 + \gamma \\ \theta_2 = \beta - \gamma \end{cases}$$



$$n_1 (\alpha + \beta) = n_2 (\beta - \gamma)$$



$$n_1(\alpha + \beta) = n_2(\beta - \gamma)$$

$$n_1\alpha + n_2\gamma = (n_2 - n_1)\beta$$

P فاصله جسم از سطح، q فاصله تصویر از سطح
و R شعاع انحنای سطح است.

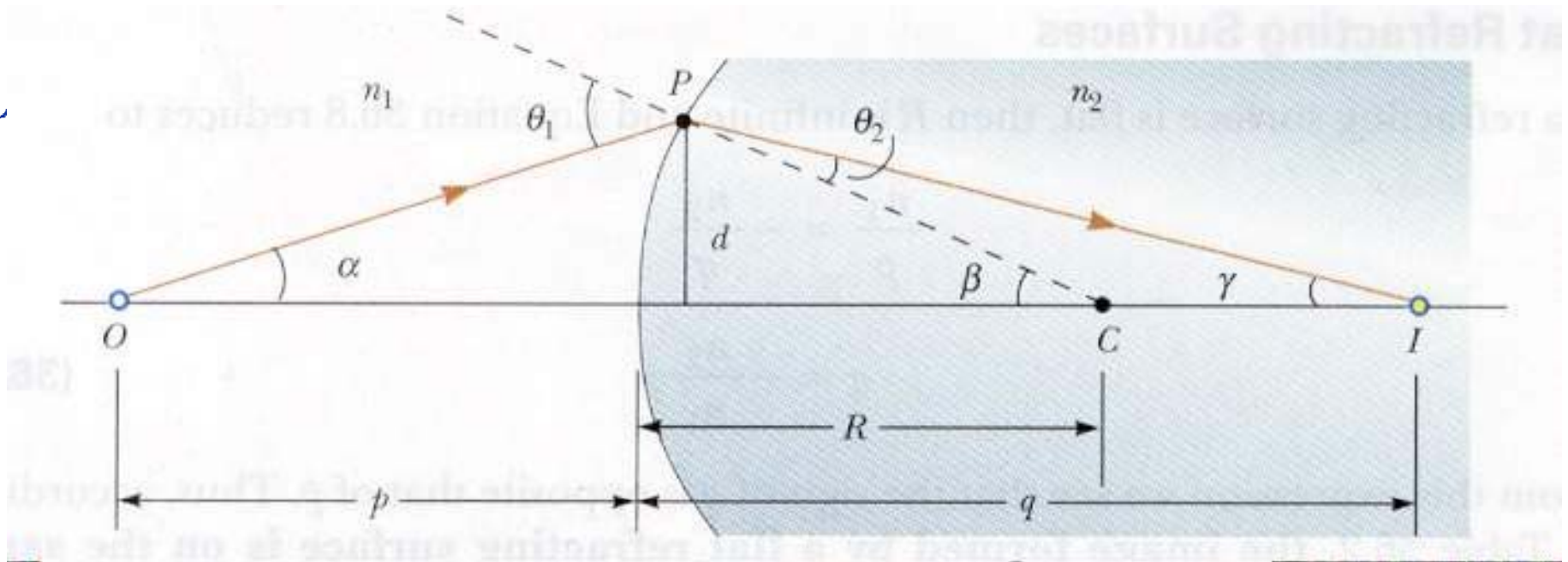
تقریب زاویه کوچک :

$$\tan \alpha \approx \alpha \approx d / p$$

$$\tan \beta \approx \beta \approx d / R$$

$$\tan \gamma \approx \gamma \approx d / q$$





$$n_1 \alpha + n_2 \gamma = (n_2 - n_1) \beta$$

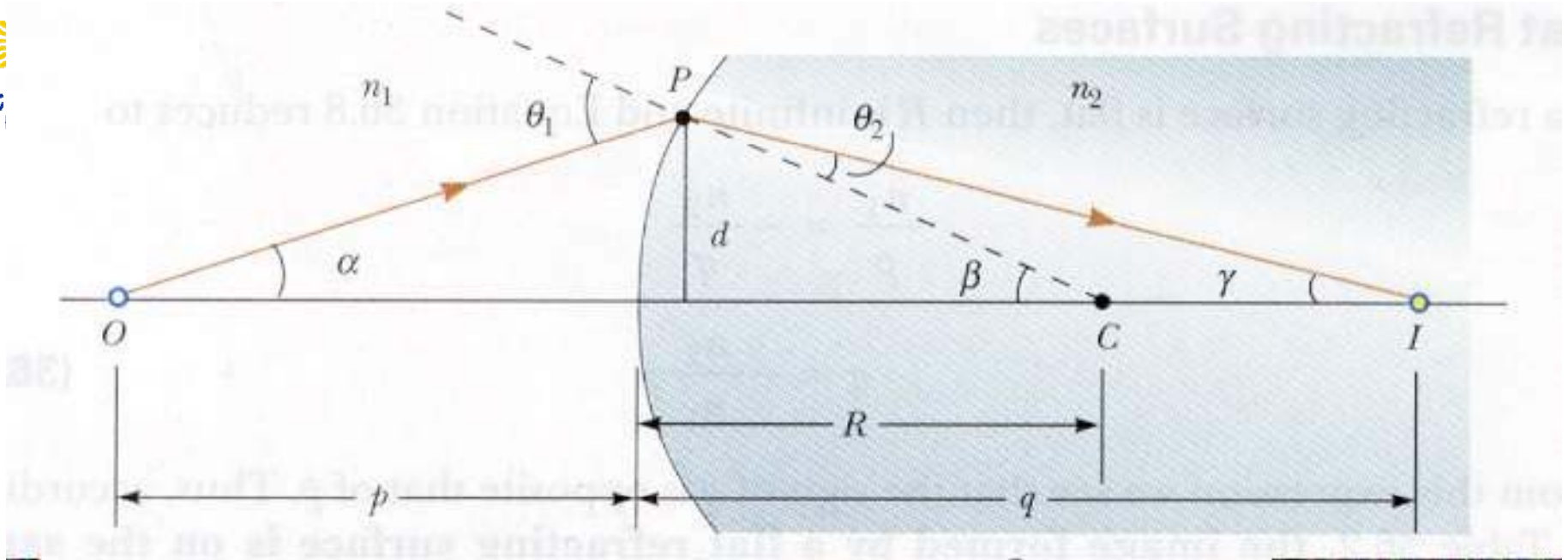
$$\alpha \approx d / p$$

$$\beta \approx d / R$$

$$\gamma \approx d / q$$

$$n_1 \frac{d}{p} + n_2 \frac{d}{q} = (n_2 - n_1) \frac{d}{R}$$

$$\frac{n_1}{p} + \frac{n_2}{q} = \frac{n_2 - n_1}{R}$$



$$\frac{n_1}{p} + \frac{n_2}{q} = \frac{n_2 - n_1}{R}$$

به ازای p ثابت q ، مستقل از زاویه ای است که با محور می سازد: کلیه پرتوها در یک نقطه متمرکز می شوند



قرار داد علامت برای سطوح انکساری

$p > 0$ اگر جسم در **جلوی** سطح باشد (جسم حقیقی)

$p < 0$ اگر جسم در **پشت** سطح باشد (جسم مجازی)

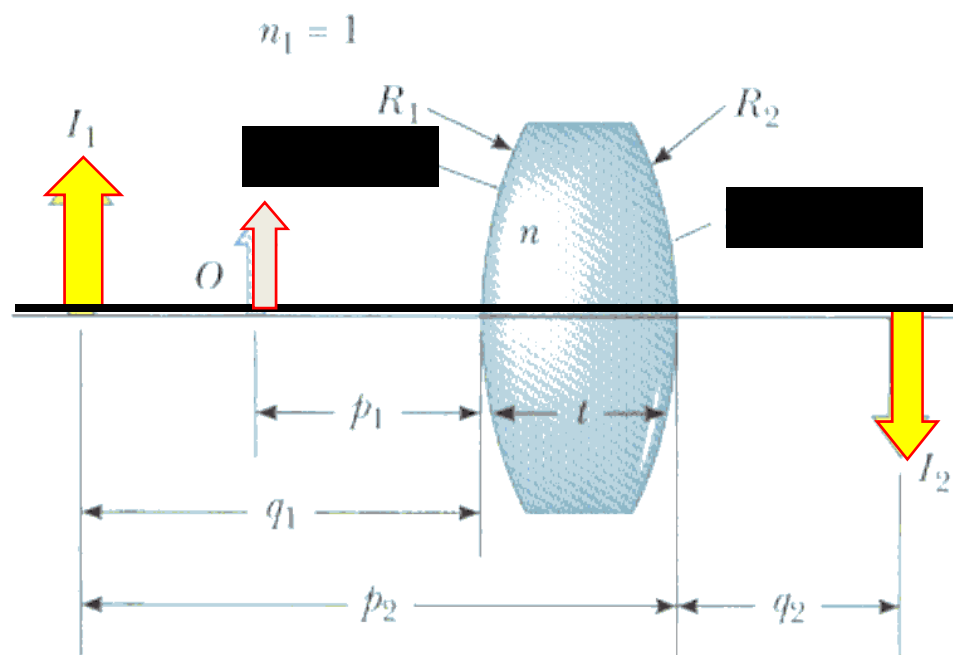
$q > 0$ اگر تصویر در **پشت** سطح باشد (تصویر مجازی)

$q < 0$ اگر تصویر در **جلوی** سطح باشد (تصویر مجازی)

$R > 0$ اگر مرکز انحنای **پشت** سطح کوژ باشد

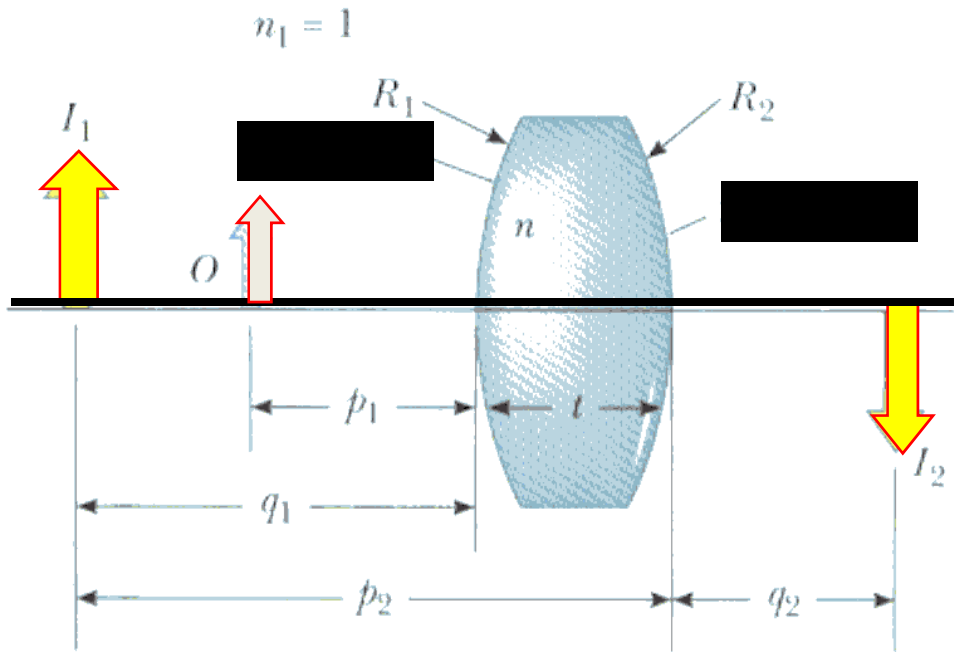
$R < 0$ اگر مرکز انحنای **جلوی** سطح کاو باشد

عدسی ها:



تصویر تشکیل شده به وسیله یک سطح انکساری به عنوان تصویر سطح انکساری دوم می باشد.

انکسار در سطوح کروی:



$$\frac{n_1}{p} + \frac{n_2}{q} = \frac{n_2 - n_1}{R}$$

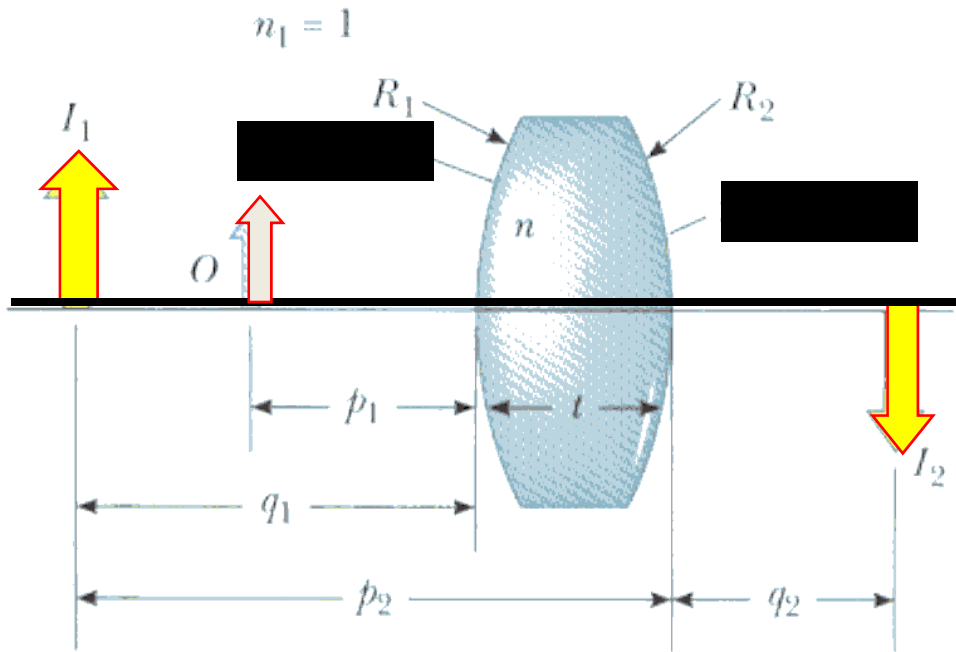
در سطح اول:

$$\frac{1}{p_1} + \frac{n}{q_1} = \frac{n-1}{R_1}$$

مجازی : $q_1 < 0$

در سطح دوم:

$$\frac{n}{p_2} + \frac{1}{q_2} = \frac{1-n}{R_2}$$



$$\frac{1}{p_1} + \frac{n}{q_1} = \frac{n-1}{R_1}$$

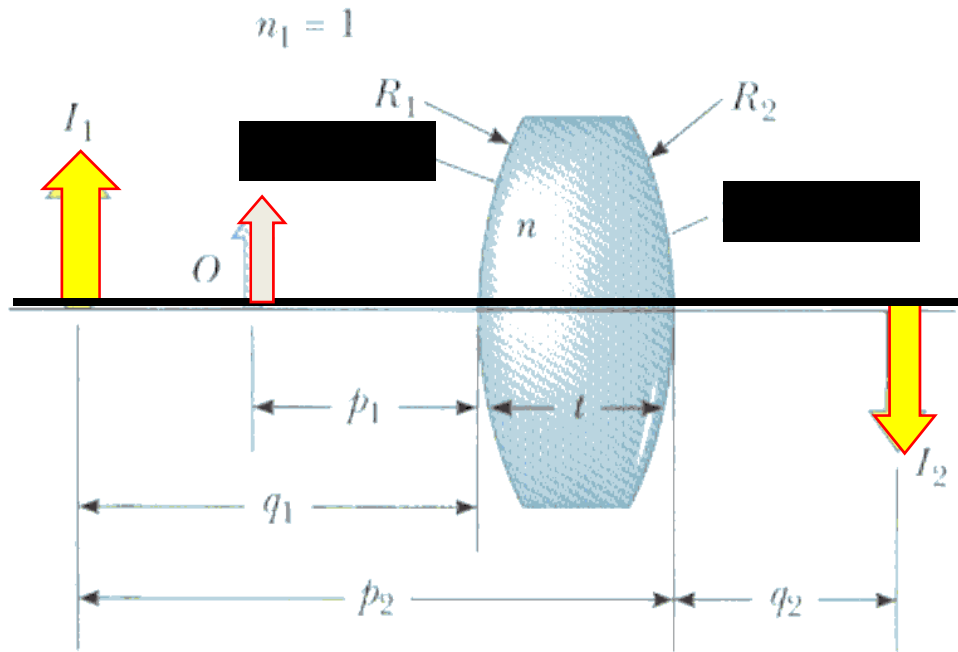
$$\frac{n}{p_2} + \frac{1}{q_2} = \frac{1-n}{R_2}$$

تصویر تشکیل شده به وسیله سطح اول جسم است برای سطح دوم را به طور ریاضی اعمال می کنیم:

$$p_2 = -q_1 + t$$

$$p_2 \approx -q_1 \quad \text{به ازای } t \ll R$$

$$-\frac{n}{q_1} + \frac{1}{q_2} = \frac{1-n}{R_2}$$



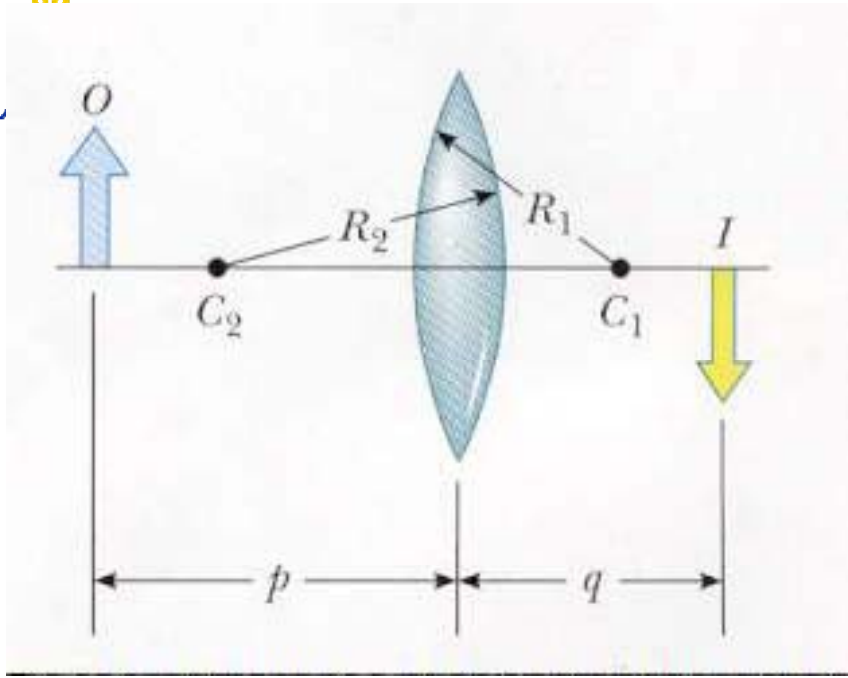
$$\frac{1}{p_1} + \frac{n}{q_1} = \frac{n-1}{R_1}$$

$$-\frac{n}{q_1} + \frac{1}{q_2} = \frac{1-n}{R_2}$$

دورابطه را جمع کنید:

$$\frac{1}{p_1} + \frac{1}{q_2} = (n-1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = (n-1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

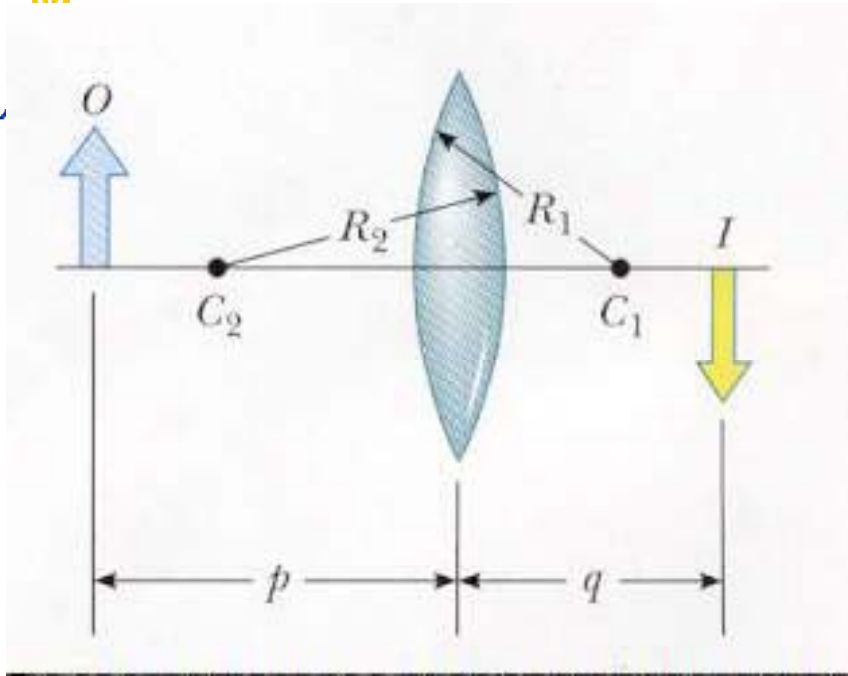


$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = (n - 1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

$$p \rightarrow \infty \Rightarrow q \rightarrow f$$

$$\frac{1}{f} = (n - 1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

معادله
عدسی سازان



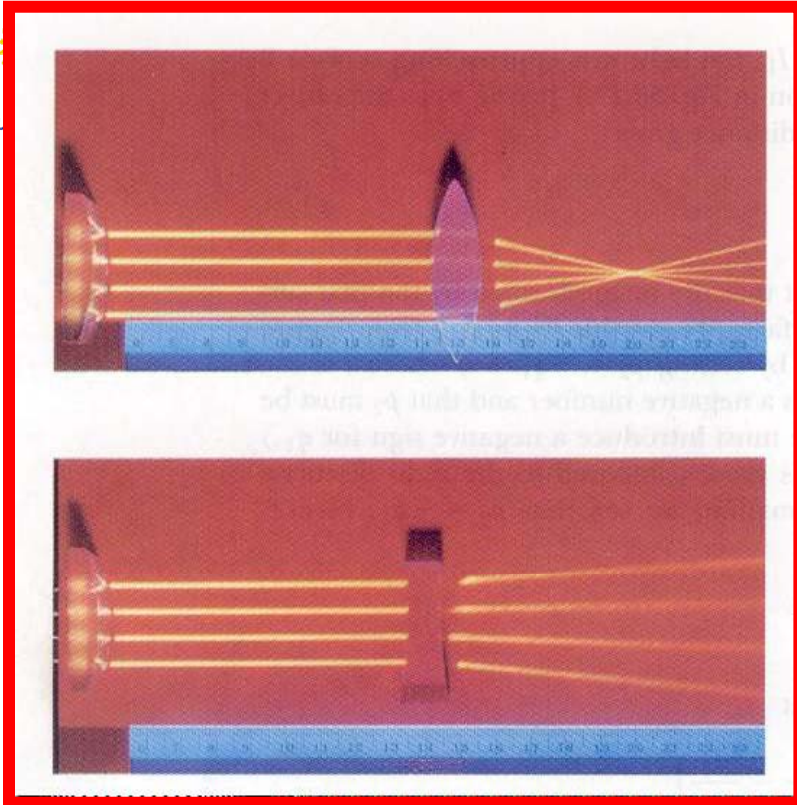
$$\frac{1}{f} = (n - 1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

معادله عدسی سازان

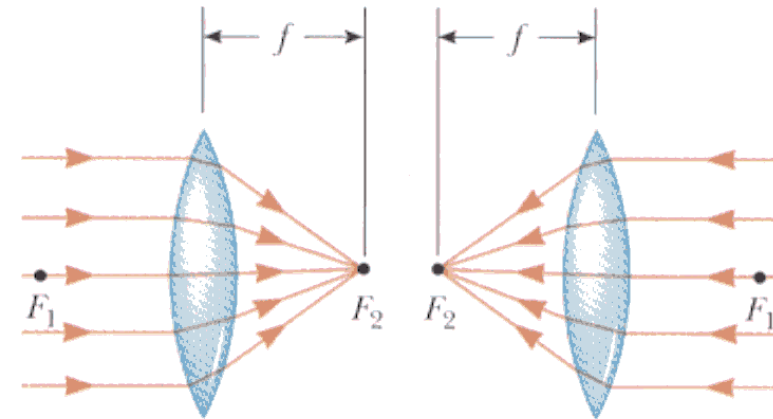
$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$$

معادله عدسی ها نازک

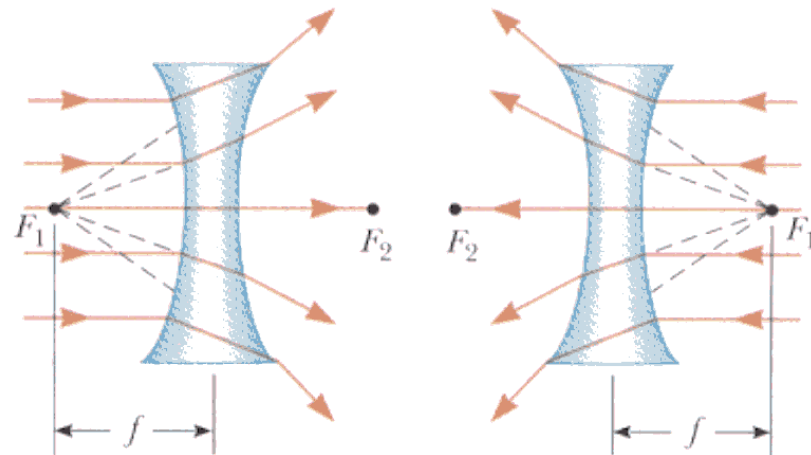
عدسی های همگرا (مثبت)



نقطه کانونی شیئی
نقطه کانونی تصویری



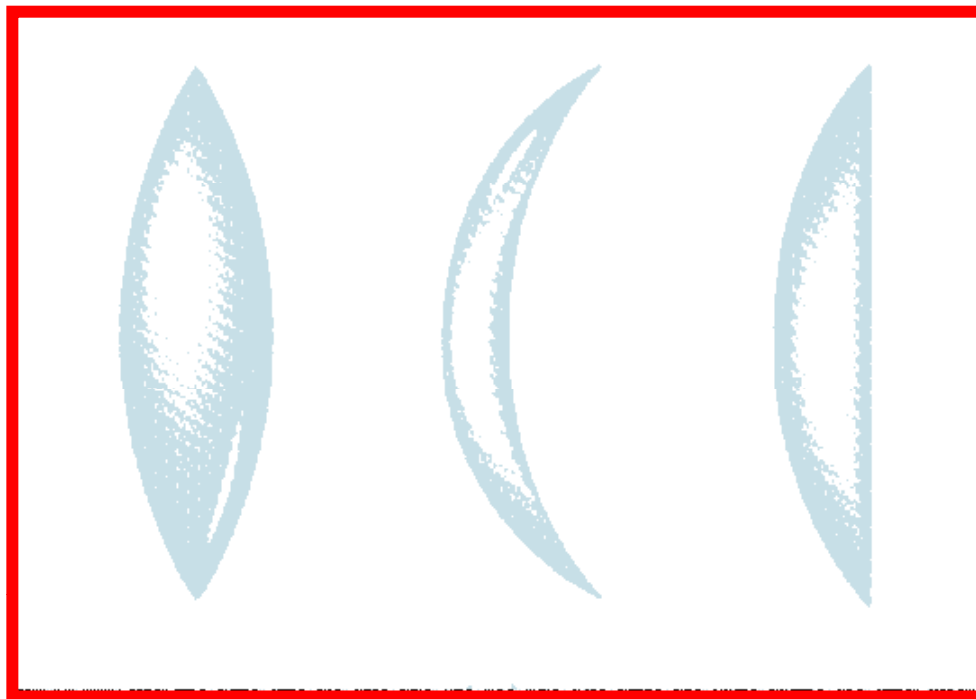
(a)



عدسی های واگرا



عدسی های همگرا
 $f > 0$



عدسی های واگرا
 $f < 0$





قرارداد علامت برای عدسی های نازک

$p > 0$ اگر جسم در جلوی عدسی باشد (جسم حقیقی)

$p < 0$ اگر جسم پشت عدسی باشد (جسم مجازی)

$q > 0$ اگر تصویر پشت عدسی باشد (تصویر حقیقی)

$q < 0$ اگر تصویر جلوی عدسی باشد (تصویر مجازی)

R_1 و $R_2 > 0$ اگر مرکز انحنای پشت عدسی باشد

R_1 و $R_2 < 0$ اگر مرکز انحنای جلوی عدسی باشد

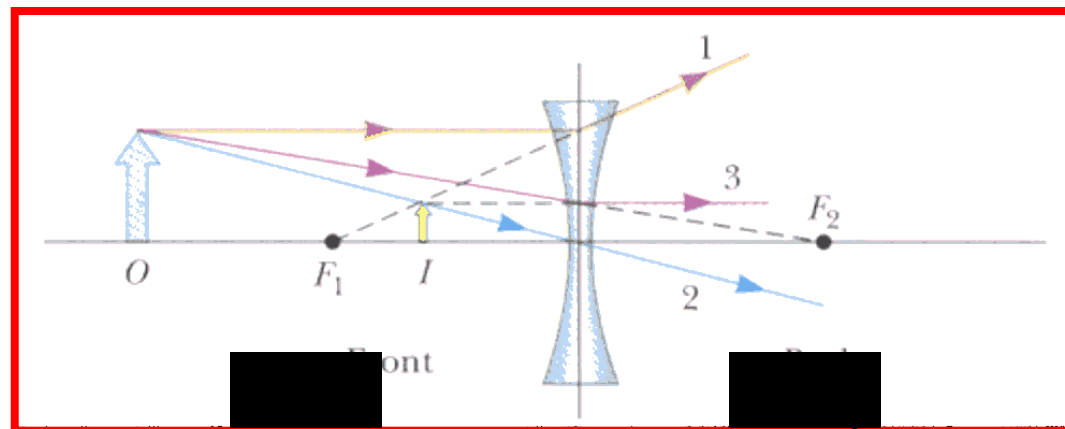
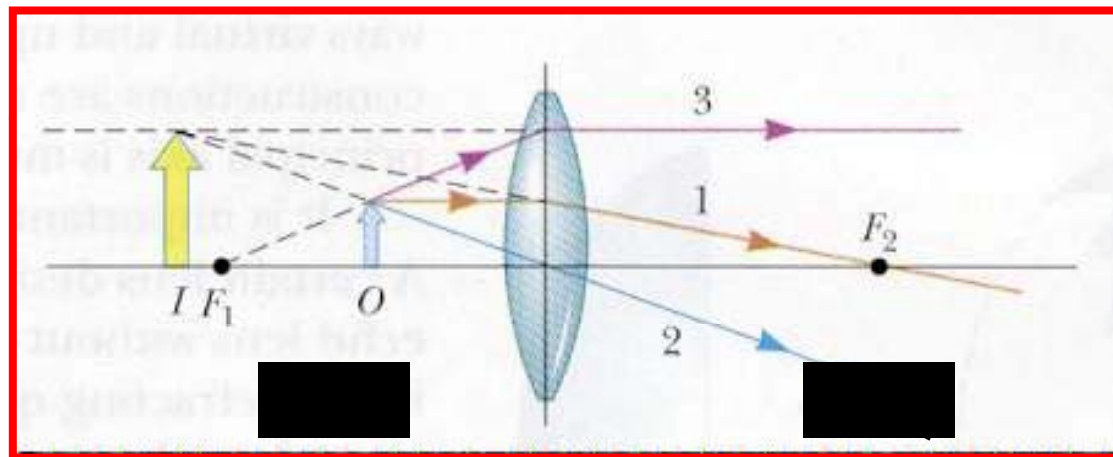
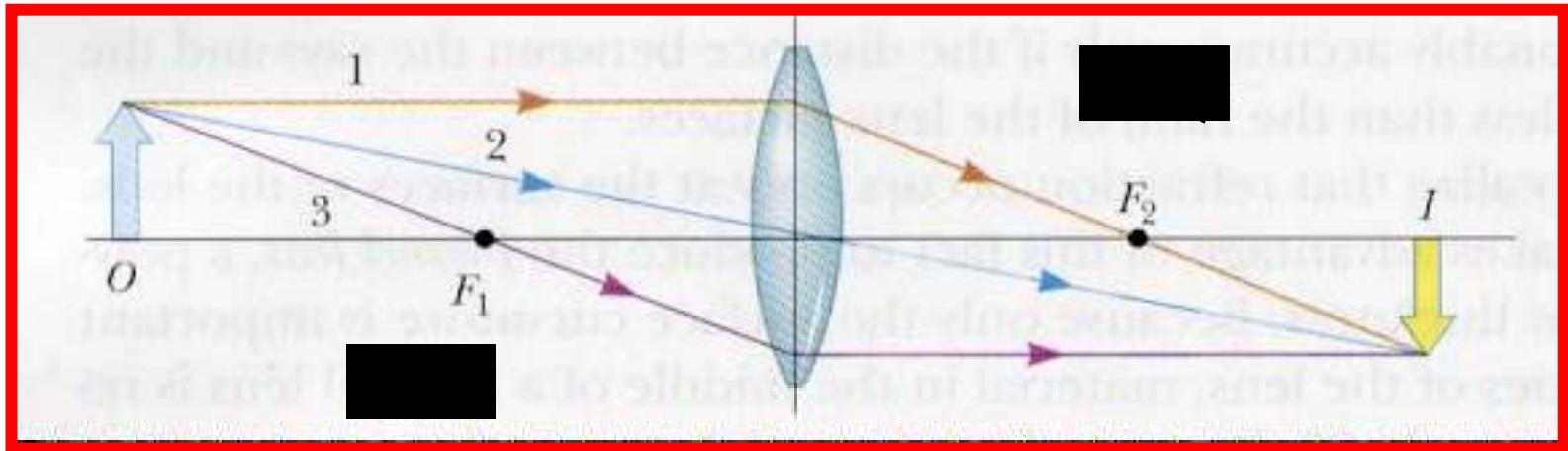
اگر عدسی همگرا باشد: $f > 0$

اگر عدسی واگرا باشد: $f < 0$

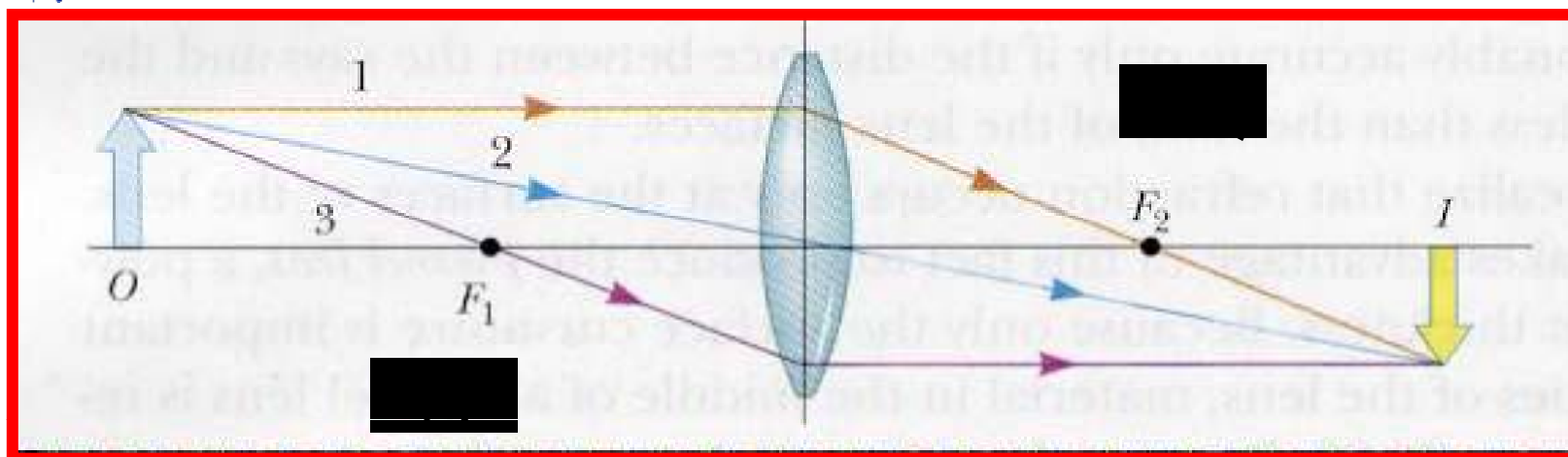


بزرگنمایی

$$M = -\frac{q}{p}$$



مثال : عدسی همگر $p > f$



$$f = 5 \text{ cm}$$

$$p = 11 \text{ cm}$$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$$

$$q = \frac{pf}{p - f} = \frac{55}{6} \text{ cm}$$

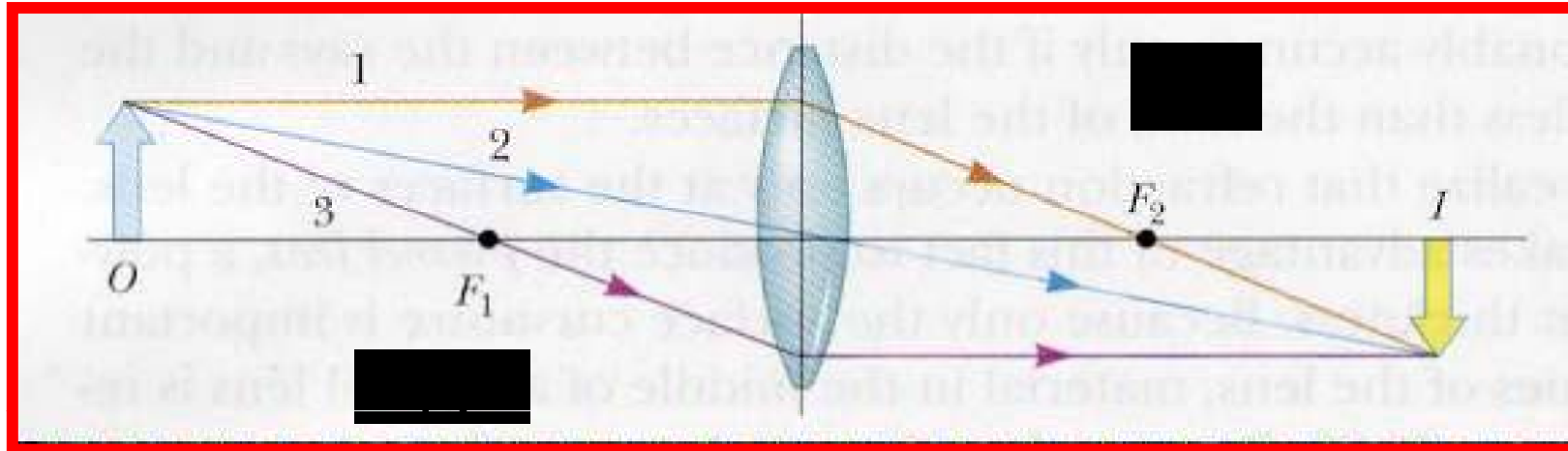
$$M = -\frac{q}{p}$$

$$= -\frac{55/6}{11}$$

$$= -\frac{5}{6}$$

حقیقی
معکوس
کوچکتر

عدسی محدب (مثبت) $p > f$



$$|M| < 1$$

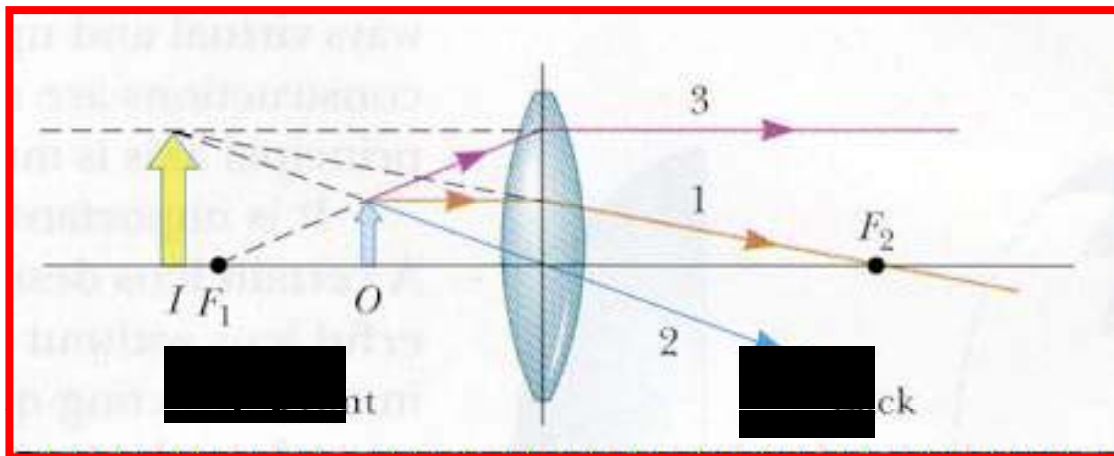
حقیقی

$$M < 0$$

معکوس

کوچکتر

عدسی محدب (مثبت) $p < f$



$$f = 10 \text{ cm}$$

$$p = 6 \text{ cm}$$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$$

$$q = \frac{pf}{p - f} = \frac{60}{-4} = -15 \text{ cm}$$

$$M = -\frac{q}{p}$$

$$= -\frac{-15}{6}$$

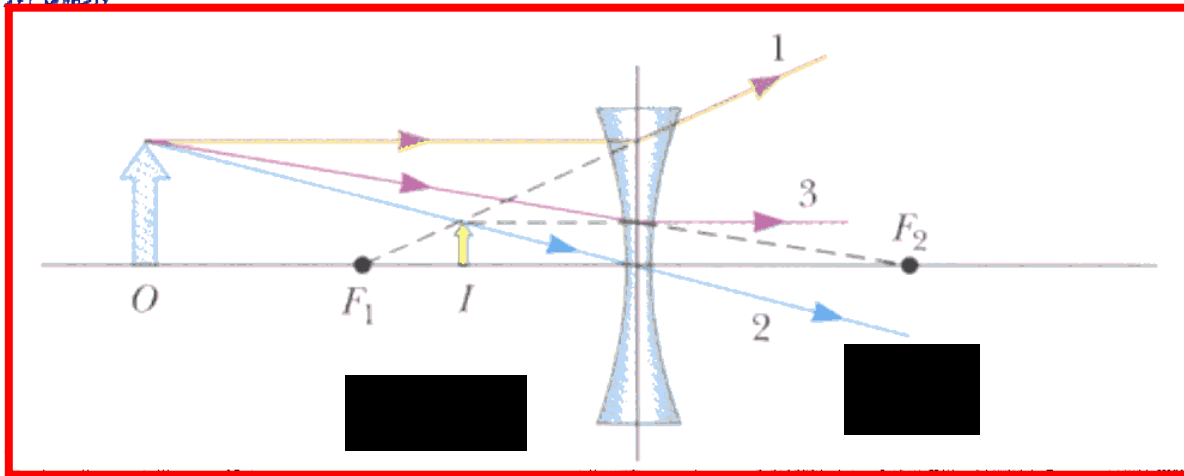
$$= \frac{5}{2}$$

مجازی
مستقیم
بزرگتر



دانشگاه گیلان

عدسی واگرا از دو طرف (منفی) p اختیاری



$$f = -5 \text{ cm}$$

$$p = 9 \text{ cm}$$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$$

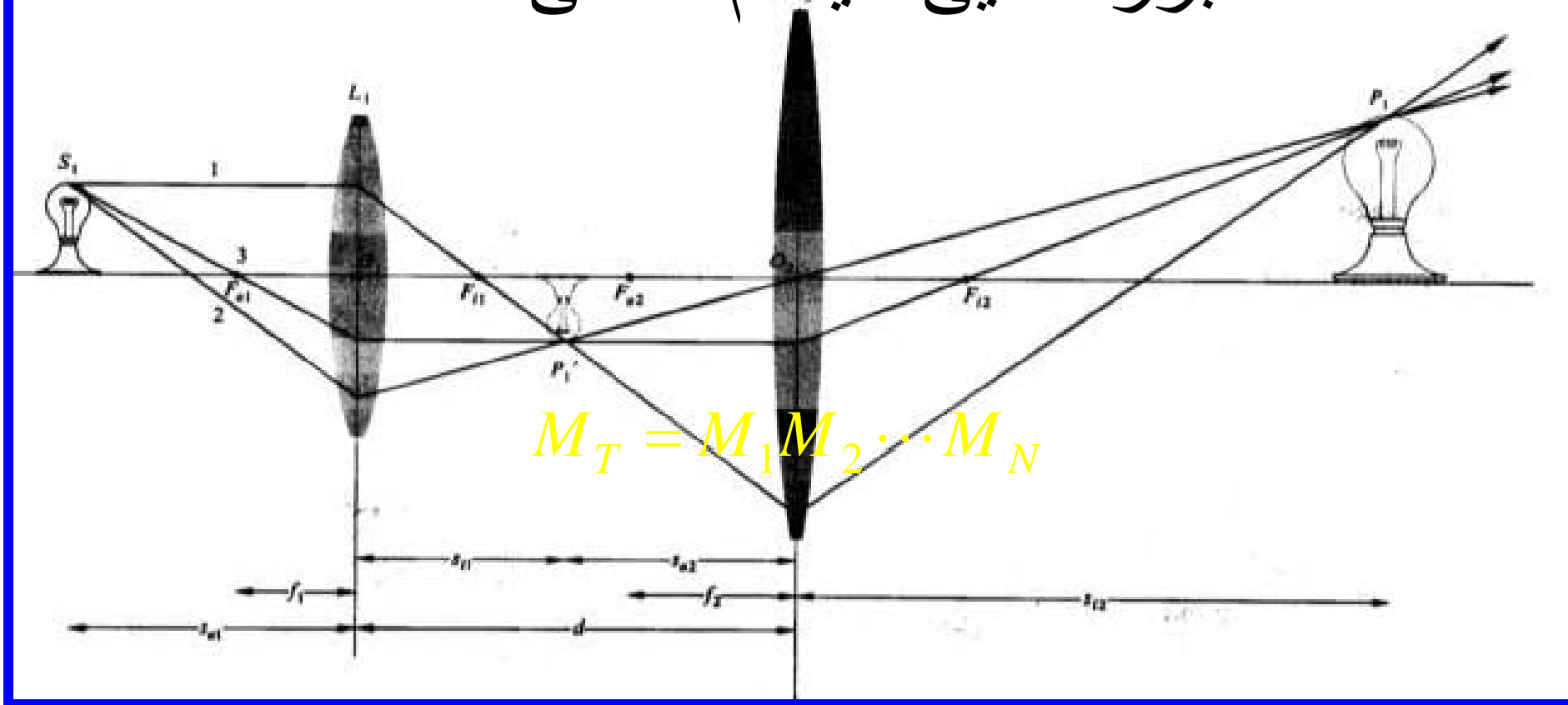
$$q = \frac{pf}{p - f} = \frac{-45}{14} \text{ cm}$$

$$M = -\frac{q}{p} = -\frac{-45/14}{9}$$

$$= \frac{5}{14}$$

مجازی
مستقیم
کوچکتر

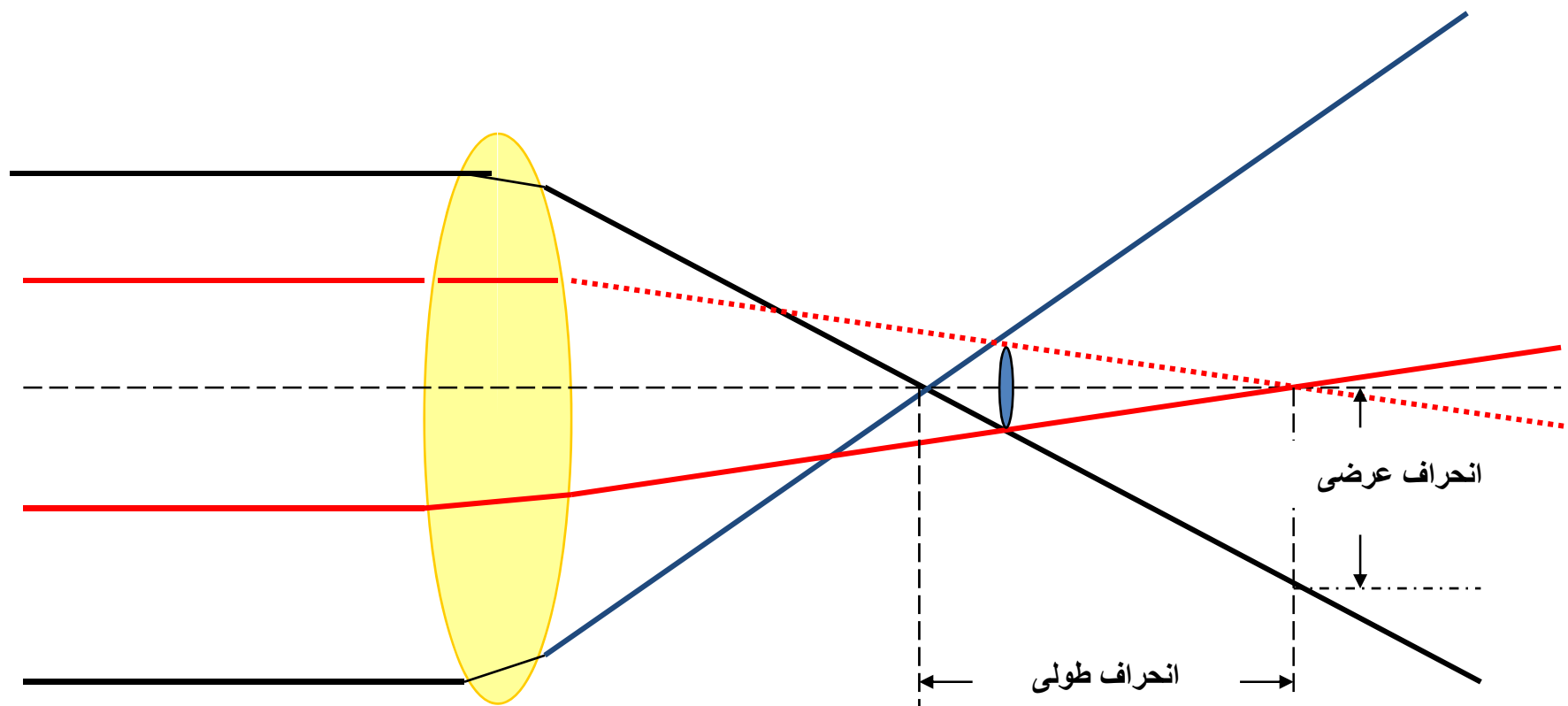
بزرگنمایی سیستم عدسی ها





انحراف کروی:

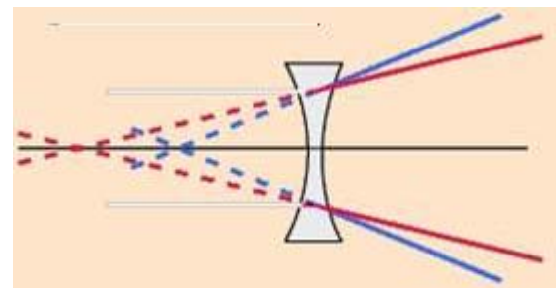
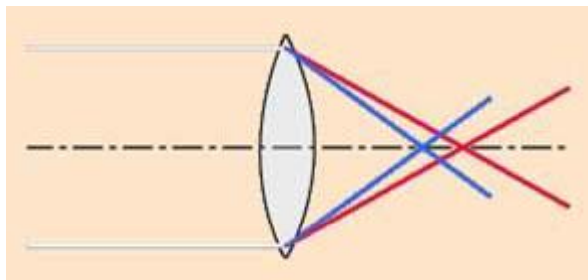
در مورد عدسی‌ها پرتوهای موازی با محور نوری در فواصل مختلف از محور نوری در یک نقطه همگرا نمی‌شوند. این نوع انحراف را انحراف کروی می‌گویند که از وضوح تصویر می‌کاهد. با خم کردن عدسی به بهترین نحو می‌توان این نوع انحراف را کاهش داد.





انحراف رنگی

عدسی ها به علت وابسته بودن فاصله کانونی عدسی به ضریب شکست نور همه نورها را در یک نقطه جمع نمی کنند. ضریب شکست برای نور آبی (طول موج کوتاه تر) بیش تر از نور قرمز است. میزان انحراف رنگی به پاشندگی شیشه بستگی دارد. برای کاستن از انحراف رنگی از عدسیهای مرکب از مواد با ضریب شکست مختلف استفاده می شود.





سیستم ها و ابزار نوری

دوربین عکاسی

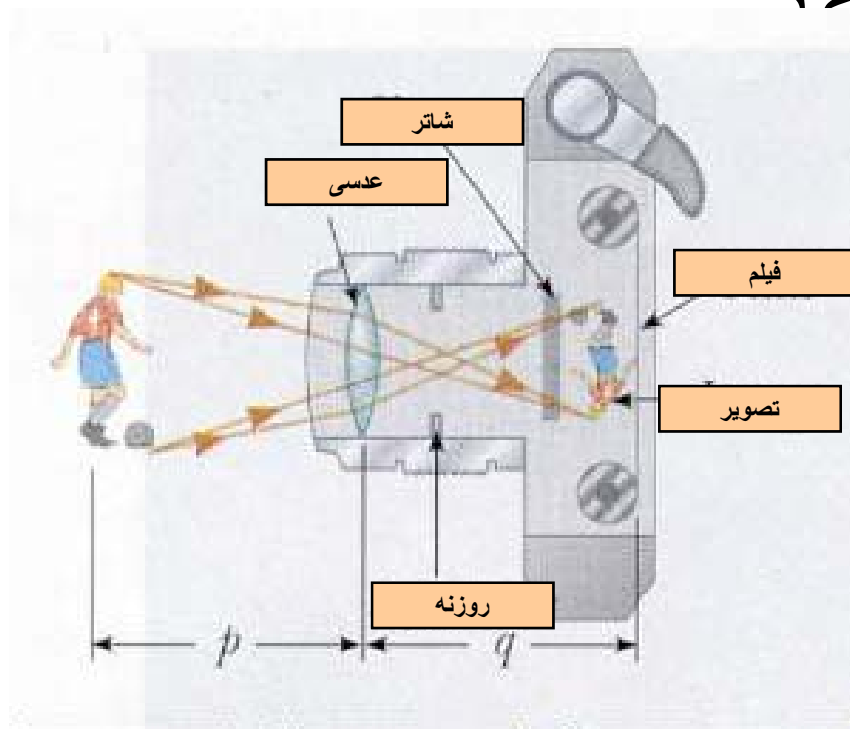
چشم

ذره بین

میکروسکوپ

تلسکوپ

دوربین عکاسی



$$f \text{ عدد} \equiv \frac{f}{D}$$

$$I \propto \frac{1}{(f \text{ عدد})^2}$$

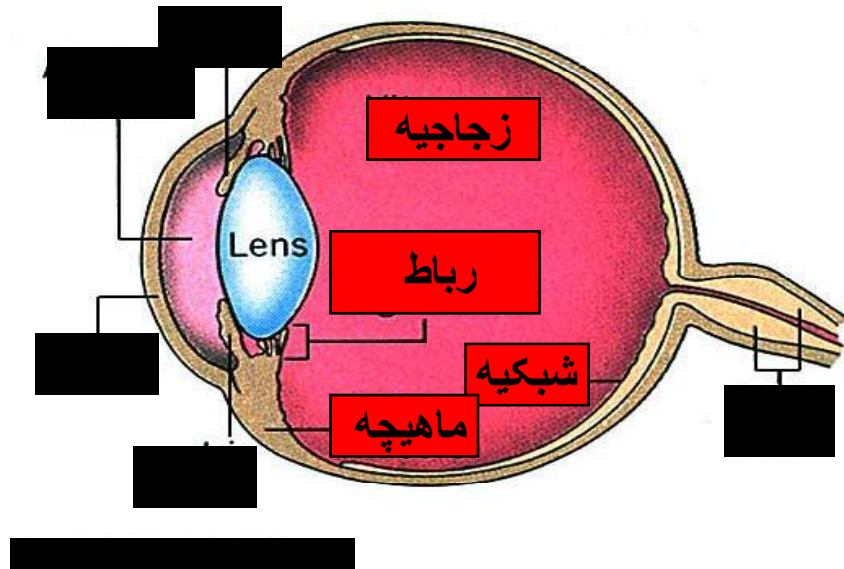
F: فاصله کانونی عدس

D: قطر عدسی

f/2.8, f/4, f/5.6, f/8, f/11 و f/16: سرعت عدسی

چشم انسان

ماهیچه مژگانی تطابق چشم



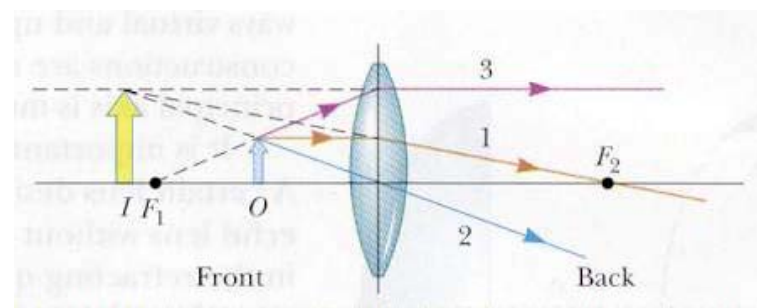
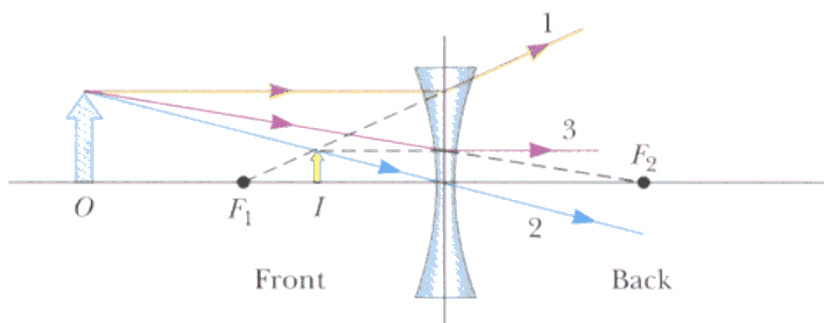
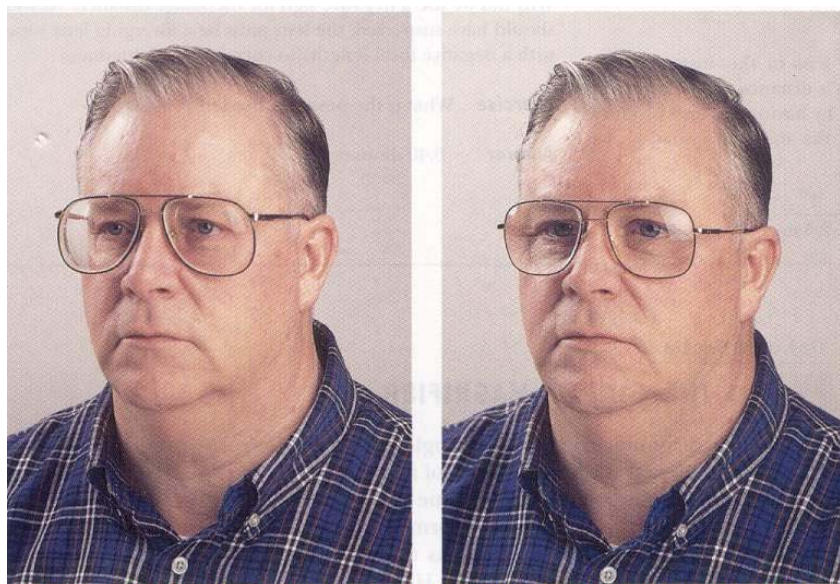
نقطه نزدیک :

نزدیک ترین فاصله ای که چشم می تواند روی آن تطابق کند. (25 cm)

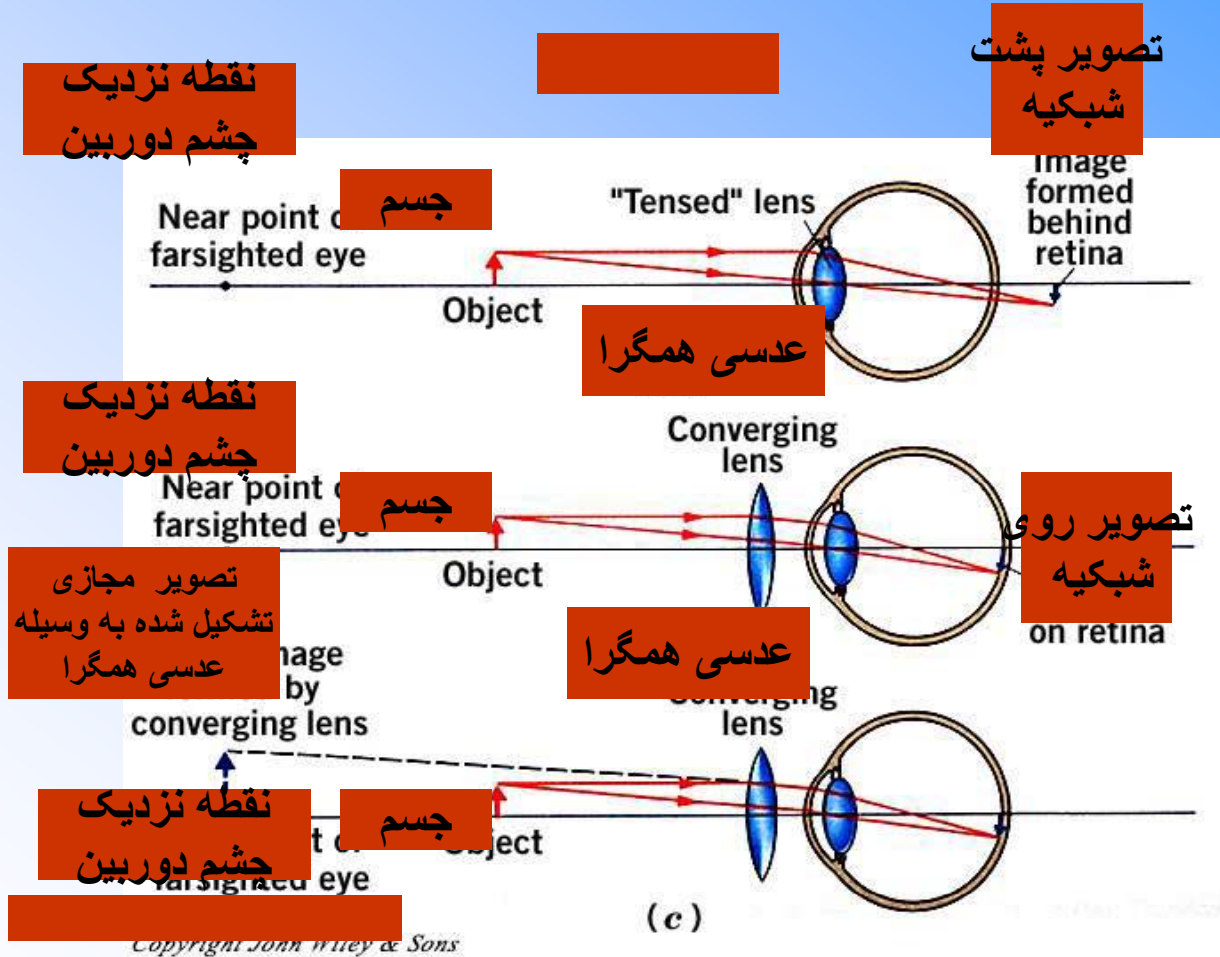
نقطه دور (تقریبا بینهایت فیزیکی)



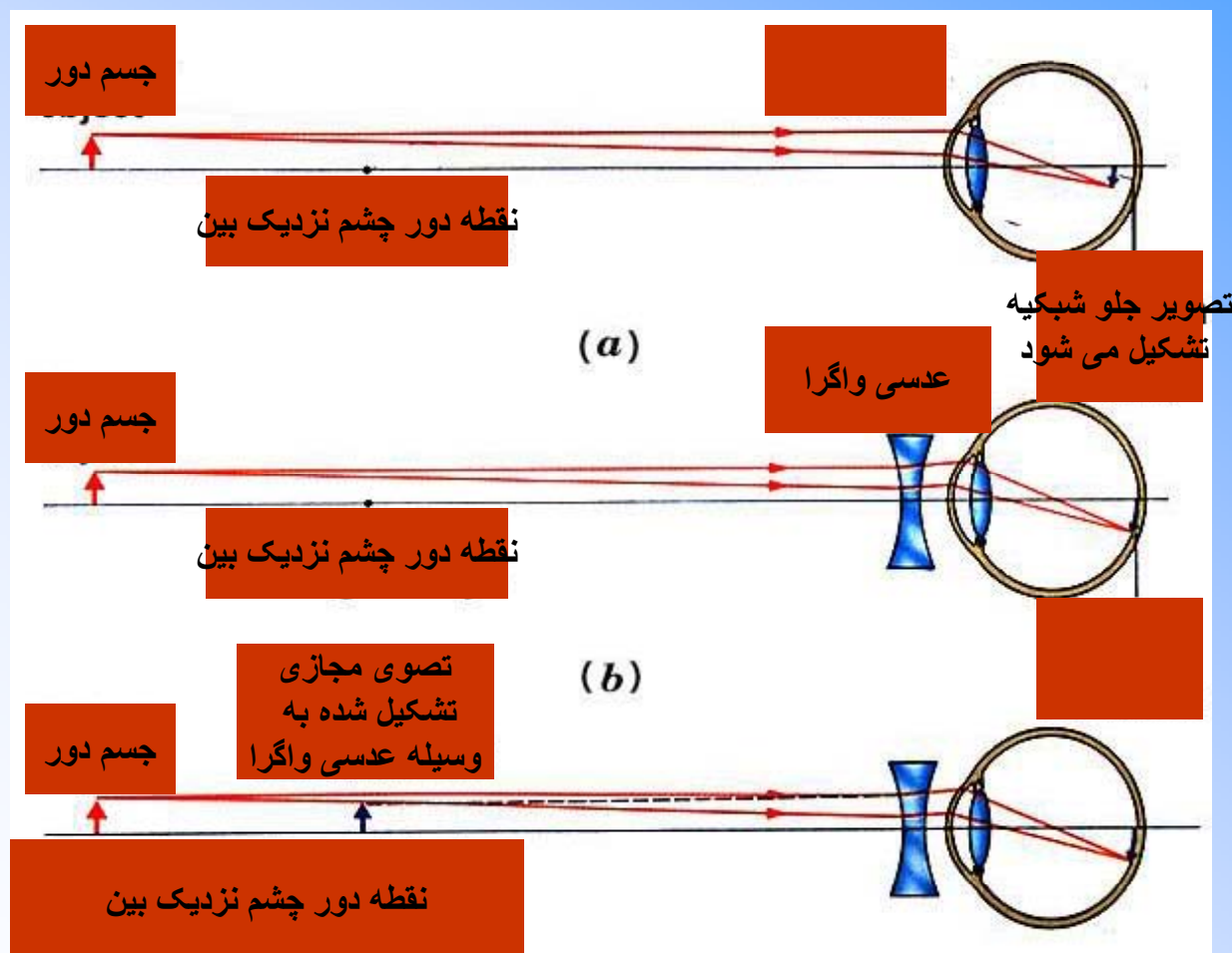
دوربینی و نزدیک بینی



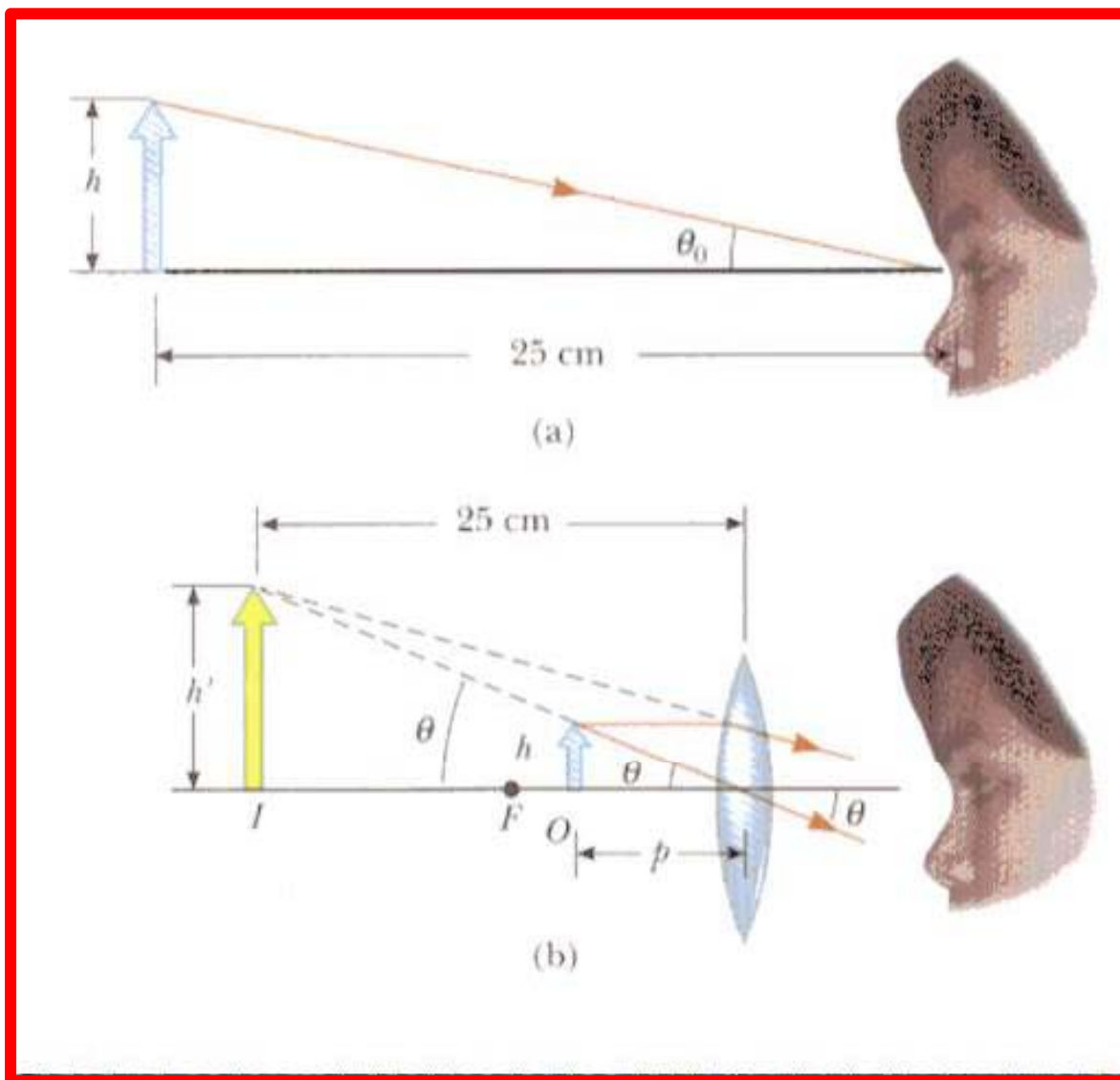
دوربینی



نزدیک بینی



ذره بین ساده

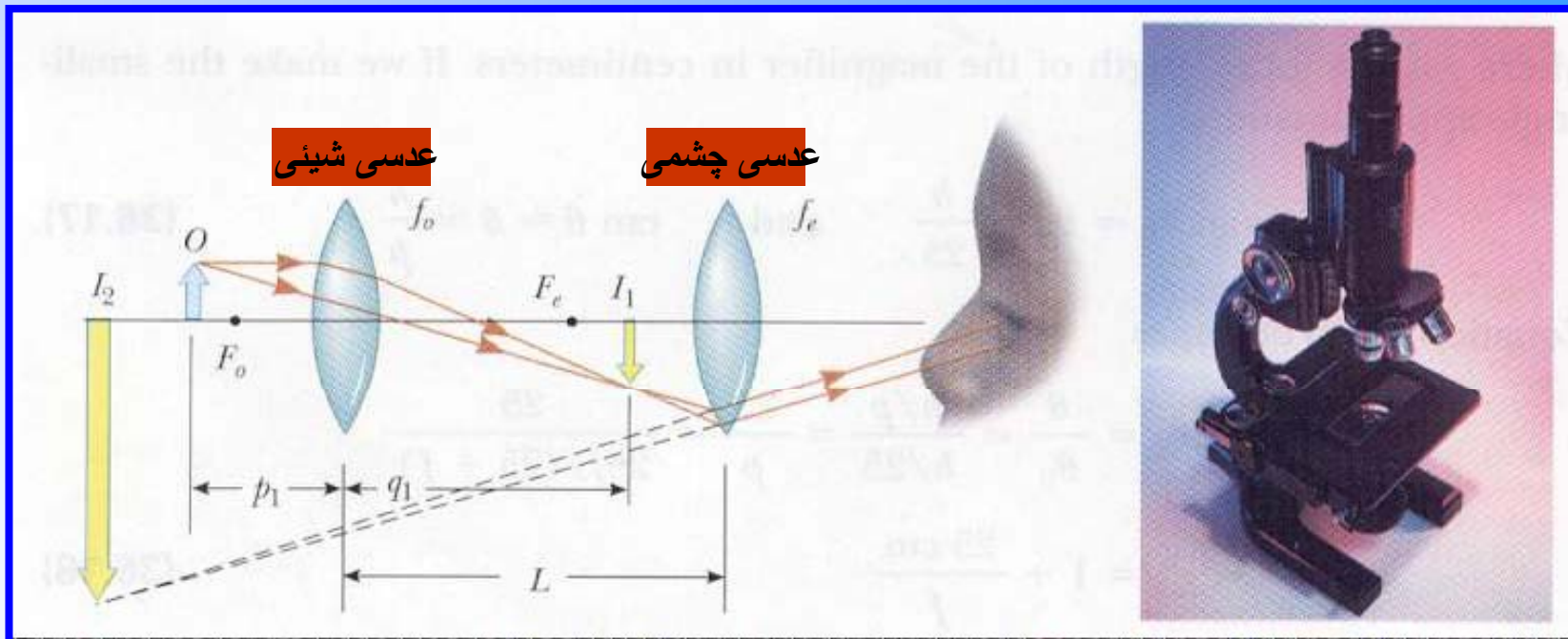


$$\theta_0 \approx \frac{h}{25}$$

$$\theta \approx \frac{h'}{25} = \frac{h}{p}$$

بزرگنمایی زاویه ای :

$$m = \frac{\theta}{\theta_0}$$



$$f_o < 1 \text{ cm} \quad p_1 \approx f_o$$

$$f_e \quad q_1 \approx L$$

$$L \gg f_o, f_e \quad M_1 = -\frac{q_1}{p_1} \approx -\frac{L}{f_o}$$

$$m_e = \frac{25}{f_e}$$

$$M = M_1 m_e = -\frac{L}{f_o} \frac{25}{f_e}$$

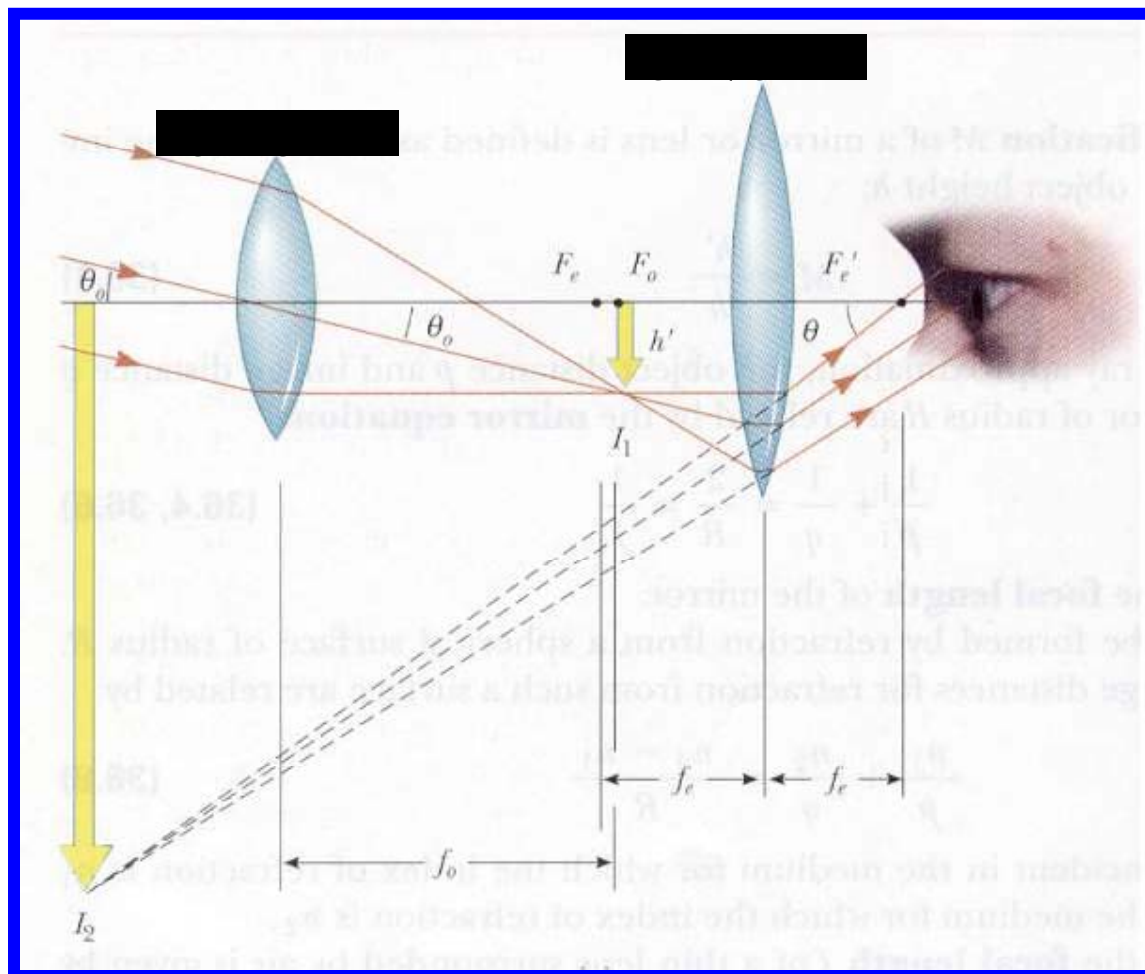


تلسکوپ

ترکیب عدسی ها : تلسکوپ انکساری
تلسکوپ انعکاسی : آینه خمیده و عدسی ها



تلسکوپ انکساری



$$L \approx f_o + f_e$$

$$m = \frac{\theta}{\theta_o}$$

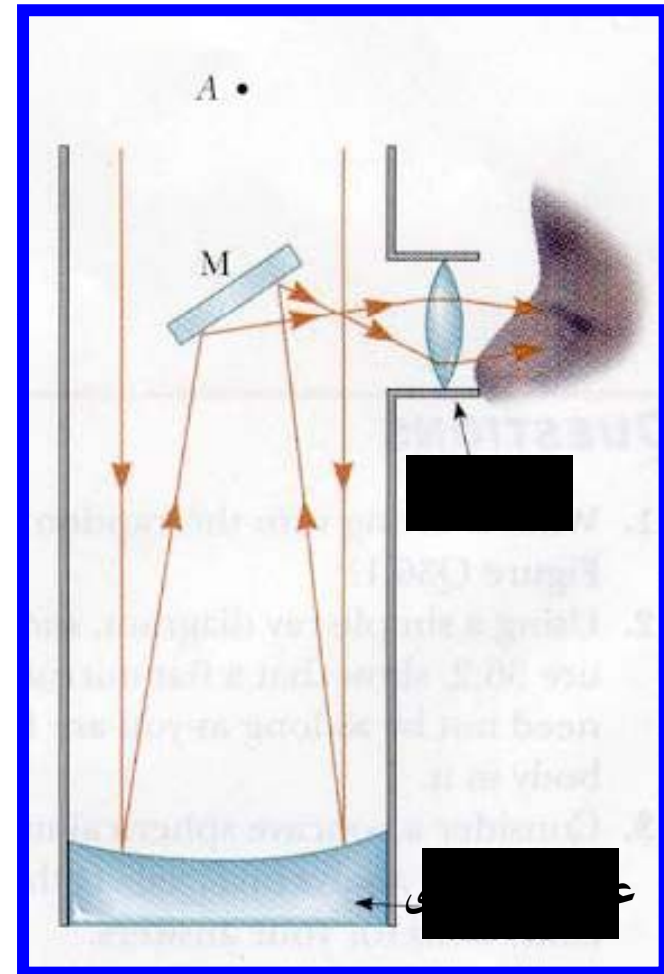
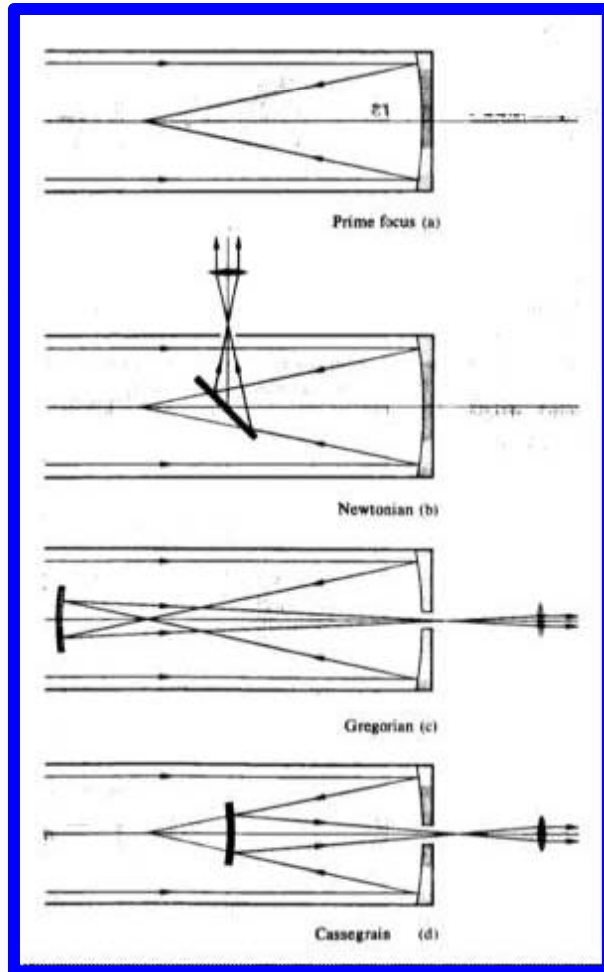
$$\tan \theta_o \approx \theta_o \approx -\frac{h'}{f_o}$$

$$\tan \theta \approx \theta \approx \frac{h'}{f_e}$$

$$m = \frac{h'/f_e}{-h'/f_o} = -\frac{f_o}{f_e}$$

$$L = f_o - |f_e|$$

تلسکوپ انعکاسی





چرا تلسکوپ انعکاسی؟

تأبتواند بیشترین نور را جمع آوری کند!!

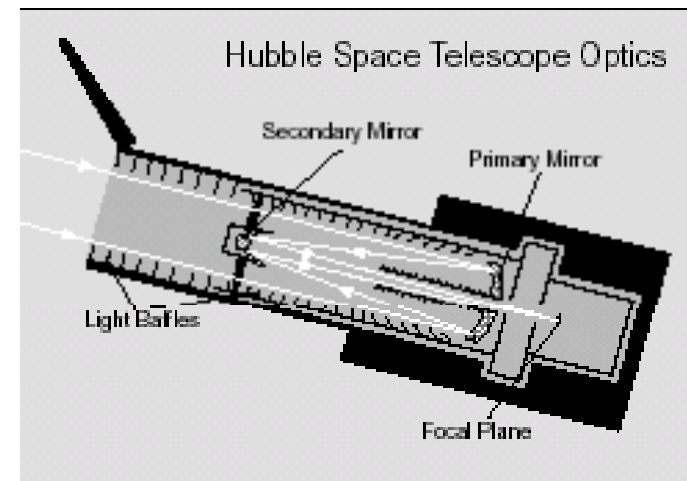
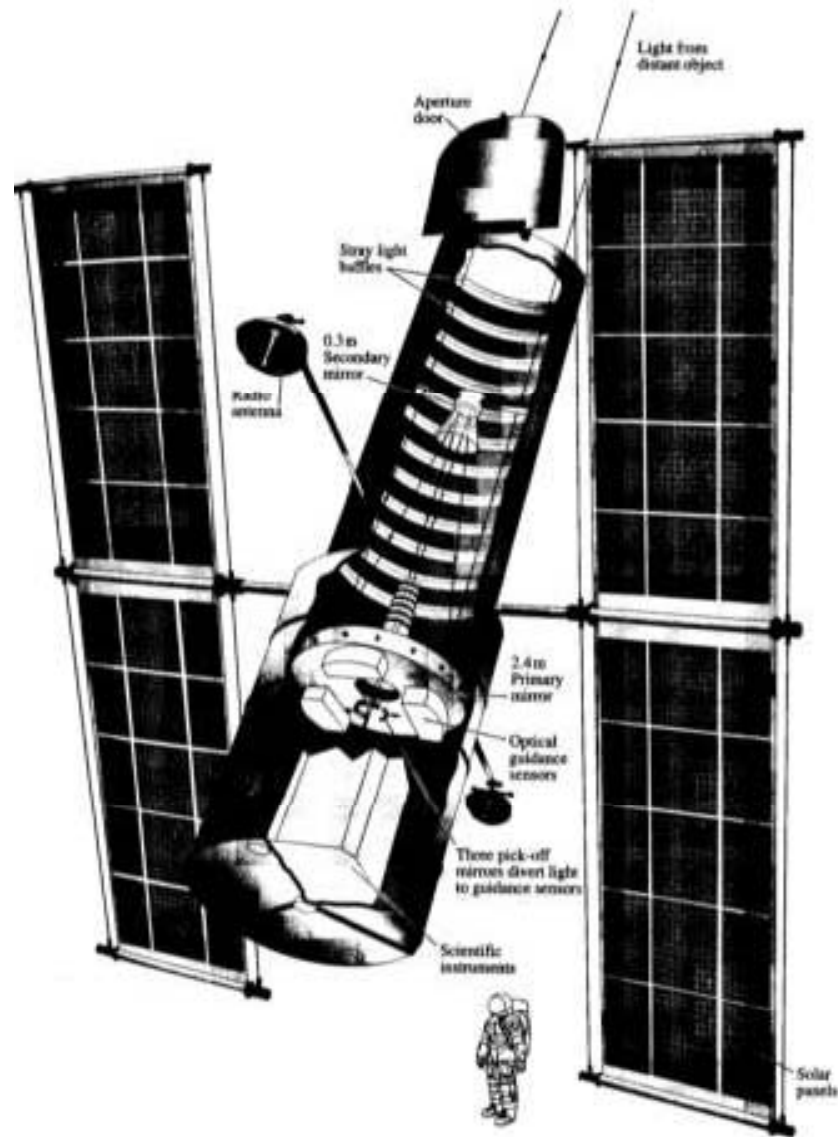
ارزانتر بودن تلسکوپ انعکاسی نسبت به انکساری

بدون انحراف نور و خم شدگی

امکان استفاده از آینه های بزرگ

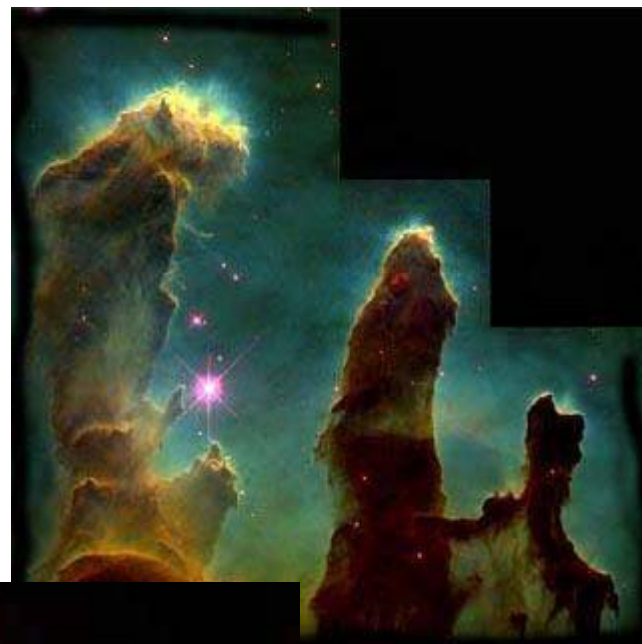
نور از شیشه عبور نکرده لذا فاقد انحرافات رنگی نور است

تلسکوپ فضایی هابل





دانشگاه پیام نور





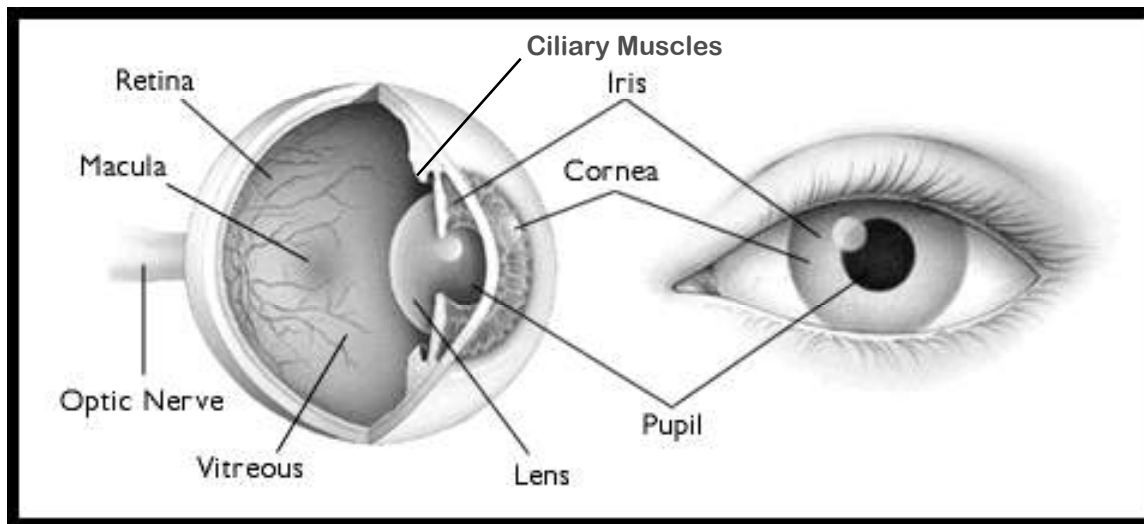


هدفهای کلی درس:

- ◀ درک بنیادی نور فیزیکی و نورهندسی
- ◀ بررسی جنبه های مختلف نورهندسی ، اصل هویگنس ، اصل فرما، بازتاب و شکست نور
- ◀ درک ویژگی های حرکت موجی ، به ویژه امواج سینوسی و حرکت هماهنگ ساده و بیان ریاضی امواج و امواج الکترومغناطیسی
- ◀ فهم اصل رویهمریزی خطی امواج ، تداخل سازنده و ویرانگر
- ◀ درک ویژگی موجی نور، تداخل نور ، آزمایش دوشکافی یانگ ، لایه های نازک ، حلقه های نیوتن
- ◀ درک همدوسی ، آنالیز فوریه
- ◀ قطبش نور و قطبش به روشهای مختلف : بازتاب و پراکندگی
- ◀ درک خاصیت پراش نور : پراش فرانهورفر و فرنل و تفاوت آنها
- ◀ حل مسائل مربوط به نور هندسی و فیزیکی

ایستیک

عدسی ها و چشم

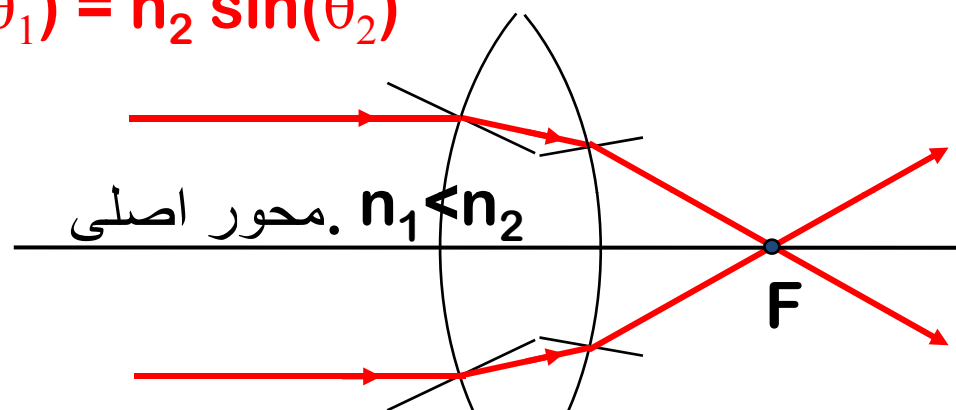




کمی توجه کنید:

نقطه کانونی از هندسه و قانون اسنل بدست می آید:

$$n_1 \sin(\theta_1) = n_2 \sin(\theta_2)$$



وسط ضخیم = همگرا

وسط نازک = واگرا

n_2/n_1 بزرگ تر = انحراف بیشتر, فاصله کانونی کوتاه تر.

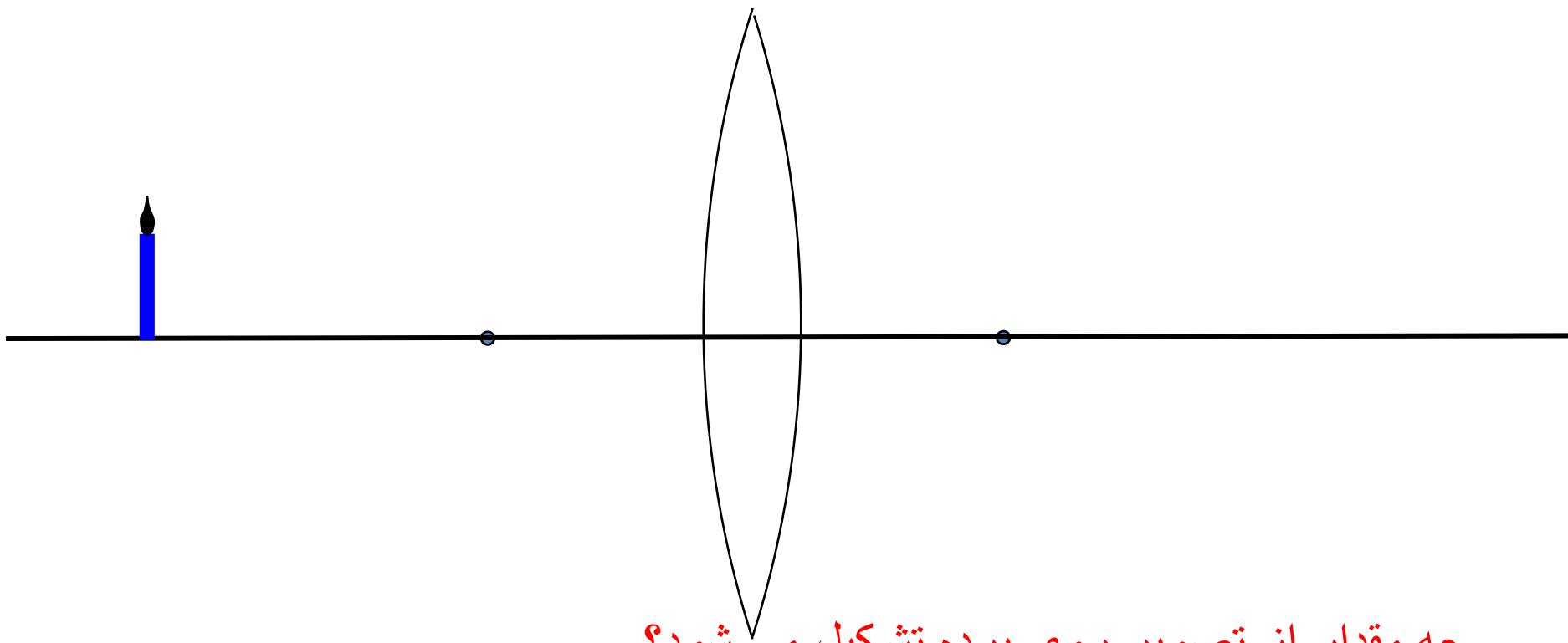
$n_1 = n_2$  بینهایت = f , بدون انحراف

عدسی ها در آب فاصله کانونی بزرگ تری دارند!



فکر کنید!

یک عدسی همگرا برای تشکیل تصویر حقیقی از جسم روی پرده بکار می رود. به وسیله یک تکه چسب سیاه نیمی از عدسی را می پوشانیم.

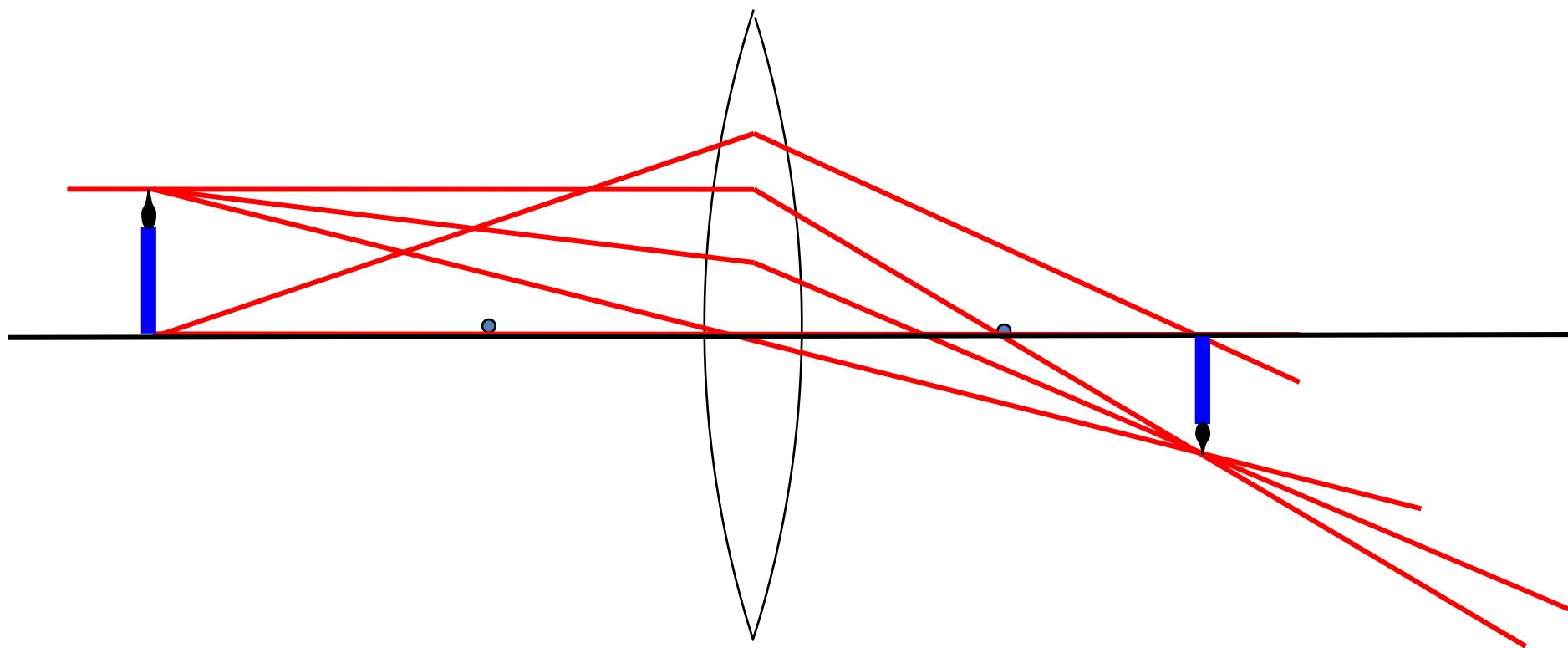


چه مقدار از تصویر روی پرده تشکیل می شود؟



کمی فکر کنید!

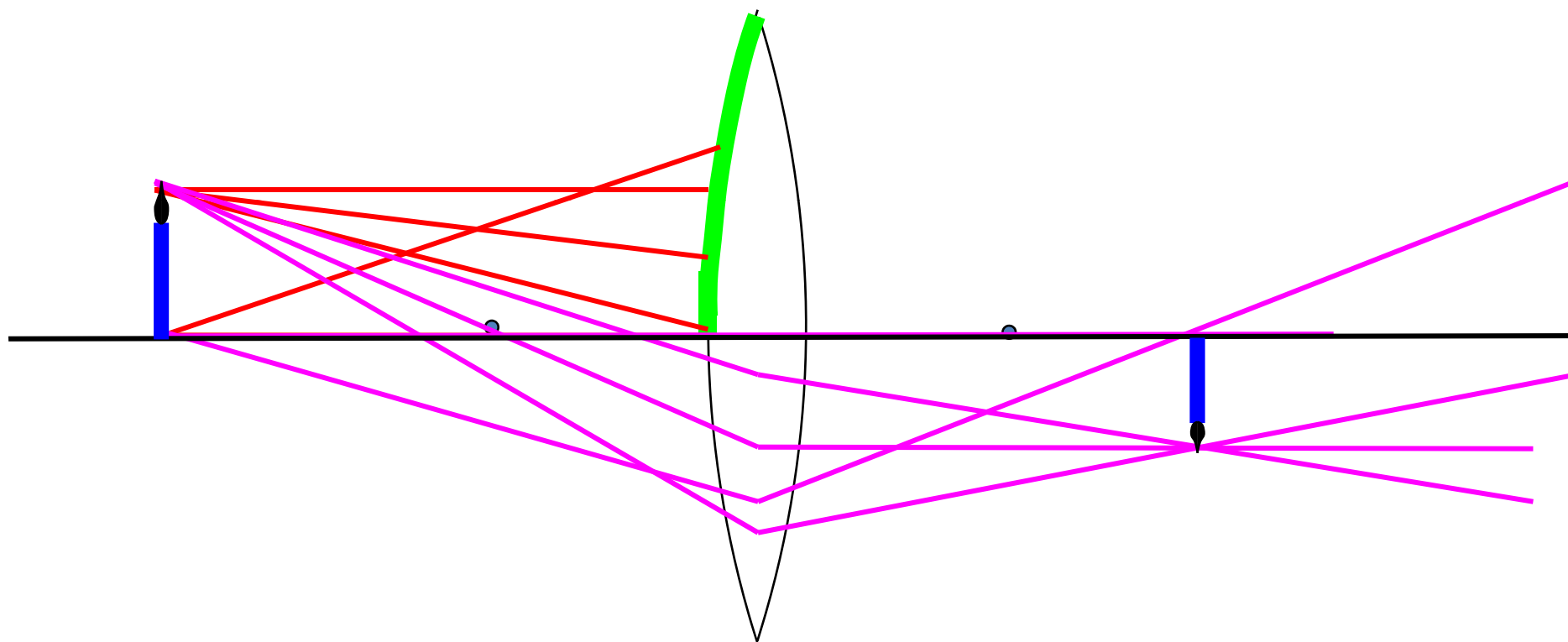
یک عدسی همگرا برای تشکیل تصویر حقیقی از جسم روی پرده بکار می رود. به وسیله یک تکه چسب سیاه نیمی از عدسی را می پوشانیم .





ادامه ...

تمام تصویر را می بینیم ولی تارتر!





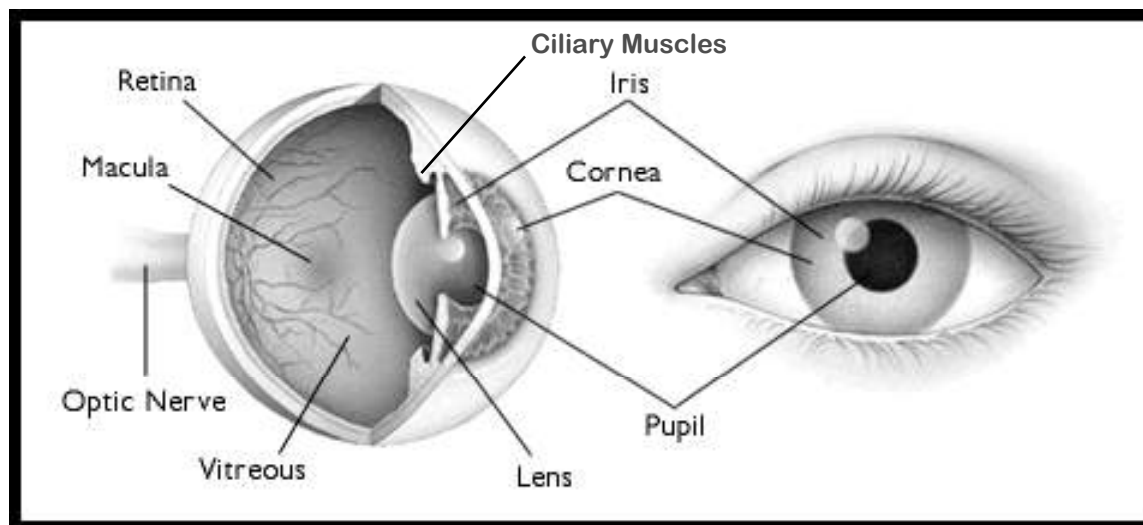
چشم و دیدن

ضریب شکست

قرنیه $n = 1.38$

عدسی $n = 1.4$

زجاجیه $n = 1.33$



کدام قسمت از چشم بیشتر نور را خم می کند؟

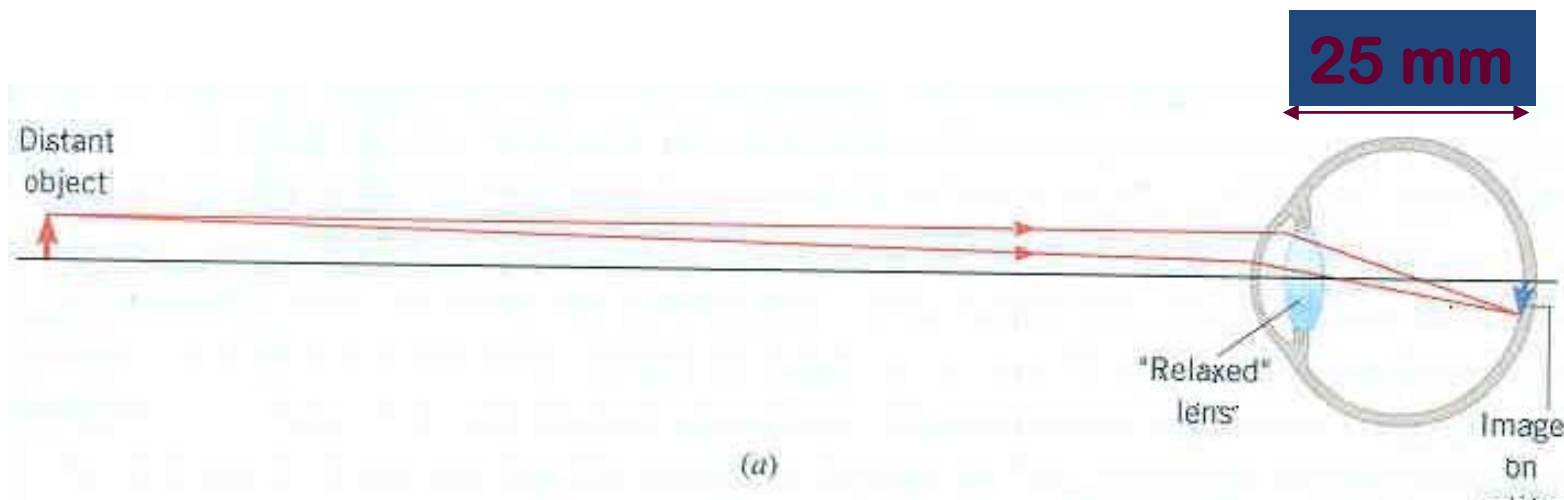
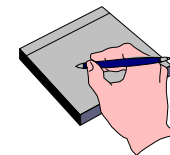
1) عدسی 2) قرنیه 3) شبکیه 4) یاخته های مخروطی

عدسی و قرنیه شکل و ضریب شکست یکسان دارند. **قرنیه دارای مرز هوا/قرنیه 1.38/1 است 70%، خمش نور به علت آن است.** عدسی چشم دارای مرز عدسی / زجاجیه **1.4/1.33** است. عدسی چشم مهم است زیرا شکل آن می تواند تغییر کند.

جراحی لیزر قرنیه چشم را تغییر می دهد

Example

چشم در حالت آرامش



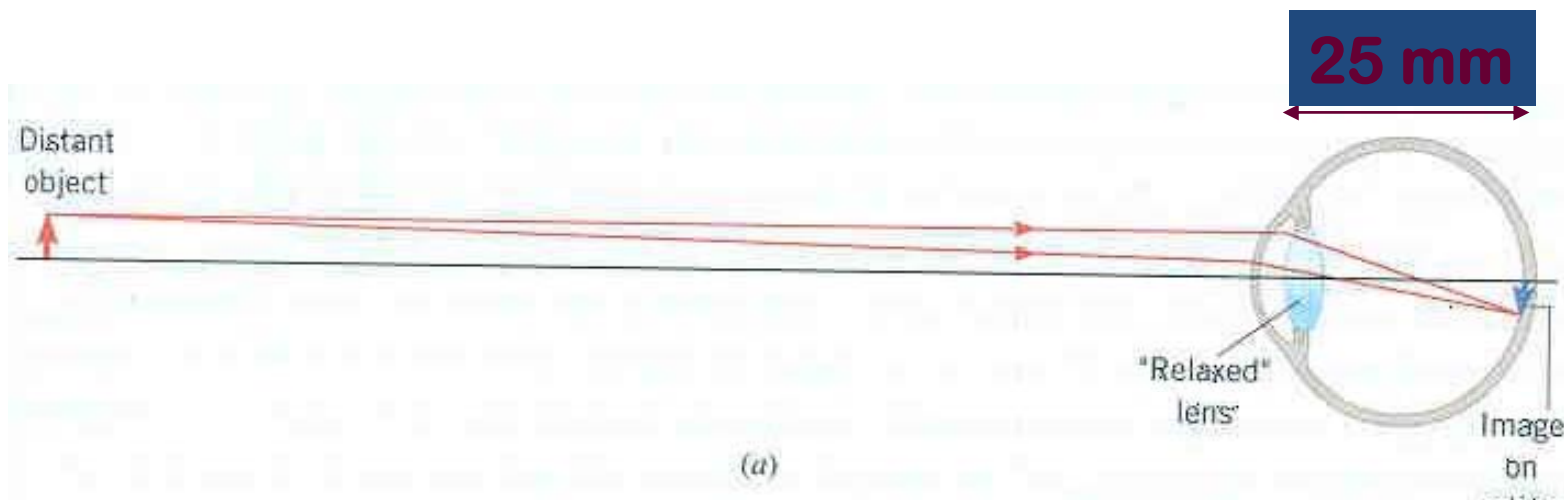
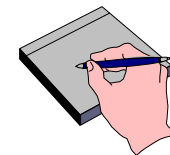
Determine the focal length of your eye when looking at an object far away.

Object is far away: $d_o =$

Want image at retina: $d_i =$

$f_{relaxed} =$

چشم در حالت آرامش



فاصله کانونی چشم را وقتی به به یک جسم دور نگاه می کنید حساب کنید.

جسم دور:

$$d_o = \infty$$

$$\frac{1}{\infty} + \frac{1}{25 \text{ mm}} = \frac{1}{f}$$

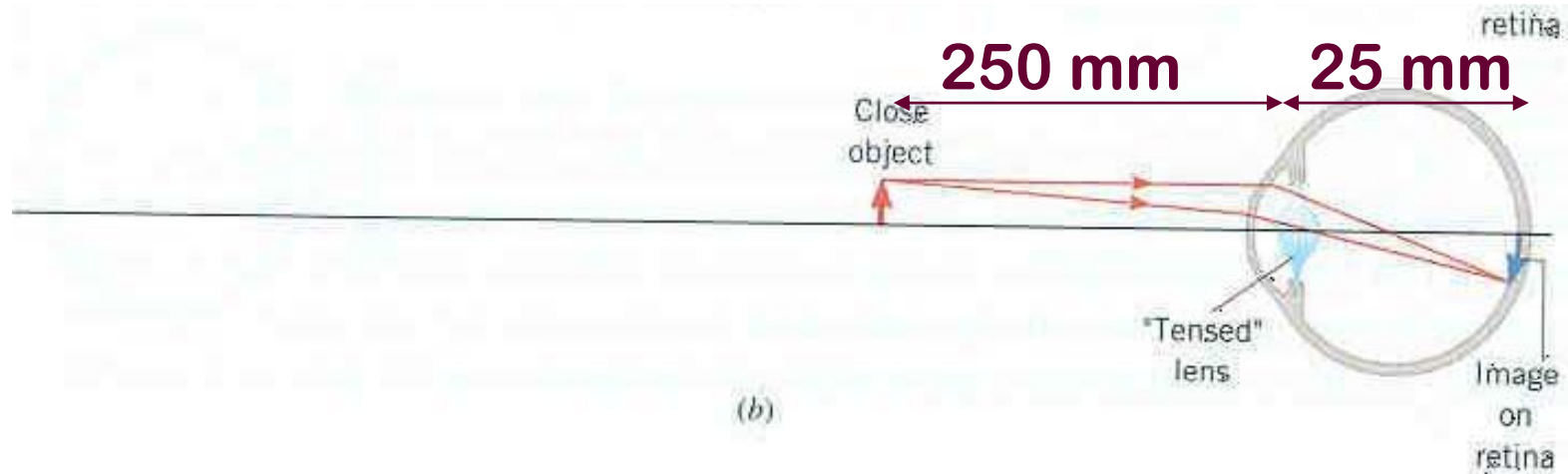
تصویر روی شبکیه

$$d_i = 25 \text{ mm}$$

$$f_{\text{relaxed}} = 25 \text{ mm}$$



چشم



فاصله کانونی چشم وقتی به یک جسم نزدیک نگاه می کنید را حساب کنید. (25 cm).

جسم نزدیک:

$$d_o = 25\text{cm} = 250\text{mm}$$

تصویر روی شبکیه:

$$d_i = 25\text{mm}$$

$$\frac{1}{250\text{ mm}} + \frac{1}{25\text{ mm}} = \frac{1}{f}$$

$$f_{tense} = 22.7\text{ mm}$$

$$f_{relaxed} = 25\text{ mm}$$

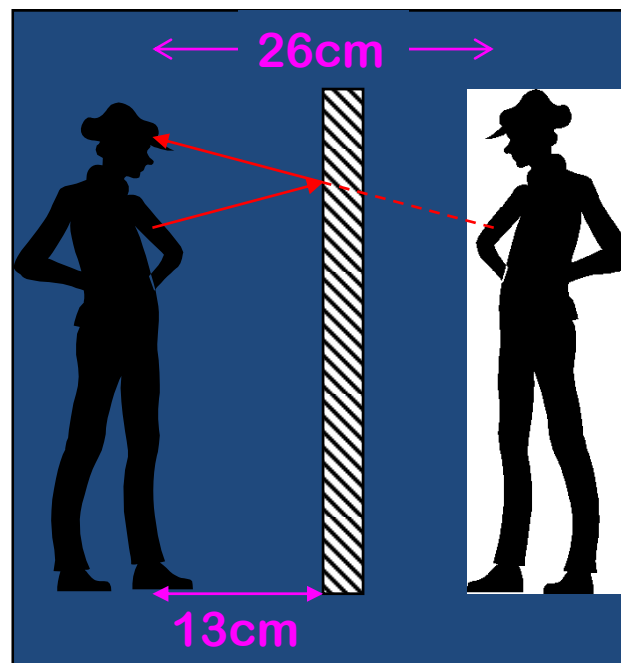


تمرین

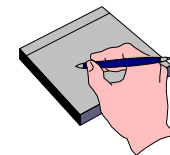
شخصی با دید معمولی (دید نزدیک در 26 cm مقابل یک آینه تخت ایستاده است.

نزدیک ترین نقطه به که می تواند به ایستد و خود را به وضوح ببیند چقدر است؟

- 1) 13 cm
- 2) 26 cm
- 3) 52 cm

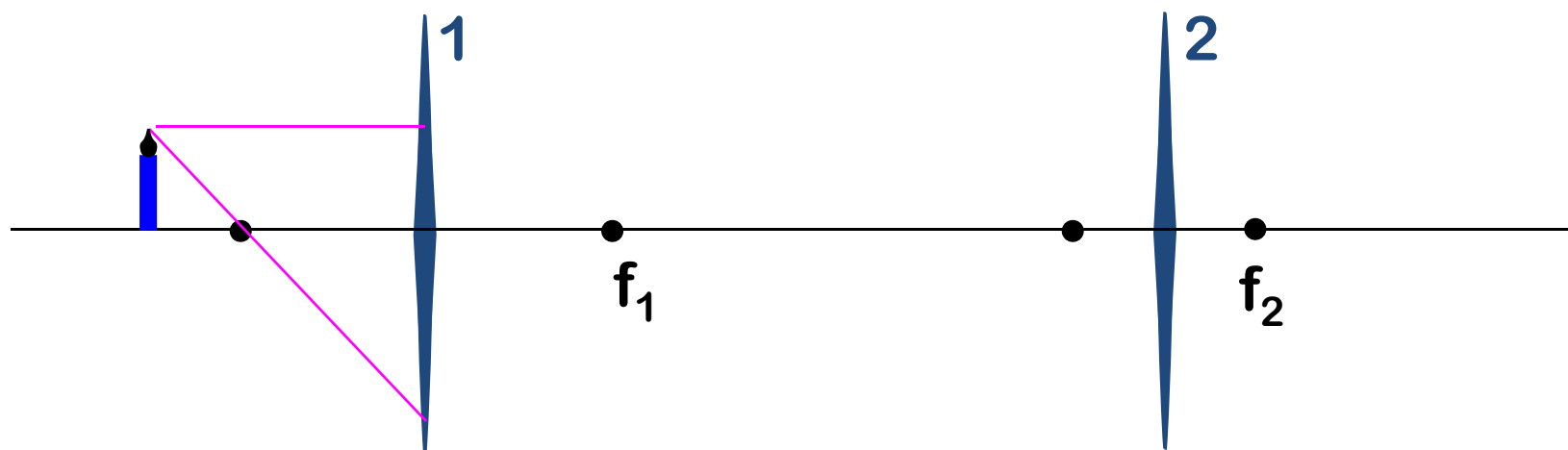


تصویر در آینه جسم برای چشم به حساب می آید.!

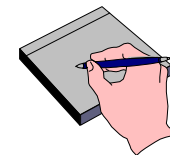


عدسی های مرکب

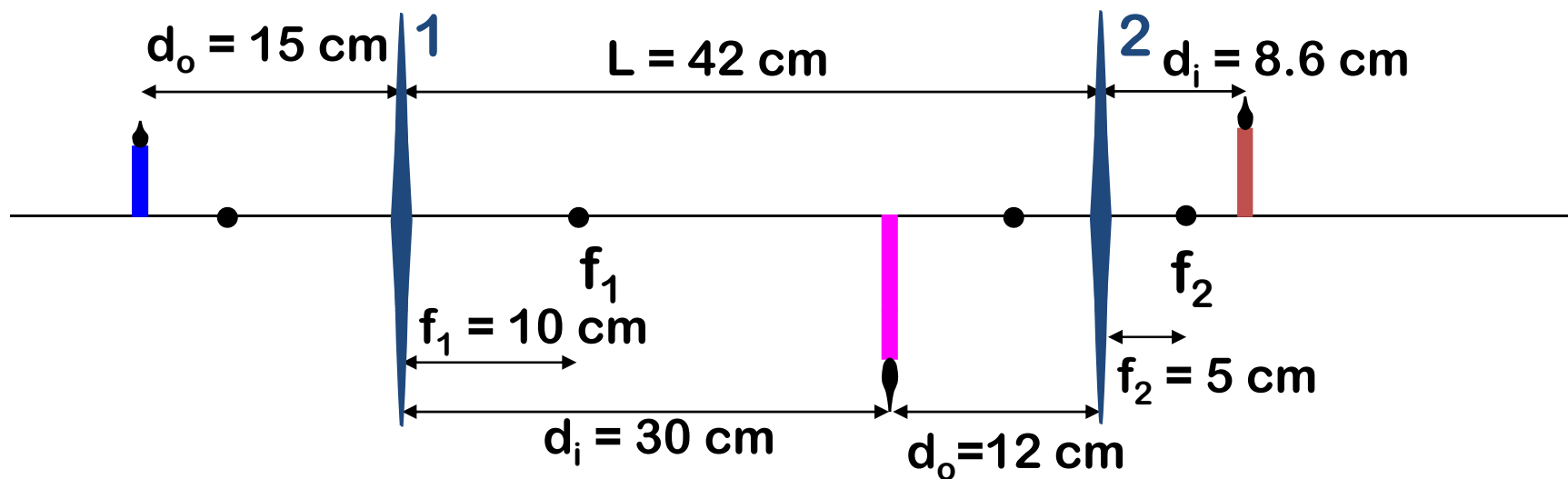
تصویر عدسی 1 برای عدسی 2 جسم به حساب می آید:



شعاع هارا روی کاغذ کامل کنید!!



عدسی های مرکب : بزرگنمایی



بزرگنمایی کل:



$$m_{net} = m_1 m_2$$

$$m_1 =$$

$$m_2 =$$

$$m_{net} = m_1 m_2 =$$



دید دور - دید نزدیک

- عدسی چشم می تواند تغییر کند و فاصله کانونی خود را تغییر دهد

– جسم در هر فاصله d_o می تواند تصویری روی شبکیه تشکیل دهد ($d_i = 25 \text{ mm}$)

- دید نزدیک

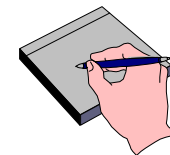
– نزدیک ترین فاصله d_o که تصویر روی شبکیه تشکیل می شود

– معمولا $\sim 25 \text{ cm}$

- دید دور

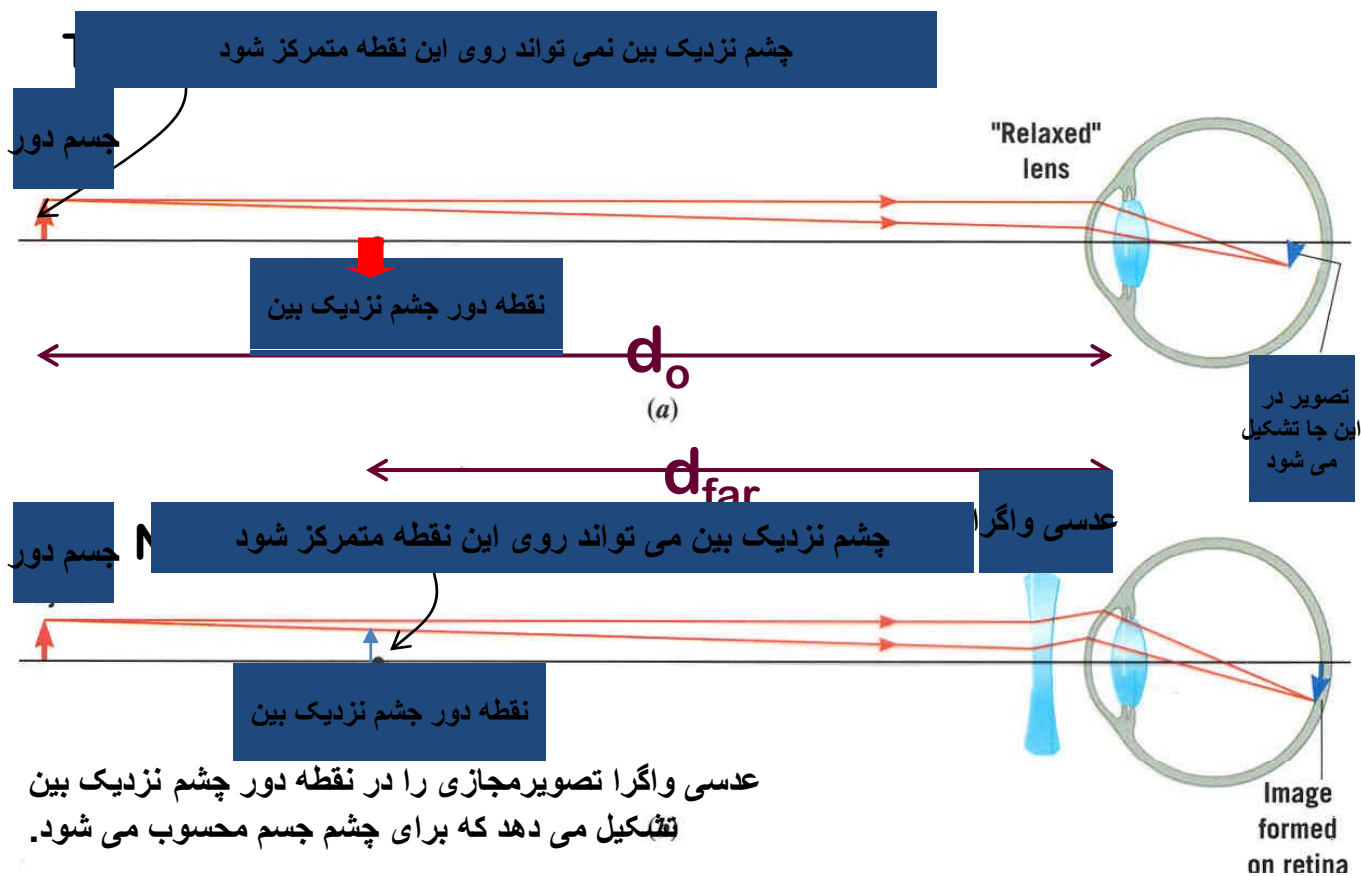
– دورترین فاصله d_o که تصویر آن روی شبکیه تشکیل میشود

– معمولا ، بینهایت



اگر نزدیک بین هستید...

(نقطه دور شما نزدیک است)



تصوی ر مجازی جسم دور $d_o = \infty$, در نقطه دور

چشم $d_i = -d_{far}$, تشکیل می شود.



قدرت انکسار عدسی ها

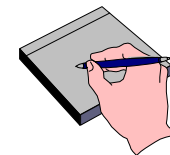
$$\text{دیوپتر} = 1/f$$

که f فاصله کانونی بر حسب متر است.

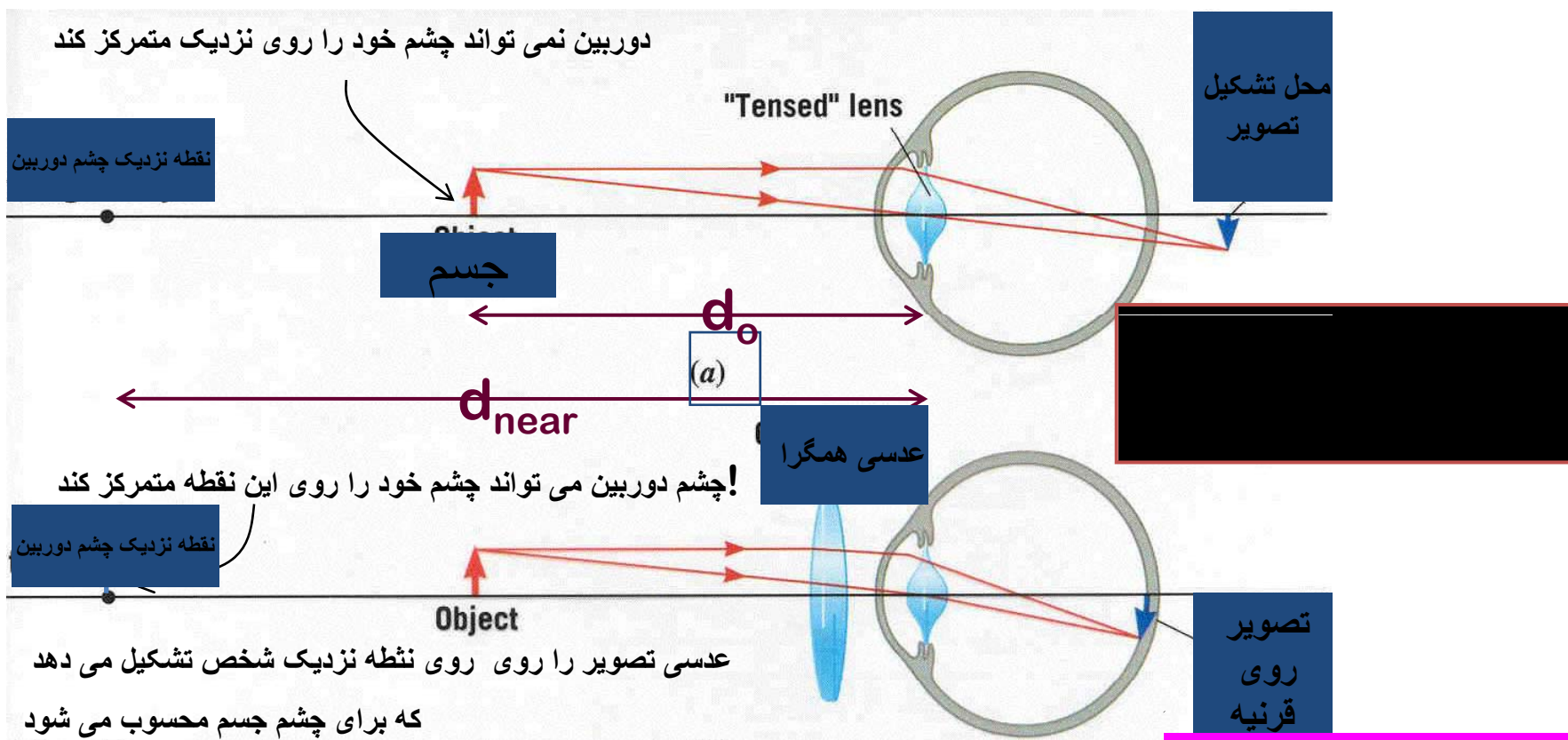
شخصی که نقطه دورش 5 متر است به عدسی به فاصله کانونی 5- متر نیاز دارد .

در نسخه دکتر چنین می خوانید :

$$1/(-5m) = -0.20 \text{ Diopters}$$



اگر دور بین هستید... (نقطه نزدیک شما دور است)



$$\frac{1}{25 \text{ cm}} + \frac{1}{-50 \text{ cm}} = \frac{1}{f}$$

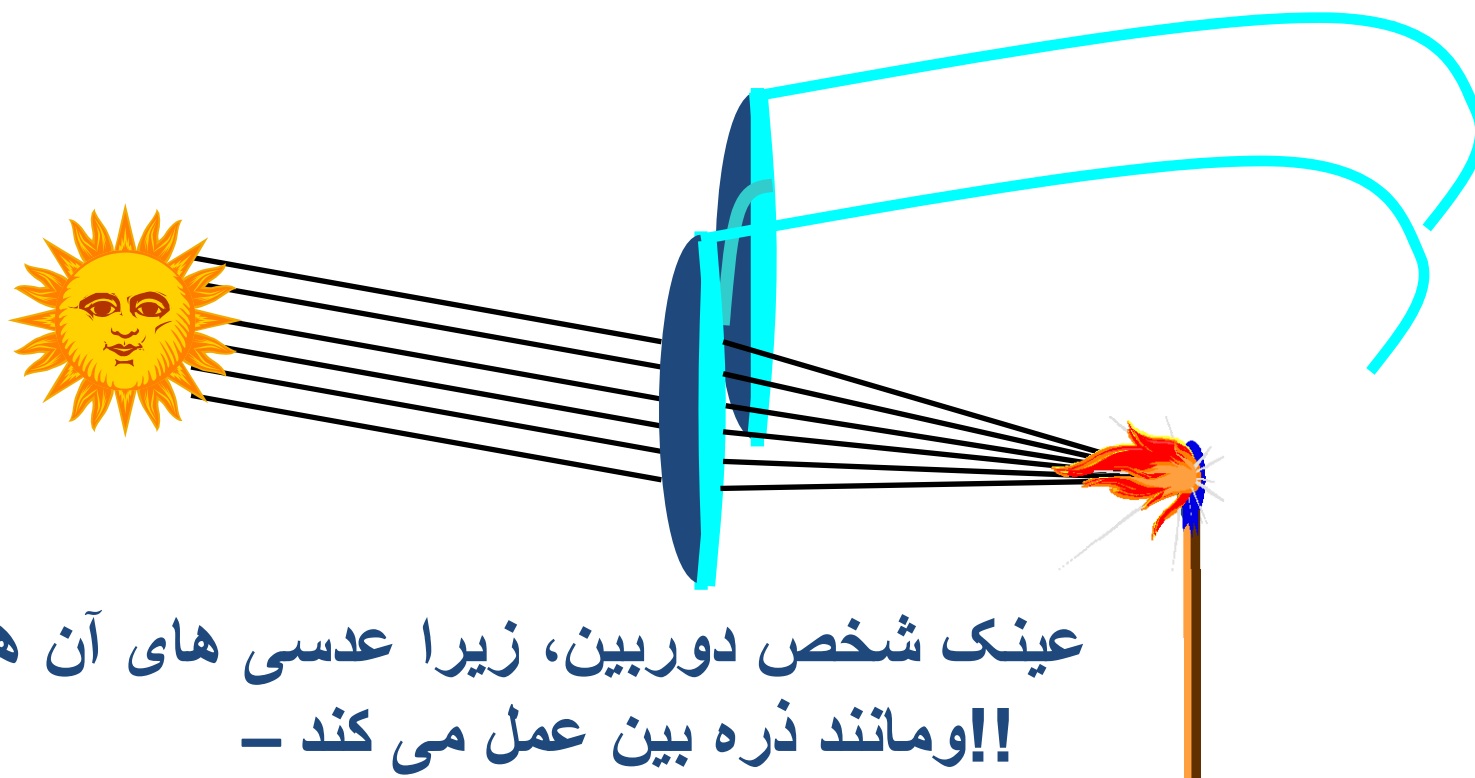
$$f = 50 \text{ cm}$$

اگر جسم در d_o باشد عدسی باید تصویر مجازی را در $-d_{near}$ تشکیل دهد



یک سوال:

دو شخص عینک به چشم دارند . یکی از آنها دوربین و دیگری نزدیک بین است . برای ایجاد آتش بوسیله نور خورشید عینک کدام یک مناسب است؟

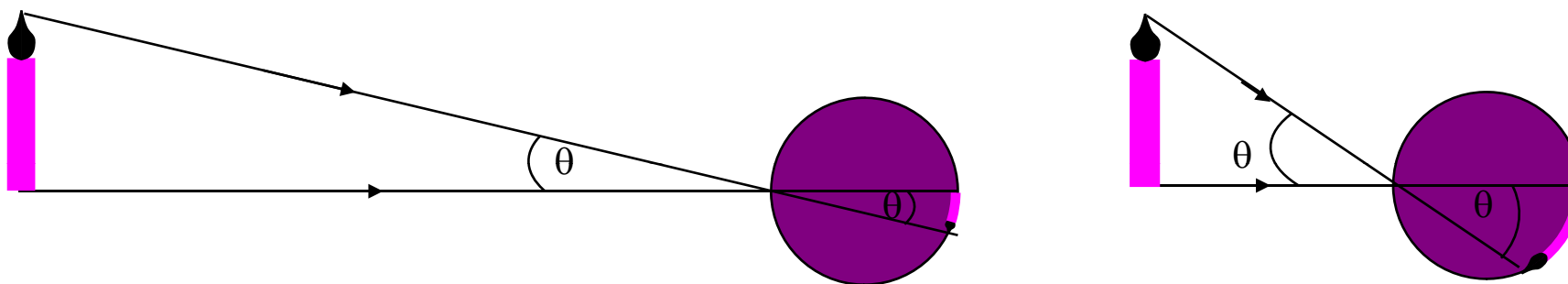


عینک شخص دوربین، زیرا عدسی های آن همگرا است
!! و مانند ذره بین عمل می کند -



اندازه زاویه ای

هر دو شمع به یک اندازه هستند ولی شمع نزدیک تر بزرگتر به نظر می رسد



- اندازه زاویه ای می گوید که تصویر روی شبکیه به چه بزرگی است و شما آنرا چقدر بزرگ می بینید

• این فونت را چقدر بزرگ می بینید؟

Highwire

Caramel

Apples

Rabbits

Kindergarten

Hello

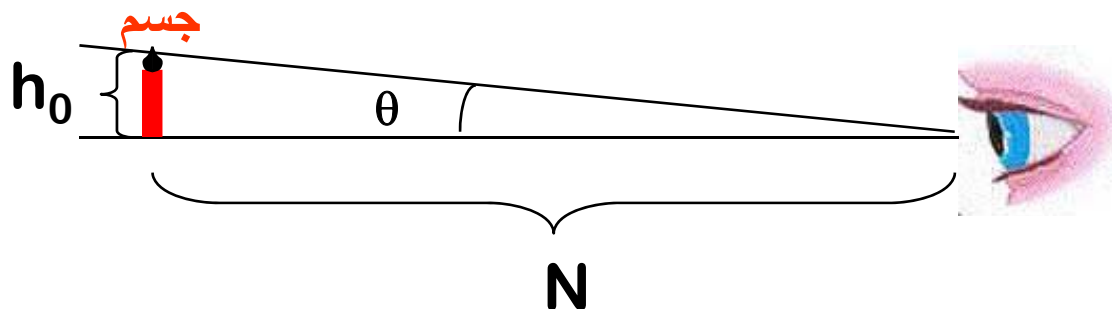
Arboretum

Halloween

-

چشم غیر مسلح

این جسم با چشم غیر مسلح چقدر بزرگ دیده می شود.



جسم را تا می توانید نزدیک کنید (تانیقه نزدیک N) (

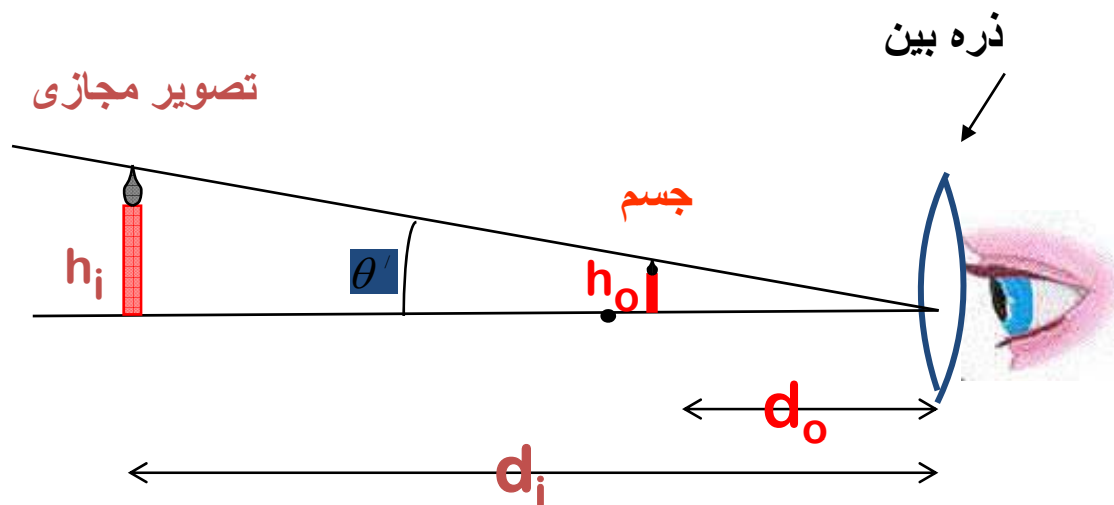
$$\tan(\theta) = \frac{h_o}{N}$$



$$\theta \approx \frac{h_o}{N}$$

* اگر θ کوچک و بر حسب رادیان باشد.

ذره بین



ذره بین سبب می شود که تصویر پشت جسم تشکیل شود و این امکان را فراهم می کند که تصویر اجسام نزدیک را بزرگ تر ببینید و جسم رانزدیکتر بیاورید، d_o و θ بزرگتر باشد.

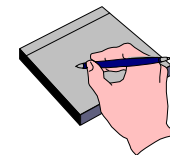
$$\theta' = \frac{h_i}{d_i} = \frac{h_o}{d_o}$$

$$\theta = \frac{h_o}{N}$$

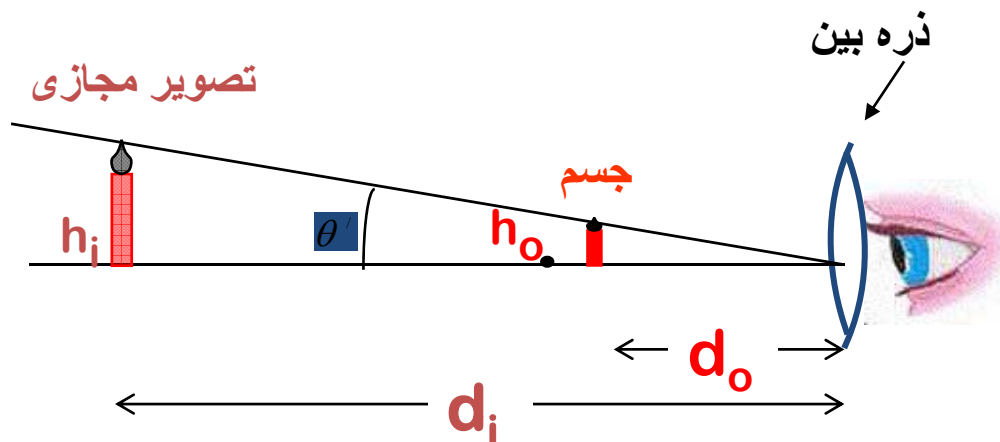
در مقایسه با چشم غیر مسلح

نسبت دوزاویه برابر با بزرگنمایی زاویه ای است: M

$$M = \frac{\theta'}{\theta} = \frac{h_o/d_o}{h_o/N} = \frac{N}{d_o}$$



بزرگنمایی زاویه ای $M = N/d_o$



(فاصله نزدیک از چشم = N)

برای عدسی
$$\frac{1}{d_o} + \frac{1}{d_i} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{d_o} = \frac{1}{f} - \frac{1}{d_i}$$

$d_i < -N$

برای بزرگنمایی بیشتر تصویر باید در N تشکیل شود. بنابراین $d_i = -N$

$\frac{1}{d_o} = \frac{1}{f} + \frac{1}{N}$

M : بین دو مقدار $\frac{N}{f} + 1$ و $\frac{N}{f}$ قرار دارد

هرچه فاصله کانونی کوچکتر باشد بزرگنمایی بیشتر است.

$M = 25/10 + 1 = 3.5$



!به امید دیدار در کلاس آینده

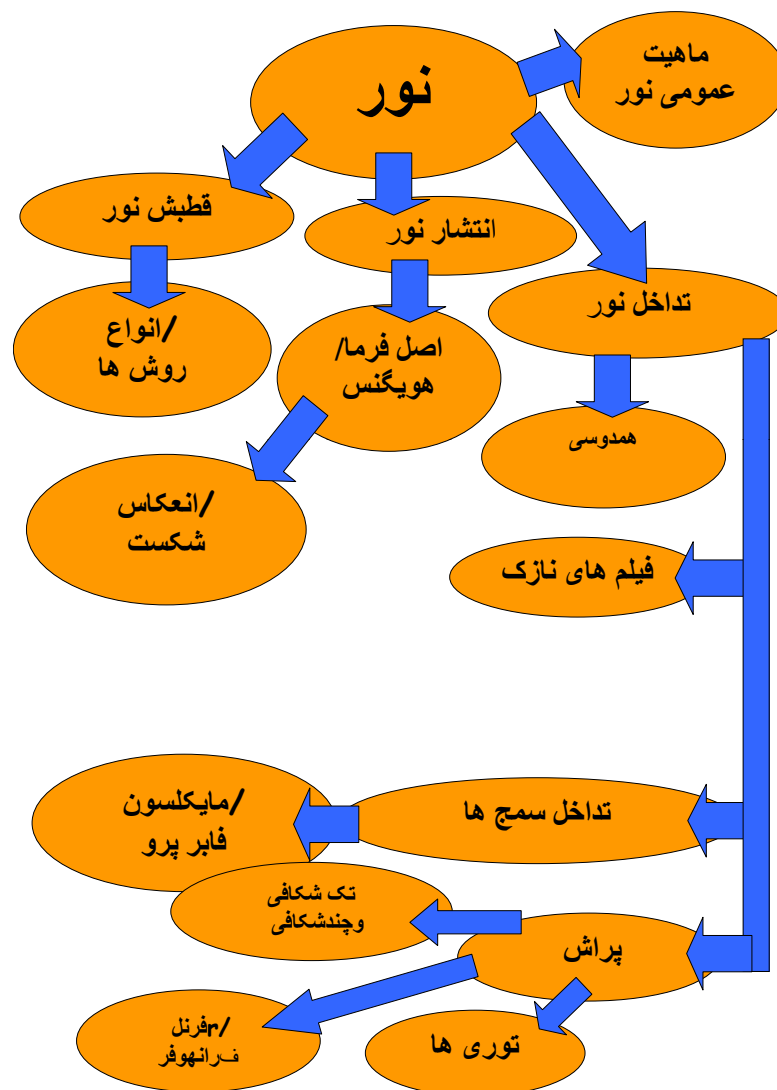
• درس آینده ما...



فصل اول..

مبانی نور هندسی

اصل فرما – اصل هویگنس

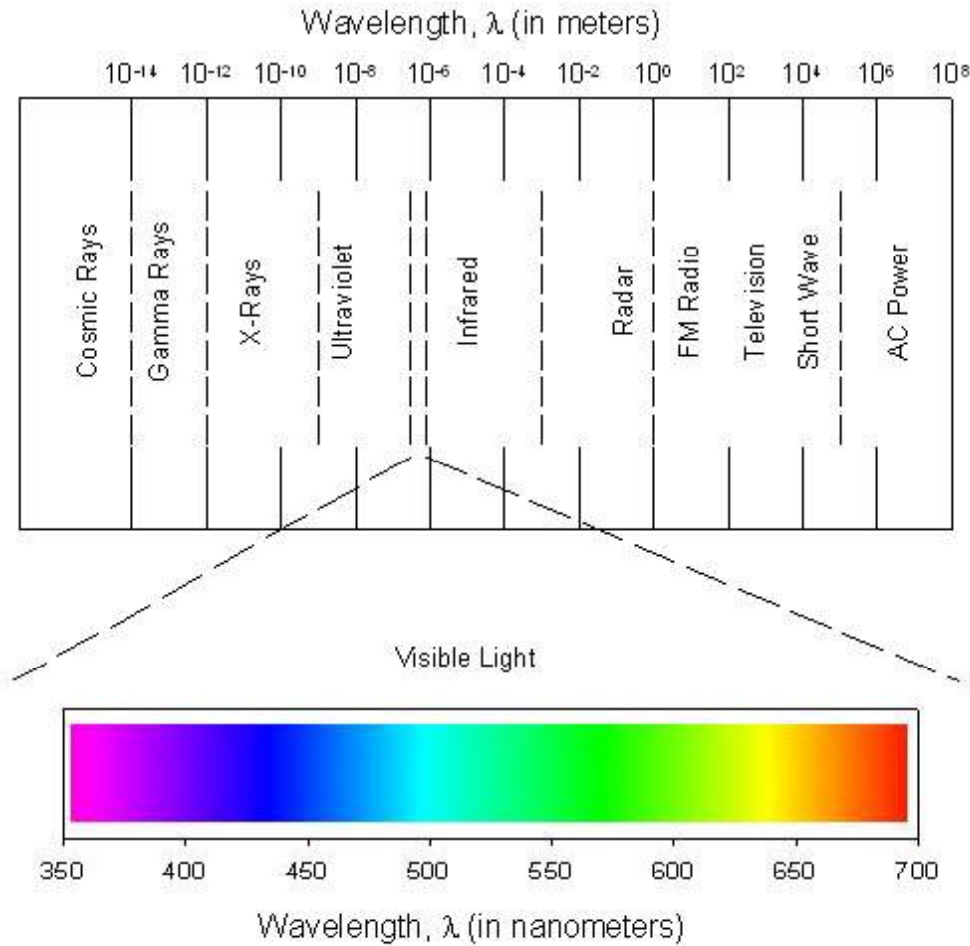


امواج الکترومغناطیسی



نور مرئی

طیف الکترومغناطیسی

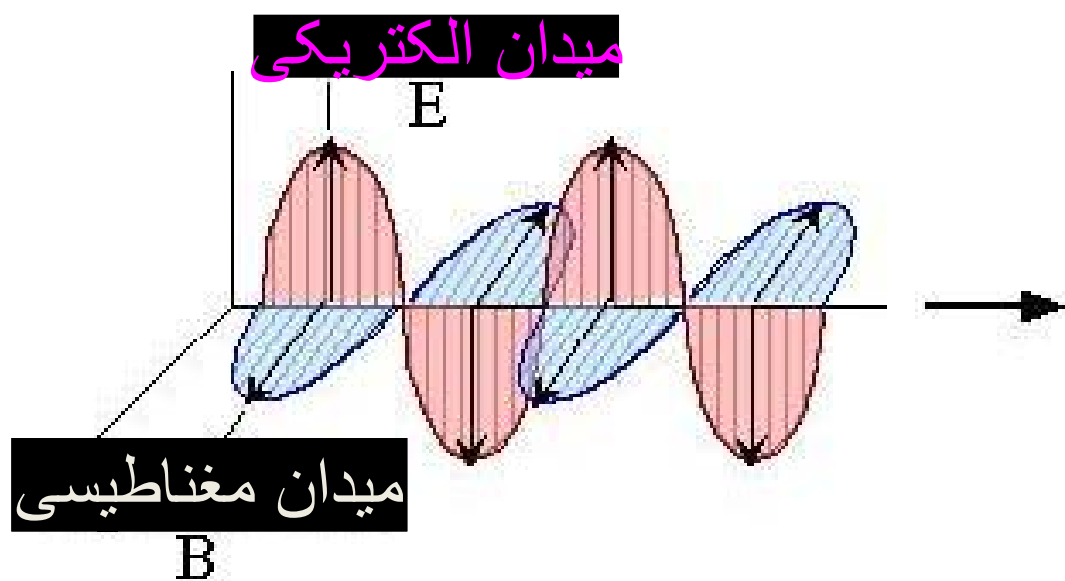


$$c = f \lambda$$

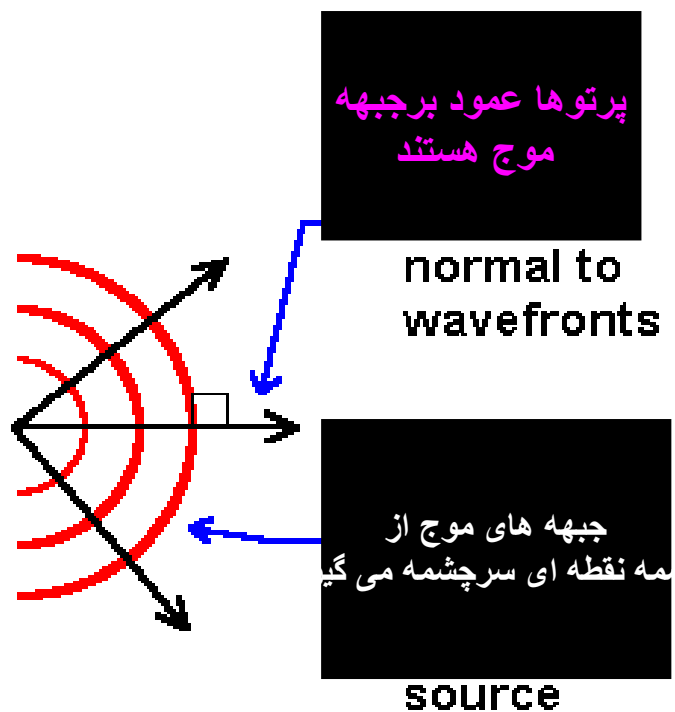


ماهیت نور

نور یک موج الکترومغناطیسی عرضی است



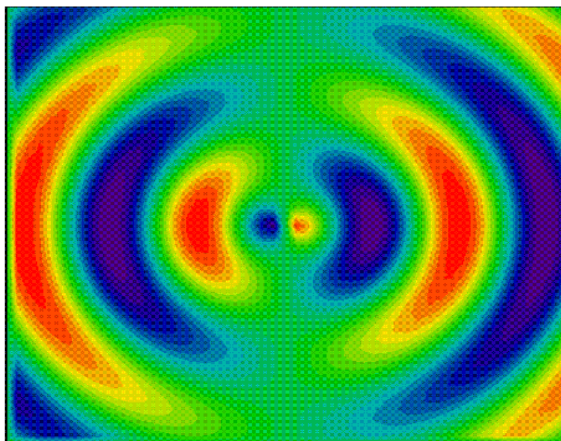
امواج و پرتوها



تابشگر دو قطبی

دو قطبی نوسانگر تابشگر اصلی امواج الکترومغناطیسی است

آنتنی که دو انتهای آن به طور متناوب مثبت و منفی می شود.



نورهندسی : رفتار موجی نور

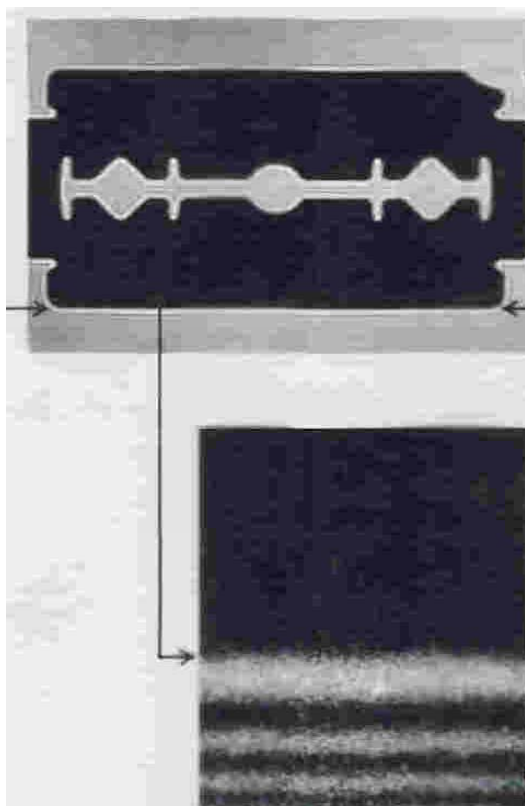
□ خاصیت موجی نور:

- در نور هندسی : نور به صورت پرتوهای خطی در نظر گرفته می شود
- پدیده هایی از نور وجود دارد که با سیر نور به خط مستقیم قابل توجیه نیستند.
- نور نه تنها از آینه بازتاب می یابد بلکه در شیشه ، آب و محیط های دیگر شکست می یابد.
- **پدیده تداخل** را در وقایع روزمره مانند حباب صابون و لکه های روغن و غیره مشاهده می کنیم



لایه نازک روغن زیر تابش نور

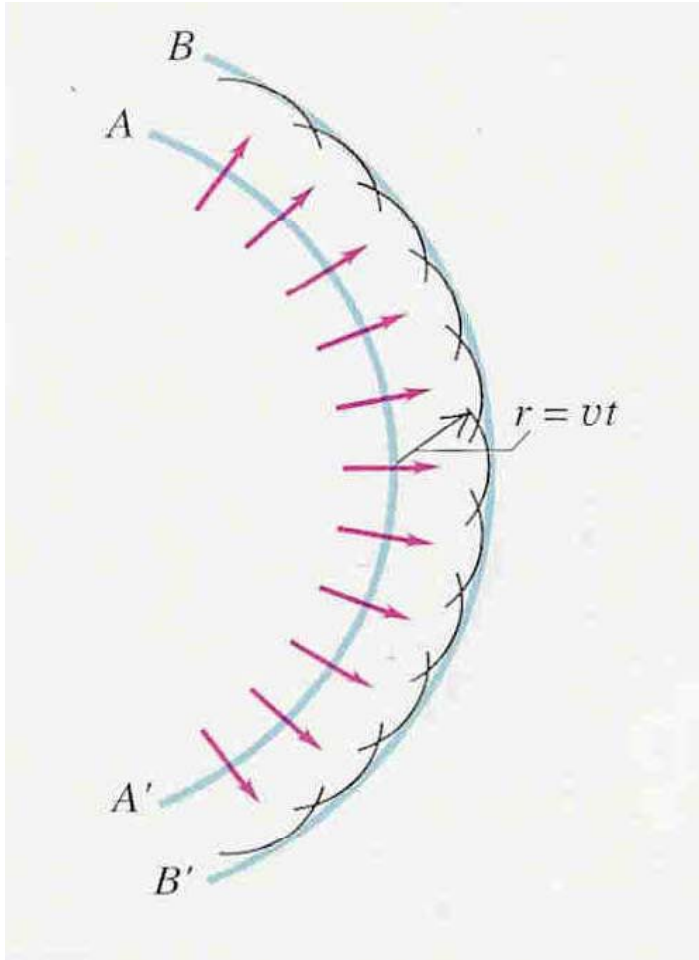
□ خاصیت موجی نور...



- پراش نور این پدیده در کلیه امواج مشاهده می شود: خم شدن صوت در لبه ها ، به علت رفتار موجی صوت است.
- پدیده پراش نور را در لبه های تیز اجسام مشاهده می کنیم. (مثلا ، تصویر یک تیغ)

- نور فیزیکی مطالعه نور با در نظر گرفتن خاصیت موجی نور است .
- کریستین هویکنش 1678 برخلاف نیوتن که برای نور خاصیت ذره ای قایل بود نور را موجی می پنداشت.

اصل هویگنس



□ **خاصیت موجی نور**: دانشمند هلندی کریستین هویگنس معتقد به موجی بودن نور بود و با استفاده از خاصیت موجی نور تلاش کرد تا بازتاب و شکست نور را اثبات کند.

□ **اصل هویگنس**:

هر نقطه از جبهه موج چشمه موجک های جدیدی است که با همان سرعت موج در کلیه جهات منتشر می شوند.

□ در شکل جبهه جدید BB' از مماس بر کلیه موجک ها جدید بوجود می آید (**پوش موجک ها است**) و به فاصله $r=vt$ جبهه موج AA' قرار دارد.

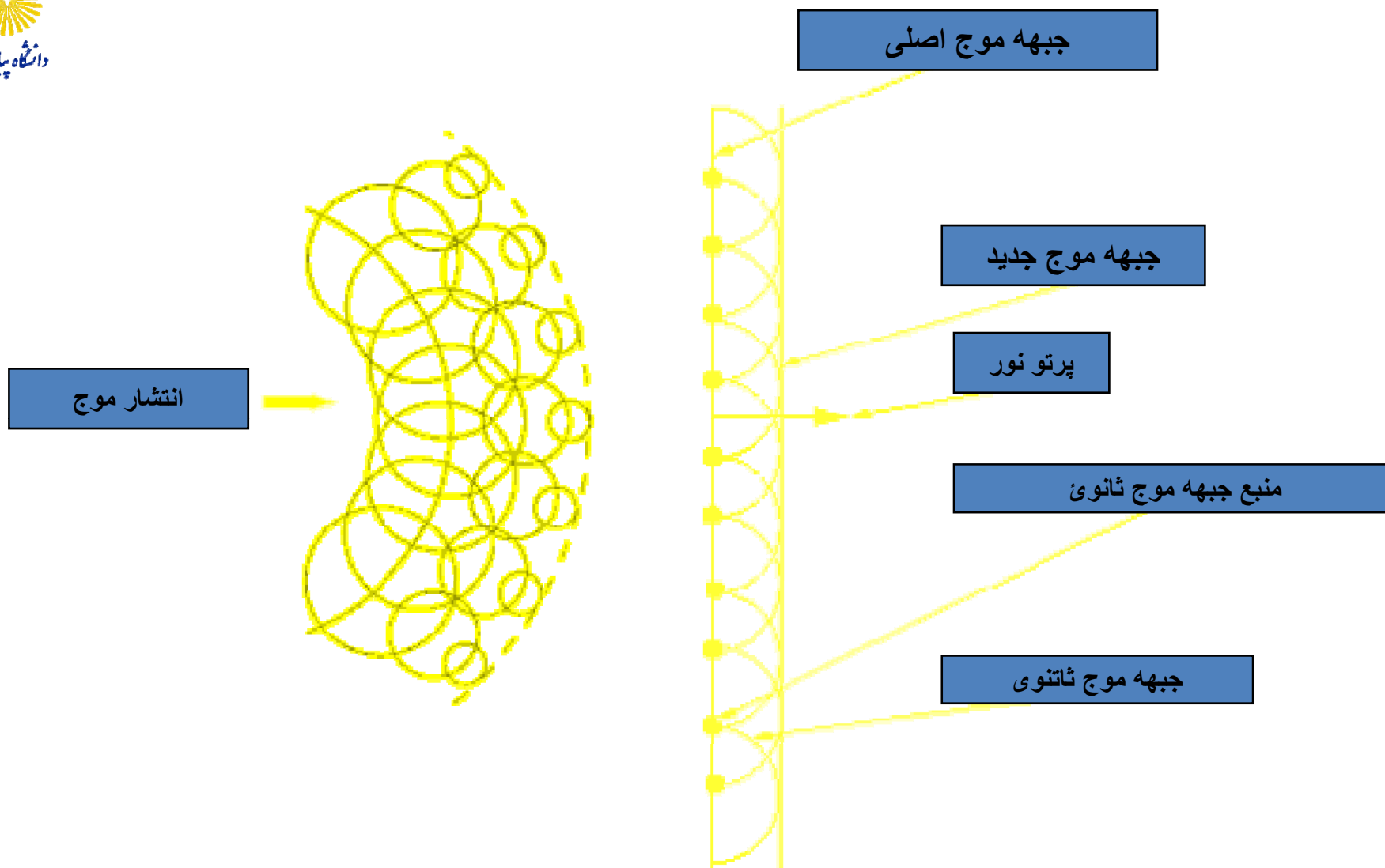
□ موفقیت اصل هویگنس در اثبات پدیده بازتاب و شکست نور به کمک خاصیت موجی نور است.



اصل هویگنس

در قرن هفده، کریستیان هویگنس (1629–1695) اصلی راکه امروز اصل هویگنس می نامیم پیشنهاد کردویکی از بنیادی ترین اصول امواج و نور موجی است.

مطابق این اصل “ هر نقطه از جبهه موج مانند چشمه یک جبهه موج جدید عمل می کند که به طور شعاعی به بیرون منتشر می شود و هر نقطه از آشفستگی در حال انتشار منشا موج جدیدی است.”

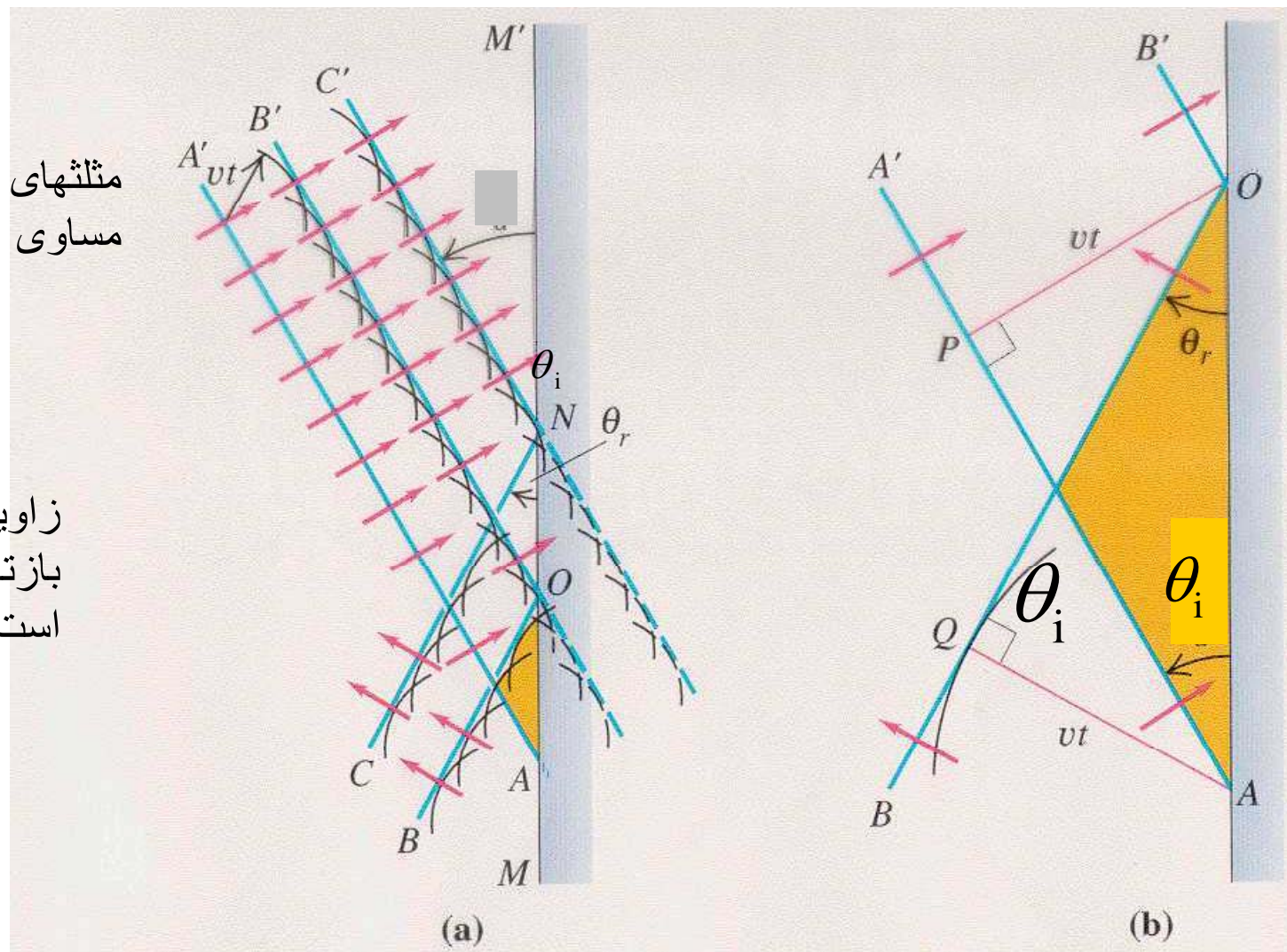


□ بازتاب به کمک اصل هویگنس:

مثلثهای OQA و OPA
مساوی هستند در نتیجه:

$$\theta_i = \theta_r$$

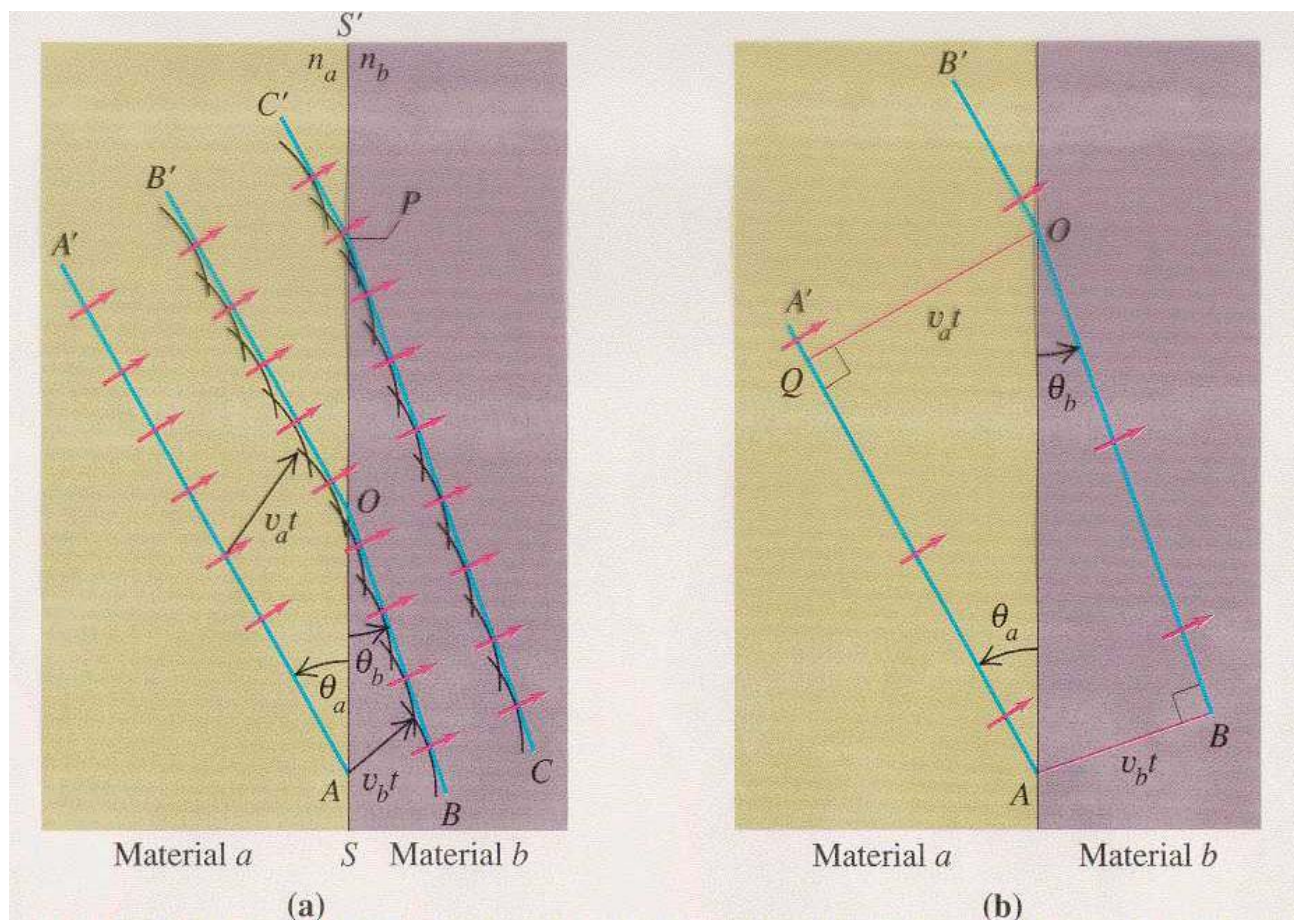
زاویه تابش با زاویه
بازتاب مساوی
است.



$\theta_i =$ زاویه تابش

$\theta_r =$ زاویه بازتاب

❖ شکست نور به وسیله اصل هویگنس:



$$\sin \theta_a = \frac{OQ}{OA} = \frac{v_a t}{OA}$$

$$\sin \theta_b = \frac{AB}{OA} = \frac{v_b t}{OA}$$

$$\frac{\sin \theta_a}{v_a t} = \frac{\sin \theta_b}{v_b t}$$

ضریب شکست:

$$n_a = \frac{c}{v_a}$$

$$n_b = \frac{c}{v_b}$$

$$\Rightarrow n_a \sin \theta_a = n_b \sin \theta_b$$

قانون اسنل

$\theta_a =$ زاویه تابش

$\theta_b =$ زاویه شکست



□ طول موج در یک محیط :

- طول موج در یک محیط بستگی به ضریب شکست دارد.
- بسامد (رنگ نور) ثابت است ولی سرعت نور به محیط بستگی دارد.

• در محیط a:

$$n_a = \frac{c}{v_a}$$

$$v_a = f\lambda_a \quad \longrightarrow \quad n_a = \frac{c}{f\lambda_a}$$

$$n_a \lambda_a = n_b \lambda_b \quad : \quad \text{بنابراین}$$

مثال:

نور به طول موج 550 nm از هوا به شیشه به ضریب شکست $n = 1.52$ می تابد. سرعت نور در شیشه چقدر است؟

$$n_a=1 \text{ و } n_b=1.52: \quad \longrightarrow \quad \lambda_a = n_b \lambda_b \Rightarrow \lambda_b = \frac{\lambda_a}{n_b} = \frac{550 \text{ nm}}{1.52} = 361.8 \text{ nm}$$



اصل فرما

”پرتو نور مسافت بین دو نقطه را در حداقل زمان طی می کند.”

”به عبارت دیگر ، نور مسافت بین دو نقطه را در کمترین راه نور طی می کند.”

راه نوری = ضریب شکست * مسافت طی شده



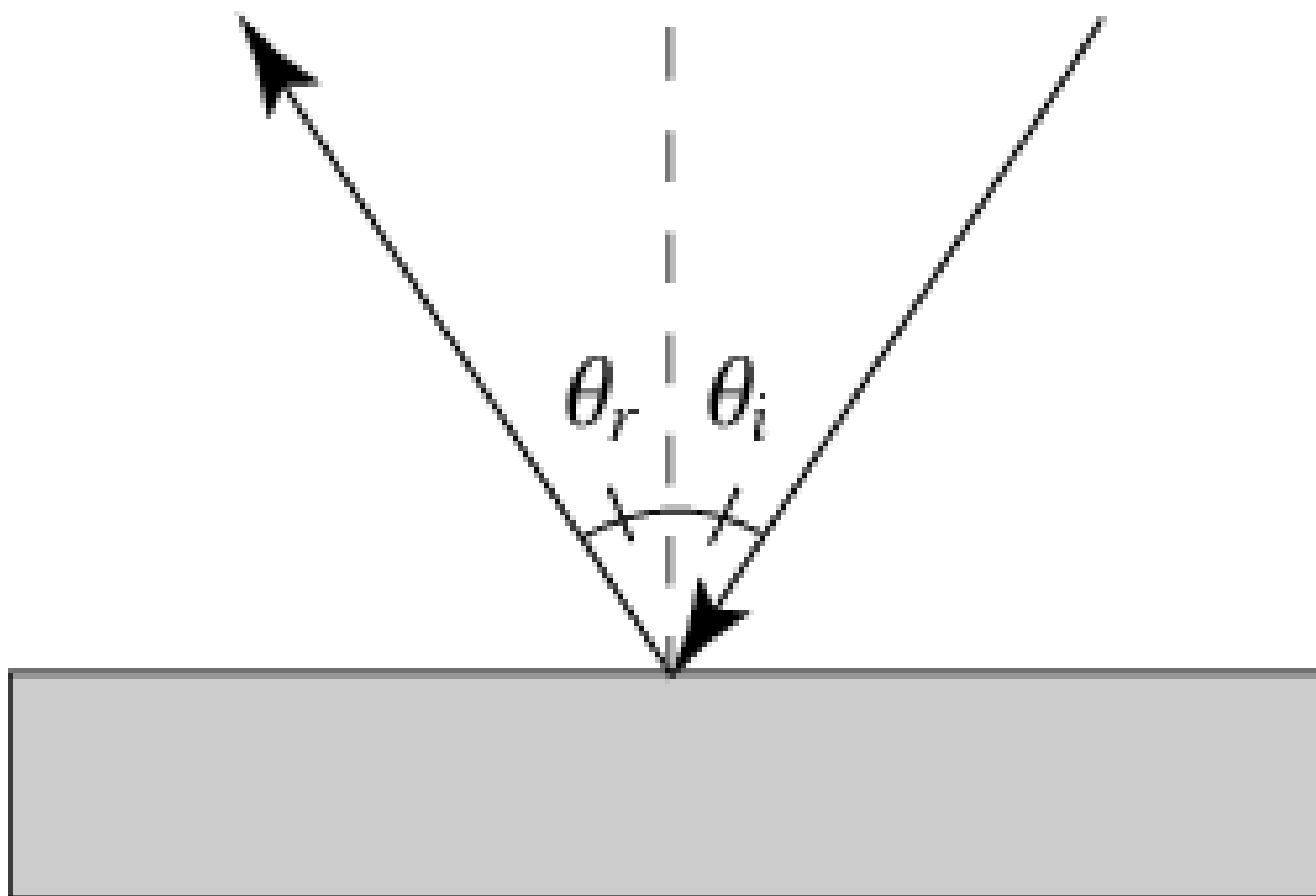
ضریب شکست

$$n_{\alpha} = \frac{\text{سرعت نور در خلا}}{\text{سرعت نور در محیط}} = \frac{c}{v}$$
$$= \sqrt{\mu_r \epsilon_r}$$

انعکاس نور



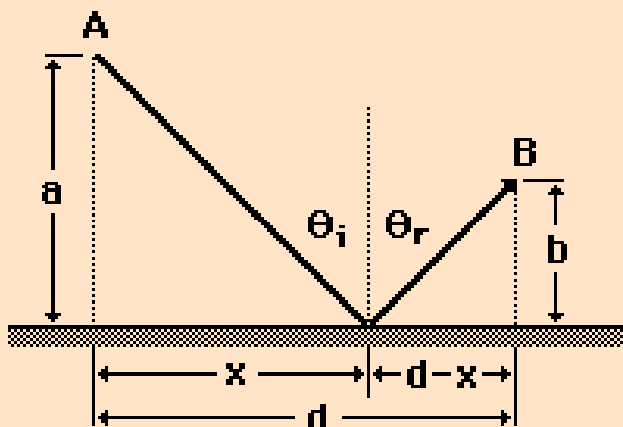
$$\theta_i = \theta_r$$



اصل فرما: انعکاس

قانون انعکاس را می توان به کمک اصل فرما اثبات کرد:

طول مسیر از A تا B



$$L = \sqrt{a^2 + x^2} + \sqrt{b^2 + (d-x)^2}$$

حداقل مسافت طی شده برابر است با:

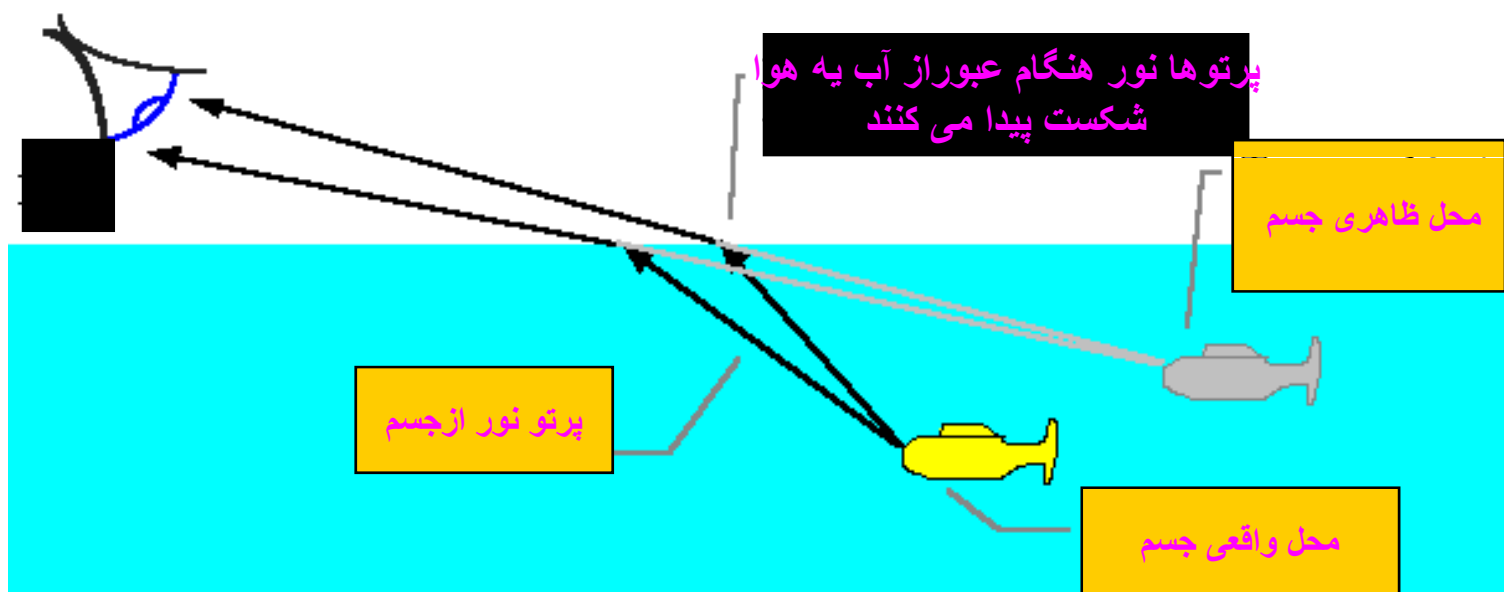
$$\frac{dL}{dx} = \frac{1}{2} \frac{2x}{\sqrt{a^2 + x^2}} + \frac{1}{2} \frac{2(d-x)(-1)}{\sqrt{b^2 + (d-x)^2}} = 0$$

$$\frac{x}{\sqrt{a^2 + x^2}} = \frac{(d-x)}{\sqrt{b^2 + (d-x)^2}} \Rightarrow \sin\theta_i = \sin\theta_r$$

$$\Rightarrow \theta_i = \theta_r \quad \text{قانون انعکاس}$$

شکست نور

شکست در سطح آب



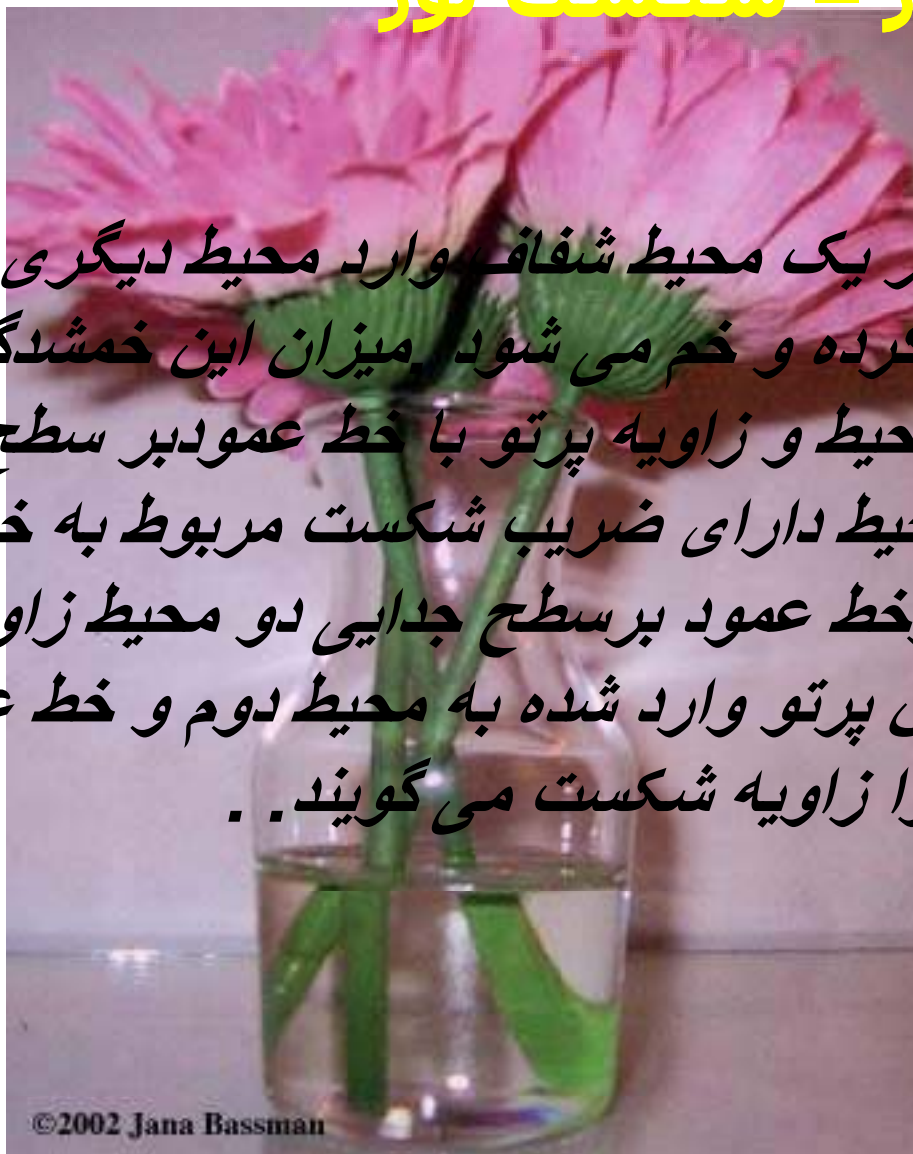


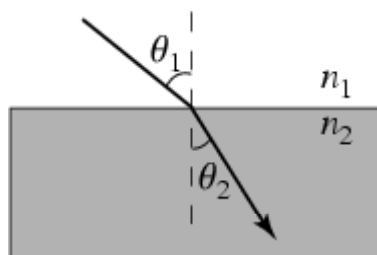
به انیمیشن به دقت نگاه کنید. آیا می توانید دلیلی بیاورید که چرا بعد از ریختن روغن میله شیشه ای ناپدید می شود؟



خم شدن نور - شکست نور

هنگامی که نور از یک محیط شفاف وارد محیط دیگری می شود سرعت آن تغییر کرده و خم می شود. میزان این خمشدگی بستگی به ضریب شکست محیط و زاویه پرتو با خط عمود بر سطح جدایی دو محیط دارد. هر محیط دارای ضریب شکست مربوط به خودش است. زاویه بین پرتو و خط عمود بر سطح جدایی دو محیط زاویه تابش می گویند و زاویه بین پرتو وارد شده به محیط دوم و خط عمود بر سطح جدایی دو محیط را زاویه شکست می گویند.







قانون اسنل :

در سال 1621 یک فیزیکدان آلمانی بنام اسنل، 1621،
(1591-1626) رابطه زیر را که به قانون اسنل مشهور است و رابطه ای بین
زوایای تابش و شکست و ضریب شکست های دو محیط است بدست آورد.:

$$n_i \sin \theta_i = n_r \sin \theta_r$$

که:

- n_i = ضریب شکست محیطی نور آن را ترک می کند
- θ_i = زاویه تابش
- n_r = ضریب شکست محیطی که نور وارد آن می شود است
- θ_r = زاویه شکست

اصل فرما و شکست نور

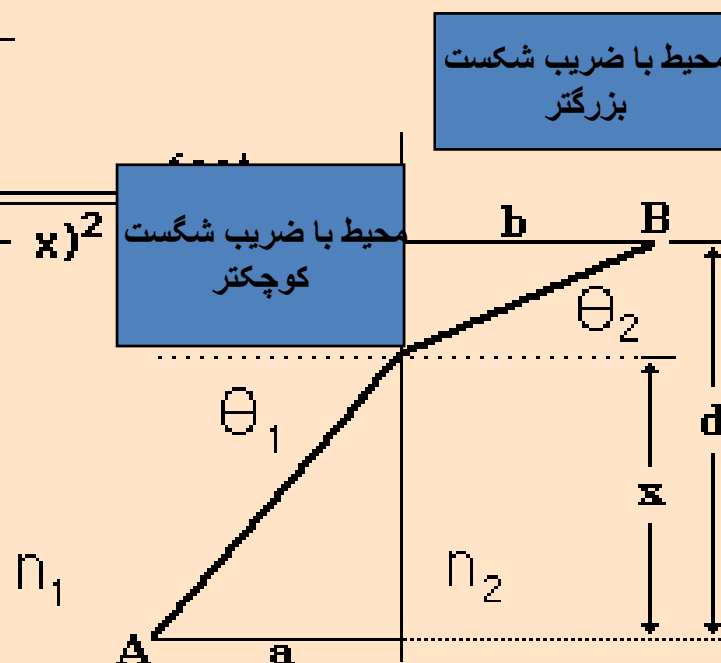
قانون اسنل را می توان از اصل فرما بدست آورد:

$$t = \frac{\sqrt{a^2 + x^2}}{v} + \frac{\sqrt{b^2 + (d-x)^2}}{v'}$$

$$\frac{dt}{dx} = \frac{x}{v\sqrt{a^2 + x^2}} - \frac{(d-x)}{v'\sqrt{b^2 + (d-x)^2}} = 0$$

$$0 = \frac{\sin \theta_1}{v} - \frac{\sin \theta_2}{v'}$$

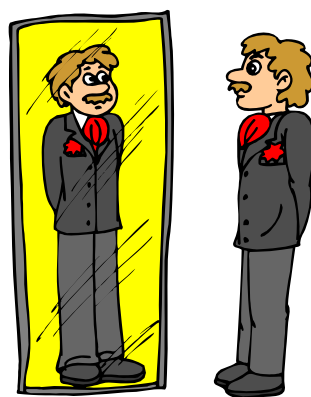
قانون اسنل $\frac{n_1}{n_2} = \frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1}$





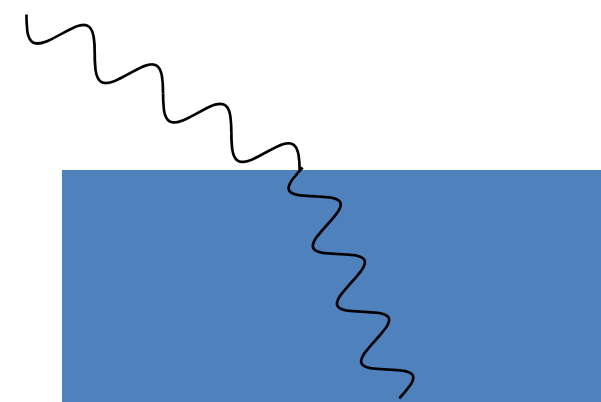
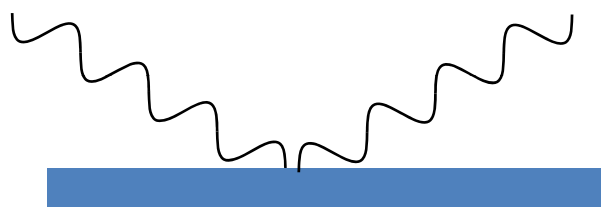
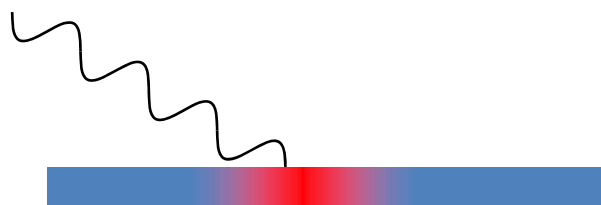
اشک

مقدمه آینه ها





نوری که بر یک جسم می تابد مقداری از آن:



- در آشامیده می شود
- بازتابیده می شود (پس می جهد)
 - سبب دیدن می شود
 - آینه ها
- و یا منکسر می شود (خم می شود)
 - عدسی ها

این وقتی درست است که طول موج >> اندازه جسم باشد

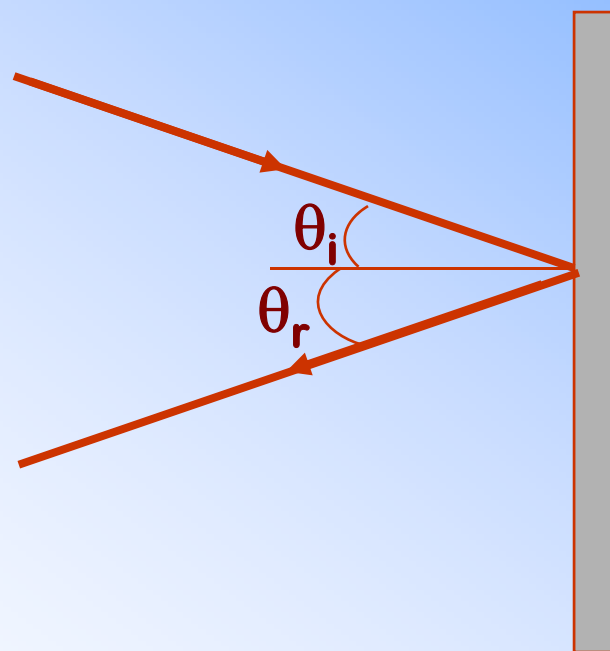


بازتاب

زاویه بازتاب = زاویه تابش

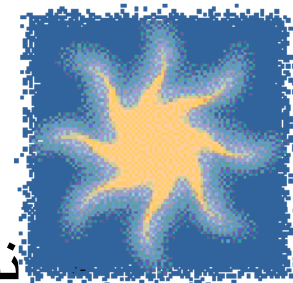
$$\theta_i = \theta_r$$

(زوایای بین پرتونور و خط قائم)



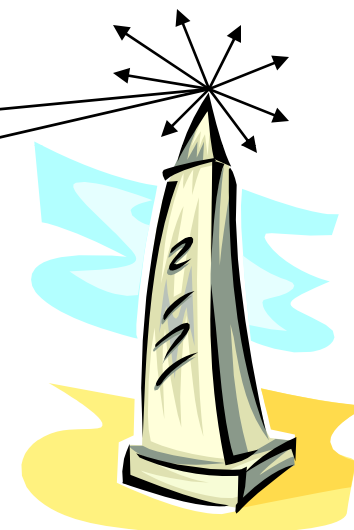


محل اجسام



نوری که از خورشید بر اجسام می تابد در کلیه جهات بازتابیده می شود.

– مقداری از این نور بر چشم شما می تابد

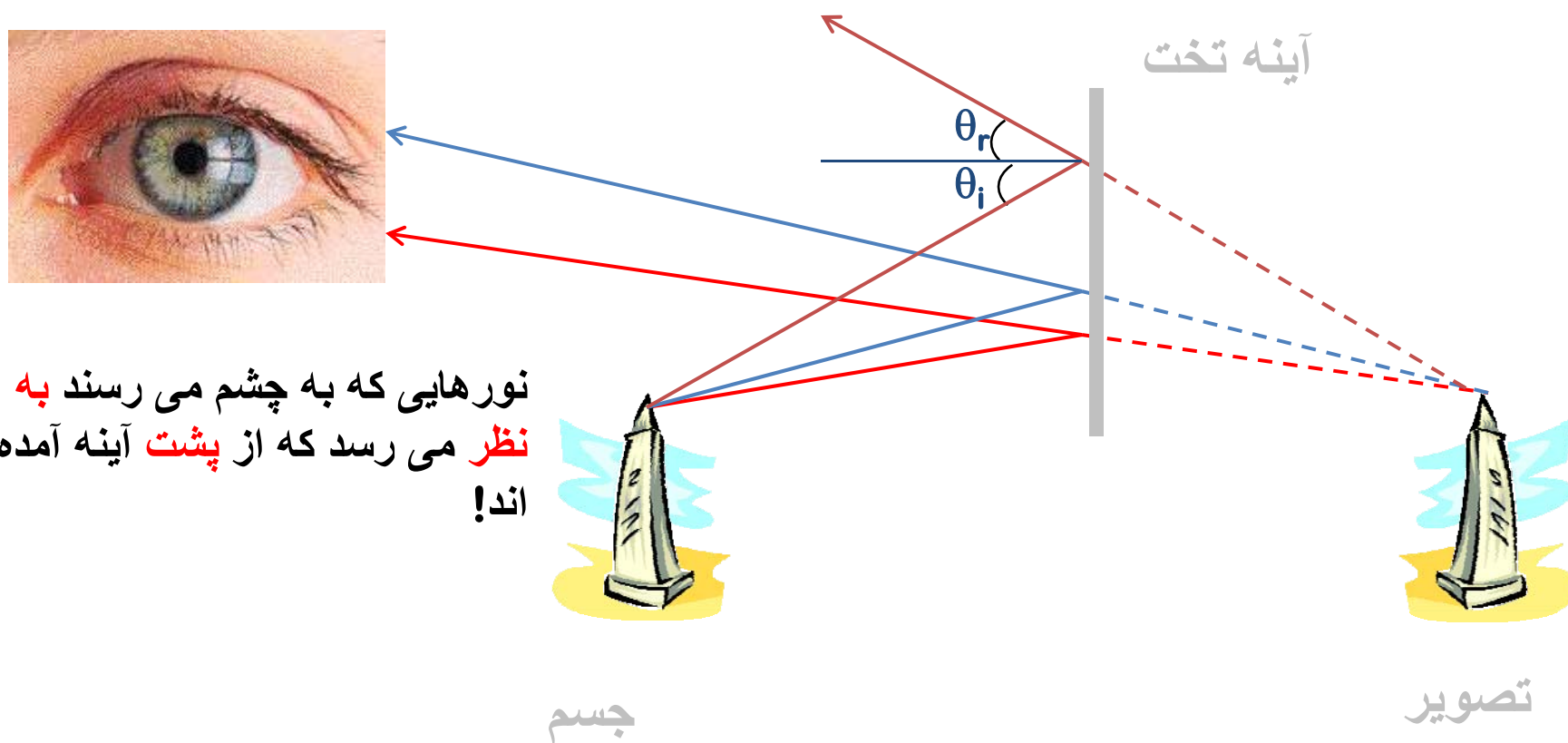


به وسیله این پرتوها مکان یک جسم را تشخیص می دهیم..

- رنگ: مقداری از این نور قبل از بازتاب به وسیله جسم جذب می شود..

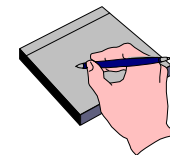
آینه های تخت

- آن چه را می بینید چیزی است که به چشم شما تابیده است
– تصویری کنیم که محل یک جسم مکانی است که به نظر می رسد پرتوهای نور از آن جا آمده اند.





آینه های تخت



(1) اولین پرتو را عمود بر آینه بکشید $\theta_i = \theta_r = 0$

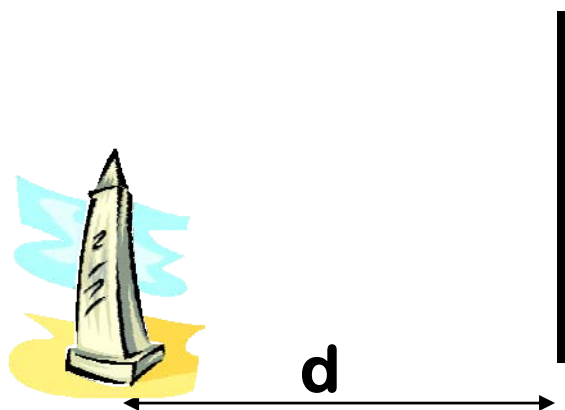
(2) پرتو دوم را تحت زاویه $\theta_i = \theta_r$ بکشید

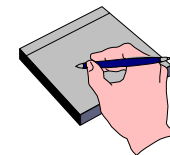
(3) به نظر می رسد که این خطوط به فاصله d پشت آینه
همدیگر را قطع می کنند. و این مکان تصویر است.

Example

پرتوهای نور در آن جادرواقع همگرانی
شوند، بنابراین تصویر

” “ است





آینه های تخت

(1) اولین پرتو را عمود بر آینه بکشید $\theta_i = \theta_r = 0$

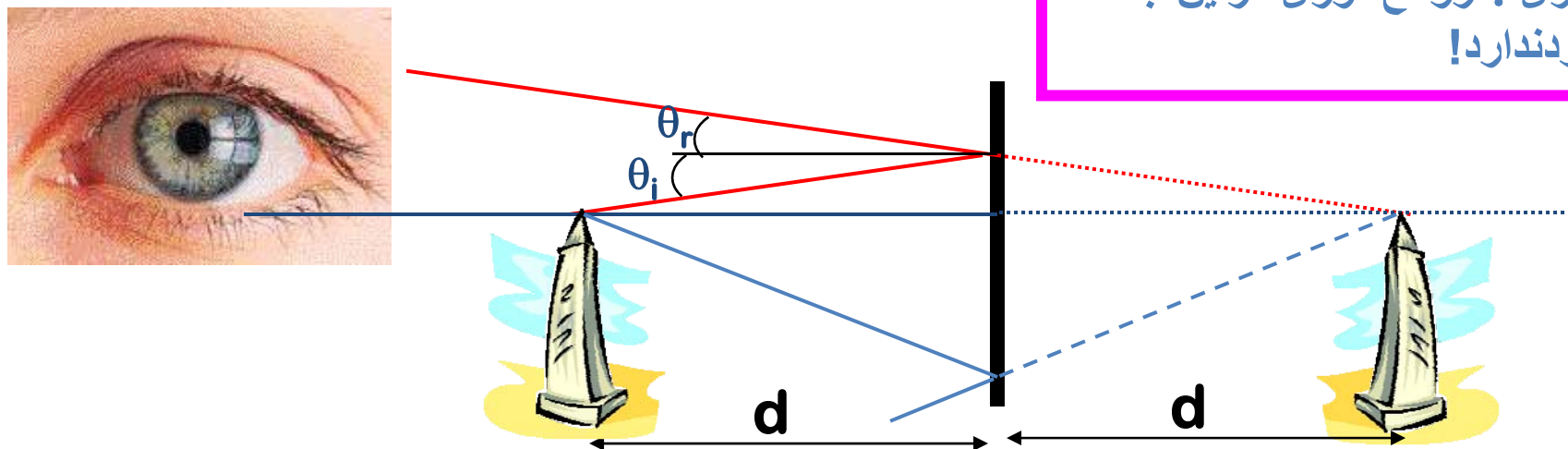
(2) دومین پرتو را تحت زاویه بکشید $\theta_i = \theta_r$.

(3) این پرتوها به نظر می رسد که پشت آینه همدیگر را قطع می کنند. و این محل تصویر است.

مثال

پرتوهای نور در آن جادرواقع همگرانی شوند بنابراین تصویر مجازی است

مجازی: درواقع نوری در این جا وجود ندارد!





خلاصه آینه های تخت

• تصویر در آینه تخت:

- مستقیم
- هم اندازه
- به همان فاصله پشت آینه
- در جهت مخالف: راس/چپ عوض می شود
- تصویر مجازی: پرتوهای نور در واقع پشت آینه همدیگر را قطع نمی کنند.

فکر کنید!

- چرا روی آمبولانس ها
"AMBULANCE"
برعکس نوشته می شود؟





خلاصه آینه های تخت

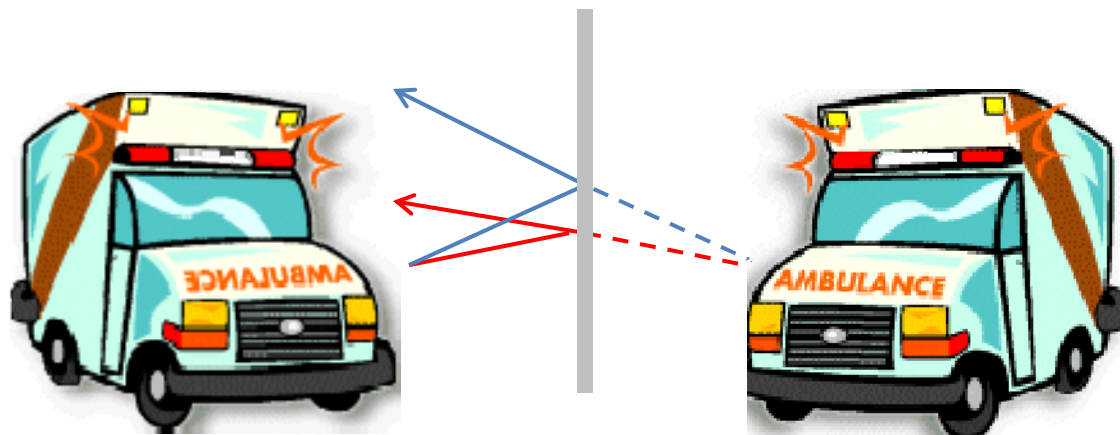
• تصویر در آینه تخت:

- مستقیم
- هم اندازه
- به همان فاصله پشت آینه
- در جهت مخالف: راس/چپ عوض می شود
- تصویر مجازی: پرتوهای نور در واقع پشت آینه همدیگر را قطع نمی کنند.

پاسخ فکر کنید!

- چرا روی آمبولانس ها
"AMBULANCE"
برعکس نوشته می شود?

برای اینکه در آینه نمای پشت
خود آن را بتوانید بخوانید!



پیش آزمون

آیا در آینه دم این سگ که اسمش فیدو است
را می بینید؟



(شما)



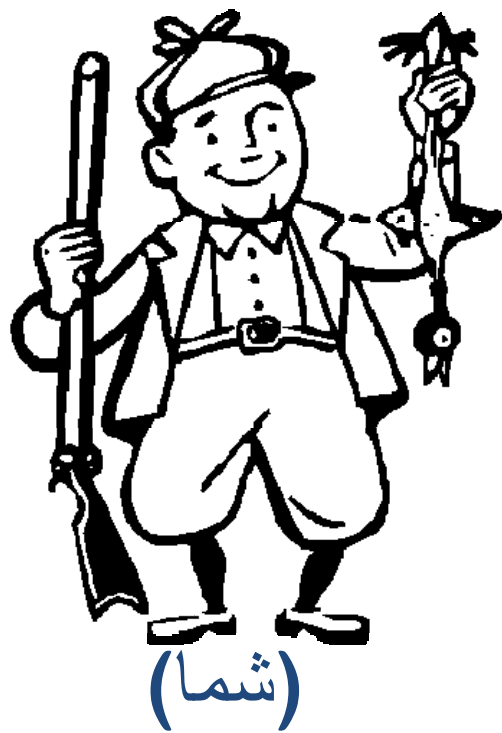
(فیدو)

آینه

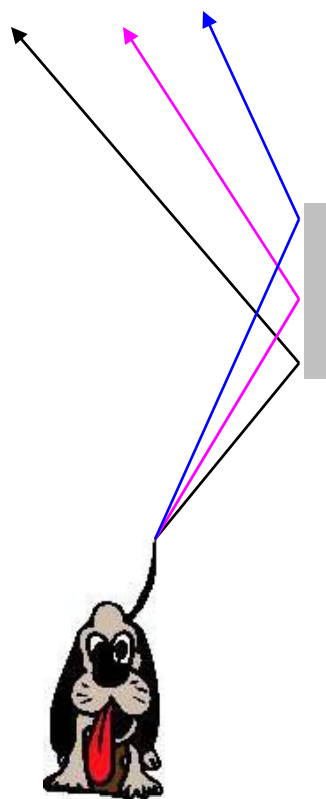


پاسخ پیش آزمون

آیا در آینه دم این سگ که اسمش فیدو است را می بینید؟



(شما)



(فیدو)

نخیر!

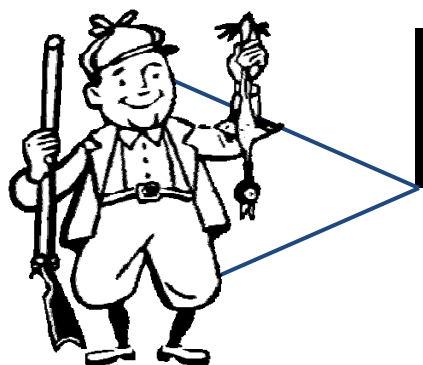
لازم است که پرتوی که از دم سگ روی آینه بازتاب می کند به چشم شما برسد!



تمرین : آینه تخت

در جلوی آینه تختی که بالا نصب شده است ایستاده اید و از بالای سر تازانوان خود را می بینید برای اینکه کفش های خود نیز ببینید چکار باید بکنید؟

- (1) به آینه نزدیک شوید.
- (2) از آینه دور شوید.
- (3) از آینه دیگری استفاده کنید.



تمرین : آینه تخت

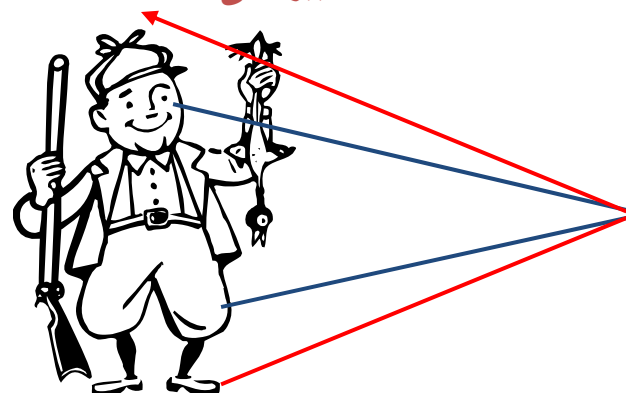
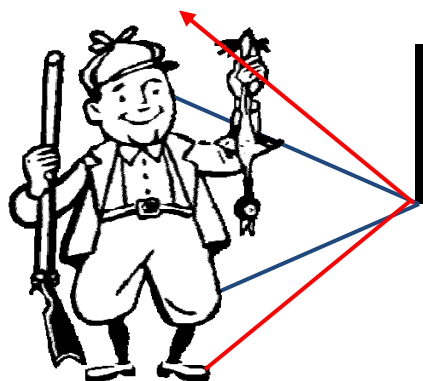
در جلوی آینه تختی که بالا نصب شده است ایستاده اید و از بالای سر تازانوان خود را می بینید برای اینکه کفش های خود نیز ببینید چکار باید بکنید؟

(1) به آینه نزدیک شوید.

(2) از آینه دور شوید.

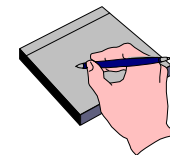
(3) از آینه دیگری استفاده کنید.

تغییر فاصله آن چه را که از خودتان می بینید
تغییر نمی دهد



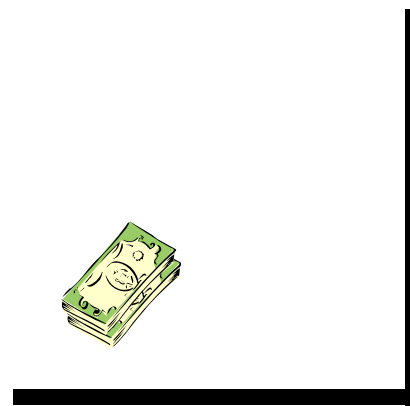


دو آینه

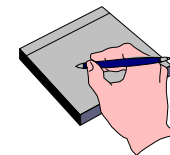


چند تصویر از پول در آینه می بینید (غیر از پول واقعی)؟

مثال

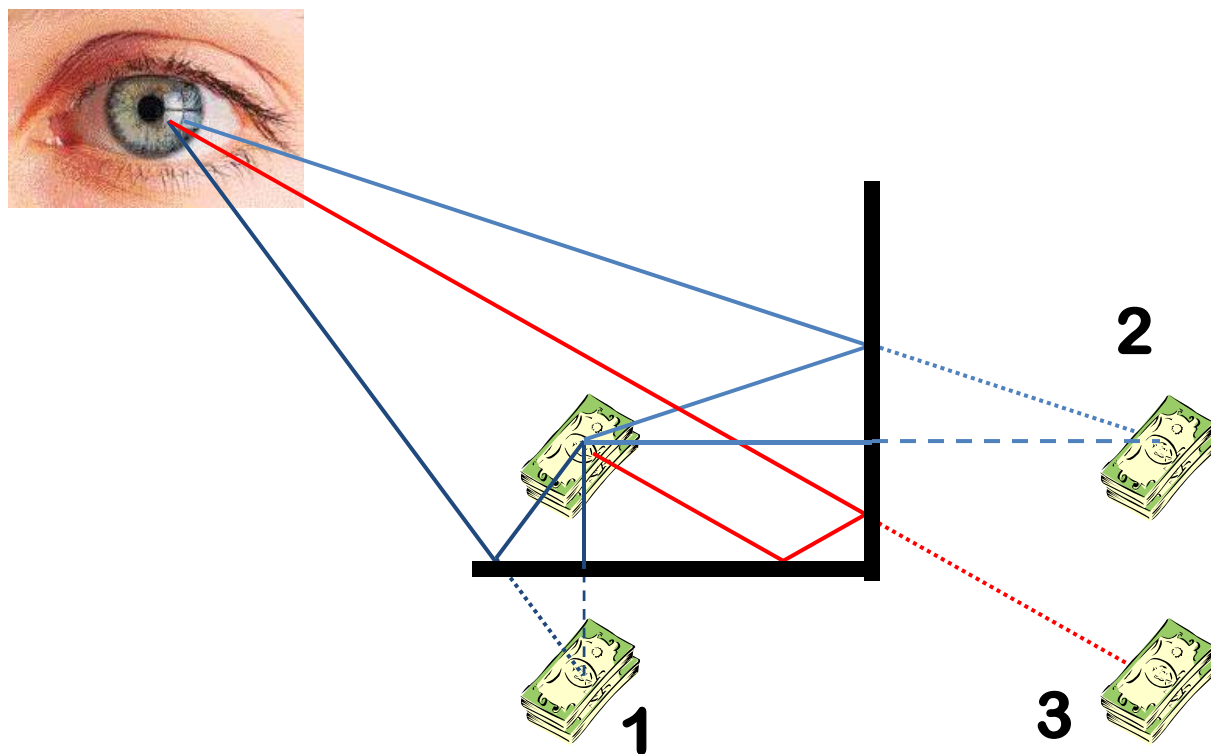


دو آینه



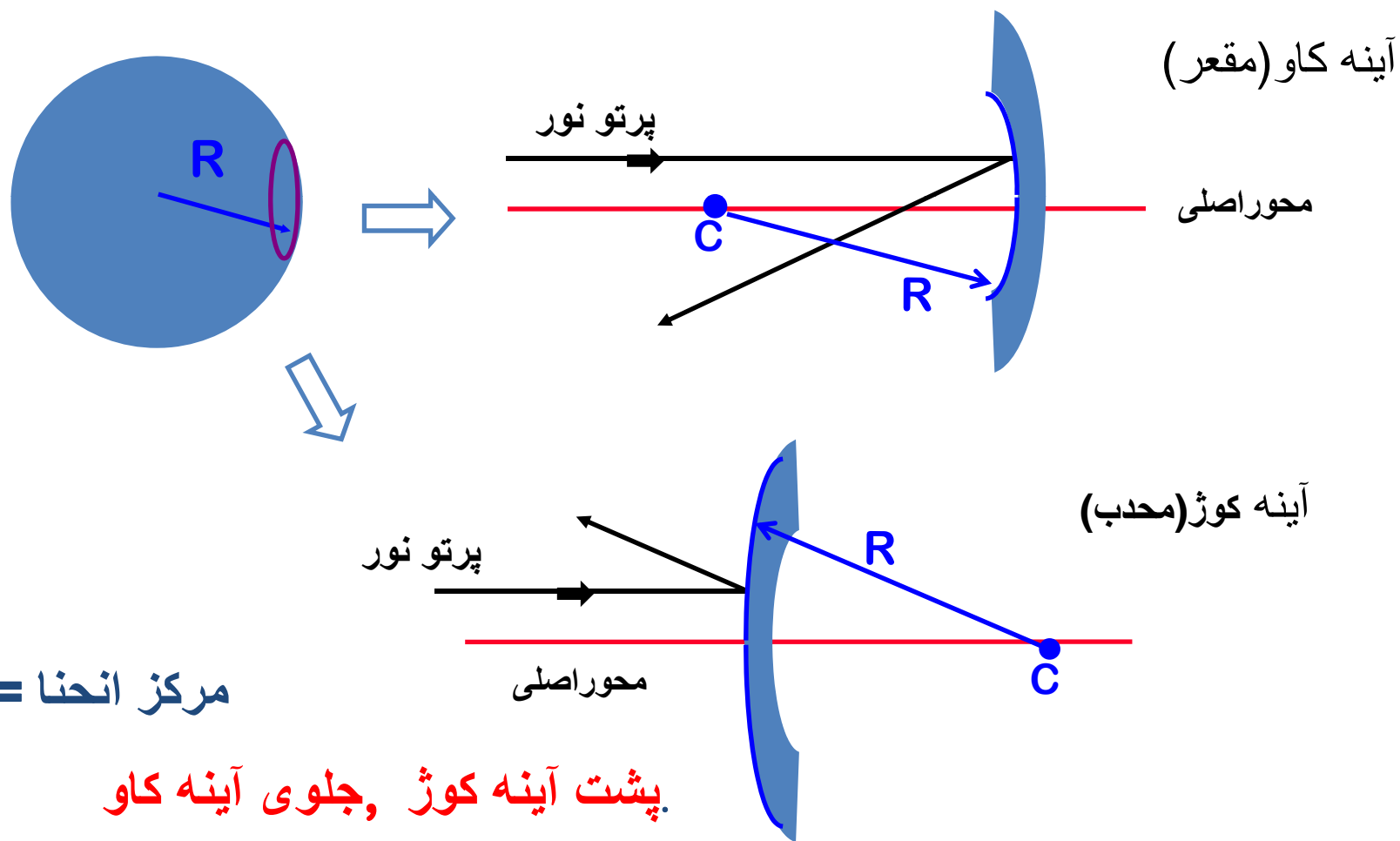
چند تصویر از پول در آینه می بینید (غیر از پول واقعی)؟

مثال



آینه های خمیده

یک آینه کروی : قسمتی از کره است.





پیش آزمون

یک دانشجوی شیمی برحسب اتفاق گلوله ای شیشه ای را در محلول نیترات نقره می اندازد و سبب می شود که رویه خارجی آن بازتابنده شود چه نوع آینه ای تشکیل می شود؟.



چه نوع آینه ای است؟

(1) کاو

(2) کوژ

(3) تخت



پیش آزمون

یک دانشجوی شیمی بر حسب اتفاق گلوله ای شیشه ای را در محلول نیترات نقره می اندازد و سبب می شود که رویه خارجی آن بازتابنده شود چه نوع آینه ای تشکیل می شود؟.



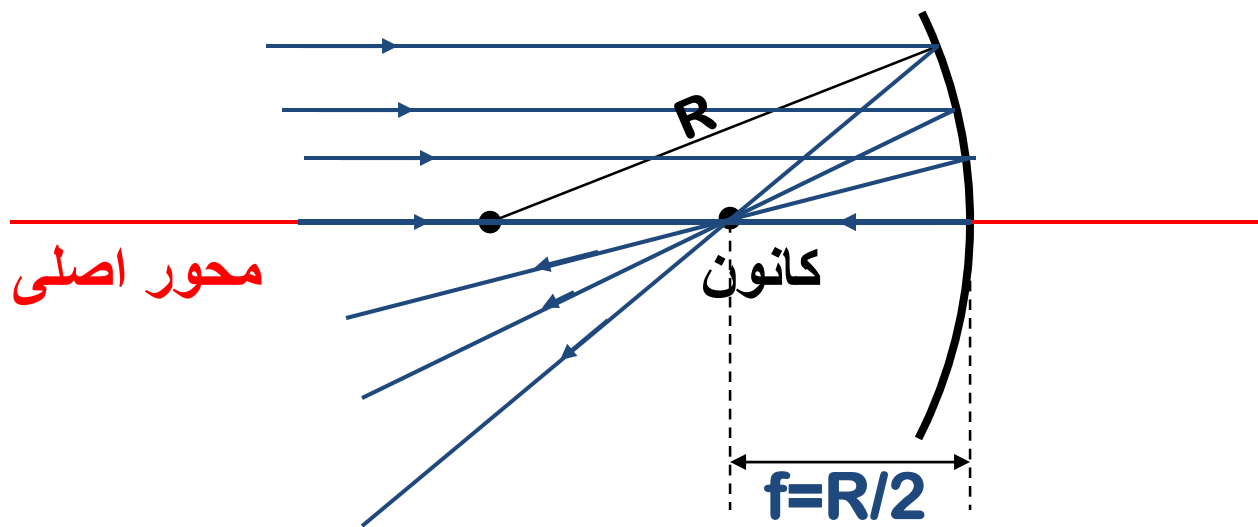
چه نوع آینه ای است؟

(1) کاو

(2) کوژ

(3) تخت

آینه کاو



پرتوها به طرف محور اصلی خم می شوند.

پرتوها موازی با محور اصلی چنان از آینه بازتاب می یابند که از کانون آینه بگذرند. (F)

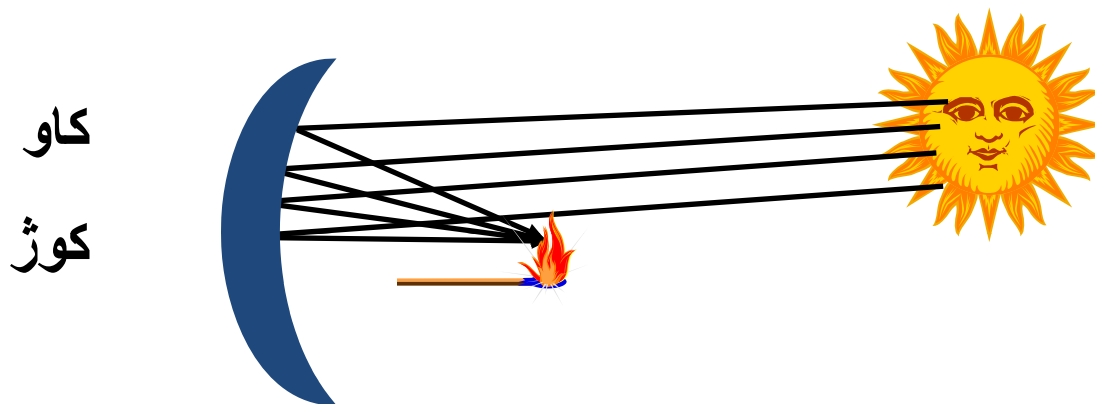
$$f = \frac{R}{2}$$

فاصله از F تا مرکز آینه را "فاصله کانونی می گویند (f) .



پیش آزمون

چه نوع آینه ای را می توان برای ایجاد آتش بکار برد؟



آینه را در چه فاصله ای از کاغذ نگهداریم؟

دورتر از فاصله کانونی

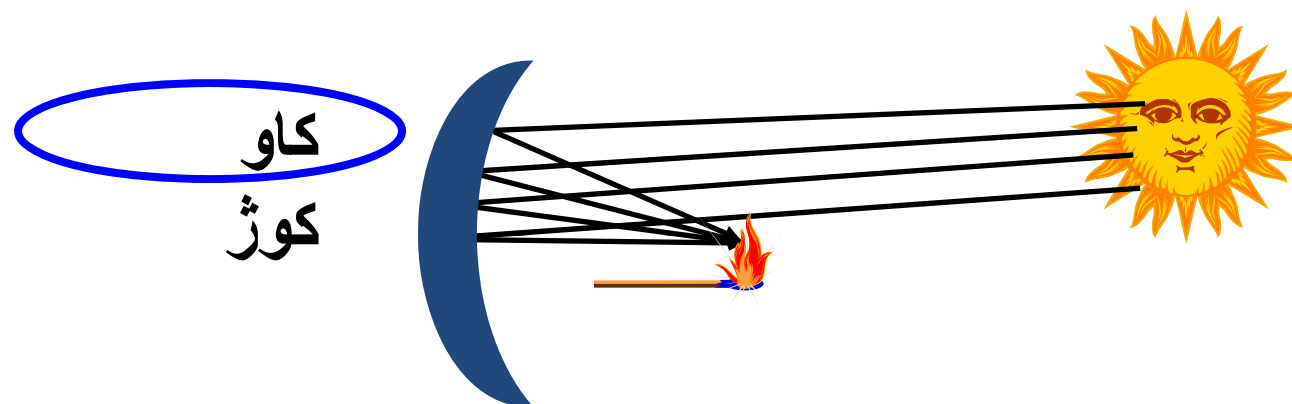
نزدیکتر از فاصله کانونی

در فاصله کانونی



پیش آزمون

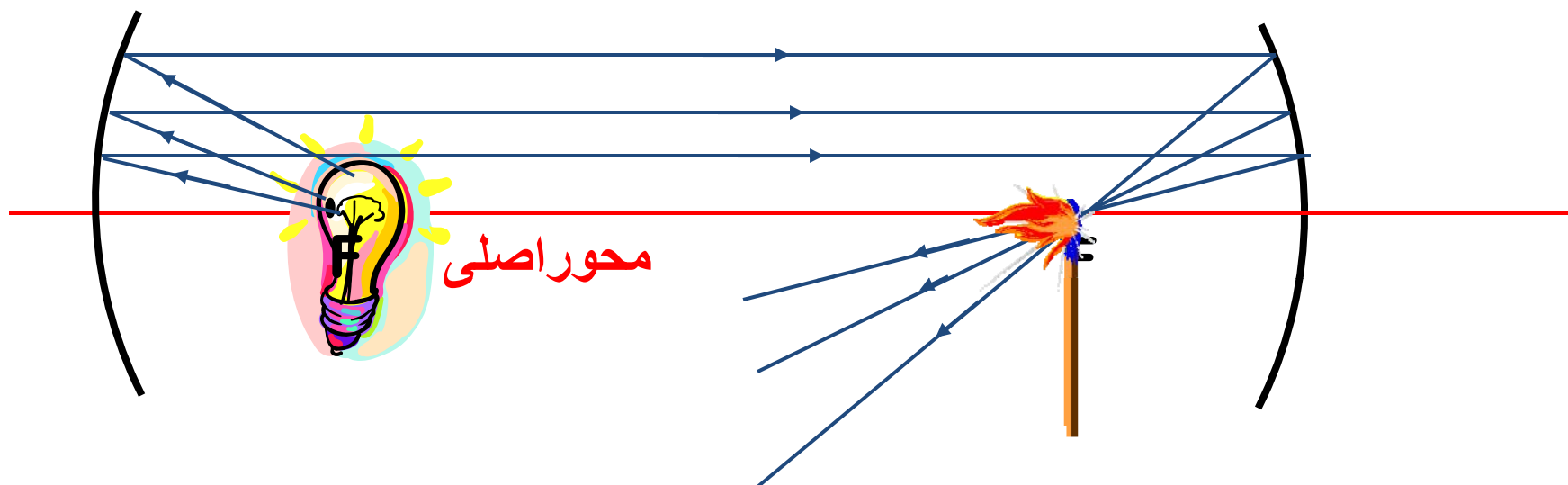
چه نوع آینه ای را می توان برای ایجاد آتش بکار برد؟



آینه را در چه فاصله ای از کاغذ نگهداریم؟

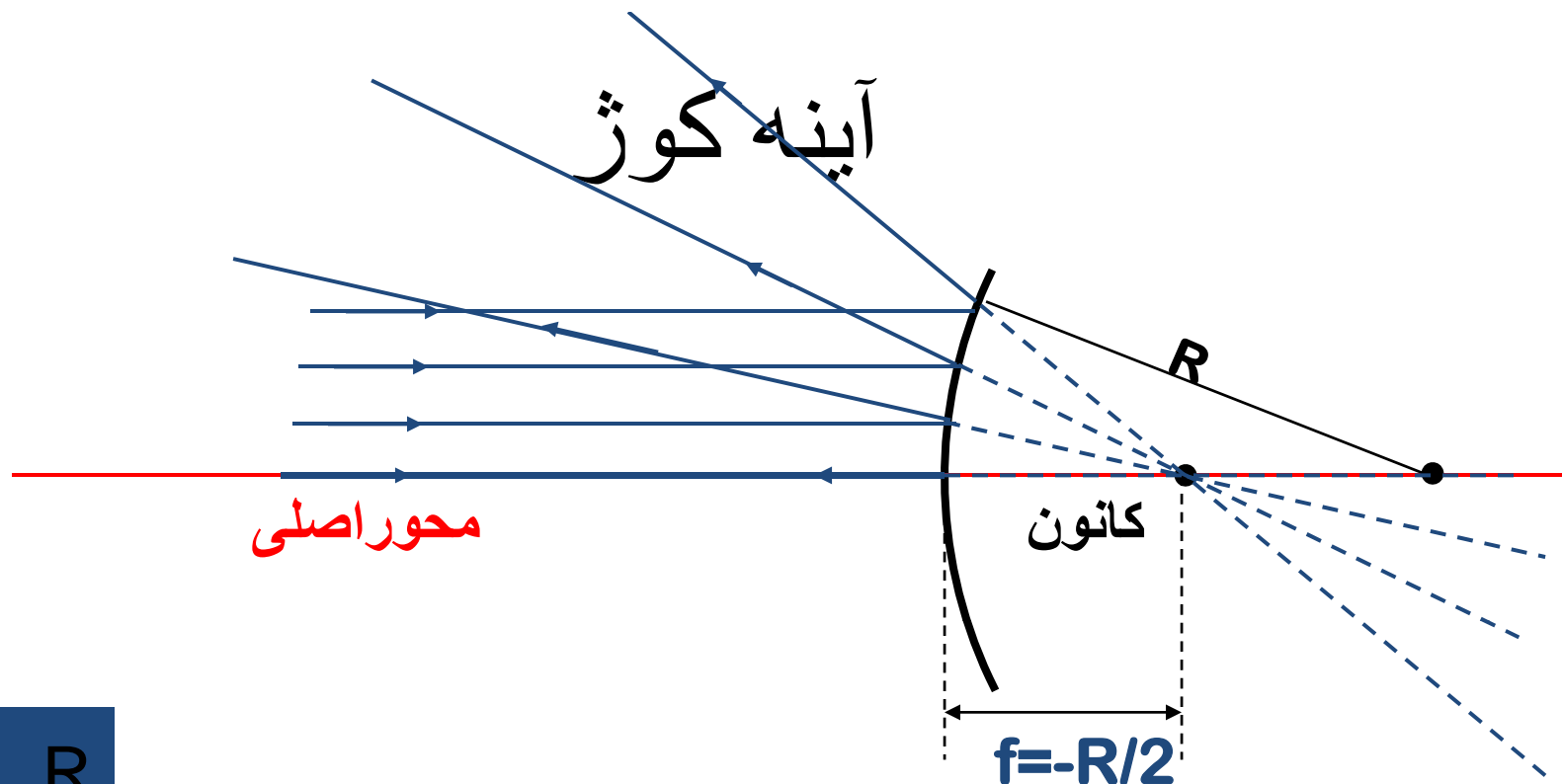
دورتر از فاصله کانونی
نزدیکتر از فاصله کانونی
در فاصله کانونی

آینه کاو



پرتوهای که قبل از بازتاب از آینه از کانون بگذرند بطور موازی با محور اصلی بازتاب می یابند.

پرتوهایی که موازی محور اصلی به آینه می تابند طوری بازتاب می یابند که از کانون آینه بگذرند

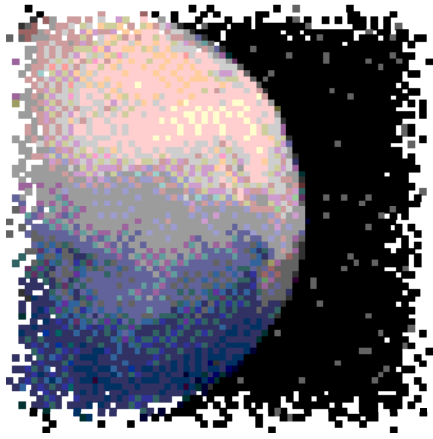


$$f = -\frac{R}{2}$$

پرتوها بعد از بازتاب از آینه از محور اصلی دور می شوند.

پرتوهای موازی با **محور اصلی** بعد از بازتاب از آینه به نظر می رسد که از کانون آمده اند (F).

فاصله از F تا مرکز آینه را "فاصله کانونی" می گویند (f).



تمرین



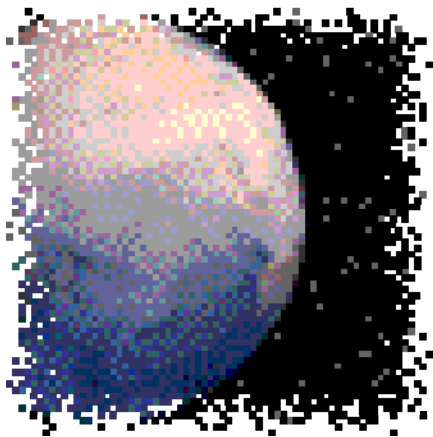
آینه کاو دارای فاصله کانونی مثبت است $f > 0$

آینه کوژ دارای فاصله کانونی منفی است $f < 0$

فاصله کانونی آینه تخت چیست؟

ب - $f = \infty$

الف - $f = 0$



تمرین

آینه کاو دارای فاصله کانونی مثبت است $f > 0$

آینه کوژ دارای فاصله کانونی منفی است $f < 0$

فاصله کانونی آینه تخت چیست؟

ب - $f = \infty$

الف - $f = 0$

هرچه آینه تخت تر باشد فاصله کانونی آن بزرگتر است.



!به امید دیدار

• درس آینده ما...



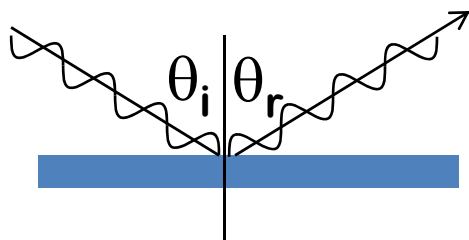
اپتیک

مقدمه:

بازتاب و انکسار نور



دانشگاه پیام نور



مرور

بازتاب:

$$\theta_i = \theta_r$$

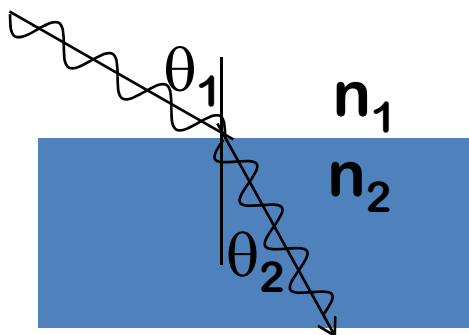
آینه تخت:

تصویر به فاصله مساوی پشت عدسی

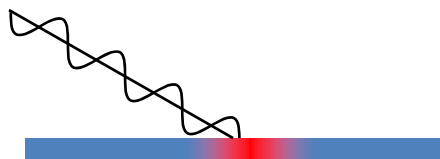
آینه کروی:

کوژ یا کا و

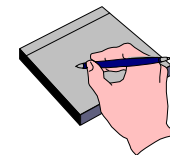
انکسار نور:



$$n_1 \sin(\theta_1) = n_2 \sin(\theta_2)$$

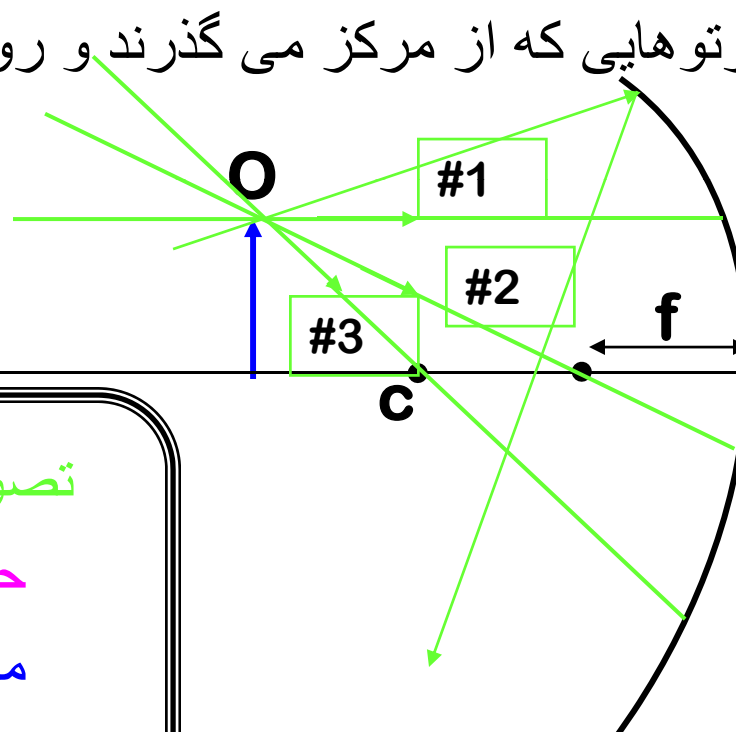


جذب نور



پرتوهای اصلی در آینه کاو

- 1- پرتوهای موازی با محور اصلی بعد از بازتاب از کانون f می‌گذرند
- 2- پرتوهایی که از کانون می‌گذرند موازی با محور اصلی بازتاب می‌یابند.
- 3- پرتوهایی که از مرکز می‌گذرند و روی خود بازتاب می‌یابند.

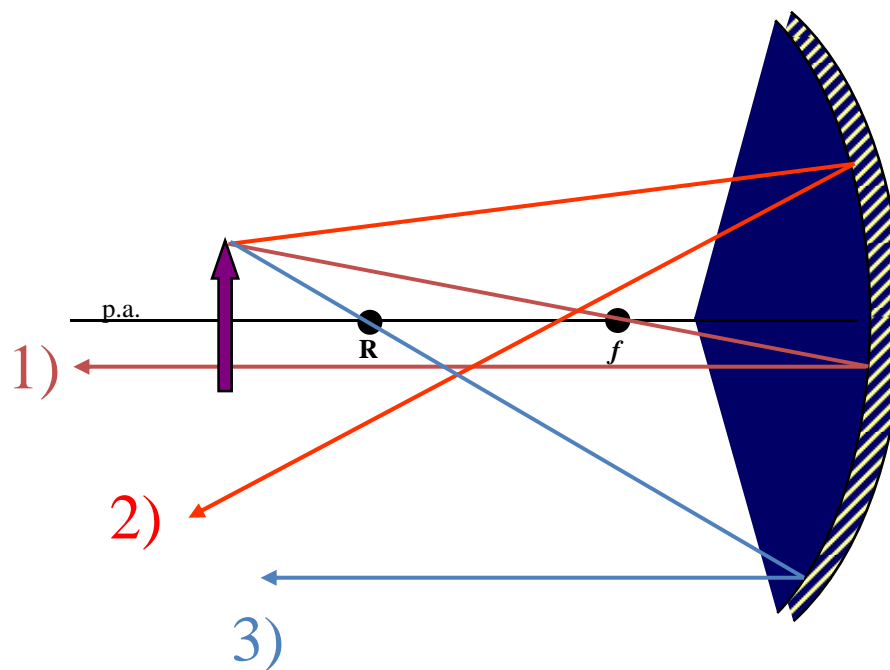


تصویر در این حالت :
حقیقی یا مجازی است
معکوس یا مستقیم است
کوچکتر یا بزرگتر است



پیش آزمون

کدام پرتو **صحیح** نیست؟

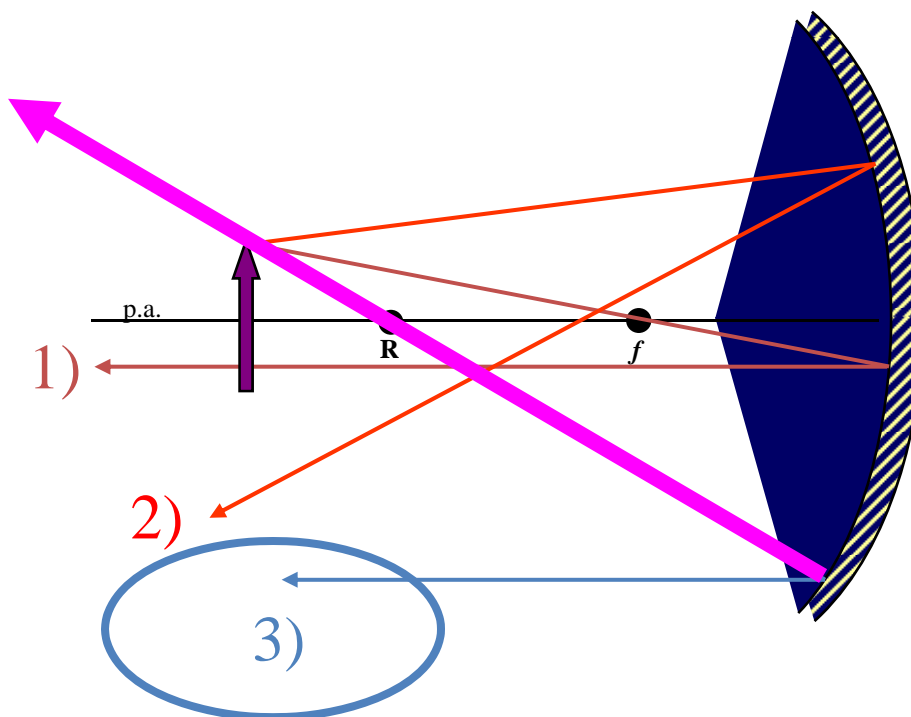




پاسخ پیش آزمون

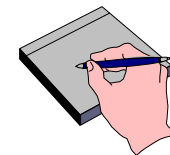
کدام پرتو **صحیح** نیست؟

پرتوی که از مرکز می آید باید روی خودش منعکس شود

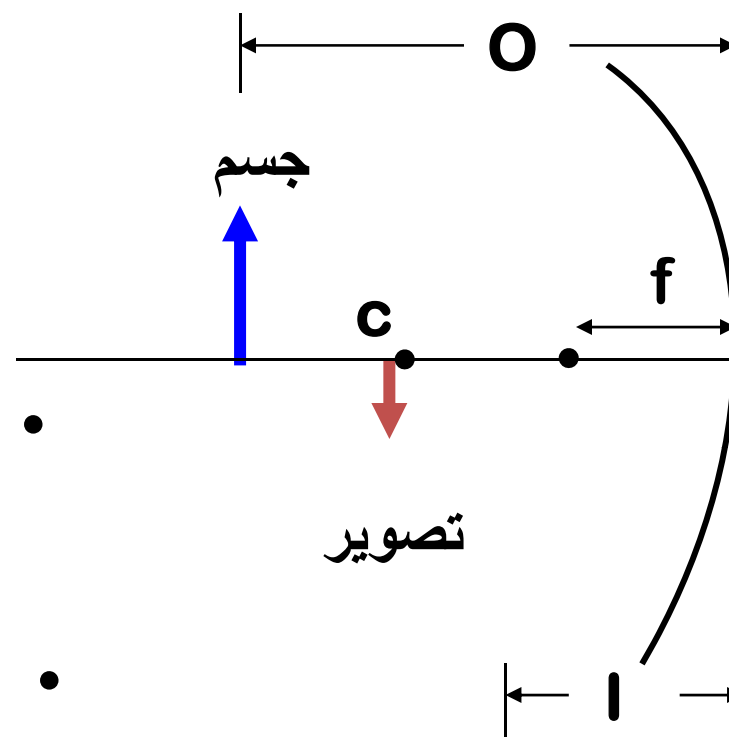




معادله آینه ها



$$\frac{1}{O} + \frac{1}{I} = \frac{1}{f}$$



• $O =$ فاصله جسم از آینه:

مثبت : جسم _____ آینه

منفی : جسم _____ آینه

• $I =$ فاصله تصویر از آینه:

• مثبت _____ : تصویر _____ آینه

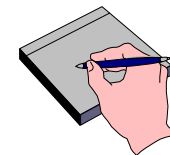
• منفی _____ : تصویر _____ آینه

• $f =$ فاصله کانونی:

• مثبت : آینه -----

• منفی : آینه -----

معادله آینه



$$\frac{1}{O} + \frac{1}{I} = \frac{1}{f}$$

O = فاصله جسم از آینه:

مثبت : جسم : جلوی

آینه

منفی : جسم : پشت

آینه

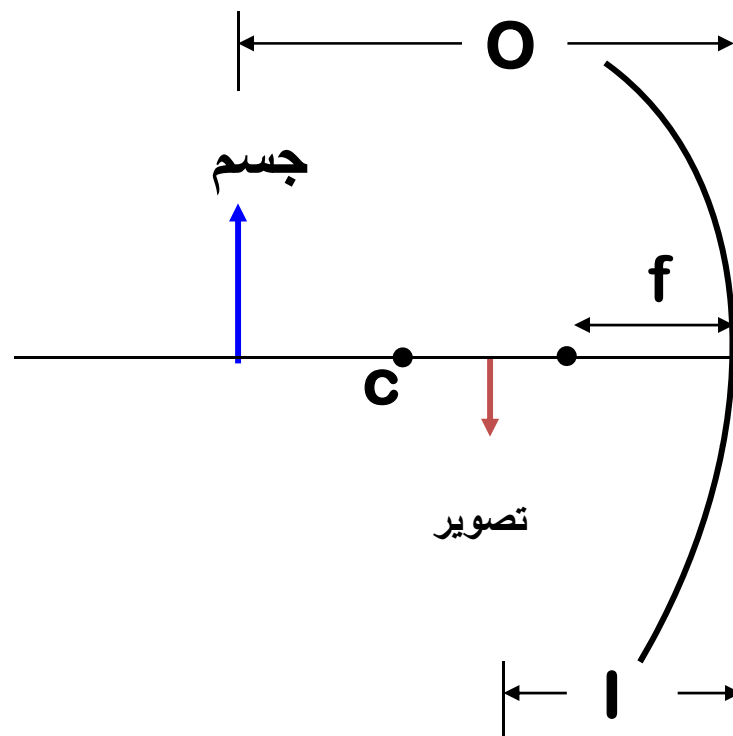
I = فاصله تصویر از آینه:

مثبت : تصویر : مستقیم

وجلوی آینه

منفی : تصویر : معکوس

وپشت آینه



فاصله کانونی:

مثبت : آینه کاو

منفی : آینه کوژ



پیش آزمون

تصویری که به وسیله آینه کاو تشکیل می شود :

- (1) همواره حقیقی است
- (2) همواره مجازی است
- (3) گاهی مجازی و گاهی حقیقی است

تمرین : آینه کاو

یک جسم را کجا جلوی یک آینه کاو قرار دهیم تا تصویر آن مجازی باشد؟

- (1) نزدیک آینه
- (2) دور از آینه
- (3) دور یا نزدیک به آینه
- (4) غیر ممکن



پاسخ پیش آزمون

- (1) همواره حقیقی است
تصویری که به وسیله آینه کاو
تشکیل می شود :
- (2) همواره مجازی است
- (3) گاهی مجازی و گاهی حقیقی است

آینه کاو: $f > 0$

جسم حقیقی یعنی جلوی آینه: $O > 0$

$$\frac{1}{O} + \frac{1}{I} = \frac{1}{f} \quad \longrightarrow \quad \frac{1}{I} = \frac{1}{f} - \frac{1}{O}$$

امکن است مثبت یا منفی باشد !



تمرین : آینه کاو

یک جسم را کجا جلوی یک آینه کاو قرار دهیم تا تصویر آن مجازی باشد؟

معادله آینه:

(1) دور از آینه

(2) دور یا نزدیک به آینه

(3) غیر ممکن

(4) نزدیک آینه

- آینه کاو $f > 0$:
- جسم جلوی آینه $0 > 0$:
- تصویر مجازی یعنی پشت آینه $0 < |a|$:
- اگر $0 < f$ باشد در این صورت $0 < |a|$ مجازی.



بزرگ نمایی

$$m = \frac{h_i}{h_o} = -\frac{I}{O}$$

- ارتفاع جسم = h_o
 - مثبت:
- ارتفاع تصویر = h_i
 - مثبت:
 - منفی:

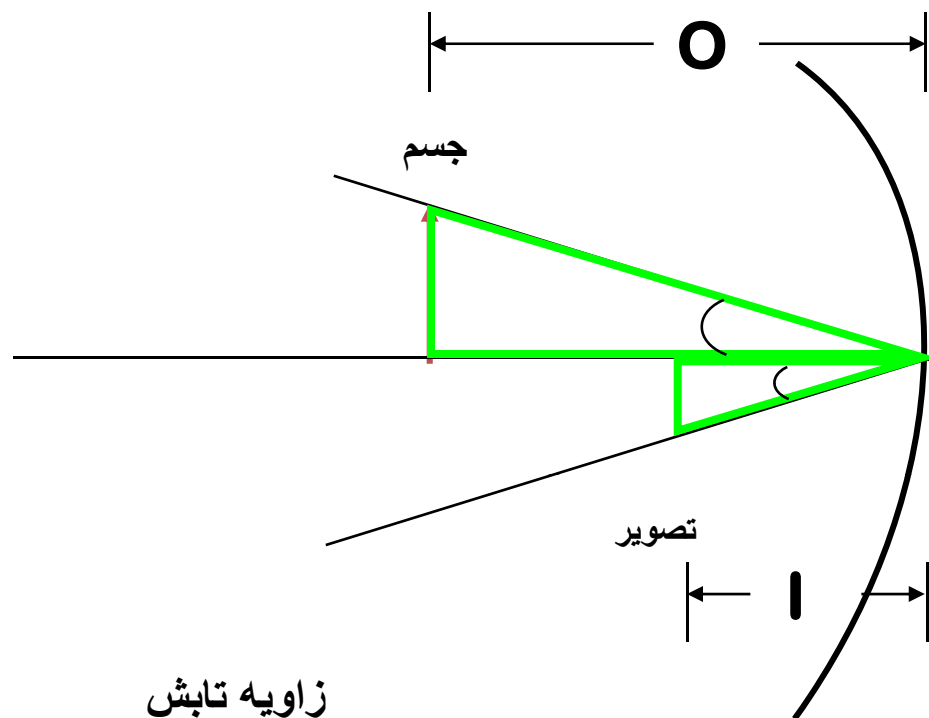
• $m =$ بزرگنمایی:

• مثبت/منفی مانند h_i

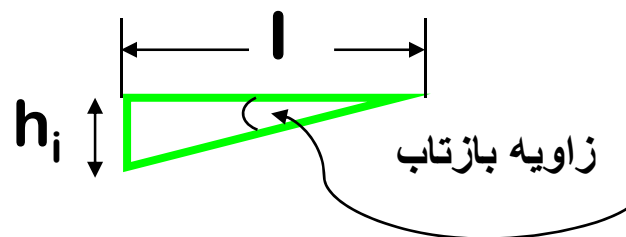
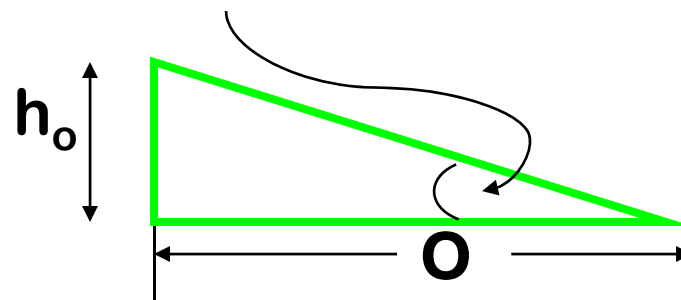
• < 1 :

• > 1 :

$$\tan \theta = \frac{h_o}{O} = \frac{h_i}{I}$$



زاویه تابش



زاویه بازتاب



معادله بزرگنمایی

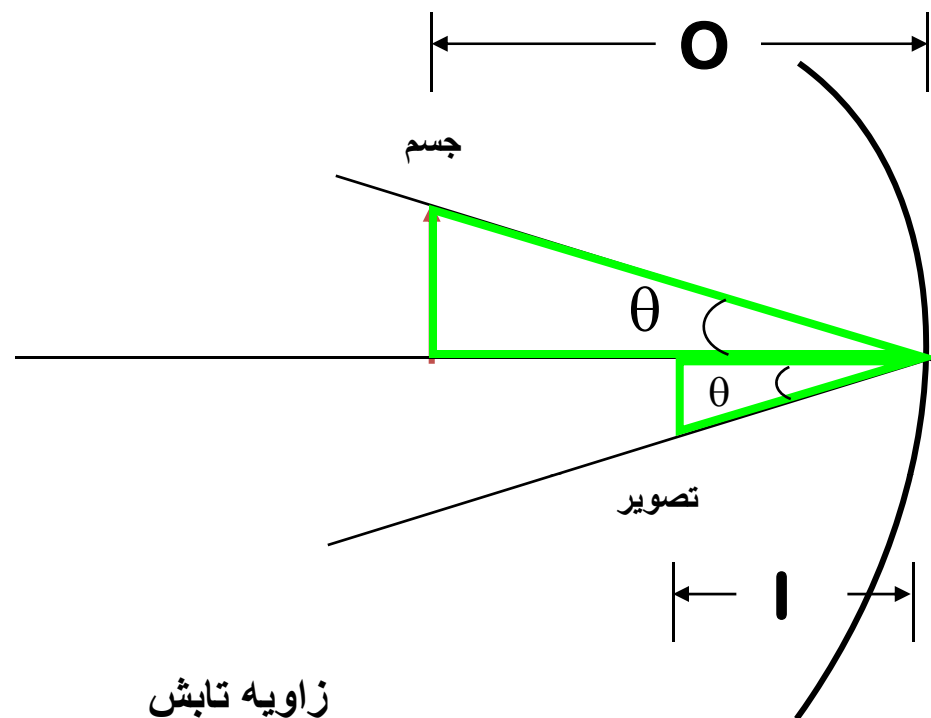
$$m = \frac{h_i}{h_o} = -\frac{I}{O}$$

- ارتفاع جسم h_o =
 - همواره مثبت
- ارتفاع تصویر h_i =
 - تصویر مستقیم: مثبت
 - تصویر معکوس: منفی

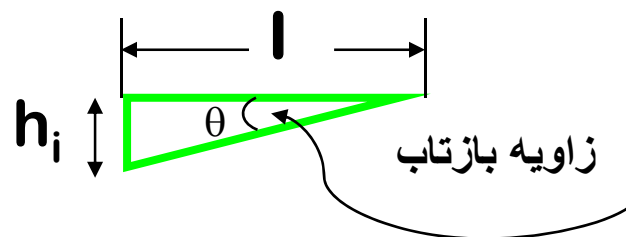
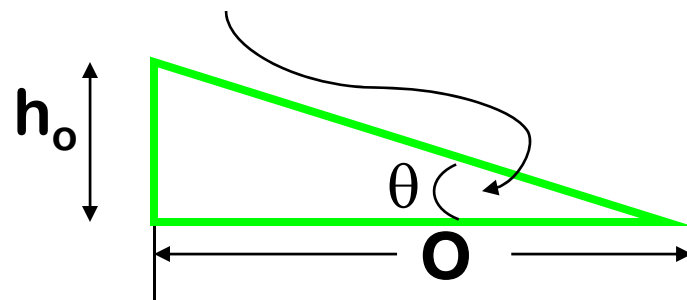
• $m =$ بزرگنمایی:

- مثبت / منفی: مانند h_i
- < 1 : تصویر کوچک شده است
- > 1 : تصویر بزرگ شده است

$$\tan \theta = \frac{h_o}{O} = \frac{h_i}{I}$$



زاویه تابش



زاویه بازتاب



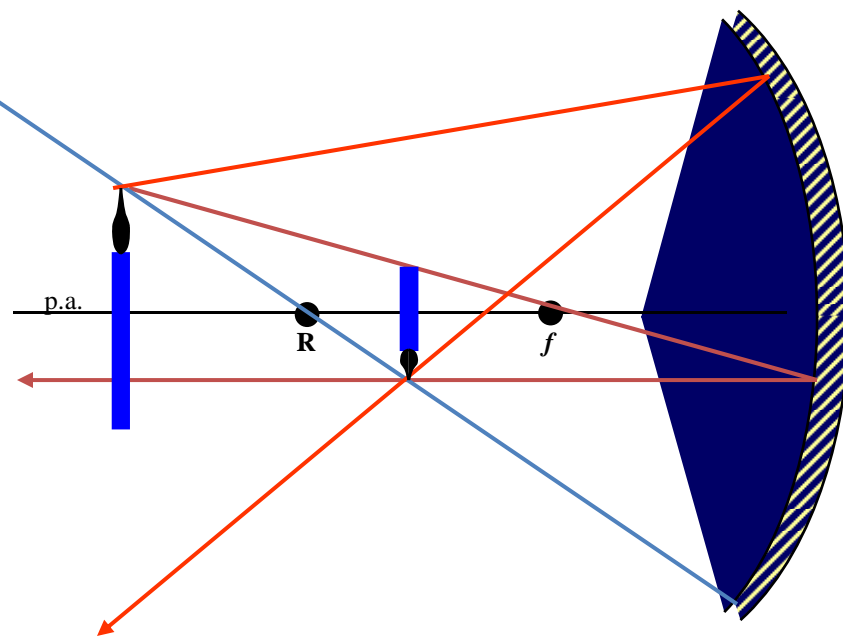
تمرین : حل معادله آینه

شمعی در فاصله 6 cm جلوی یک آینه کاو به فاصله کانونی $f=2\text{ cm}$ قرار دارد .
مکان تصویر را پیدا کنید.

ادامه تمرین:

در مقایسه با شمع تصویر چگونه است:

- بزرگتر
- کوچکتر
- مساوی





تمرین : حل معادله آینه

قرار دارد $f=2\text{ cm}$ جلوی یک آینه کاو به فاصله کانونی 6 cm شمعی در فاصله مکان تصویر را پیدا کنید.

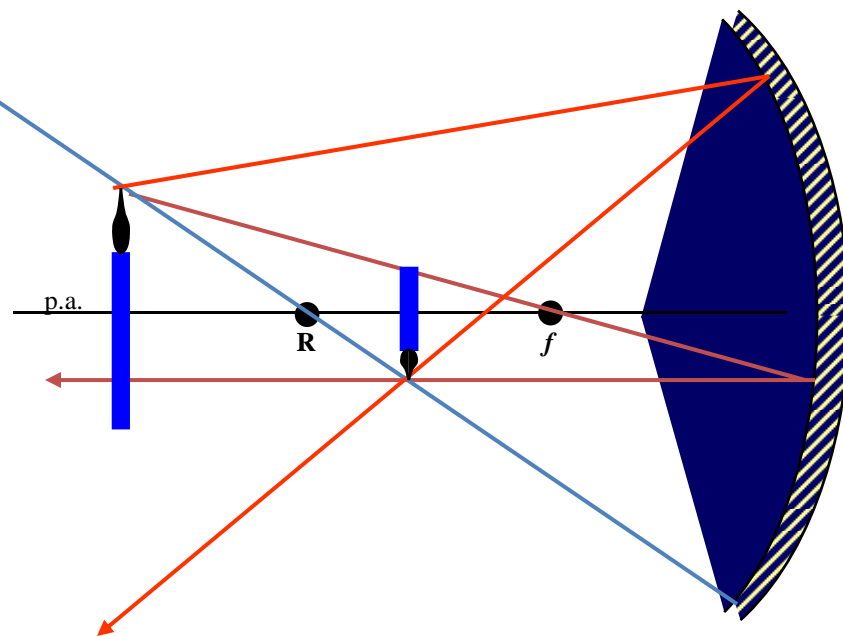
$$\frac{1}{6} + \frac{1}{I} = \frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad I = +3\text{ cm} \text{ (جلوی آینه)}$$

!تصویر حقیقی

ادامه تمرین:

در مقایسه با شمع تصویر چگونه است:

- بزرگتر
- کوچکتر
- مساوی





تمرین: بزرگنمایی

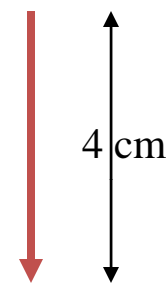
پیکان روبه پایین به فاصله 4 سانتی متر از یک آینه قرار گرفته است و تصویری با بزرگمایی 2- ایجاد شده است. اندازه تصویر چقدر است؟

1) 2 cm

2) 4 cm

3) 8 cm

$$m \equiv \frac{h_i}{h_o}$$



$$h_i = mh_o = -2 \times 4$$

جهت بردار تصویر چگونه است؟

1) بالا

2) پایین

علامت (-) به معنای معکوس بودن تصویر است.



دانشگاه پیام نور

سه حالت آینه کاو

تصویر

مستقیم

بزرگتر

مجازی

F درون

معکوس

بزرگتر

حقیقی

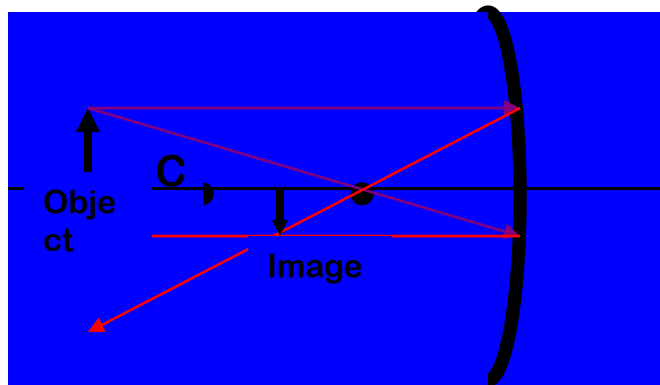
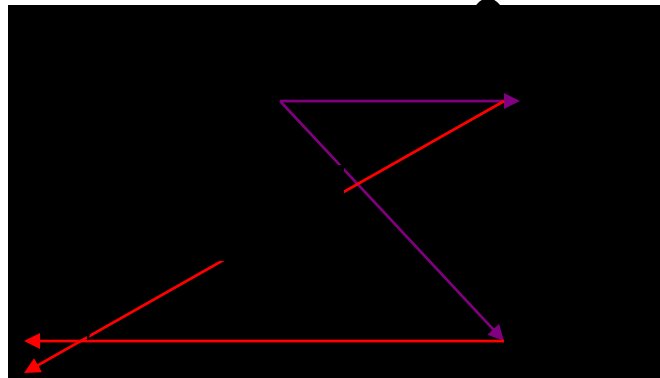
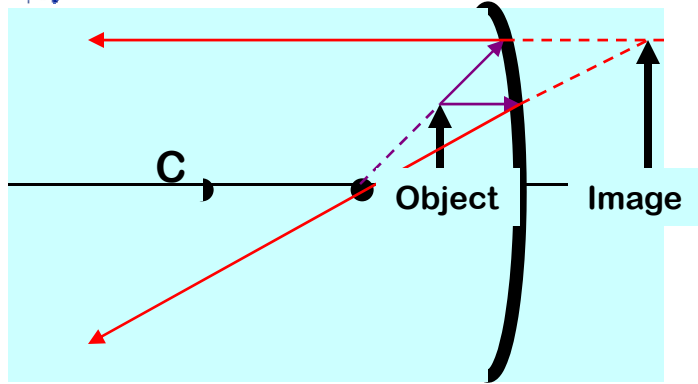
بین C و F

معکوس

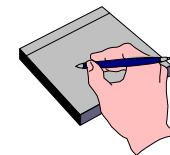
کوچکتر

حقیقی

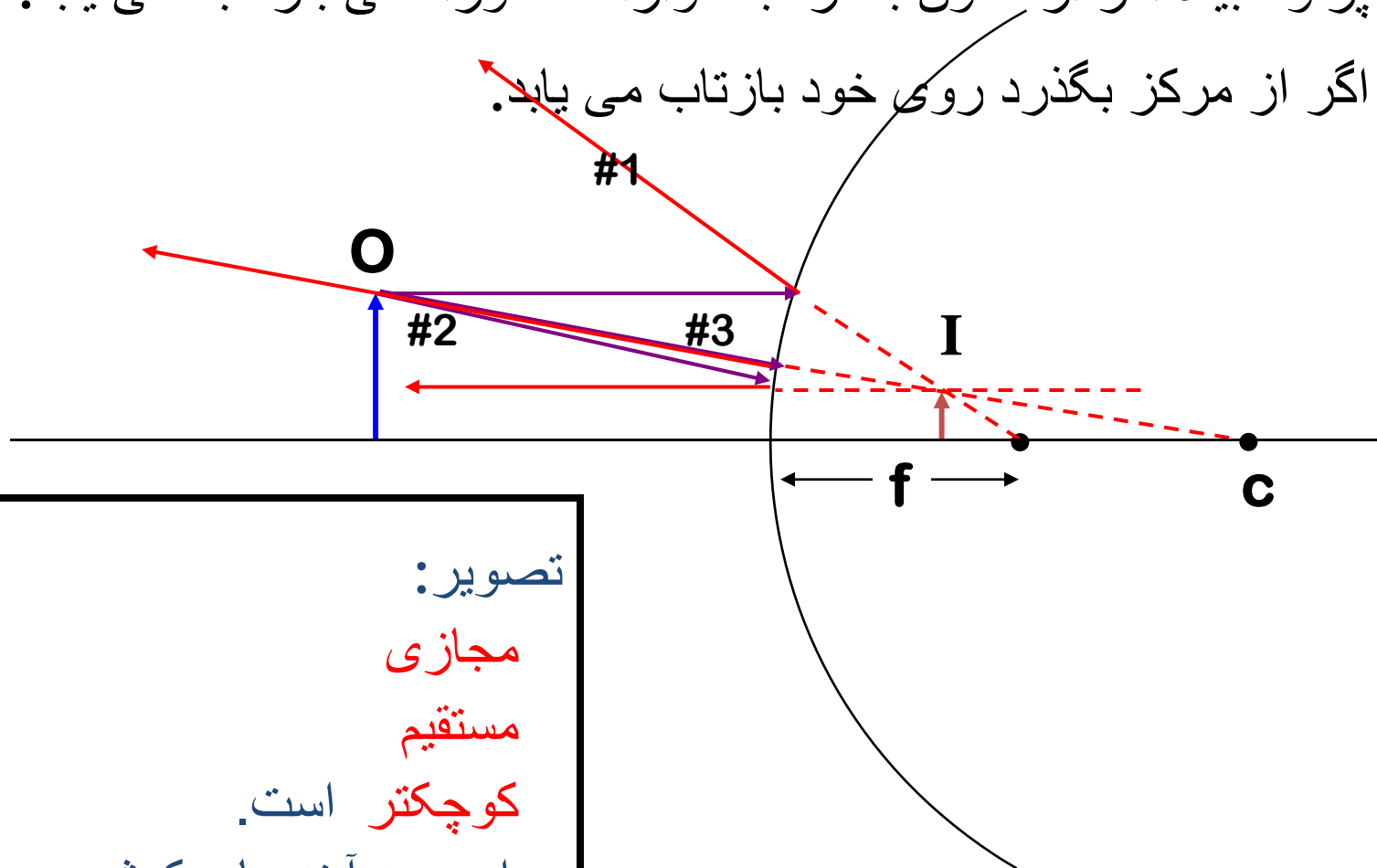
C دور از



پرتوها در آینه کوز



- 1 - موازی با محور اصلی چنان بازتاب می یابدکه ادامه اش از کانون بگذرد
- 2 - پرتو تابیده اگر از کانون بگذرد به موازات محور اصلی بازتاب می یابد.
- 3 - اگر از مرکز بگذرد روی خود بازتاب می یابد.



تصویر:

مجازی

مستقیم

کوچکتر است.

برای همه آینه های کوز درست است!!





حل معادله آینه

جسمی به فاصله 6 سانتی متر از یک آینه کوژ به فاصله کانونی 3- قرار گرفته است مکان تصویر پیدا کنید.

$$\frac{1}{6} + \frac{1}{I} = \frac{1}{-3}$$
$$m = -\frac{I}{O} = -\frac{-2}{6}$$

$$I = -2 \text{ cm (پشت آینه)}$$

بزرگنمایی جسم چقدر است؟

تصویر مجازی!

اگر جسم 9 سانتی متر بلندی داشته باشد بلندی تصویر چقدر است؟

$$m = -\frac{I}{O} = -\frac{-2}{6}$$

$$m = +1/3$$

$$h_i = +3 \text{ cm}$$

Image is Upright!

$$+1/3 = \frac{h_i}{9 \text{ cm}}$$



تمرین

یک جسم را کجا جلوی یک آینه کوژ قرار دهیم تا تصویر حقیقی تشکیل شود؟

معادله آینه:

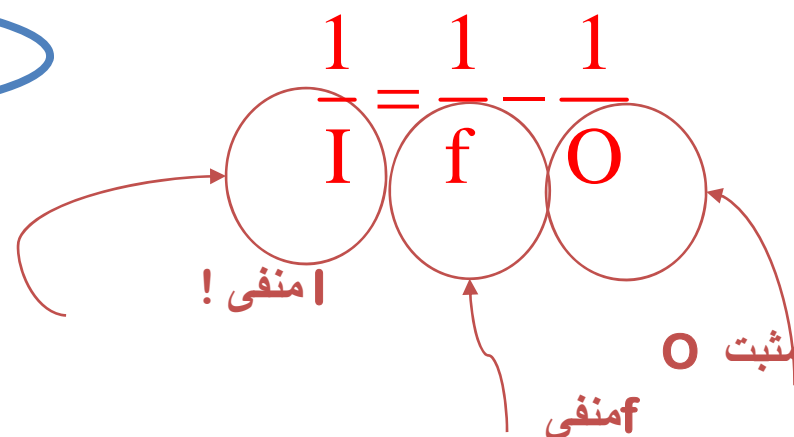
(1) جسم نزدیک به آینه باشد

(2) جسم دور از آینه باشد

(3) جسم نزدیک یا دور از آینه باشد

(4) غیر ممکن

$$\frac{1}{O} + \frac{1}{I} = \frac{1}{F}$$



• آینه کوژ: $f < 0$

• جسم جلوی آینه: $O > 0$

• تصویر حقیقی یعنی: $I > 0$



خلاصه آینه ها

- زاویه تابش = زاویه بازتابش

- پرتوهای اصلی

- موازی با محور اصلی از کانون بازتاب می یابد

- از کانون بگذرد موازی محور اصلی بازتاب می یابد.

- از مرکز بگذرد روی خودش بازتاب می یابد

- $|f| = R/2$

- $$\frac{1}{O} + \frac{1}{I} = \frac{1}{F}$$

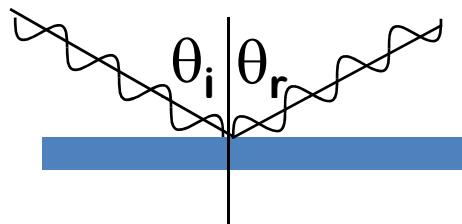
- $$m = \frac{h_i}{h_o} = -\frac{I}{O}$$



نور فقط بر نمی گردد بلکه شکست هم پیدا می کند!

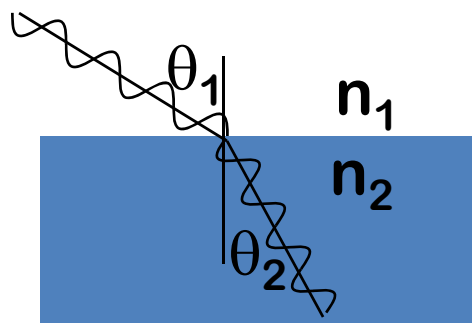
انعکاس (آینه ها) !

$$\theta_i = \theta_r$$



$$\frac{1}{O} + \frac{1}{I} = \frac{1}{F}$$

شکست نور (عدسی ها) !



$$n_1 \sin(\theta_1) = n_2 \sin(\theta_2)$$

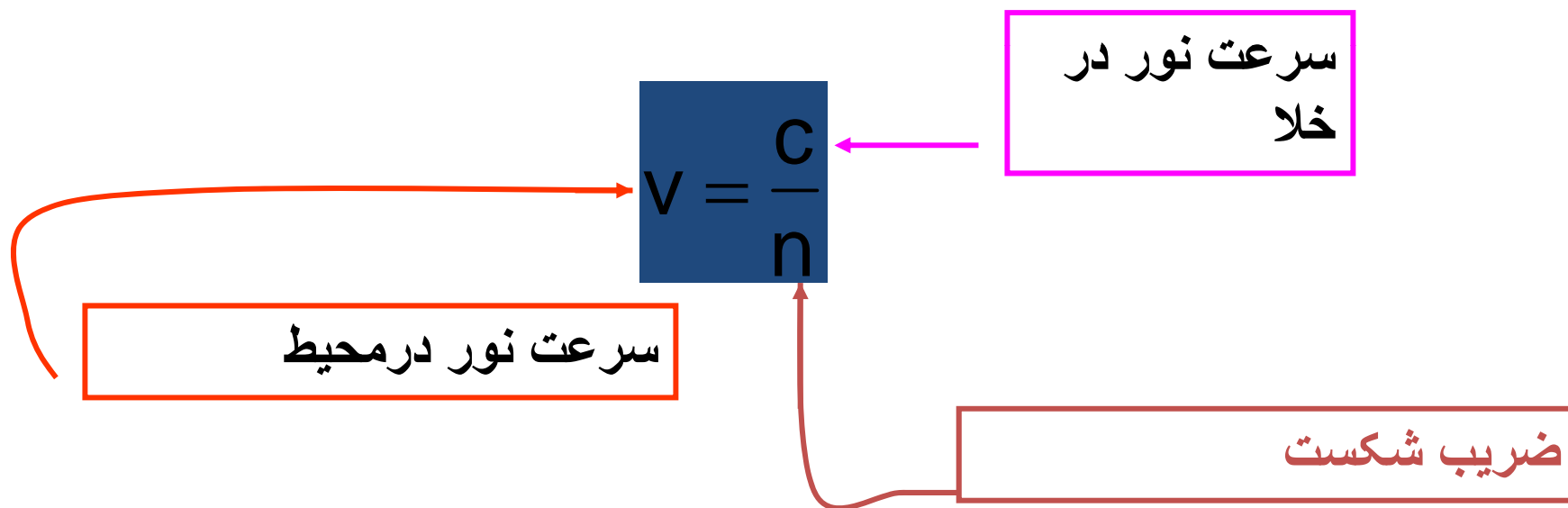
قانون اسنل



ضریب شکست

300000 Km/h یک نظریه نیست بلکه

یک قانون است !



$$v < c$$

بنابراین



$$n > 1$$

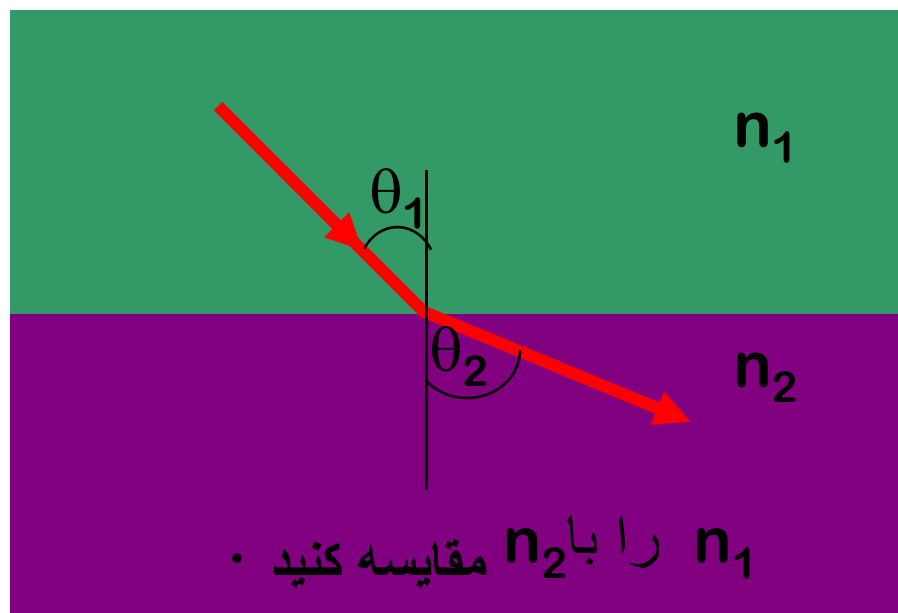
همیشه!



قانون اسنل

وقتی نور از یک محیط وارد محیط دیگری می شود سرعت آن تغییر می کند
ولی بسامد آن تغییر نمی کند لذا در مرز جدایی دو محیط خم می شود .
 $v=c/n$

$$n_1 \sin(\theta_1) = n_2 \sin(\theta_2)$$



پیش آزمون :

1) $n_1 > n_2$

$$\theta_1 < \theta_2$$

2) $n_1 = n_2$

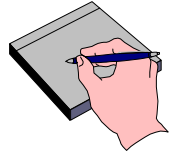
$$\sin\theta_1 < \sin\theta_2$$

3) $n_1 < n_2$

$$n_1 > n_2$$

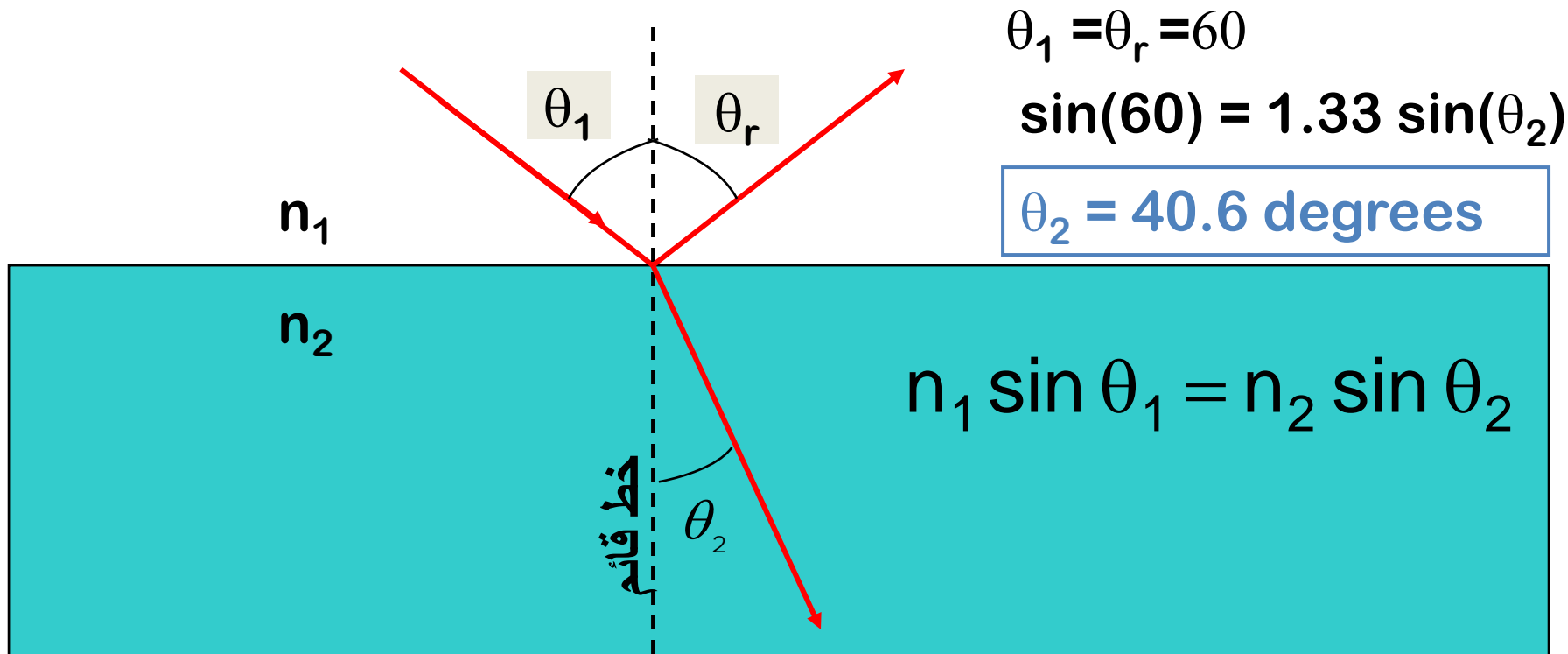


تمرین: قانون اسنل



معمولا هم انعکاس داریم و هم انکسار

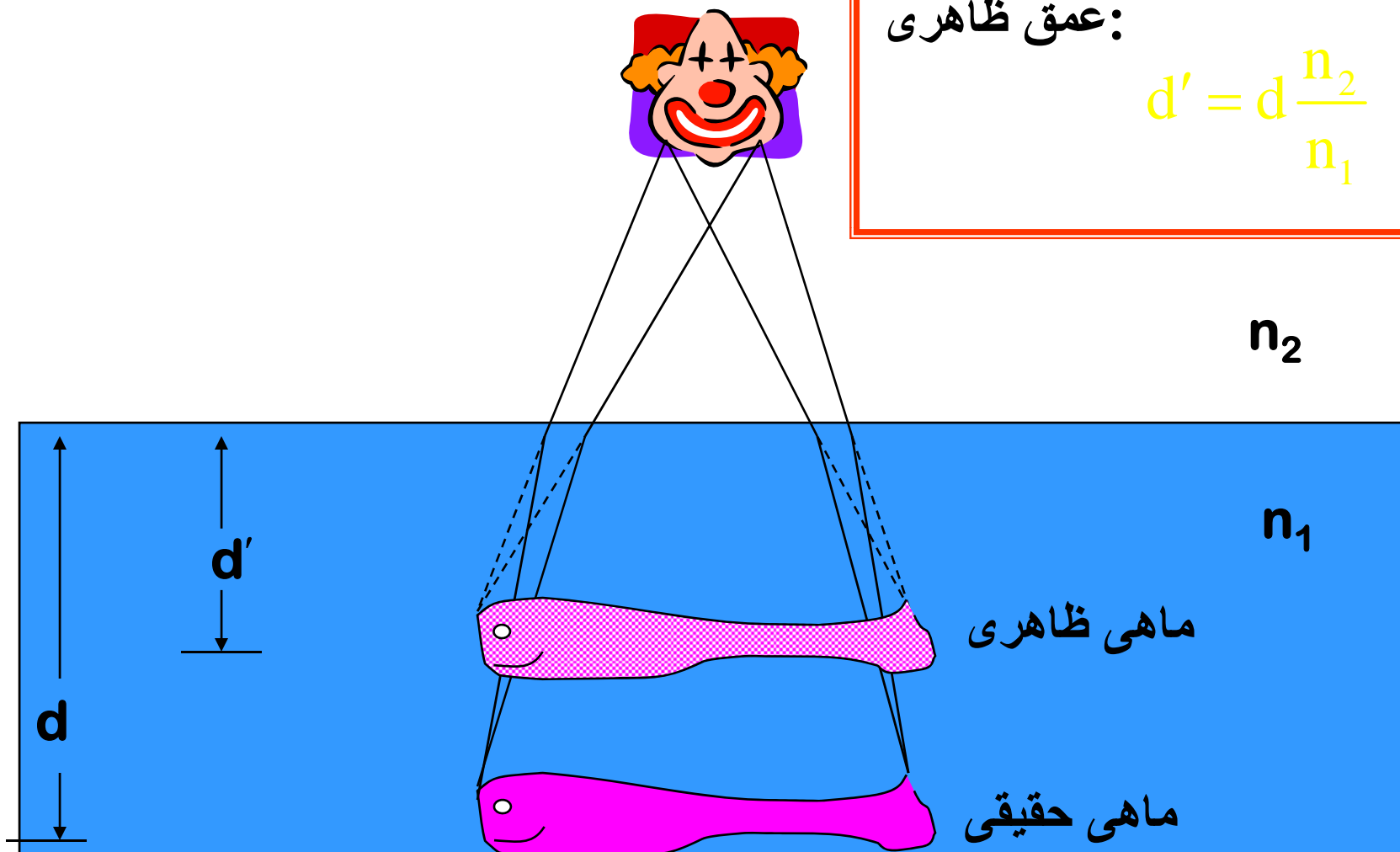
پرتو نوری که از هوا می گذرد ($n=1$) بر آب می تابد. ($n=1.33$) قسمتی از آن تحت زاویه $\theta_r = 60$ بازتاب پیدا می کند. و قسمت دیگر آن شکست پیدا می کند. مقدار θ_2 چقدر است؟



عمق ظاهری:

عمق ظاهری:

$$d' = d \frac{n_2}{n_1}$$



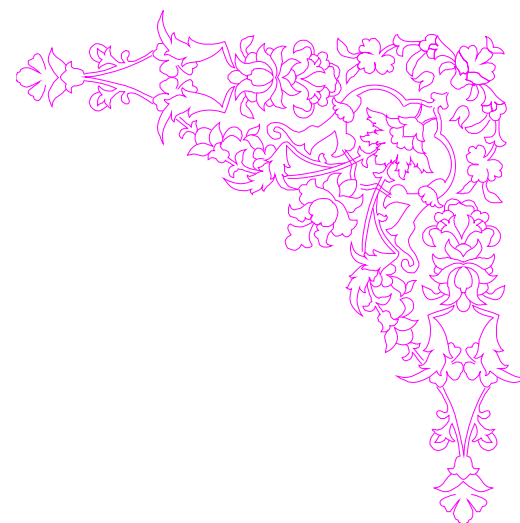


به امید دیدار!

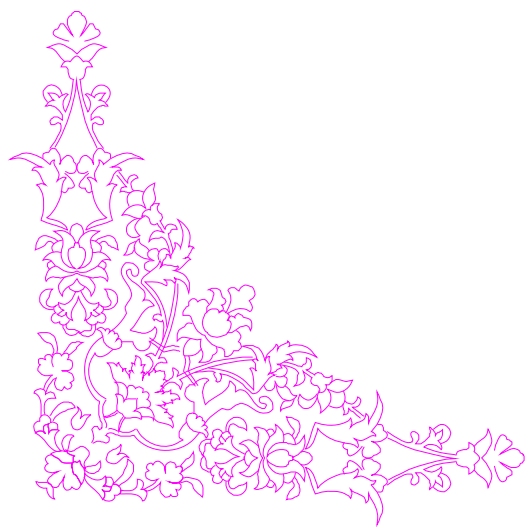
• درس آینده ما...



فصل دوم ...



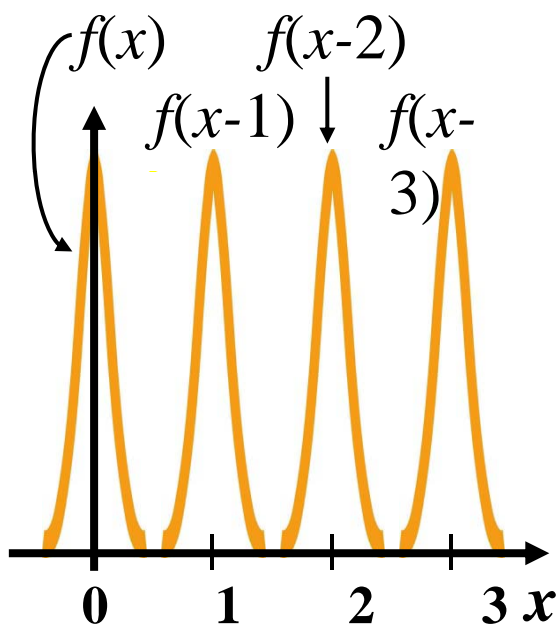
حرکت موجی و موجهای الکترومغناطیسی





امواج، معادله موج، سرعت فاز

موج چیست؟



$[f(x+vt)]$ و موج پسر

طول موج

امواج تخت،



موج چیست؟

موج چیزی است که حرکت می کند.

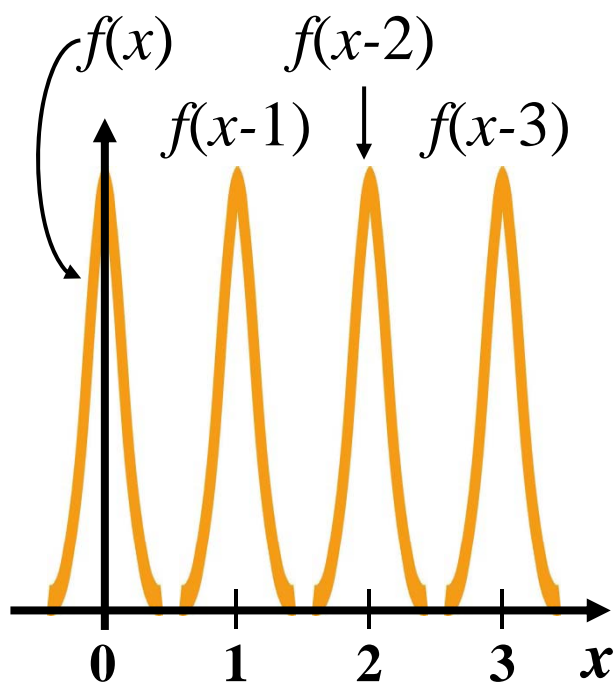
به راست ، $f(x)$ برای جابه جایی هرتابع یک عدد a که $x-a$ به x آرگومان آن را از صحیح است باید تغییر داد.

یک عدد v باشد ، اگر فرض کنیم که $a = vt$ ، زمان باشد t صحیح مثبت و

لذا نشاندهنده $f(x-vt)$ یک موج پیش رونده به راست خواهد بود.

نشان دهنده $f(x+vt)$ یک موج پس رونده به چپ خواهد بود.

سرعت موج است. v





معادله موج یک بعدی

معادله موج را از معادلات ماکسول استخراج می کنیم . تابع نرده ای (غیر برداری) f را در نظر بگیرید:

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} - \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 f}{\partial t^2} = 0$$

امواج نور (یا در واقع میدانهای الکتریکی امواج نور) جواب این معادله می باشند. در این رابطه v سرعت نور است .



جواب معادله یک بعدی موج:

معادله موج دارای پاسخ ساده زیر است:

$$f(x, t) = f(x \pm vt)$$

هر تابع دوبار مشتق پذیر است $f(u)$.



در معادله موج صدق می کند $f(x \pm vt)$ اثبات :

$$\frac{\partial u}{\partial t} = \pm v \quad \frac{\partial u}{\partial x} = 1$$

و لذا است $u = x \pm vt$ که می نویسیم $f(u)$ را به صورت $f(x \pm vt)$

$$\frac{\partial f}{\partial x} = \frac{\partial f}{\partial u} \frac{\partial u}{\partial x} \quad \frac{\partial f}{\partial t} = \frac{\partial f}{\partial u} \frac{\partial u}{\partial t}$$

و اکنون از قاعده زنجیری استفاده می کنیم :

$$\Rightarrow \frac{\partial f}{\partial x} = \frac{\partial f}{\partial u} \quad \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} = \frac{\partial^2 f}{\partial u^2} \quad \Rightarrow \frac{\partial f}{\partial t} = \pm v \frac{\partial f}{\partial u} \quad \frac{\partial^2 f}{\partial t^2} = v^2 \frac{\partial^2 f}{\partial u^2}$$

با قرار دادن در معادله موج داریم:

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} - \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 f}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 f}{\partial u^2} - \frac{1}{v^2} \left\{ v^2 \frac{\partial^2 f}{\partial u^2} \right\} = 0$$



معادله یک بعدی موج برای موج نور:

$$\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} - \mu\epsilon \frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = 0$$

E میدان الکتریکی است

از پاسخ های سینوسی و کسینوسی موج استفاده می کنیم

$$E(x, t) = B \cos[k(x \pm vt)] + C \sin[k(x \pm vt)]$$

↓

$$kx \pm (kv)t$$

↓

$$E(x, t) = B \cos(kx \pm \omega t) + C \sin(kx \pm \omega t)$$

یا

که:

$$\frac{\omega}{k} = v = \frac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}}$$

سرعت نور در خلا "c" است
و برابر با 3×10^{10} is ,
cm/s می باشد.



معادله موج هماهنگ:

$$E(x, t) = A \cos[(kx - \omega t) - \theta]$$

با استفاده از اتحاد مثلثاتی زیر:

$$\cos(z-y) = \cos(z) \cos(y) + \sin(z) \sin(y)$$

است داریم $y = \theta$ و $z = kx - \omega t$ که

$$E(x, t) = A \cos(kx - \omega t) \cos(\theta) + A \sin(kx - \omega t) \sin(\theta)$$

که مطابق با نتیجه قبلی است

اگر فرض کنیم که:

$$A \cos(\theta) = B$$

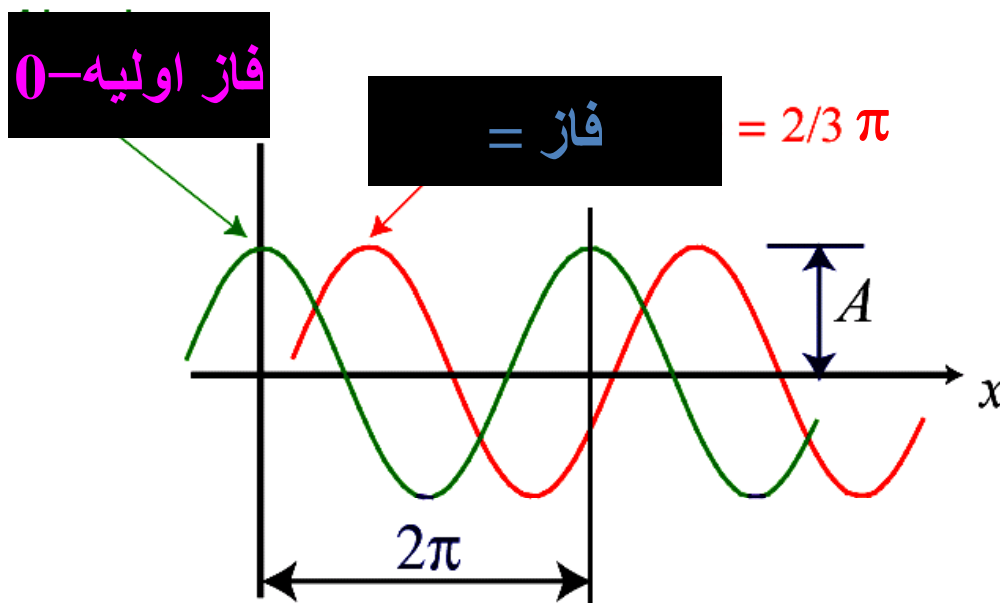
$$A \sin(\theta) = C \quad \text{و}$$

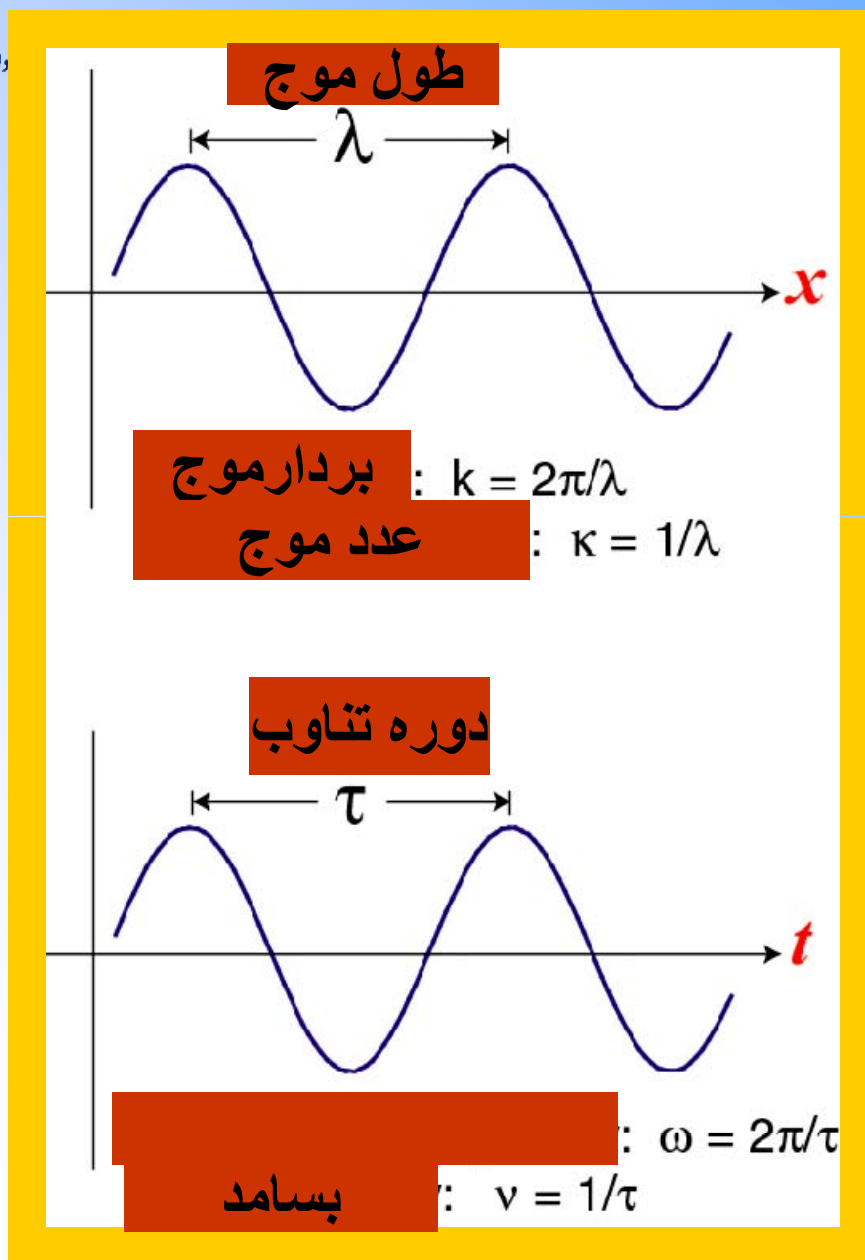
$$E(x, t) = B \cos(kx - \omega t) + C \sin(kx - \omega t)$$



تعاریف : دامنه و فاز مطلق

$$E(x,t) = A \cos[(k x - \omega t) - \theta]$$





تعاریف :

طول موج کمیت‌های فضایی:
و عدد موج

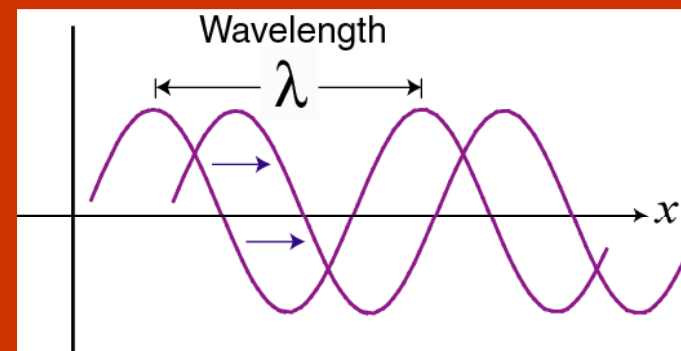
کمیت‌های زمانی :
دوره تناوب ، بسامد



موج با چه سرعتی حرکت می کند؟

سرعت مسافت مشخص بر زمان طی این مسافت در جهت مشخص است.

طول موج



سرعت فاز برابر با طول موج تقسیم بر دوره تناوب موج است:

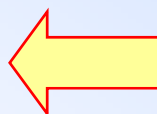
$$v = \lambda / \tau$$

سرعت فاز:

بر حسب بردار k ، $k = 2\pi / \lambda$ و

بسامد زاویه ای $\omega = 2\pi / \tau$ داریم:

$$v = \omega / k$$



موج انسانی:



یک نوع موج انسانی دارای سرعت فاز 20 جا در ثانیه است .



فاز موج:

هرچه درون کسینوس قرار دارد فاز موج است:



ثابت نیست! θ , بوده و مانند $\varphi = \varphi(x,y,z,t)$

برحسب فاز موج داریم:

$$\omega = - \partial \varphi / \partial t$$

$$k = \partial \varphi / \partial x$$

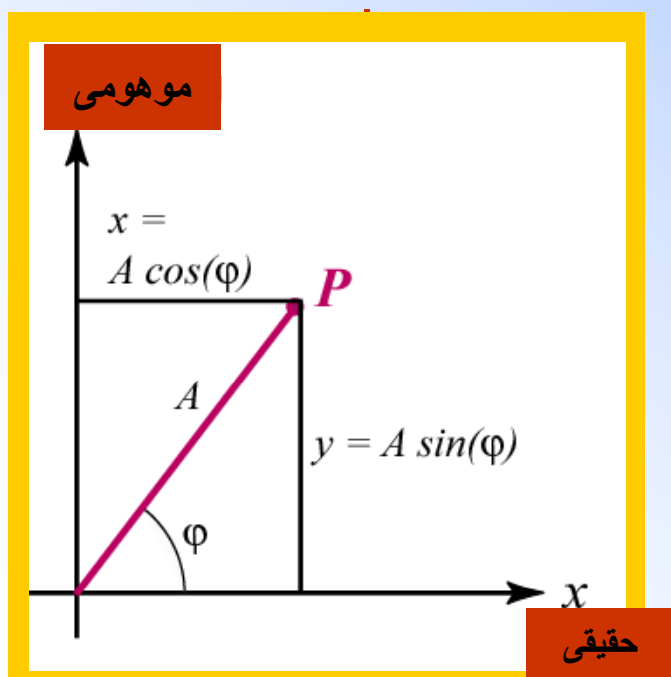
$$\mathbf{v} = \frac{- \partial \varphi / \partial t}{\partial \varphi / \partial x}$$

این فرمول در صورت پیچیده بودن موج بسیار مفید است !!

نقطه مختلط: $P = (x, y)$

را در یک دستگاه مختصات قائم در نظر بگیرید.

فرض کنید که مختصه x قسمت حقیقی و مختصه y قسمت موهومی یک عدد مختلط باشد.



می توان نوشت (x, y) , در این صورت برای جفت مرتب

$$P = x + iy = A \cos(\varphi) + i A \sin(\varphi)$$

که $i = (-1)^{1/2}$

است



فورمول اولر:

$$\exp(i\varphi) = \cos(\varphi) + i \sin(\varphi)$$

را چنین می نویسیم, $P = A \cos(\varphi) + i A \sin(\varphi)$, لذا نقطه

$$P = A \exp(i\varphi)$$

که:

$$A = \text{دامنه}$$

$$\varphi = \text{فاز}$$



اثبات فورمول اولر:

باستفاده از سری تیلور:

$$f(x) = f(0) + \frac{x}{1!} f'(0) + \frac{x^2}{2!} f''(0) + \frac{x^3}{3!} f'''(0) + \dots$$

$$\exp(x) = 1 + \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \frac{x^4}{4!} + \dots$$

$$\cos(x) = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^6}{6!} + \frac{x^8}{8!} + \dots$$

$$\sin(x) = \frac{x}{1!} - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \frac{x^9}{9!} + \dots$$

اگر $x = i\varphi$

را در $\exp(x)$ قرار دهیم در اینصورت :

$$\exp(i\varphi) = 1 + \frac{i\varphi}{1!} - \frac{\varphi^2}{2!} - \frac{i\varphi^3}{3!} + \frac{\varphi^4}{4!} + \dots$$

$$= \left[1 - \frac{\varphi^2}{2!} + \frac{\varphi^4}{4!} + \dots \right] + i \left[\frac{\varphi}{1!} - \frac{\varphi^3}{3!} + \dots \right]$$

$$= \cos(\varphi) + i \sin(\varphi)$$



قضیه های مربوط به اعداد مختلط:

$$\exp(i\varphi) = \cos(\varphi) + i \sin(\varphi) \quad \text{اگر:}$$

$$\exp(i\pi) = -1$$

$$\exp(i\pi / 2) = i$$

$$\exp(-i\varphi) = \cos(\varphi) - i \sin(\varphi)$$

$$\cos(\varphi) = \frac{1}{2} [\exp(i\varphi) + \exp(-i\varphi)]$$

$$\sin(\varphi) = \frac{1}{2i} [\exp(i\varphi) - \exp(-i\varphi)]$$

$$A_1 \exp(i\varphi_1) \times A_2 \exp(i\varphi_2) = A_1 A_2 \exp[i(\varphi_1 + \varphi_2)]$$

$$A_1 \exp(i\varphi_1) / A_2 \exp(i\varphi_2) = A_1 / A_2 \exp[i(\varphi_1 - \varphi_2)]$$



چند قضیه دیگر در مورد اعداد مختلط:

را چنین می نویسیم z , هر عدد مختلط

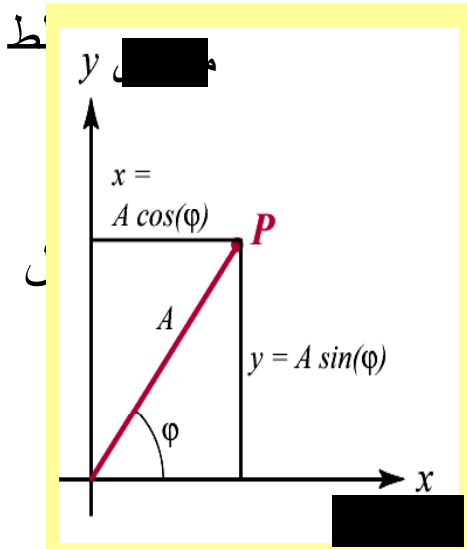
$$z = \text{Re}\{z\} + i \text{Im}\{z\}$$

لذا:

$$\text{Re}\{z\} = 1/2 (z + z^*)$$

$$\text{Im}\{z\} = 1/2i (z - z^*)$$

است. $(i \rightarrow -i)$ مزدوج مختلط z^* که



برابر است با:

$$z^* = \text{Re}\{z\} - i \text{Im}\{z\}$$

به $A \exp(i\phi)$.

$$z = \text{Re}\{z\} + i \text{Im}\{z\}$$

$$\tan(\phi) = \text{Im}\{z\} / \text{Re}\{z\}$$



مانند یک آرگومان $\exp(ikx)$ می توان از
حقیقی مشتق گرفت.

$$\frac{d}{dx} \exp(ikx) = ik \exp(ikx)$$

اثبات:

$$\begin{aligned} \frac{d}{dx} [\cos(kx) + i \sin(kx)] &= -k \sin(kx) + ik \cos(kx) \\ &= ik \left[-\frac{1}{i} \sin(kx) + \cos(kx) \right] \\ &= ik [i \sin(kx) + \cos(kx)] \end{aligned}$$



بیان موج بر حسب اعداد مختلط:

میدان الکتریکی موج نور را چنین می نویسیم

$$E(x,t) = A \cos(kx - \omega t - \theta)$$

است لذا $E(x,t)$ چون $\exp(i\varphi) = \cos(\varphi) + i \sin(\varphi)$

$$E(x,t) = \text{Re} \{ A \exp[i(kx - \omega t - \theta)] \}$$

یا:

$$E(x,t) = 1/2 A \exp[i(kx - \omega t - \theta)] + c.c.$$

"به معنای مزدوج مختلط همه آن چه که قبل از علامت مثبت قرار دارد است "+ c.c."



امواج با دامنه های مختلط:

فرض کنید که دامنه موج مختلط باشد:

$$E(x, t) = A \exp[i(kx - \omega t - \theta)]$$

$$E(x, t) = \{A \exp(-i\theta)\} \{\exp[i(kx - \omega t)]\}$$

که قسمت ثابت را از قسمت متغیر جدا کرده ایم لذا با فرض:

$$\underline{E}_0 = A \exp(-i\theta)$$

بنابراین:

$$\underline{E}(x, t) = \underline{E}_0 \exp i(kx - \omega t)$$

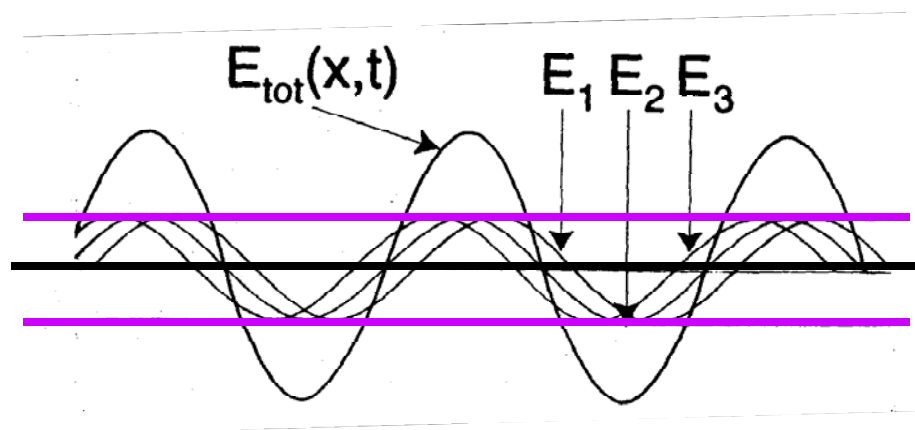


از جمع امواج هم بسامد ولی با فاز اولیه مختلف موج با همان بسامد ایجاد می شود

این موضوع با بیان موج به صورت مختلط به سادگی اثبات می شود:

$$\begin{aligned} \underline{E}_{tot}(x, t) &= \underline{E}_1 \exp i(kx - \omega t) + \underline{E}_2 \exp i(kx - \omega t) + \underline{E}_3 \exp i(kx - \omega t) \\ &= (\underline{E}_1 + \underline{E}_2 + \underline{E}_3) \exp i(kx - \omega t) \end{aligned}$$

به شکل زیر توجه کنید:





معادله موج سه بعدی و جواب آن

$$\vec{\nabla}^2 E - \mu\varepsilon \frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = 0$$

موج نور می تواند در هر راستایی از فضا منتشر شود:

$$\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E}{\partial z^2} - \mu\varepsilon \frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = 0$$

یا:

$$\underline{E}(x, y, z, t) = \underline{E}_0 \exp[i(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)]$$

جواب

$$\vec{k} \equiv \overset{\text{است}}{(k_x, k_y, k_z)} \quad \vec{r} \equiv (x, y, z)$$

که:

$$\vec{k} \cdot \vec{r} \equiv k_x x + k_y y + k_z z$$

و

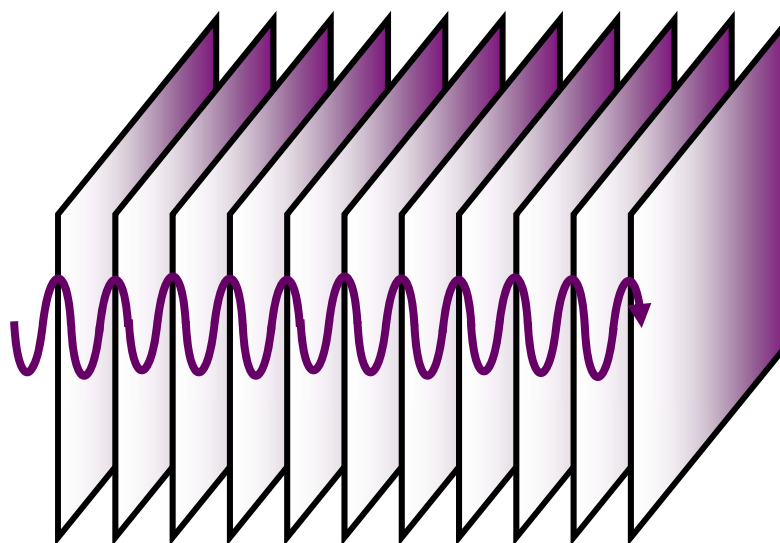
$$k^2 \equiv k_x^2 + k_y^2 + k_z^2$$



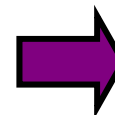
“موج تخت” نامیده می شود. $E_0 \exp[i(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)]$

یک موج تخت ، سطوح با فاز بیشینه موج که اغلب “جبهه موج” یا “جبهه فاز” نامیده می شود است .

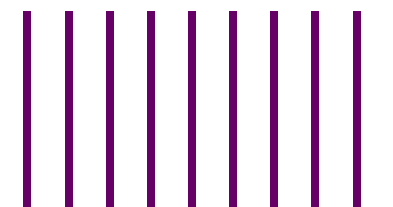
جبهه های موج
برای ترسیم شکل
تداخل امواج مفید
است.



جبهه موج نور
با سرعت نور حرکت
می کند.



جبهه های موج دارای فاصله مساوی به اندازه طول
موج هستند. و عمود بر جهت انتشار هستند.

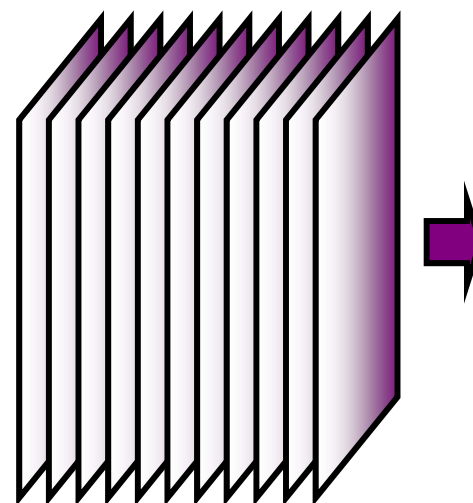


جبهه موج تخت را به این
شکل ساده رسم می کنیم.



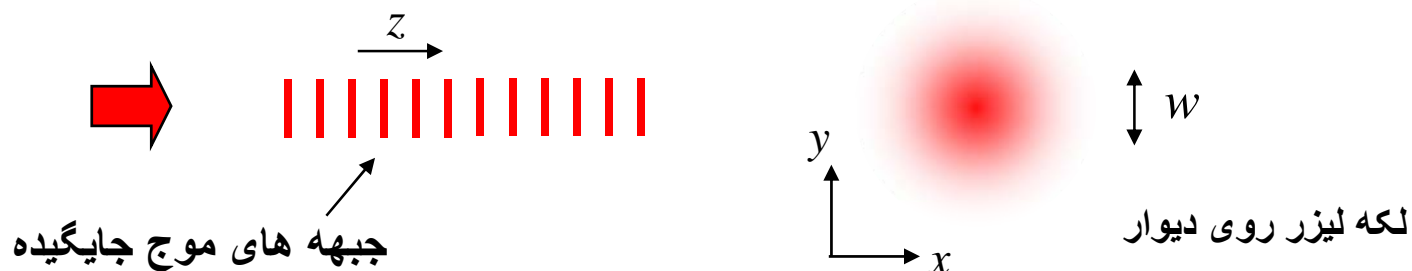
موج تخت و پرتو لیزر:

موج تخت در تمام فضا دارای جبهه تخت بوده و انرژی نامتناهی دارد و واقع وجود خارجی ندارد.



پرتو لیزر جایگزیده است:

$$\underline{E}(x, y, z, t) = E_0 \exp\left[-\frac{x^2 + y^2}{w^2}\right] \exp[i(kz - \omega t)]$$





ادامه فصل دوم...

حرکت موجی و موجهای
الکترومغناطیسی



امواج

- حرکت هماهنگ ساده

- معادله و پاسخ
- پارامترها
- انرژی
- و حرکت دایره ای
- رابطه با اعداد مختلط

مقدمه ای بر امواج:

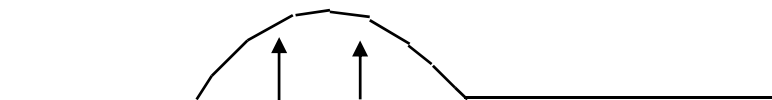
ویژگی های عمومی امواج:

● امواج مکانیکی

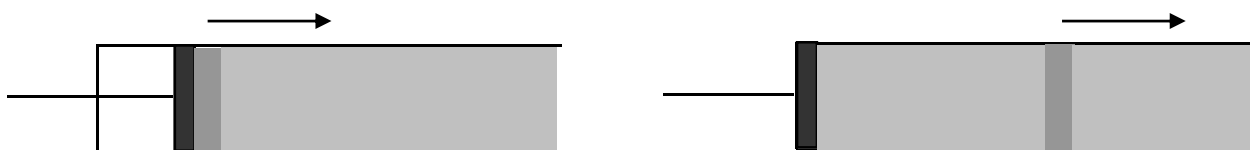
● موج مکانیکی اغتشاشی است که از یک ماده که محیط موج نامیده می شود گذر می کند..

● ذرات محیط جابه جایی که بستگی به نوع موج دارد انجام می دهند.

● **موج عرضی**: در این موج جابه جایی عمود بر جهت حرکت موج دارد..



● **موج طولی**: جابه جایی در جهت حرکت موج است.





● خصوصیات مشترک امواج:

- یک شرط مشخص تعادل وجود دارد (مثلا چگالی ثابت)
- محیط رویهمرفته حرکت نمی کند ولی اغتشاش با سرعت معین v , که سرعت موج نامیده می شود حرکت می کند.
- برای ایجاد اغتشاش باید به محیط انرژی داد.
- اغتشاش انرژی را باخود حمل می کند.

● امواج تناوبی :

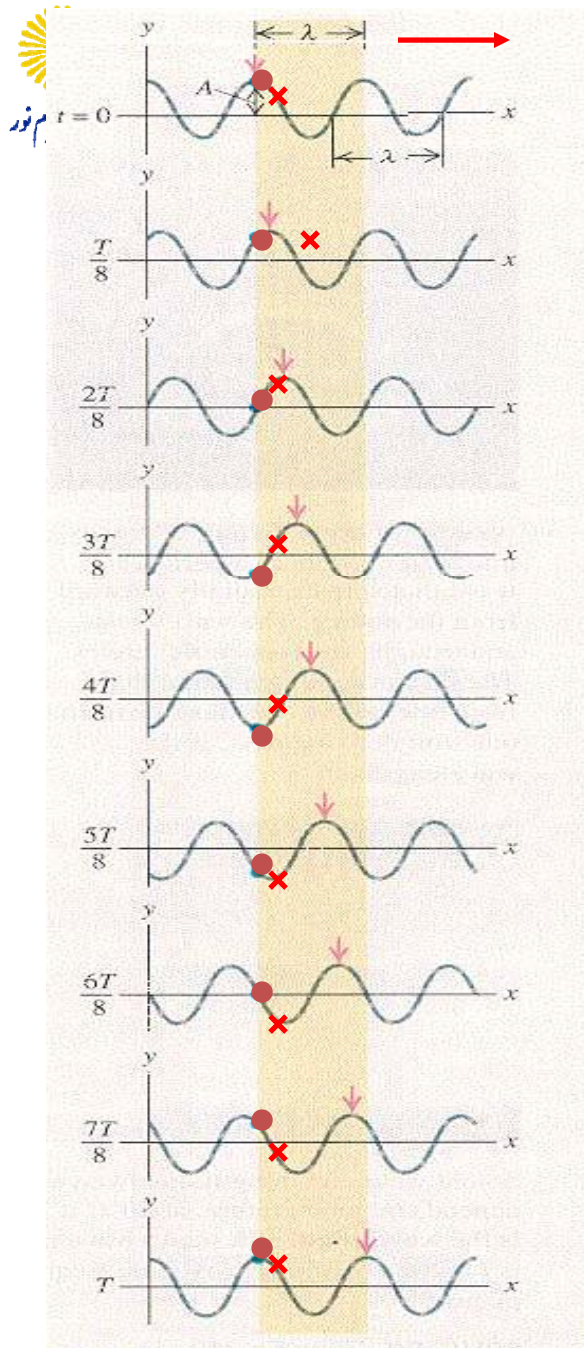
اگر نیرویی که اغتشاش را ایجاد میکند به طور منظم تغییر کند در این صورت امواج تناوبی ایجاد می شود این امواج با پارامترهای زیر مشخص می شوند: ,
بسامد f : تعداد دفعاتی که یک الگو خود را تکرار می کند.

یکا : $(1 \text{ Hertz} = 1 \text{ cycle/s} = 1 \text{ s}^{-1})$

بسامد زاویه ای : $\omega = 2\pi f \text{ (rad/s)}$

دوره تناوب : زمان بین نزدیکترین دو الگوی تکراری (s)

$$T = \frac{1}{f} = \frac{2\pi}{\omega}$$



● موج سینوسی: توالی پیوسته از اغتشاش عرضی سینوسی.

● طول موج (λ): طول یک دوره از شکل تناوبی. (m)

● نقطه ● به بالا و پایین با زمان تناوب T حرکت می کند و علامت \times به اندازه $t-x/v$ جابه جا می شود. یعنی علامت ضربدر \times دارای همان الگوی ● در زمان $t-x/v$ است.

● نشانه ↓ در روی محور به اندازه λ در زمان T حرکت می کند. بنابراین تندی موج برابر است با:

$$v = \frac{\lambda}{T} = \lambda f$$

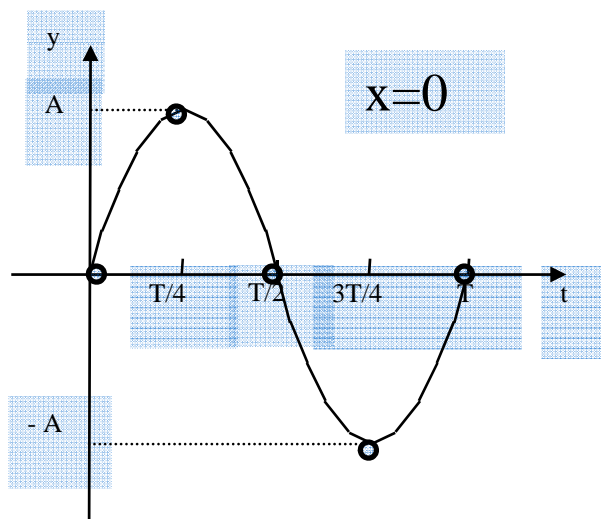
● فرض می کنیم که سرعت موج با بسامد تغییر نکند. این در مورد نور صحیح نیست.

بیان ریاضی موج:

□ امواج عرضی:

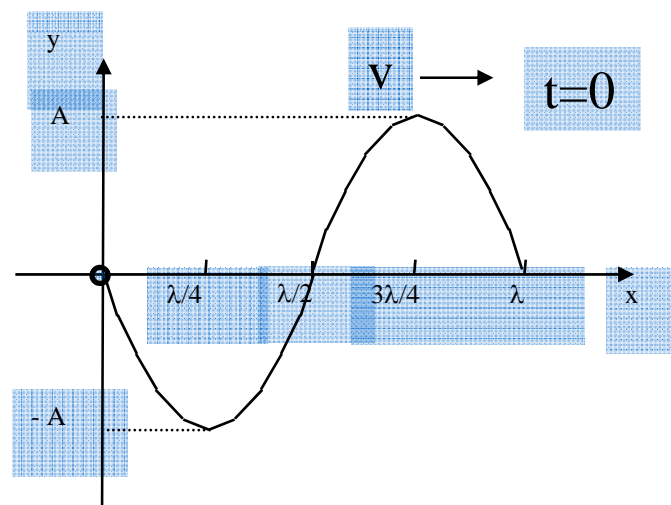
- جابه جایی قائم با زمان تغییر می کند.
- در یک زمان مشخص موج پیکره معینی داشته و جابه جایی برای ذرات مختلف متفاوت است.
- دامنه A بیشترین جابه جایی در جهت y است (m)

□ موج از چپ به راست حرکت می کند. شکل موج



جابه جایی قائم بر حسب زمان:

$$y(x = 0, t) = A \sin \frac{2\pi}{T} t = A \sin \omega t$$



پیکره موج در زمان $t=0$

$$y(x, t = 0) = A \sin(-kx)$$



● تابع موجی که از چپ به راست حرکت می کند

● تابع عمومی موج بستگی به x و t دارد:

$$y = y(x, t)$$

● در مدت زمان t ذره از نقطه $x=0$ به اندازه $t-x/v$ جابه جا می شود.:

$$y(x=0, t) = A \sin \omega t \Rightarrow y(x, t) = A \sin \omega \left(t - \frac{x}{v} \right) = A \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right)$$

● عدد موج k را چنین تعریف کنید

: $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ (radians/m)

$$y(x, t) = A \sin(\omega t - kx)$$

● تابع موجی که از راست به چپ حرکت میکند:

جابه جایی $t+x/v$ است .

بنابراین تابع موج برابر است با :

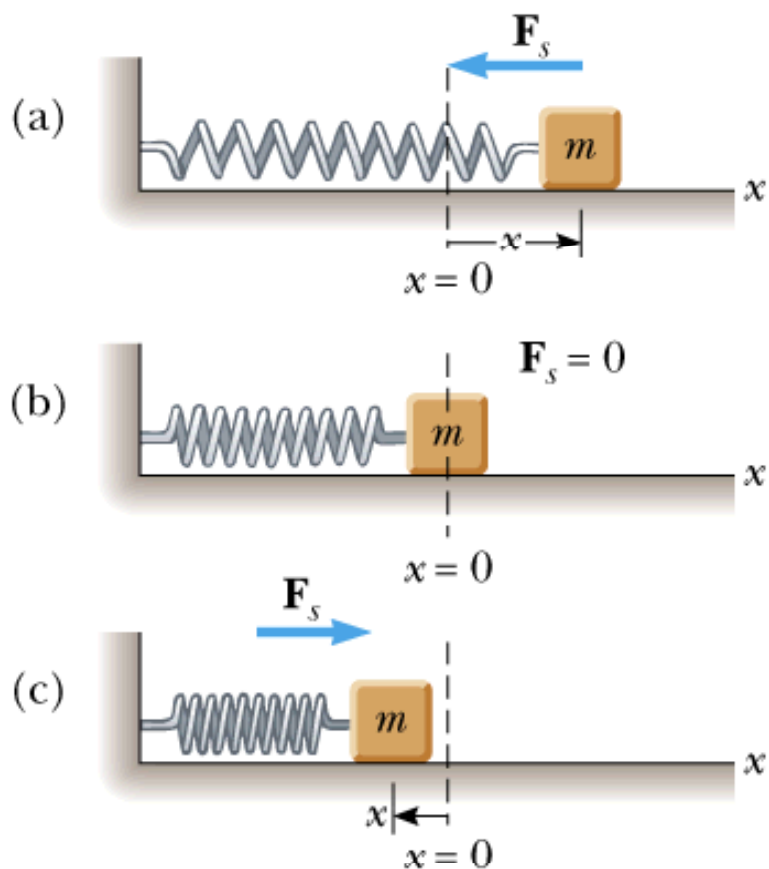
$$y(x, t) = A \sin \omega \left(t + \frac{x}{v} \right) = A \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} + \frac{x}{\lambda} \right) = A \sin(\omega t + kx)$$

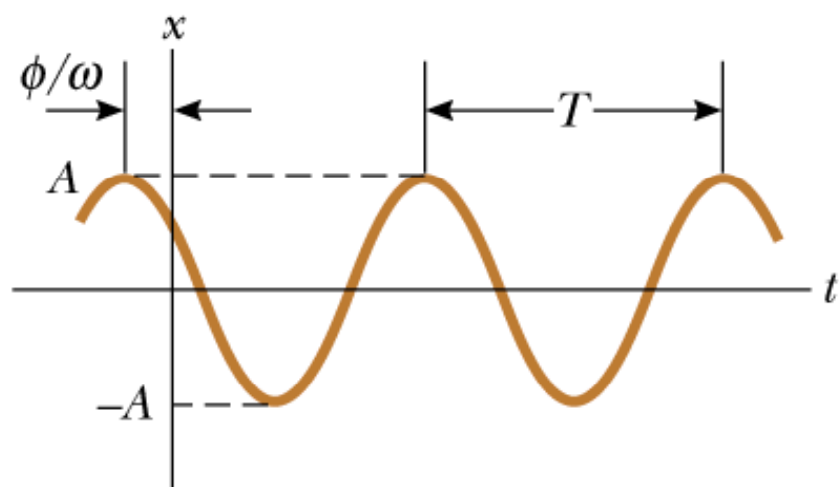
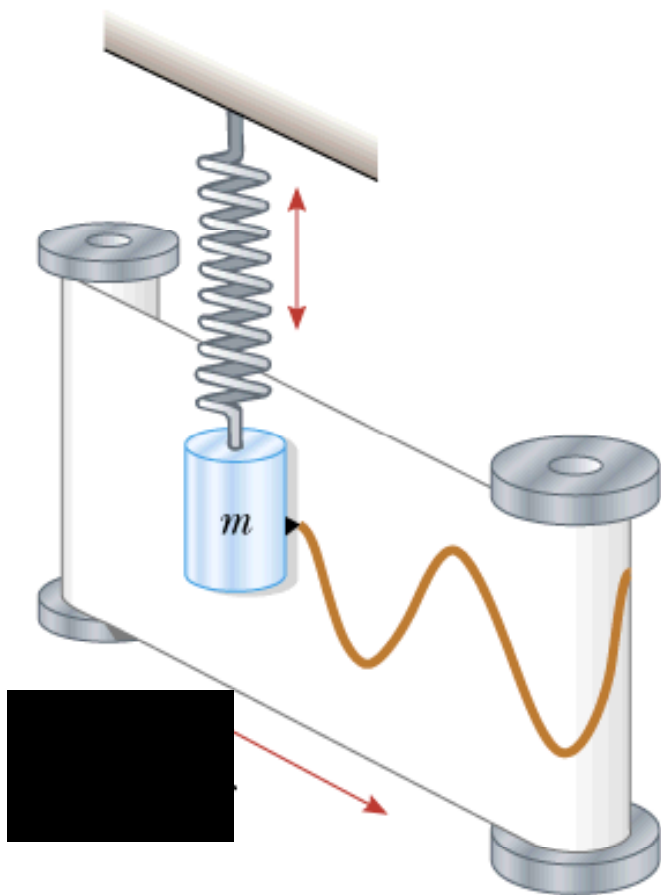
$$\omega t \pm kx$$

● فاز موج برابر است با (in radians)

سیستم فنر - جسم

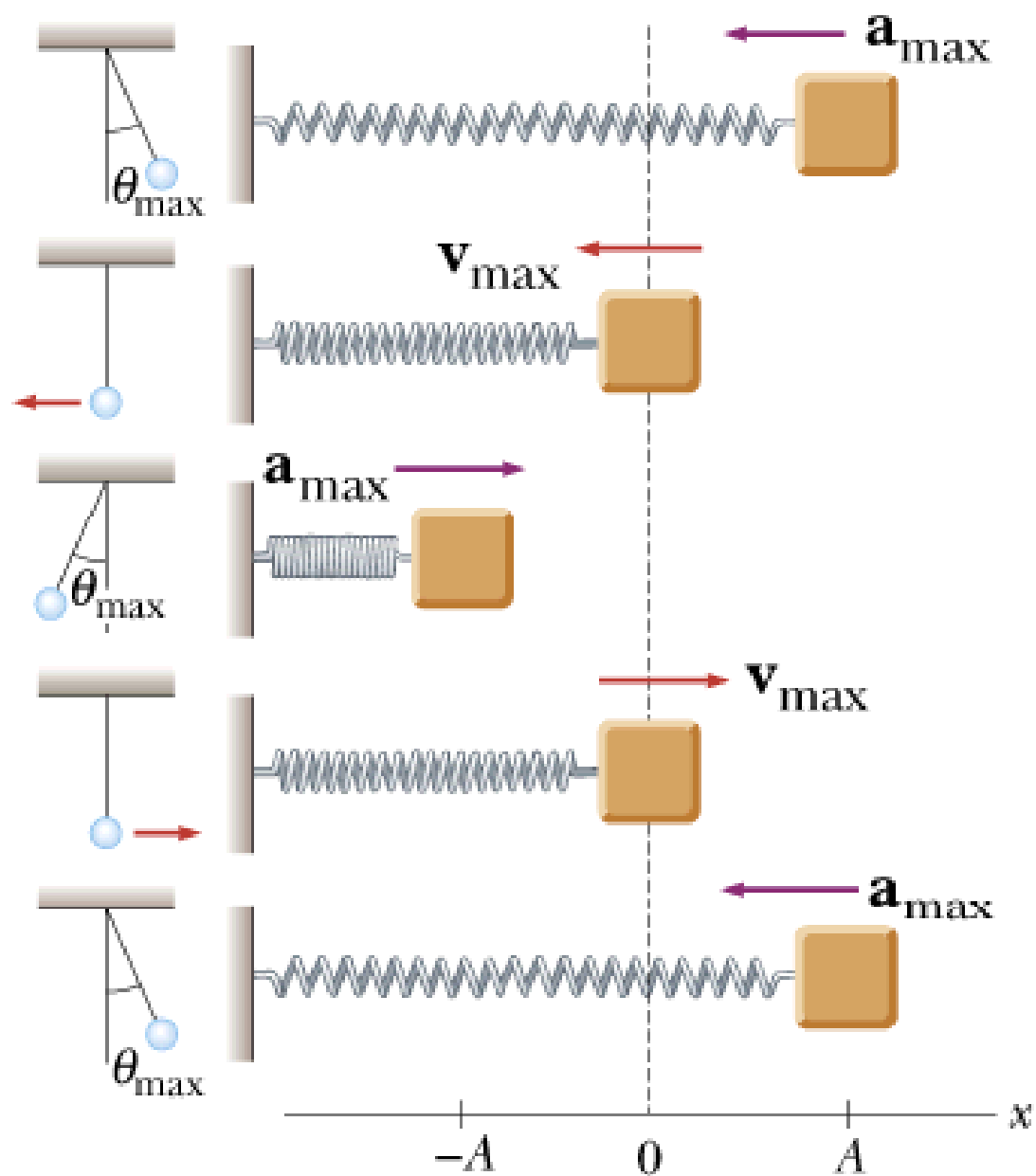
حرکت هماهنگ ساده







ایمان نور





شکل موجهایی که به صورت تابع سینوسی یا کسینوسی باشند در فیزیک اهمیت خاصی دارند و موج هماهنگ نامیده می شوند.

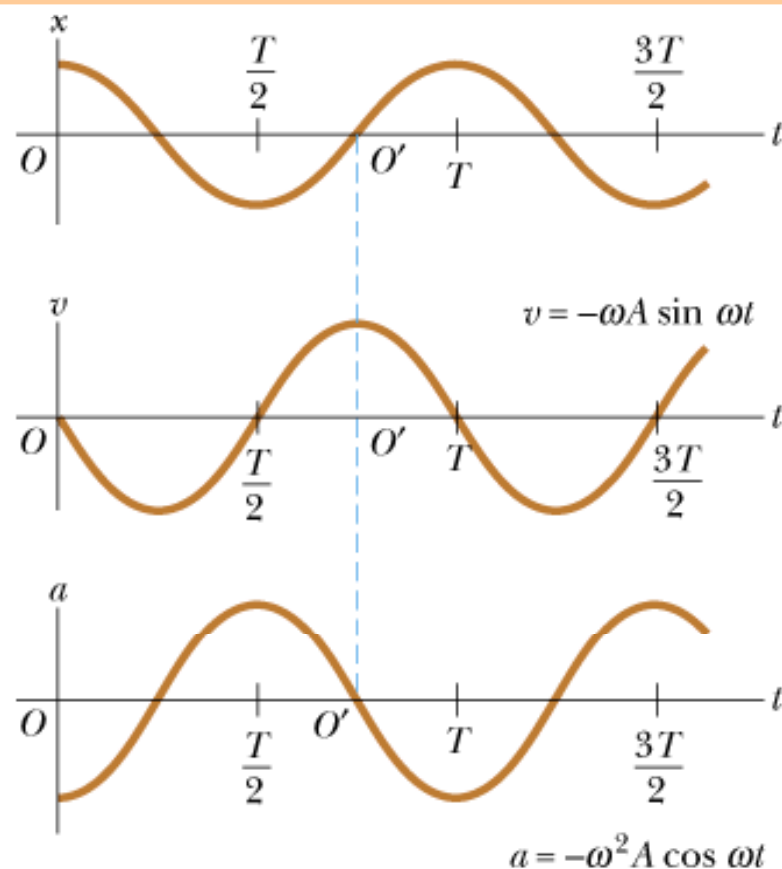
$$F = ma = m \frac{d^2x}{dt^2} = -kx$$

$$x = ax_1 + bx_2$$

$$x(t) = A \cos(\omega_0 t + \phi) \quad \text{خطی:}$$

$$v(t) = \frac{dx}{dt} = -A \omega_0 \sin(\omega_0 t + \phi)$$

$$a(t) = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2} = -A \omega_0^2 \cos(\omega_0 t + \phi)$$





دانشگاه پیام نور

$\omega \equiv$

دامنه

بسامد زاویه ای

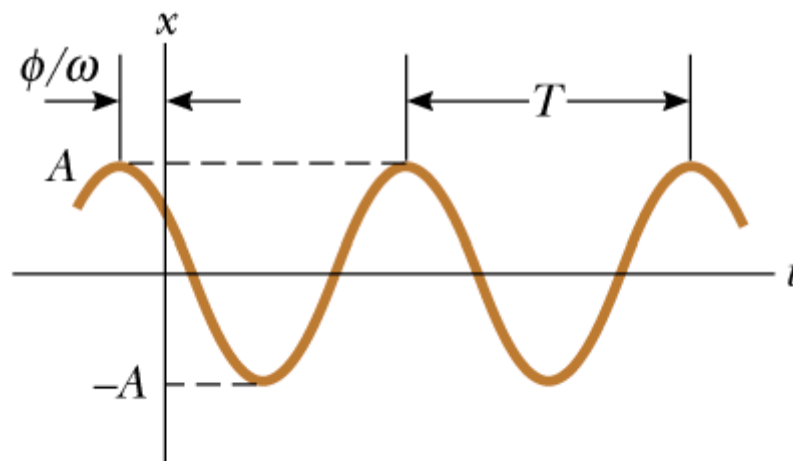
$$f \equiv \nu \equiv \text{بسامد} = \frac{\omega}{2\pi}$$

$$T \equiv \tau \equiv \text{دوره تناوب} = 1/f = \frac{2\pi}{\omega}$$

$\lambda \equiv$ طول موج

$$k \equiv \text{عدد موج} = \frac{2\pi}{\lambda}$$

$\phi \equiv$ زاویه فاز



$$x(t) = A \cos(\omega_0 t + \phi)$$



انرژی

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}mA^2\omega_0^2 \sin^2(\omega_0 t + \phi)$$

$$U = \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2}kA^2 \cos^2(\omega_0 t + \phi)$$

با استفاده از:

$$k = \omega_0^2 m$$

$$E = K + U = \frac{1}{2}mA^2\omega_0^2 \left(\underbrace{\sin^2(\omega_0 t + \phi) + \cos^2(\omega_0 t + \phi)}_1 \right)$$

$$E = \frac{1}{2}mA^2\omega_0^2$$

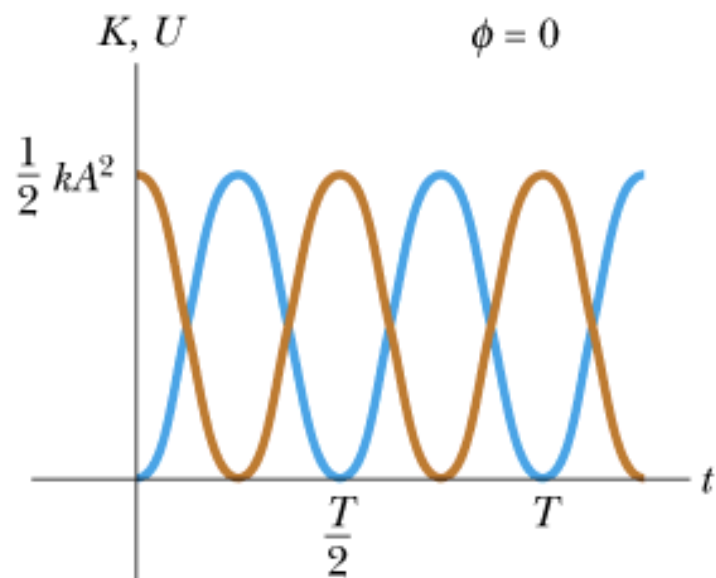
که ثابت است !!



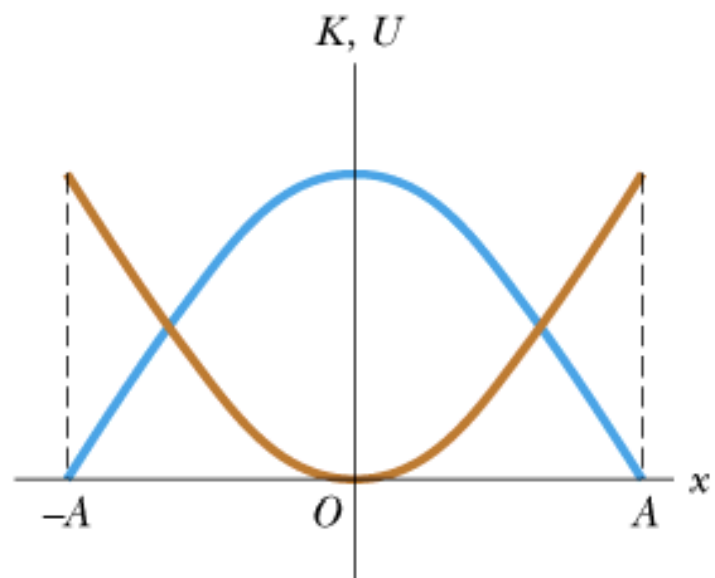
دانشگاه پیام نور

— U
— K

— $U = \frac{1}{2} kx^2$
— $K = \frac{1}{2} mv^2$



(a)



(b)



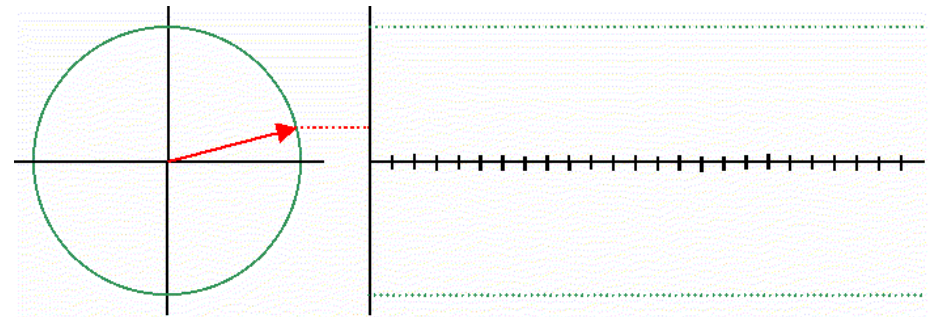
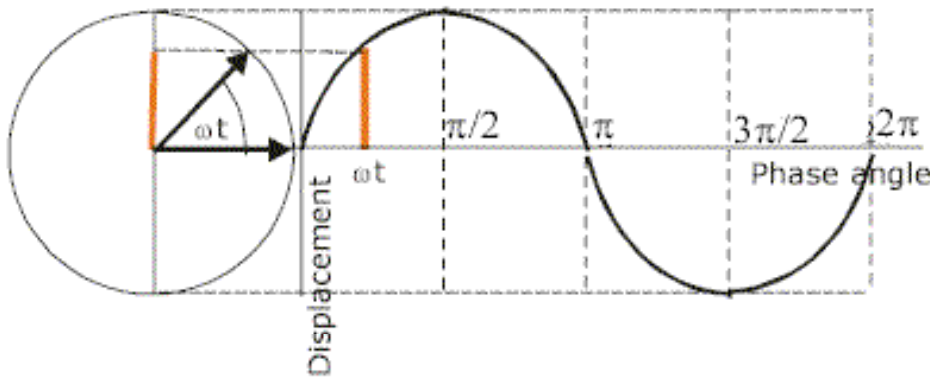
حرکت دایره ای و هماهنگ ساده

- سینوس و کسینوس را توابع دایره‌های می گویند. رابطه نزدیکی بین
- نوسانگر هماهنگ ساده و حرکت دایره ای وجود دارد.

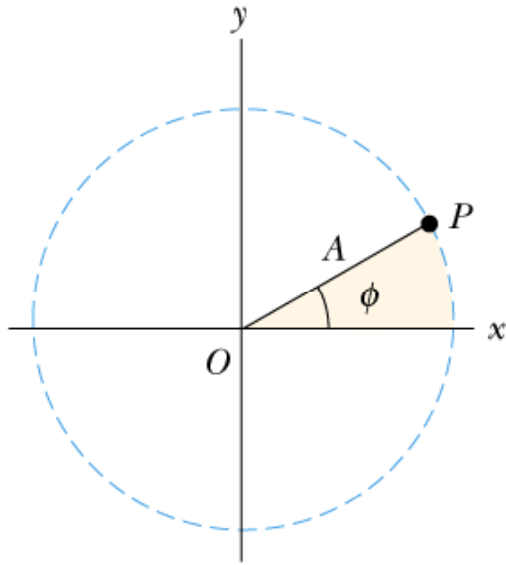


دانشگاه پیام نور

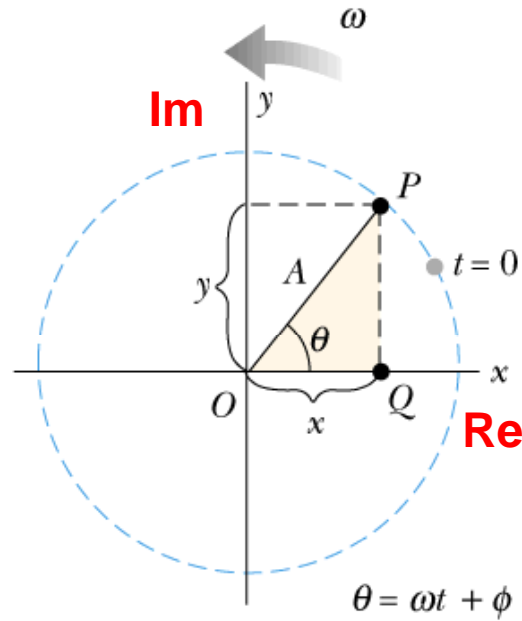
- فرض کنید که دیسکی به شعاع A حول محورش با سرعت زاویه ای ω_0 می چرخد. اگر نقطه ای از محیط آن روی محور x در زمان $t=0$ قرار داشته باشد، در این صورت بردار شعاعی آن نقطه به اندازه θ در مدت زمان t می چرخد. در واقع مختصات آن در صفحه xy برابر است با $[A \cos(\theta), A \sin(\theta)]$ یا $[A \cos(\omega_0 t), A \sin(\omega_0 t)]$ است.



- بردار در حال چرخش را یک فازور میگویند
- حرکت هماهنگ ساده تصویر حرکت دایره ای روی محور x است



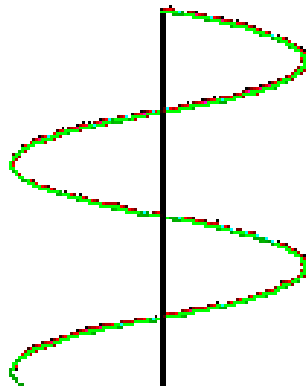
(a)



(b)

$$y = A \sin \theta$$

$$x = A \cos \theta$$





$$\left[e^{i\omega_0 t} \right]^4 = e^{4i\omega_0 t} \quad \text{توجه کنید:}$$

$$\left[\cos(\omega_0 t) \right]^4 = \frac{1}{8} \left[3 + 4 \cos(2\omega_0 t) + \cos(4\omega_0 t) \right]$$

$$\left. \begin{aligned} y(t) &= ae^{i\omega_0 t} \\ \frac{dy(t)}{dt} &= i\omega_0 ae^{i\omega_0 t} \end{aligned} \right\}$$

$$\left. \begin{aligned} Y(t) &= a \cos(\omega_0 t) \\ \frac{dY(t)}{dt} &= -\omega_0 a \sin(\omega_0 t) \end{aligned} \right\}$$



هر کمیت فیزیکی حقیقی است و برابر است با قسمت
حقیقی شکل مختلط آن!!



دانشگاه گیلان

$$\theta(t) = \text{Re}[\theta_0 e^{i(\omega_0 t + \phi)}]$$

$$\theta(t) = \theta_0 \text{Re}[e^{i(\omega_0 t + \phi)}]$$

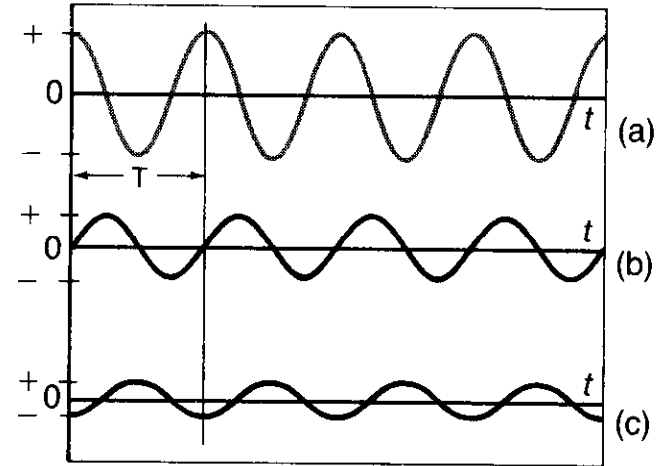
$$= \theta_0 \cos(\omega_0 t + \phi)$$

$$\frac{d\theta}{dt} = \theta_0 \text{Re}[i\omega_0 e^{i(\omega_0 t + \phi)}]$$

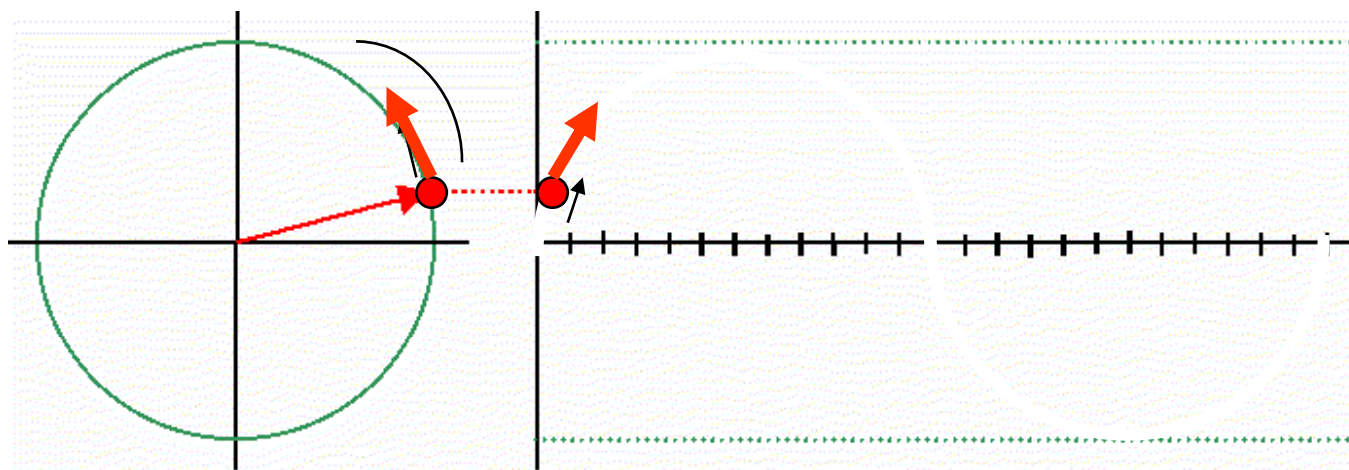
$$= \theta_0 \omega_0 \text{Re}[ie^{i(\omega_0 t + \phi)}]$$

$$= -\theta_0 \omega_0 \sin(\omega_0 t + \phi)$$

جابه جایی
سرعت
شتاب



سرعت به اندازه ربع زمان تناوب تاخیر دارد!



$$y = A \frac{\sin}{\cos} [k(x \pm vt)]$$

$$y = A \frac{\sin}{\cos} \left[2\pi \left(\frac{x}{\lambda} \pm \frac{t}{T} \right) \right]$$

$$y = \frac{\sin}{\cos} [(kx \pm \omega t)]$$

شکل های مختلف یک موج هماهنگ



رابطه با اعداد مختلط:

قضیه دو موآر

$$e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta \quad \text{deMOIVRE'S theorem}$$

$$\begin{aligned} x + iy &= a \cos(\omega_0 t + \phi) + ia \sin(\omega_0 t + \phi) \\ &= ae^{i(\omega_0 t + \phi)} \end{aligned}$$

$$x(t) = a \cos(\omega_0 t + \phi) = \text{Re} \left[ae^{i(\omega_0 t + \phi)} \right]$$

$$A = ae^{i\phi}$$



● ترکیب نوسانات

- جمع فازورها
- هم بسامد و هم دامنه
- بسامد مختلف : پدیده زنش



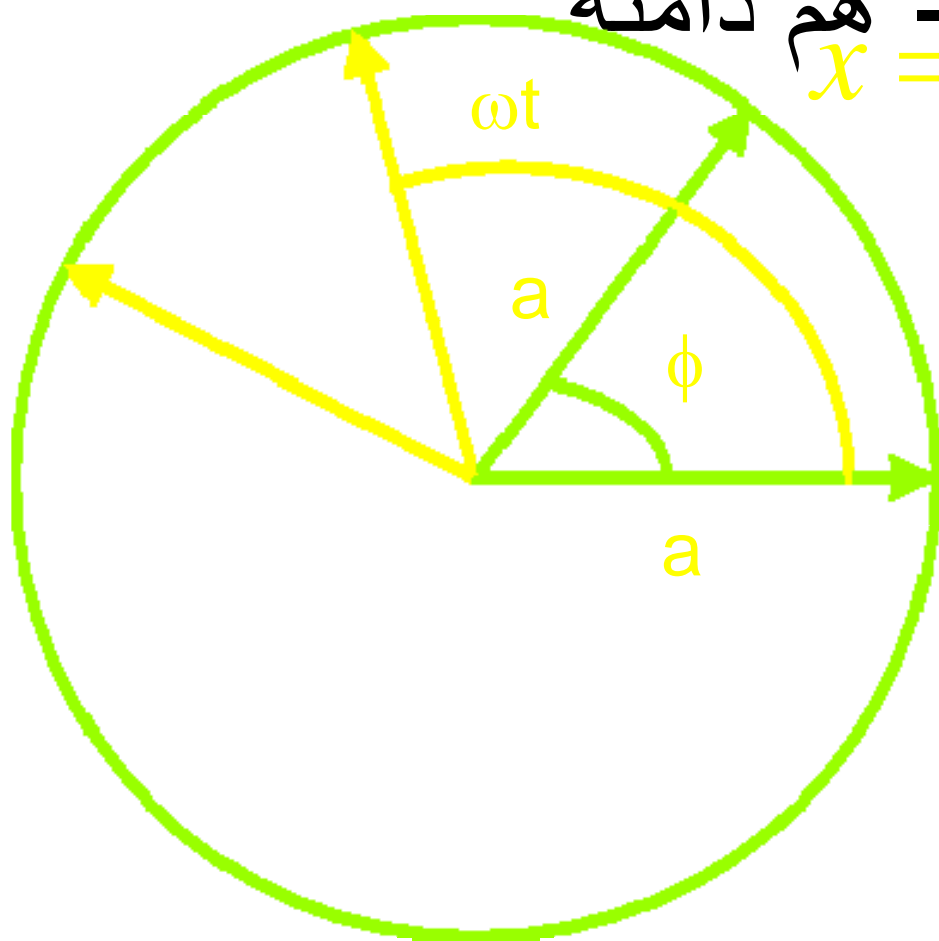
ترکیب نوسانات

- هم فاز و یا در فاز مخالف
- دامنه مساوی یا مختلف
- بسامد مساوی و یا مختلف
- نوسانات پیوسته
- با رابطه فازی ثابت



هم بسامد- هم دامنه

$$x = a \cos(\omega t + \phi)$$



$$x = a \cos(\omega t)$$



$$\begin{aligned}\operatorname{Re}\left[Ae^{i(\omega t+\psi)}\right] &= \operatorname{Re}\left[ae^{i\omega t} + ae^{i(\omega t+\phi)}\right] \\ &= \operatorname{Re}\left[ae^{i(\omega t+\phi/2)}\left(e^{i\phi/2} + e^{-i\phi/2}\right)\right] \\ &= 2a\cos(\phi/2)\operatorname{Re}\left[e^{i(\omega t+\phi/2)}\right]\end{aligned}$$

$$A = 2a\cos(\phi/2)$$

$$\psi = \phi/2$$



$$A^2 = a^2 + a^2 - 2a^2 \cos(\pi - \phi)$$

$$= 2a^2 (1 + \cos \phi)$$

$$= 4a^2 \cos^2(\phi/2)$$

$$A = 2a \cos(\phi/2)$$



$$\begin{aligned}\sin \psi &= \frac{a \sin \phi}{A} \\ &= \frac{2a \sin(\phi/2) \cos(\phi/2)}{2a \cos(\phi/2)} \\ &= \sin(\phi/2)\end{aligned}$$

$$\psi = \phi/2$$

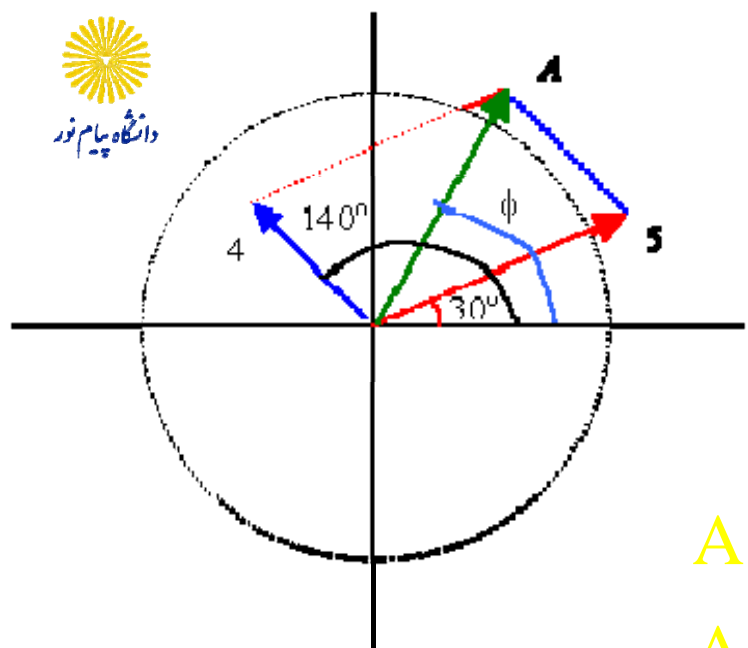


اگر موج سینوسی را مولفه قائم یک بردار در نظر بگیریم در این صورت

خواص مهمی خواهد داشت. مثلاً جمع و تفریق امواج سینوسی به ریاضیات زیادی نیاز دارد. ولی اگر امواج سینوسی را به صورت بردار در نظر بگیریم در صورتیکه از ω صرف نظر کنیم با جمع و تفریق برداری سروکار خواهیم داشت.

مثلاً فرض کنید که:

$$A \sin(\omega t + \phi) \\ = 5 \sin(\omega t + 30^\circ) + 4 \sin(\omega t + 140^\circ)$$



$$A \sin(\omega t + \phi)$$

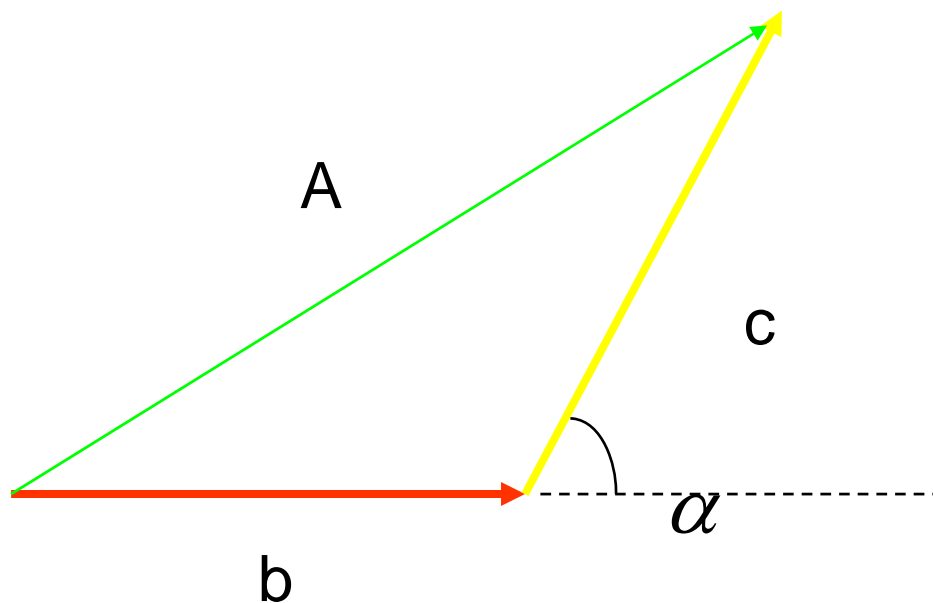
$$= 5 \sin(\omega t + 30^\circ) + 4 \sin(\omega t + 140^\circ)$$

$$A_x = 5 \cos(30^\circ) + 4 \cos(140^\circ) = 1.26595$$

$$A_y = 5 \sin(30^\circ) + 4 \sin(140^\circ) = 5.07115$$

$$A = \sqrt{(5.07115)^2 + (1.26595)^2} = 5.23$$

$$\phi = \tan^{-1} \left(\frac{5.07115}{1.26595} \right) = 75.983^\circ$$



قانون سینوس ها

$$A^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$$

قانون کسینوس ها

$$\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$$



برهم نهی موج های هم بسامد

ترکیب دو موج هماهنگ هم بسامد:

$$E = E_0 \sin(\vec{k} \cdot \vec{r} + \omega t + \varphi_0)$$

$$\Rightarrow \alpha = \vec{k} \cdot \vec{r} + \varphi_0$$

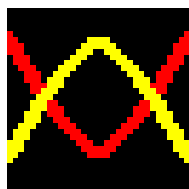
$$\Rightarrow E = E_0 \sin(\omega t + \alpha)$$

$$\begin{cases} E_1 = E_{o1} \sin(\omega t + \alpha_1) \\ E_2 = E_{o2} \sin(\omega t + \alpha_2) \end{cases}$$

$$E_R = E_1 + E_2 = E_{o1} \sin(\omega t + \alpha_1) + E_{o2} \sin(\omega t + \alpha_2)$$

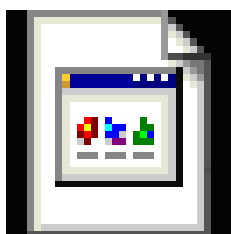


$$E_R = (E_{o1} \cos \alpha_1 + E_{o2} \cos \alpha_2) \sin \omega t + (E_{o1} \sin \alpha_1 + E_{o2} \sin \alpha_2) \cos \omega t$$



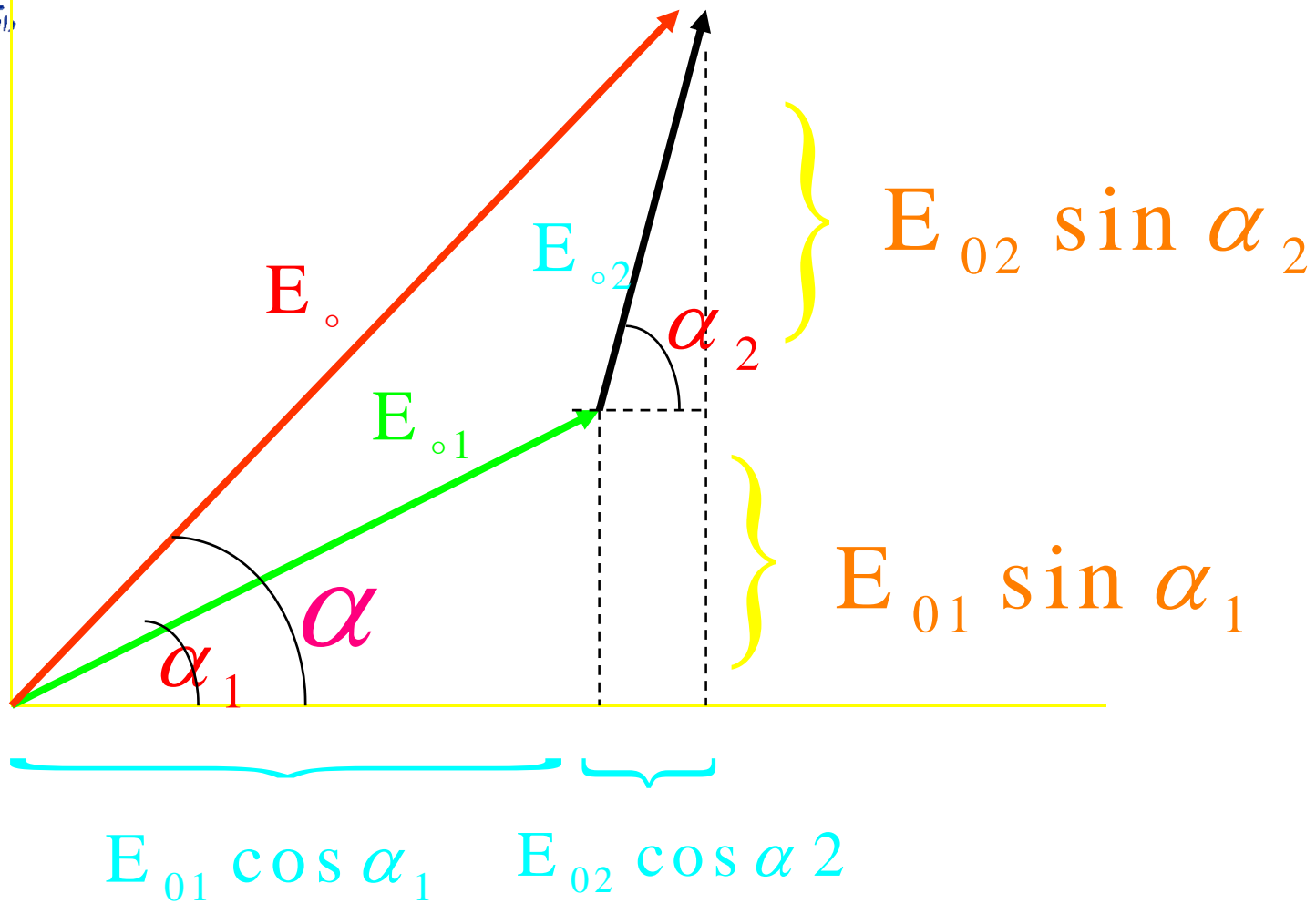
Superposition.exe

یک کار عملی: روی آیکون روبرو
کلیک کنید و اصل رویهمریزی
را تجربه کنید.



interference.exe

یک کار عملی: روی آیکون روبرو
کلیک کنید و اصل تداخل
را تجربه کنید.



نمودار فازور



است که با توجه به شکل فوق

برایند دومیج دارای بزرگی و فاز
وروابط زیر آنها را بدست می آورد:

$$E_o \cos \alpha = E_{o1} \cos \alpha_1 + E_{o2} \cos \alpha_2$$

$$E_o \sin \alpha = E_{o1} \sin \alpha_1 + E_{o2} \sin \alpha_2$$

$$E_R = E_o \cos \alpha \sin \omega t + E_o \sin \alpha \cos \omega t$$

$$\Rightarrow E_R = E_o \sin(\omega t + \alpha)$$

از طرفی:

$$E_o^2 = E_{o1}^2 + E_{o2}^2 + 2E_{o1}E_{o2} \cos(\alpha_2 - \alpha_1)$$

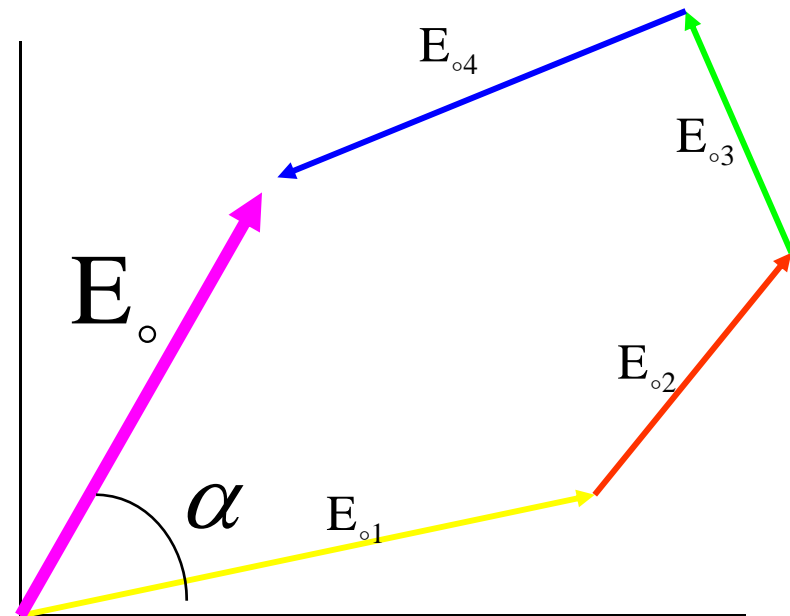
$$\tan \alpha = \frac{E_{o1} \sin \alpha_1 + E_{o2} \sin \alpha_2}{E_{o1} \cos \alpha_1 + E_{o2} \cos \alpha_2}$$





پیام نو

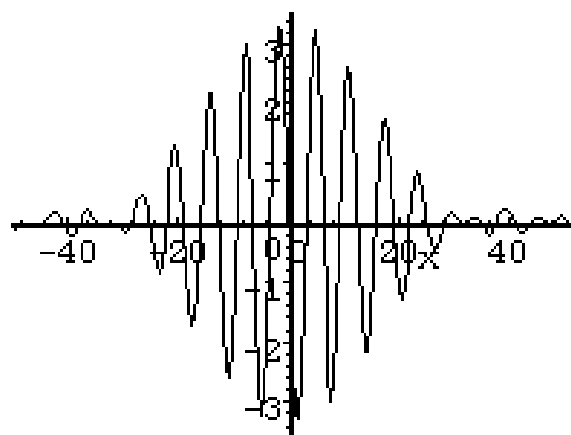
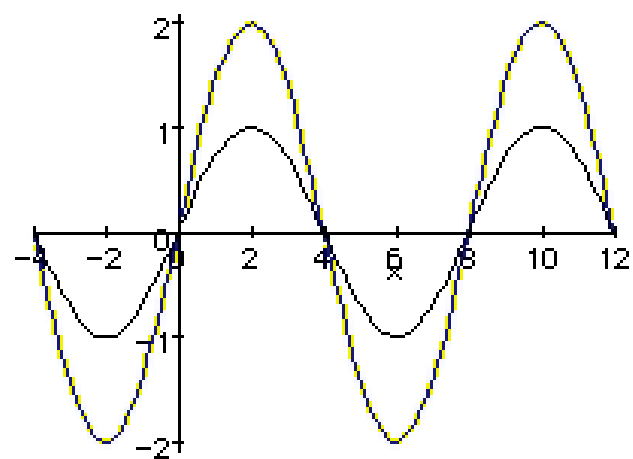
این روش ترسیمی موسوم به روش فازورها می توان برای هر تعداد از موج ها بکاربرد:





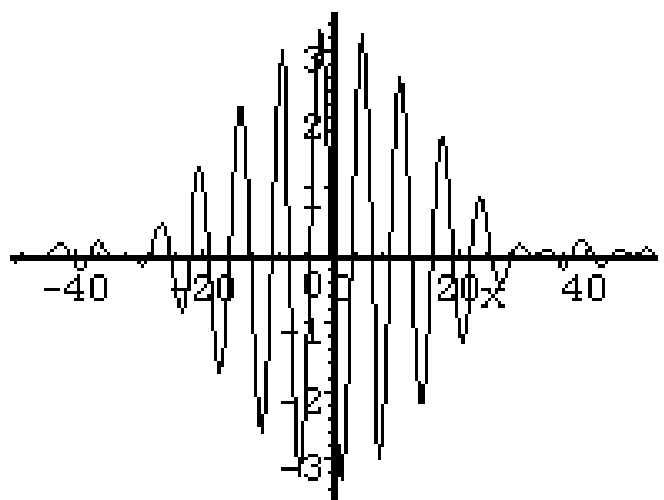
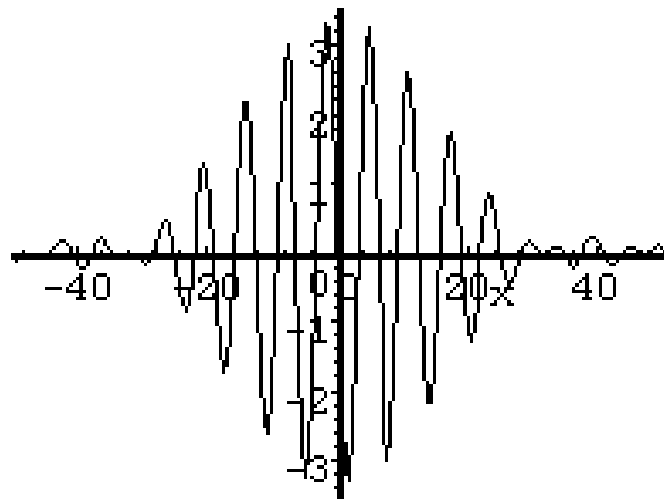
• امواج ایستاده

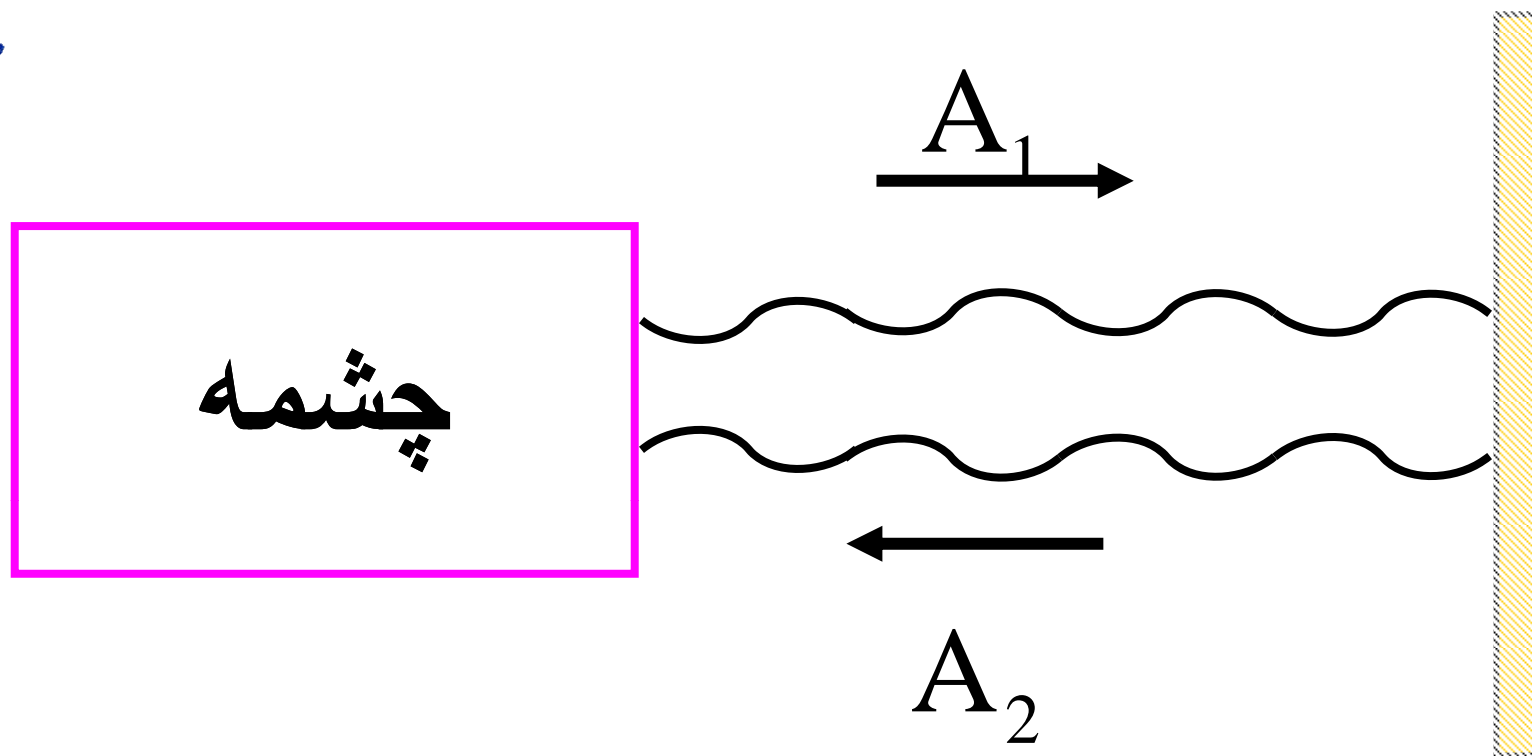
- این امواج چگونه تشکیل می شوند؟
- شکل معادله موج
- شکم ها
- گره ها
- امواج ایستاده در هوا / در طناب
 - هماهنگ ها :
 - طول موج و بسامدها





سرعت گروه:





موج ایستاده و قتی تشکیل می شود که موج اصلی و بازتاب آن در یک محیط در حال انتشار باشند.



امواج ایستاده

$$y_1 = A e^{i(kx - \omega t + \pi)}$$

$$y_2 = A e^{i(kx + \omega t)}$$

$$y = y_1 + y_2 = A e^{i(kx - \omega t + \pi)} + A e^{i(kx + \omega t)}$$

$$= A e^{i\pi} e^{i(kx - \omega t)} + A e^{i(kx + \omega t)}$$

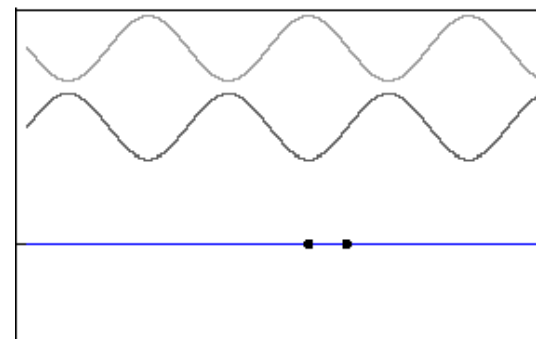
$$= A e^{ikx} (-e^{-i\omega t} + e^{i\omega t})$$

$$y = A e^{ikx} (2i \sin \omega t)$$

$$y = \underbrace{-2A \sin kx}_{\text{دامنه}} \underbrace{\sin \omega t}_{\text{وابسته به زمان}}$$

دامنه

وابسته به زمان





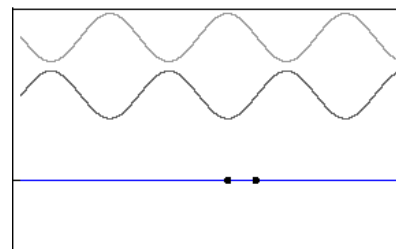
$$y = 2A \sin kx \sin \omega t$$

گره ها:

$$y = 0 \rightarrow \sin kx = 0$$

$$kx = n\pi, \quad n = 0, 1, 2, \dots$$

$$\frac{2\pi}{\lambda} x = n\pi$$

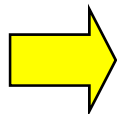


$$x = n \frac{\lambda}{2}, \quad n = 0, 1, 2, \dots$$



$$y = 2A \sin kx \sin \omega t$$

شکم ها:

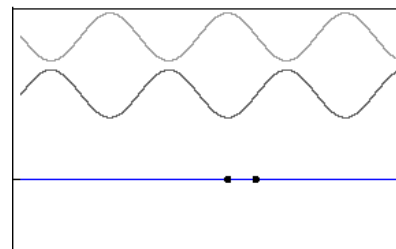


$$y = \pm 2A \quad \sin kx = \pm 1$$

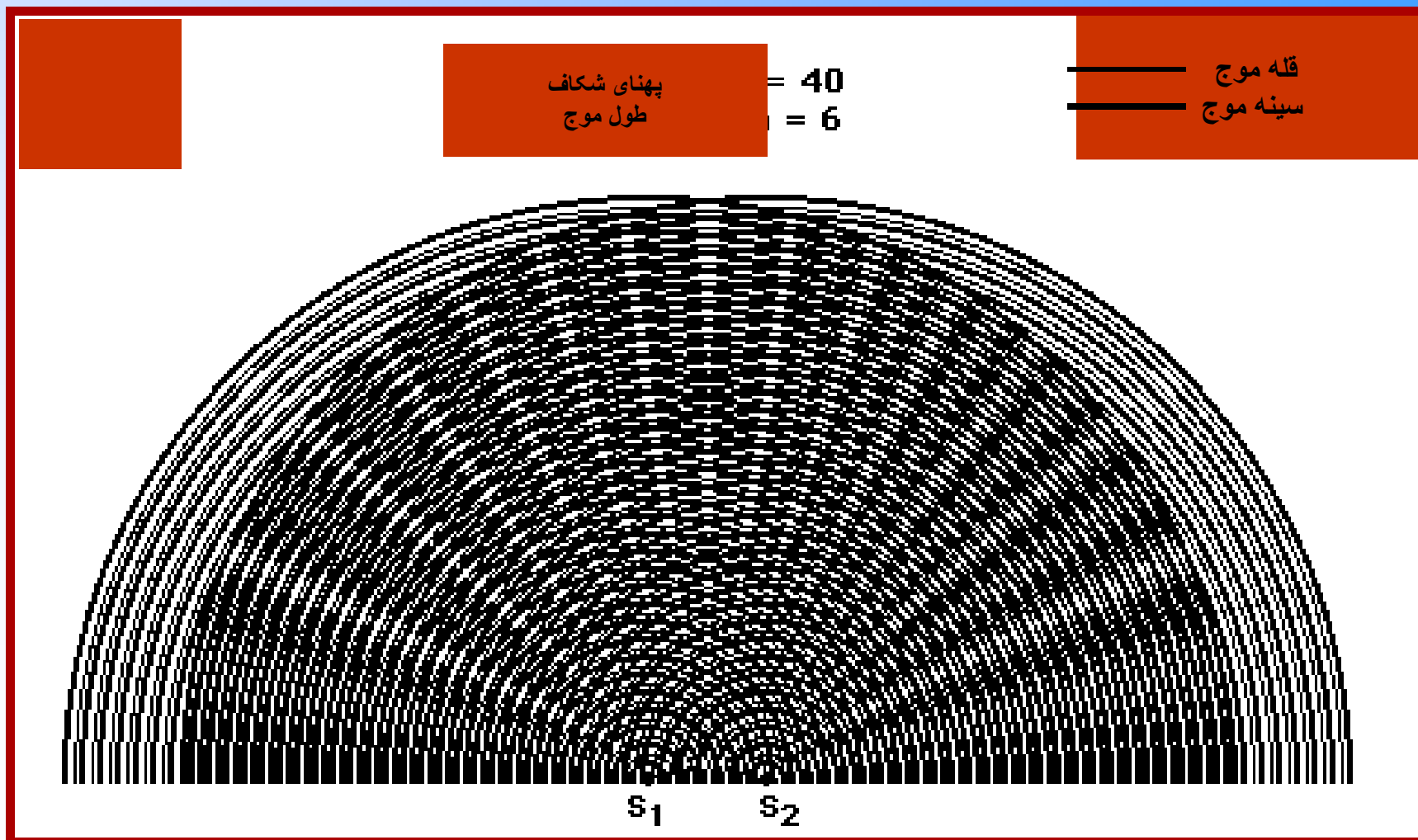
$$kx = \frac{(2n+1)\pi}{2}, \quad n = 0, 1, 2, \dots$$

$$\frac{2\pi}{\lambda} x = \frac{(2n+1)\pi}{2}$$

$$x = \frac{(2n+1)\lambda}{4}, \quad n = 0, 1, 2, \dots$$



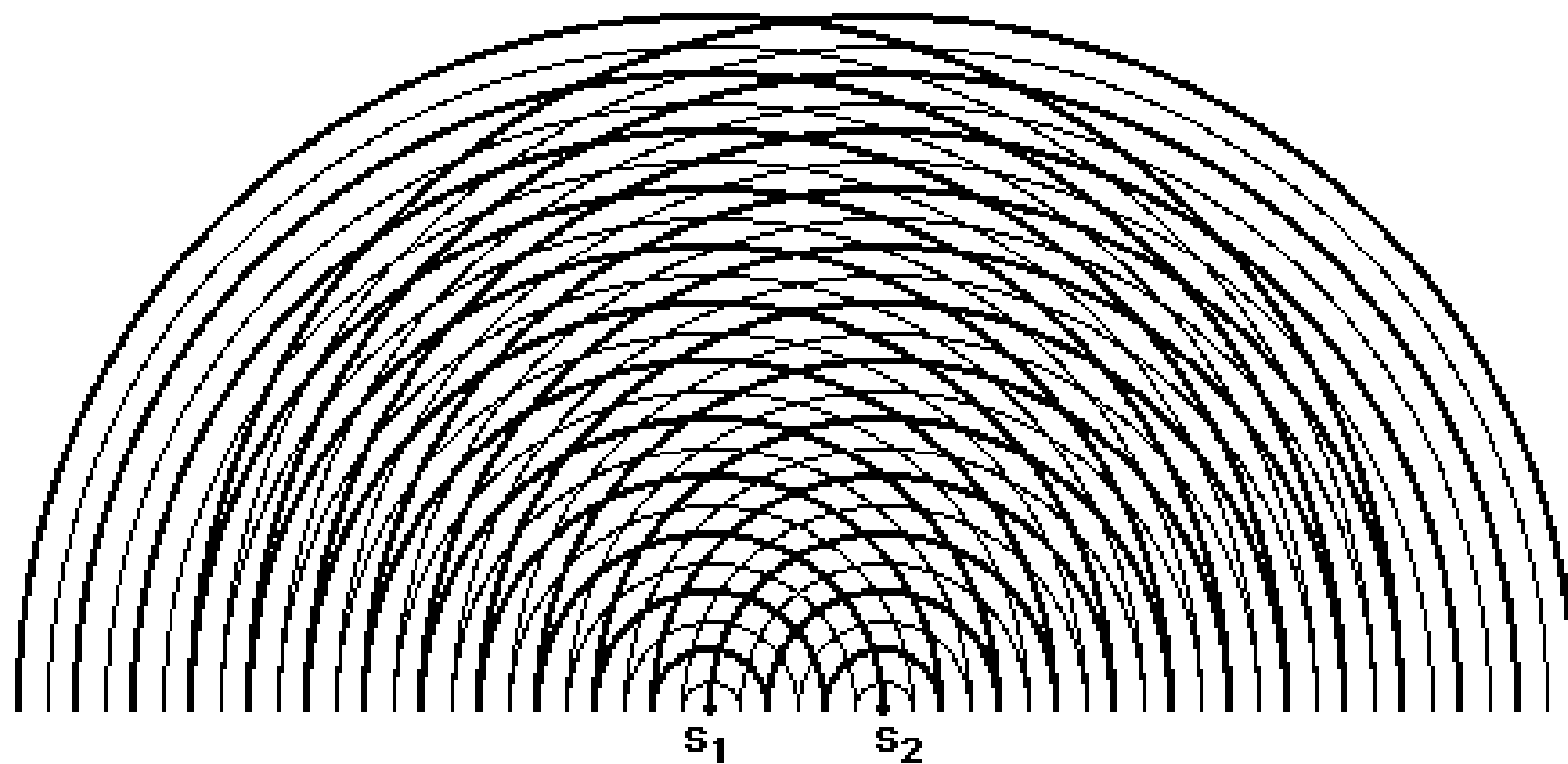
تداخل:



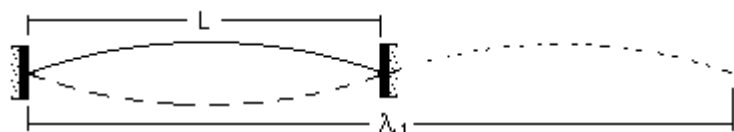
تداخل:

پهنای شکاف = 48
طول موج = 16

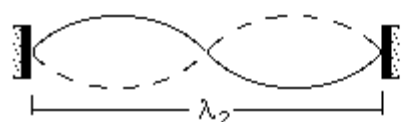
قله موج
سینه موج



دوانتها ثابت:



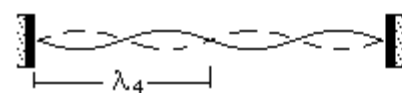
اولین هارمونیک / اصلی



دومین هارمونیک



سومین هارمونیک



چهارمین هارمونیک

مدهای اصلی

$$\lambda_n = \frac{2L}{n} \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

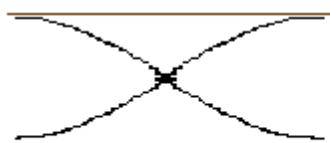
$$f_n = \frac{v}{\lambda_n} = n \frac{v}{2L} \quad n = 1, 2, 3, \dots \quad v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$



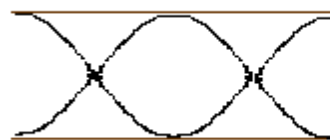
موج های ایستاده در لوله های باز:

دوانتهای باز:

$$f_n = n \frac{v}{2L} \quad n = 1, 2, 3, \dots$$



$$\lambda_1 = 2L$$
$$f_1 = v/2L$$

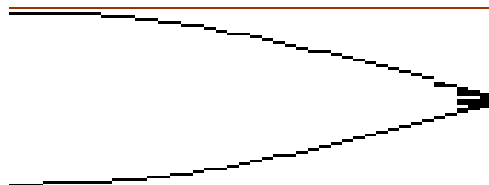


$$\lambda_2 = L$$
$$f_2 = v/L$$

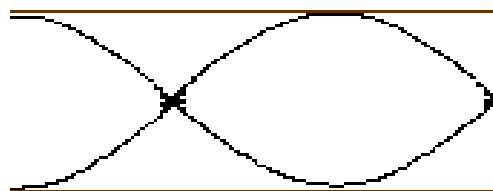


$$\lambda_3 = 2L/3$$
$$f_3 = 3v/2L$$

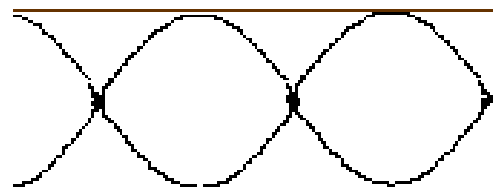
یک انتهای بسته :



$$\lambda_1 = 4L$$
$$f_1 = v/4L$$



$$\lambda_3 = 4L/3$$
$$f_3 = 3v/4L$$



$$\lambda_5 = 4L/5$$
$$f_5 = 5v/4L$$

$$f_n = n \frac{v}{4L} \quad n = 1, 3, 5, \dots$$



سرعت موج:
سرعت یک نقطه از موج با فاز ثابت است.
فاز موج برابر است با:

$$\varphi = k(x \pm vt)$$

$$\Rightarrow d\varphi = k(dx \pm vdt) = 0$$

$$\Rightarrow \frac{dx}{dt} = \mp v$$

سرعت موج

نمایش موج هماهنگ با عدمختلط:

$$y = Ae^{i(kx - \omega t)} \Rightarrow \begin{cases} \text{Re}(y) = a \cos(kx - \omega t) \\ \text{Im}(y) = A \sin(kx - \omega t) \end{cases}$$



سرعت فاز، سرعت گروه و پاشندگی



اگر سرعت فاز ثابت نباشد و به بسامد بستگی داشته باشد چگونه شکل یک تپ می تواند تغییر کند؟



برهم نهی امواج با دامنه یکسان و بسامدمختلف: **پدیده زنش**

سرعت گروه و سرعت فاز:

$$x_1(t) = \text{Re} \left[A e^{i\omega_1 t} \right]$$

$$x_2(t) = \text{Re} \left[A e^{i\omega_2 t} \right]$$

$$x_1 + x_2 = \text{Re} \left[A \left(e^{i\omega_1 t} + e^{i\omega_2 t} \right) \right]$$

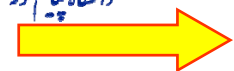
$$= A \text{Re} \left[\frac{e^{i(\omega_1 + \omega_2)t/2}}{e^{i(\omega_1 + \omega_2)t/2}} \left(e^{i\omega_1 t} + e^{i\omega_2 t} \right) \right]$$

$$= A \text{Re} \left[e^{i(\omega_1 + \omega_2)t/2} \left(e^{i(\omega_1 - (\omega_1 + \omega_2)/2)t} + e^{i(\omega_2 - (\omega_1 + \omega_2)/2)t} \right) \right]$$

$$= A \text{Re} \left[e^{i(\omega_1 + \omega_2)t/2} \left(e^{i(\omega_1 - \omega_2)t/2} + e^{-i(\omega_1 - \omega_2)t/2} \right) \right]$$



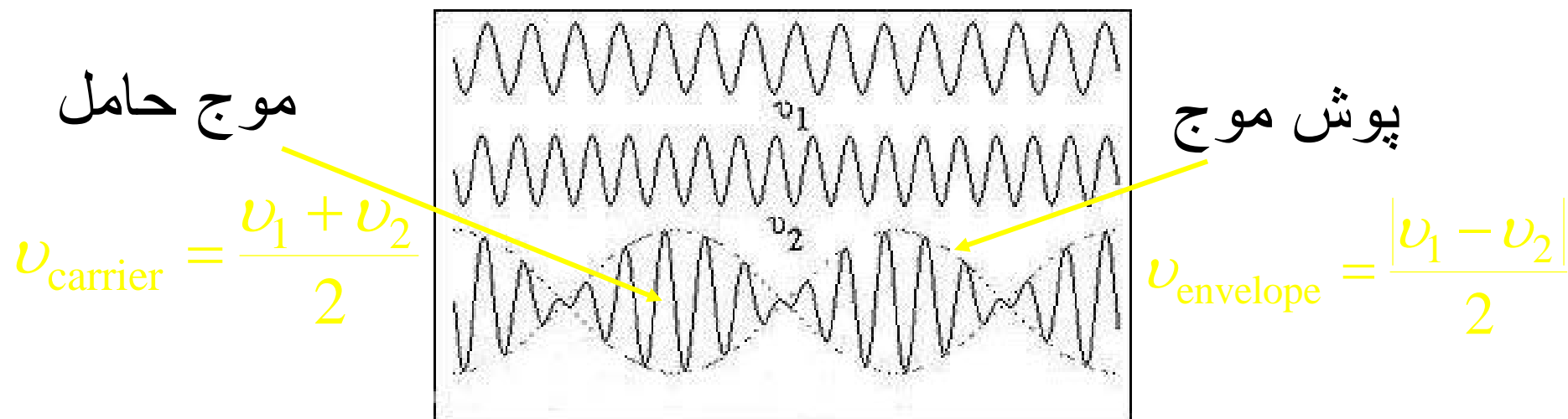
دانشگاه پیام نور



$$\cos \theta = \frac{e^{i\theta} + e^{-i\theta}}{2}$$

$$x_1(t) + x_2(t) = 2A \cos \left[\frac{(\omega_1 - \omega_2)t}{2} \right] \operatorname{Re} \left[e^{i(\omega_1 + \omega_2)t/2} \right]$$

$$= 2A \cos \left[\frac{(\omega_1 - \omega_2)t}{2} \right] \cos \left[\frac{(\omega_1 + \omega_2)t}{2} \right]$$





یا...

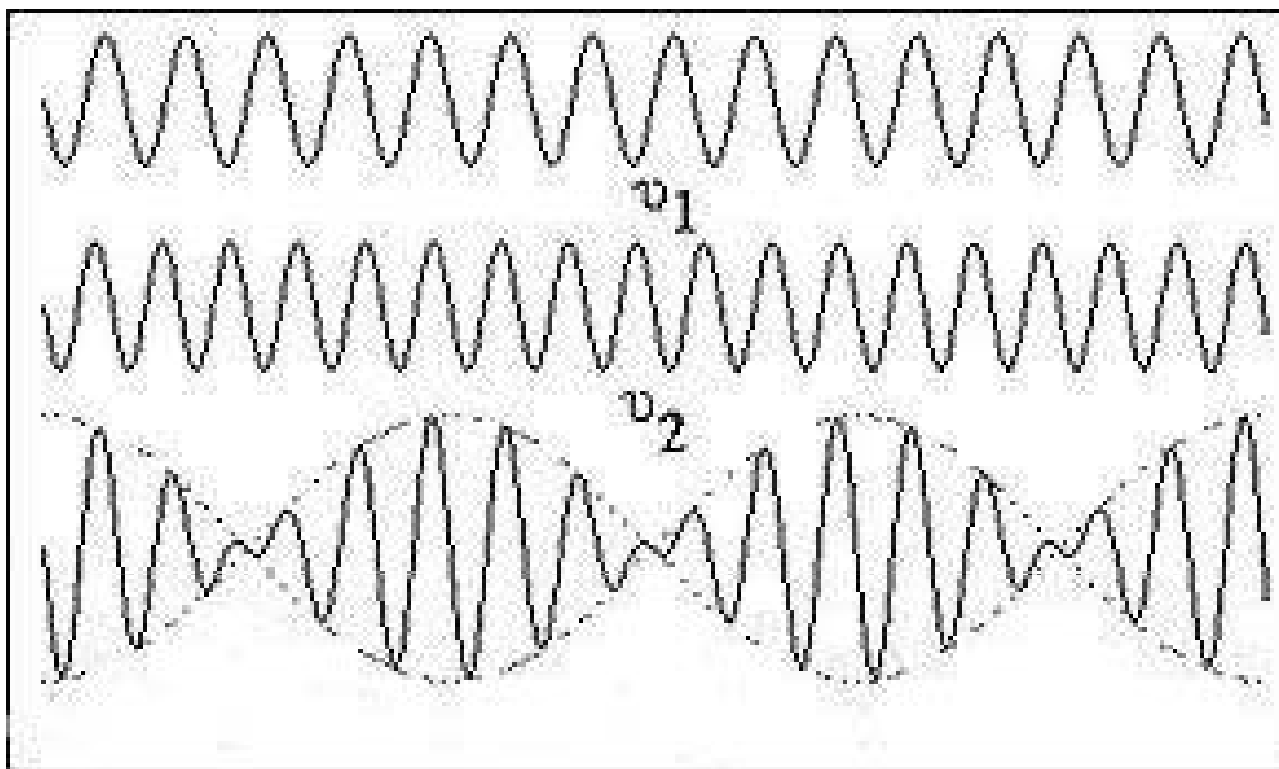
$$y_1 = A \cos \omega_1 t$$

$$y_2 = A \cos \omega_2 t$$

$$\cos A + \cos B = 2 \cos \left(\frac{A+B}{2} \right) \cos \left(\frac{A-B}{2} \right)$$

$$y_1 + y_2 = A \cos \omega_1 t + A \cos \omega_2 t$$

$$= 2A \cos \left(\frac{\omega_1 + \omega_2}{2} t \right) \cos \left(\frac{\omega_1 - \omega_2}{2} t \right)$$



پوش موج $v_{\text{envelope}} = \frac{|v_1 - v_2|}{2}$ حامل

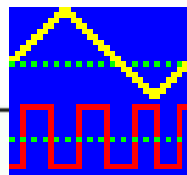
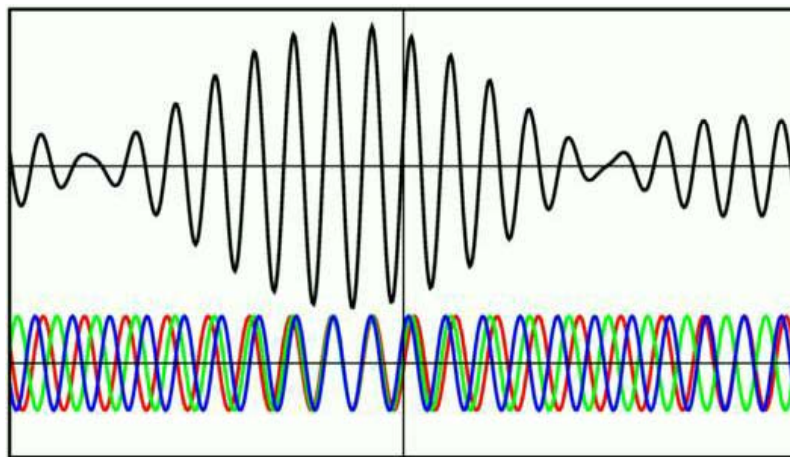
$$v_{\text{carrier}} = \frac{v_1 + v_2}{2}$$



سرعت فاز

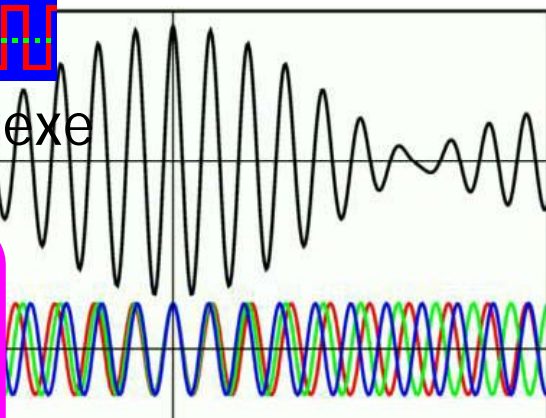
$$y(x, t) = A \cos(kx - \omega t + \phi)$$

$$v_p = \frac{\omega}{k}$$



Beats.exe

کار عملی:
روی آیکون
کلیک کنید



یک کار عملی: روی آیکون مقابل کرده کرده روی صفحه ظاهر شده جدا کلیک کنید.
با تغییر بسامدها پدیده زنش را تجربه کنید.



پدیده زنش : سرعت گروه و سرعت فاز به گونه ای دیگر:

$$\psi_1(x, t) = A \cos(k_1 x - \omega_1 t)$$

$$\psi_2(x, t) = A \cos(k_2 x - \omega_2 t)$$

$$\psi(x, t) = \psi_1(x, t) + \psi_2(x, t)$$

$$= 2A \cos\left[\frac{k_1 + k_2}{2}x - \frac{\omega_1 + \omega_2}{2}t\right] \cos\left[\frac{k_1 - k_2}{2}x - \frac{\omega_1 - \omega_2}{2}t\right]$$

$$\omega_p = \frac{\omega_1 + \omega_2}{2} \quad k_p = \frac{k_1 + k_2}{2}$$

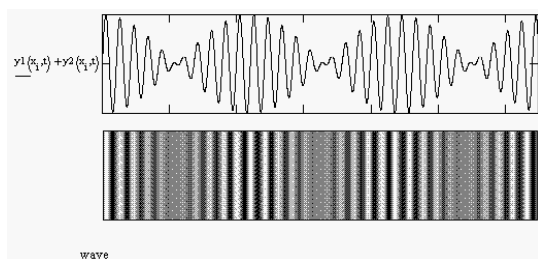
$$\omega_g = \frac{\omega_1 - \omega_2}{2} \quad k_g = \frac{k_1 - k_2}{2}$$

$$\psi(x, t) = 2A \cos(k_p x - \omega_p t) \cos(k_g x - \omega_g t)$$

موج حامل و موج پوش

موج حامل: مولفه ای با بسامد نصف مجموع

موج پوش: مولفه ای با بسامد نصف اختلاف



سرعت گروه V_g , برابر است با:

- سرعت نقطه ای با فاز ثابت از موج مودولاسیون دامنه
- آهنگی که با آن انرژی موج منتقل می شود
- آهنگ سیر یک سیگنال



$$v_p = \frac{\omega}{k}$$

$$v_g = \frac{d\omega}{dk}$$

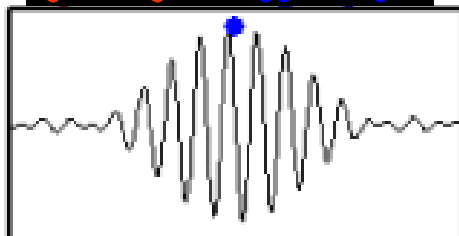
$$v_g = \frac{\partial \omega}{\partial k} = \frac{\partial (v_p k)}{\partial k} = v_p + k \frac{\partial v_p}{\partial k}$$



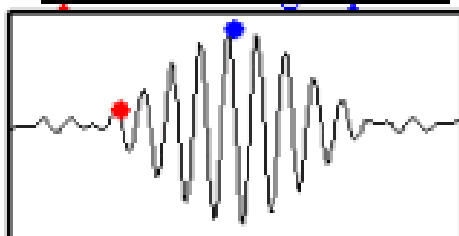
معمولا $\frac{\partial v_p}{\partial k} < 0$ بوده و $V_g < V_p$ و این پاشندگی عادی است.

و اگر $V_g > V_p$ باشد پاشندگی غیر عادی است

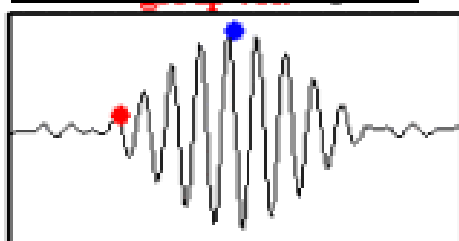
سرعت گروه = سرعت فاز



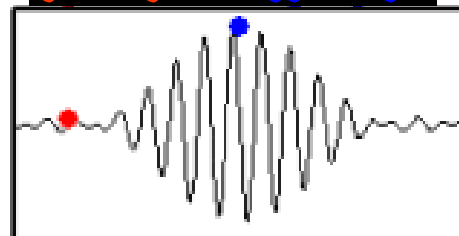
سرعت گروه > سرعت فاز



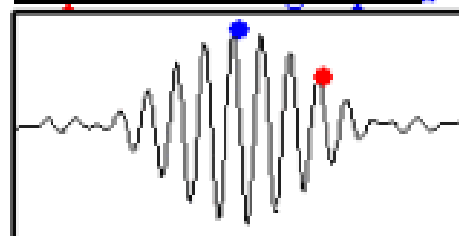
سرعت گروه = 0



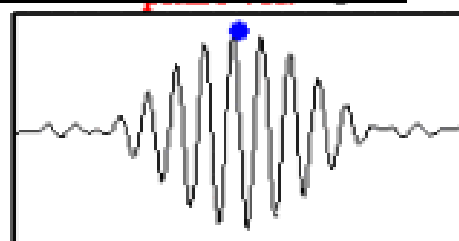
سرعت گروه = - سرعت فاز



سرعت گروه < سرعت فاز



سرعت فاز = 0





• سرعت فاز و سرعت گروه:

• سرعت گروه و سرعت فاز چیست؟

• ضریب شکست ، n

• محاسبات

$$n = \frac{c}{v_n}$$



$$v_p = f \lambda = \frac{\omega_p}{k_p} = \frac{\omega_1 + \omega_2}{k_1 + k_2} = \frac{\omega}{k}$$

$$v_g = \frac{\omega_g}{\omega_g} = \frac{\omega_1 - \omega_2}{k_1 - k_2} = \frac{d\omega}{dk}$$

$$v_g = \frac{\partial \omega}{\partial k} = \frac{\partial (v_p k)}{\partial k} = v_p + k \frac{\partial v_p}{\partial k}$$



در مورد نور:

$$v_p = \frac{c}{n}$$

$$v_g = v_p + k \frac{\partial v_p}{\partial k}$$

$$= \frac{c}{n} + k \frac{\partial v_p}{\partial n} \frac{dn}{dk}$$

$$= \frac{c}{n} - k \frac{c}{n^2} \frac{dn}{dk}$$

$$\frac{\partial v_p}{\partial n} = \frac{\partial (c/n)}{\partial n} = -\frac{c}{n^2}$$



$$\frac{\partial^2 \psi(x, t)}{\partial t^2} = v^2 \frac{\partial^2 \psi(x, t)}{\partial x^2}$$

• معادله موج

- شکل موج
- جواب معادله موج
- امواج سینوسی
- امواج رونده
- امواج طولی/عرضی
- سرعت فاز /سرعت گروه
- اصل رویهم‌ریزی
- تداخل
- بازتاب /تراگسیل
- انتقال انرژی به وسیله موج



عمومی ترین جواب معادله موج:

$$\psi(x, t) = h(x - vt) + g(x + vt)$$

که h و g هر تابع پیوسته دوبار مشتق پذیر است.



$$\psi(x, t) = ae^{i\frac{2\pi}{\lambda}(x-vt)}$$

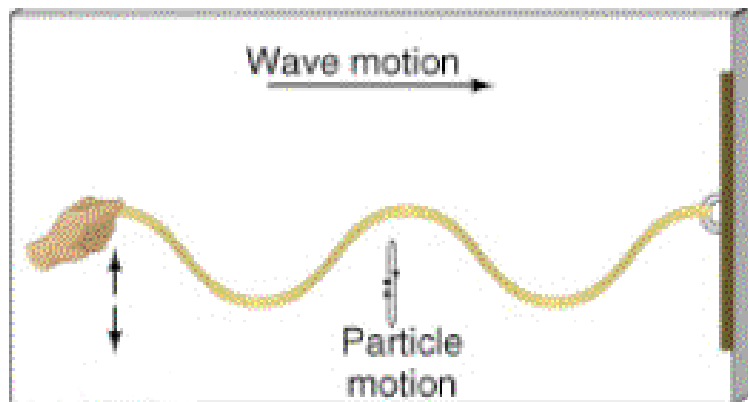
$$= ae^{i2\pi\left(\frac{x}{\lambda}-vt\right)}$$

$$= ae^{i2\pi\left(\frac{x}{\lambda}-ft\right)}$$

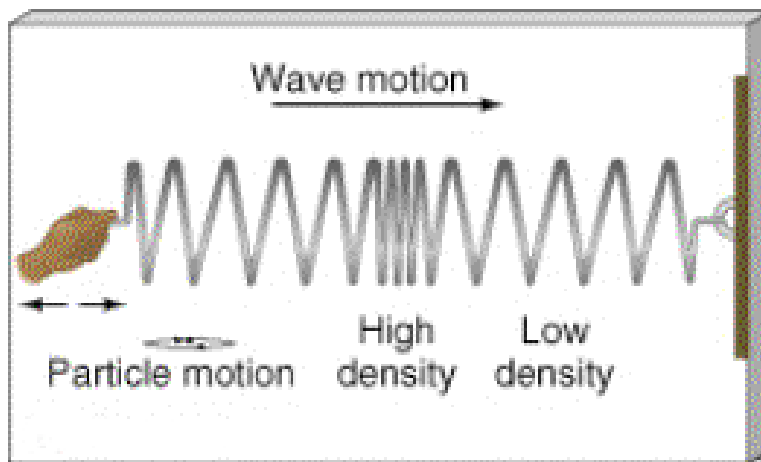
$$= ae^{i\omega\left(\frac{x}{v}-t\right)}$$

$$= ae^{i(kx-\omega t)}$$

$$a = Ae^{i\phi}$$



موج عرضی

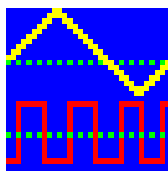


موج طولی



وقتی دو یا چند موج از محیطی به هم می‌گذرند نوعی موج
برایند برابر با جمع جبری توابع این امواج است.

وقتی دو موج در فضا باهم ترکیب می‌شوند موج
برایندی تولید می‌کنند این پدیده را تداخل می‌گویند.
تداخل ممکن است سازنده (دو موج در یک جهت)
و یا ویرانگر (دو موج در خلاف جهت) باشند.



interference.exe

روی آیکون روبرو کلیک کنید و در صفحه ظاهر شده بسامد دو موج را در مستطیل
مربوطه تابپ کرده و روی OK کلیک و به تداخل امواج گوش دهید.



● اثر دوپلر

● خواص امواج صوتی

● موج صوتی چیست؟

● محاسبه

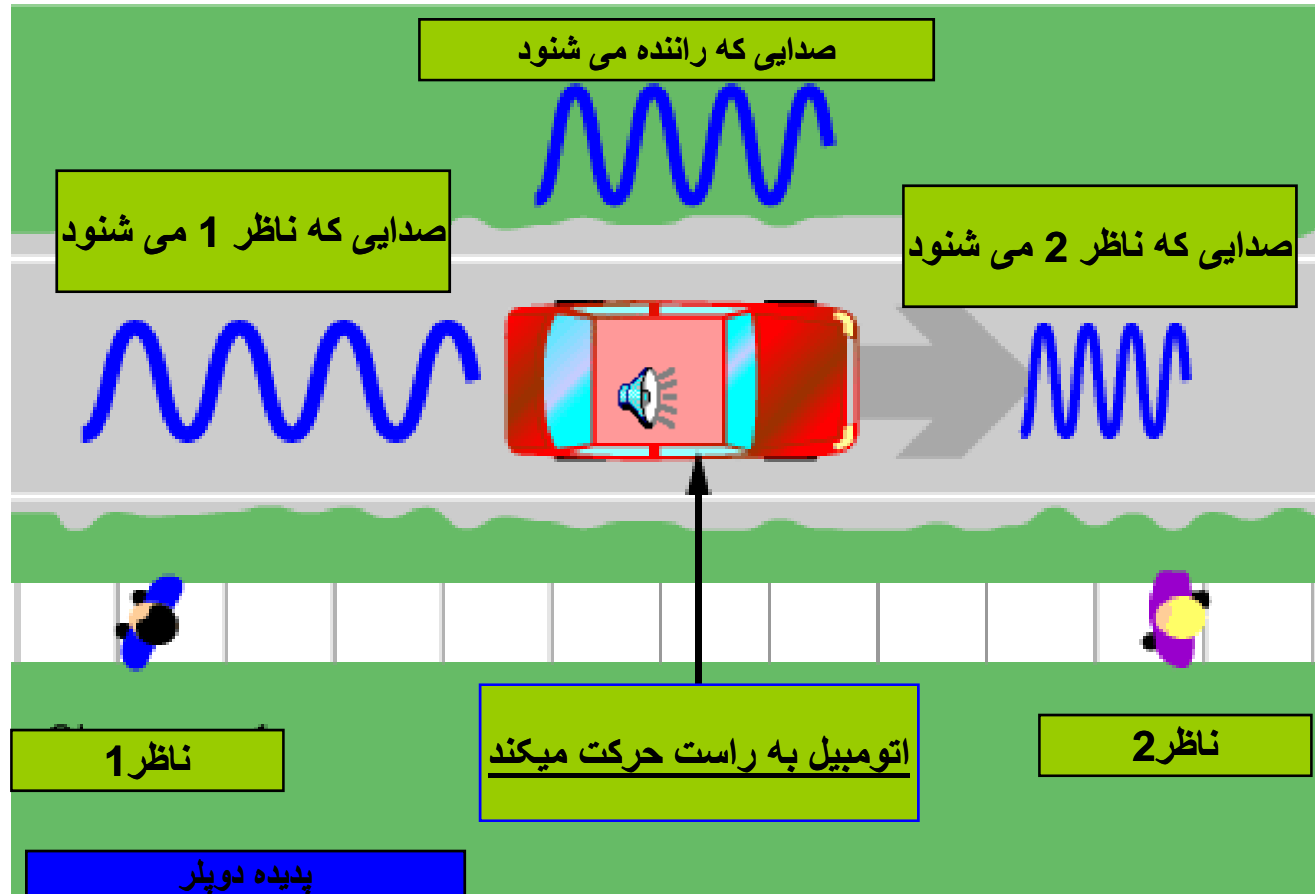
- ناظر نسبت به چشمه ثابت حرکت می کند
- چشمه نسبت به ناظر ثابت حرکت میکند
- ترکیب دو حالت فوق



ارتعاش و تشدید:



اثر دوپلر



یک کار عملی : روی آیکون بلندگو کلیک کنید و به صدای تولیدی گوش فرادهید.



صوت

چشمه متحرک/ناظر ساکن:

$$f' = \left(\frac{1}{1 \mp \frac{v_s}{v}} \right) f$$

ناظر متحرک / چشمه ساکن:

$$f' = \left(1 \pm \frac{v_o}{v} \right) f$$

چشمه /ناظر متحرک:

$$f' = \left(\frac{v \pm v_o}{v \mp v_s} \right) f$$



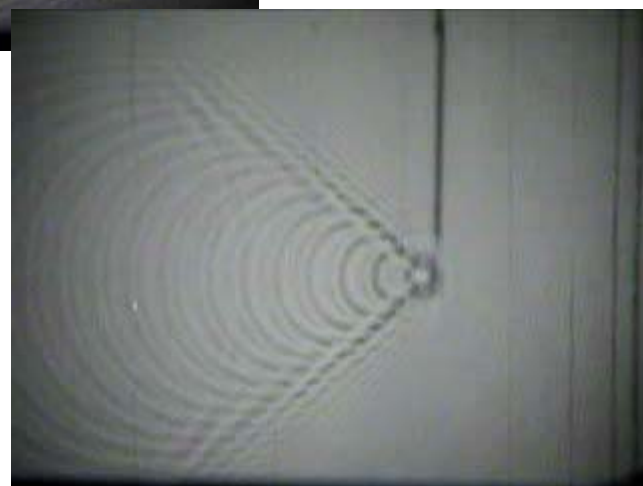
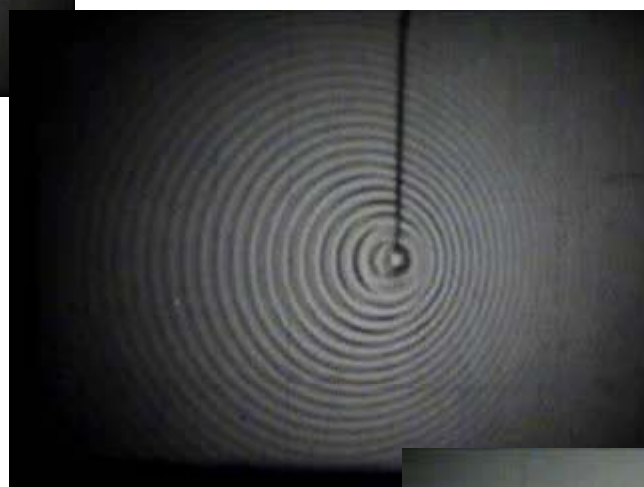
اثر دوپلر نسبیتی:

$$f_{\text{ناظر}} = \frac{\sqrt{1 + v/c}}{\sqrt{1 - v/c}} f_{\text{چشمه}}$$
$$f' = \left(\frac{v \pm v_o}{v \mp v_s} \right) f$$

در موج نور نیز مانند موج صوت پدیده دوپلر روی می دهد.
تفاوت موج صوتی و نوری در این است که موج صوتی نیاز به محیطی برای انتشار دارد در صورتی که موج نور در خلا هم منتشر می شود.
در نور فقط حرکت نسبی میان چشمه و ناظر سبب تغییر بسامد می شود.

از نظریه نسبیت داریم :

$$\frac{\lambda}{\lambda'} = \sqrt{\frac{1 - \frac{v}{c}}{1 + \frac{v}{c}}} \quad \xrightarrow{v \ll c} \quad \frac{\lambda}{\lambda'} = 1 - \frac{v}{c}$$





روی تصاویر به طور
جداگانه کلیک کرده
و به صدای ایجاد شده
گوش دهید:

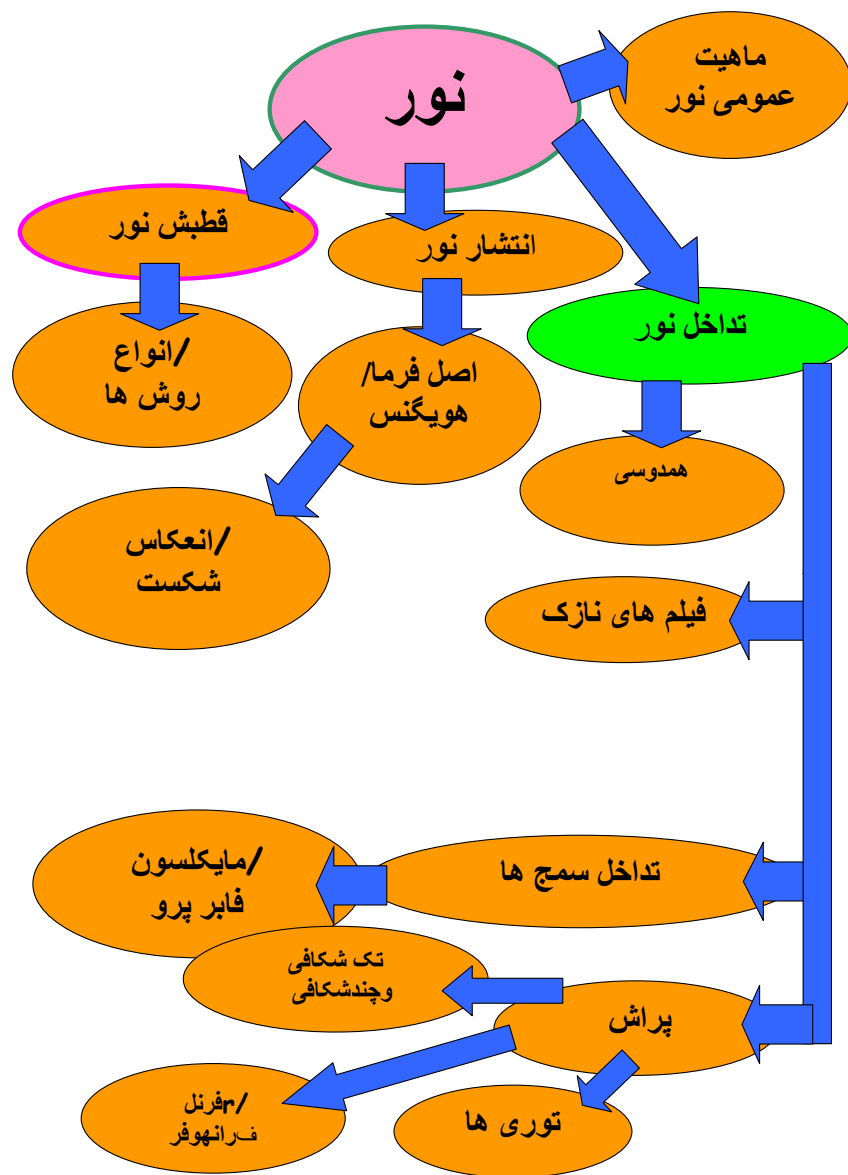




فصل سوم...

تداخل نور...







تعاریف

- ★ “اثرات تداخلی” از ویژگی های موجی نور است.
- ★ دو یا چند باریکه همدوس نور که از چشمه واحدی آمده و به طریق تقسیم دامنه یا جبهه موج از یکدیگر جدا و سپس مجدداً به همدیگر می آمیزند آثار تداخلی را بوجود می آورند.
- ★ هر نوع انحراف از نور شناسی هندسی که به علت وجود مانع در برابر جبهه موج نور حاصل شده باشد پراش نامیده می شود.
- ★ پراش نیز از آثار موجی نور است.



مثال هایی از پدیده تداخل

از جمله ...

➤ دوشکافی یانگ (تقسیم جبهه موج)

➤ فیلم های نازک (تقسیم دامنه)

➤ پوشش های ضد بازتاب

➤ حلقه های نیوتن

➤ تداخل سنج مایکلسون

➤ تداخل سنج فابری پرو

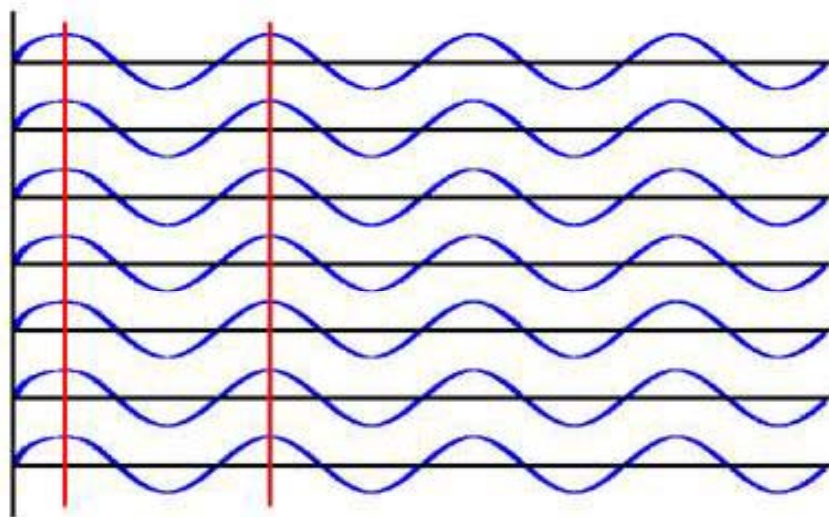
➤ توری های پراش



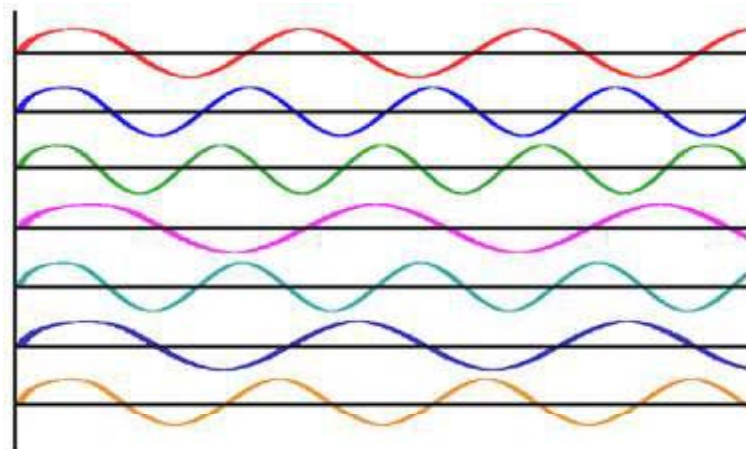
تداخل و همدوسی

همدوسی:

امواجی که رابطه فازی ثابتی با همدیگر دارند همدوس نامیده می شوند. این همدوسی را بر حسب همدوسی فضایی و زمانی می توان بیان کرد



همدوس



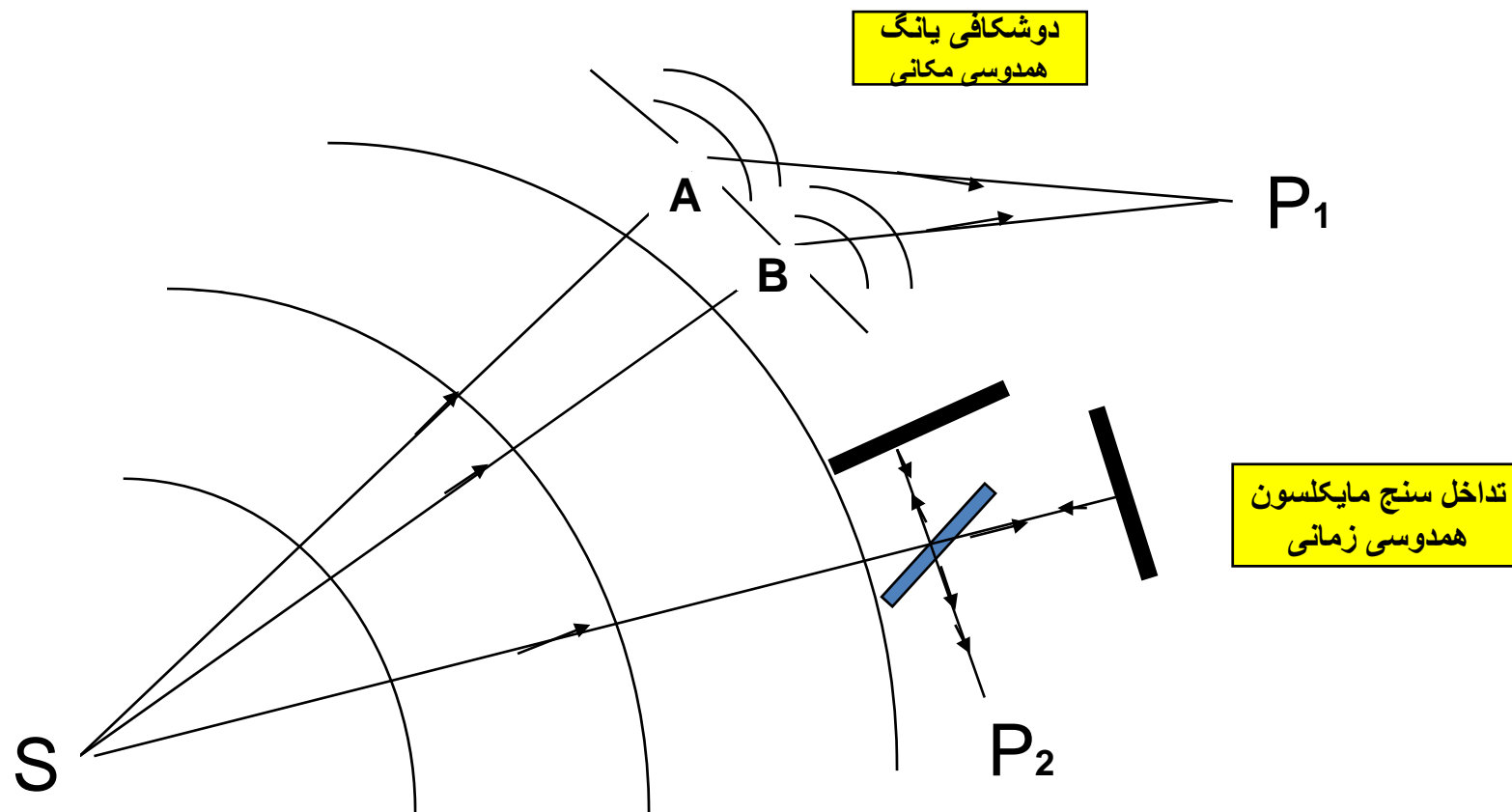
ناهمدوس



انواع همدوسی

- **همدوسی زمانی (طولی):** نقاطی از میدان تابش چشمه که در راستای انتشار قرار دارند و از لحاظ زمانی متمایز هستند همبستگی ثابتی برقرار است (تداخل سنج مایکلسون).
- **همدوسی فضایی (عرضی):** بین نقاطی از میدان تابش که از لحاظ مکانی متمایز هستند همبستگی ثابتی برقرار است (دستگاه دوشکاف یانگ).

مثال: همدوسی زمانی و مکانی



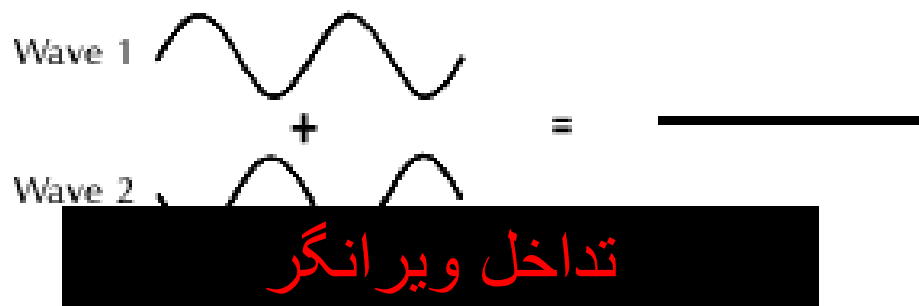


پراش فرانهِوفر و فرنل

فرانهِوفر (میدان دور) : نور تابیده موازی بوده
و پرده تصویر در فاصله دوری از جسم پراشنده
قرار دارد. .

فرنل (میدان نزدیک) : جسم پراشنده به چشمه نور
یا پرده تصویر و یا هر دو نزدیک و انحنای جبهه
موج باید در نظر گرفته شود. به ریاضیات پیچیده
تری نیاز دارد. :

تداخل سازنده و ویرانگر

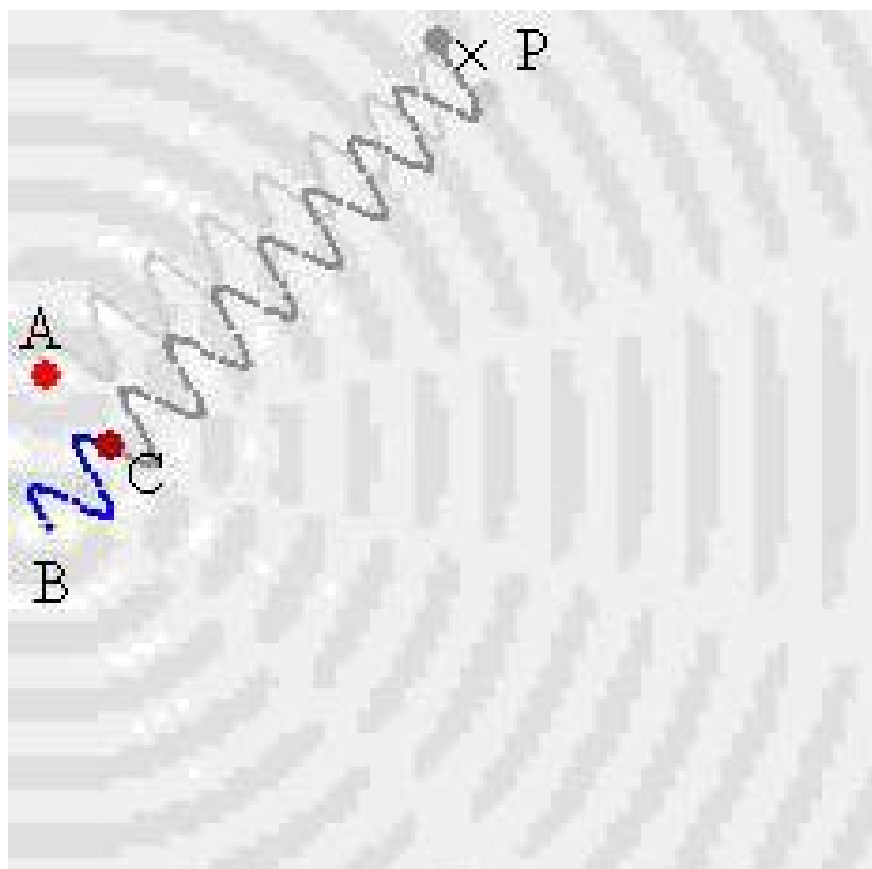
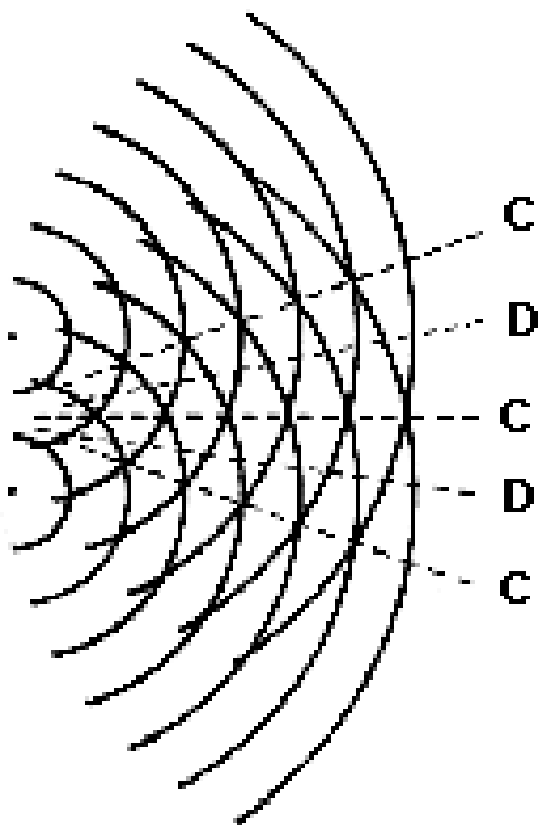


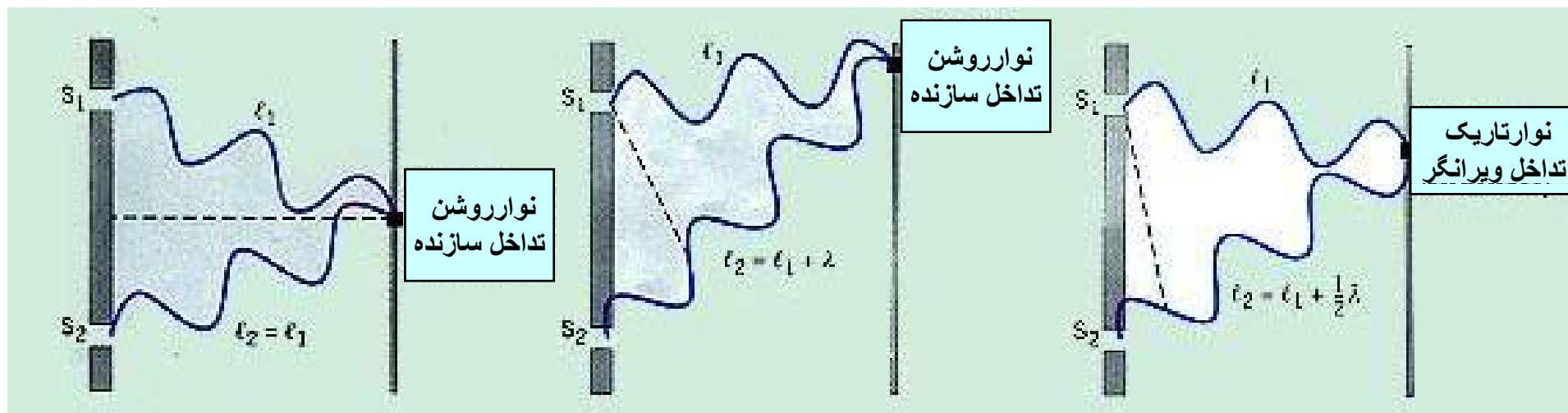


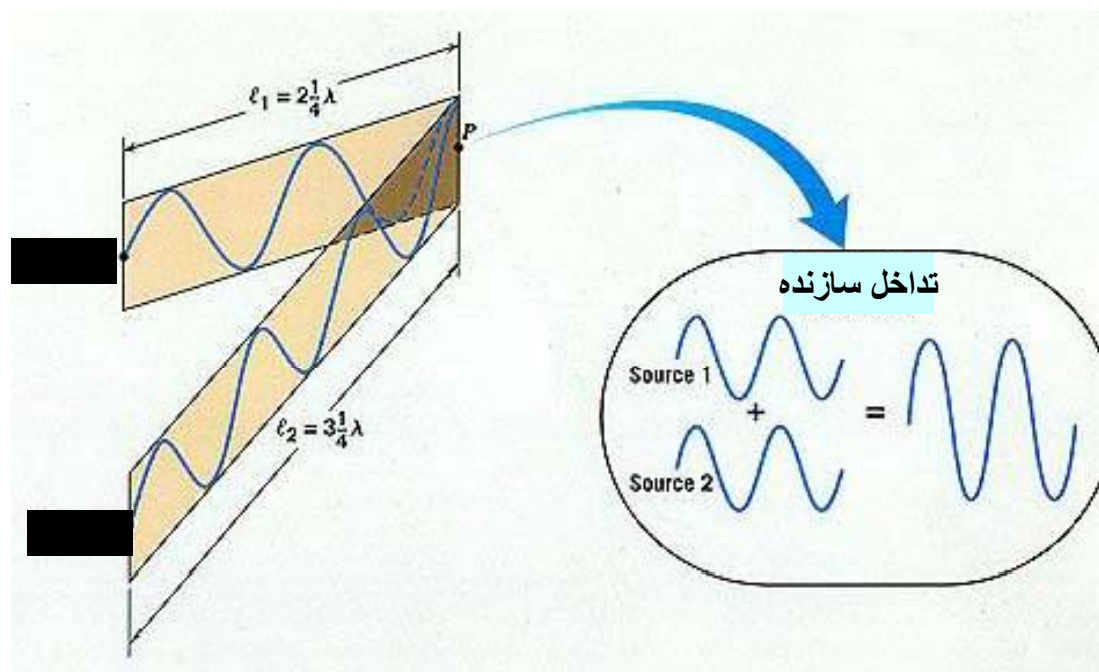
تداخل سازنده



تداخل امواج



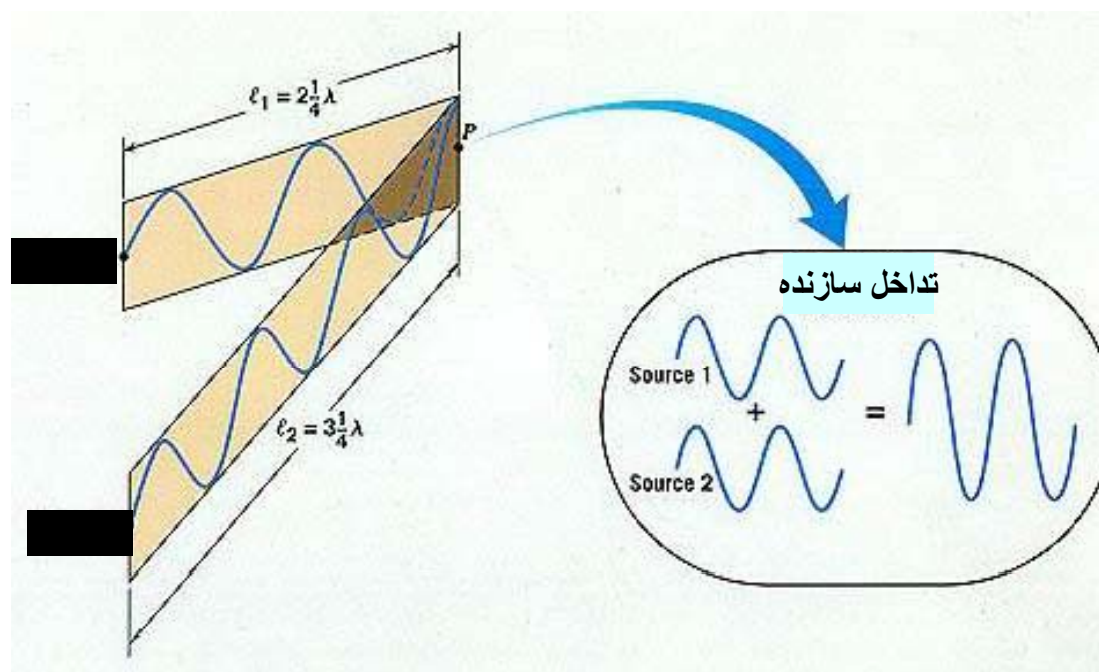




: دو موج همدوس وقتی تداخل سازنده تشکیل می دهند که

$$d_2 - d_1 = n \lambda \quad n = 0, 1, 2, 3, \dots$$

اختلاف راه دو موج باید مضرب صحیحی از طول موج باشد.



دو موج همدوس وقتی تداخل ویرانگر تشکیل می دهند که :

$$d_2 - d_1 = (2n + 1) (\lambda/2) \quad n = 0, 1, 2, 3, \dots$$

اختلاف راه دو موج باید مضرب فردی از نصف طول موج باشد.



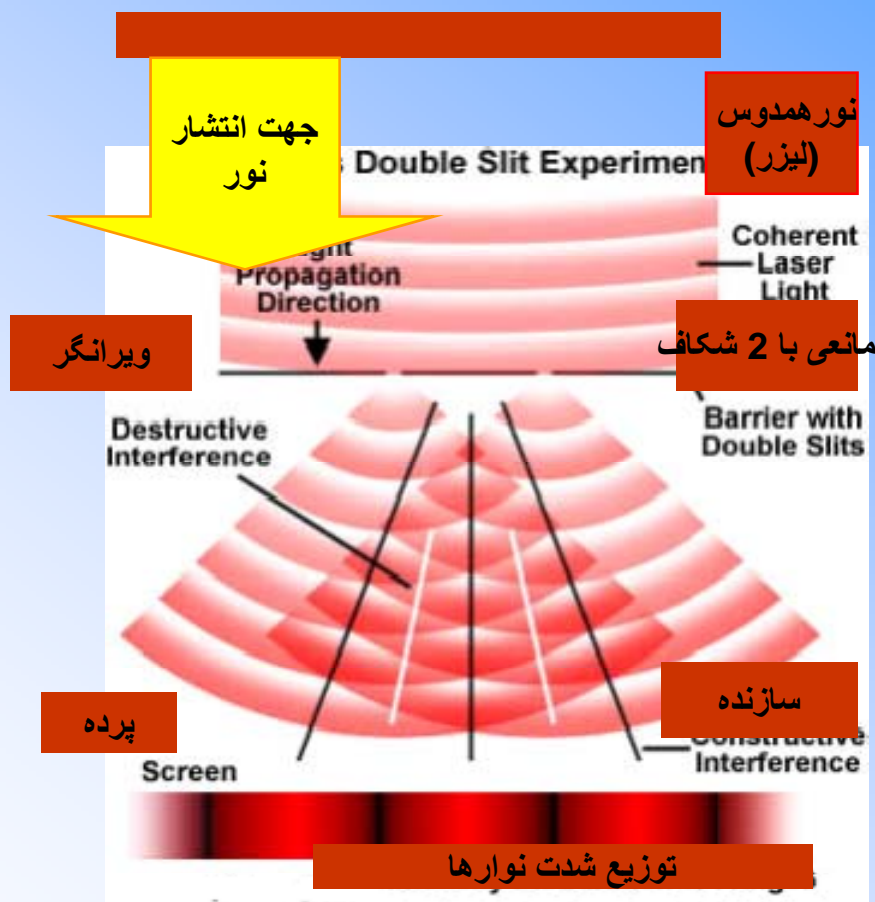
موجی به طول موج 4.0 m فاصله 7.0 m طی کرده است.

الف - چند طول موج را طی کرده است؟

ب - فاز موج چقدر تغییر کرده است؟

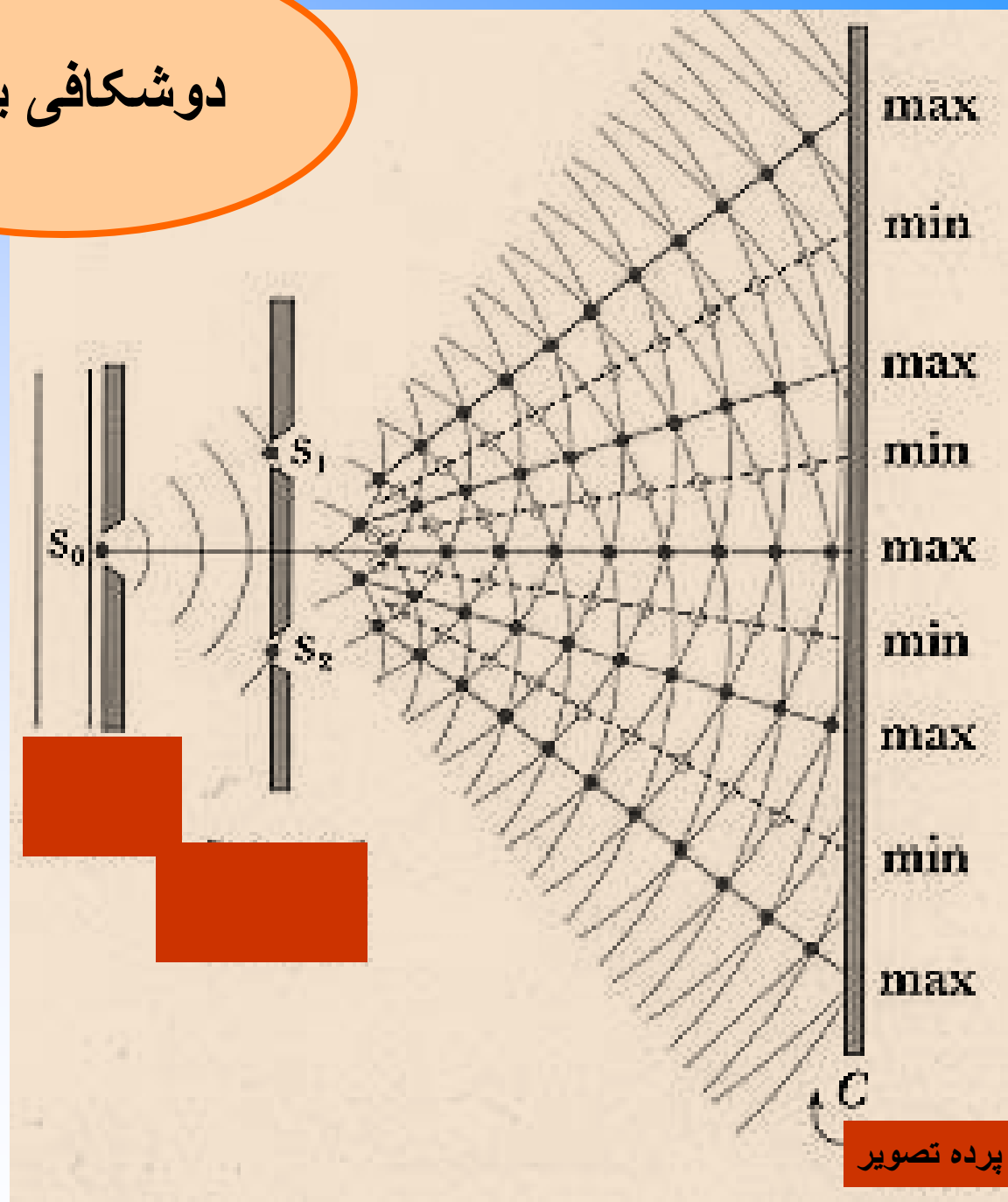
$$\frac{\Delta \delta}{2\pi} = \frac{\Delta L}{\lambda}$$

دو شکافی یانگ



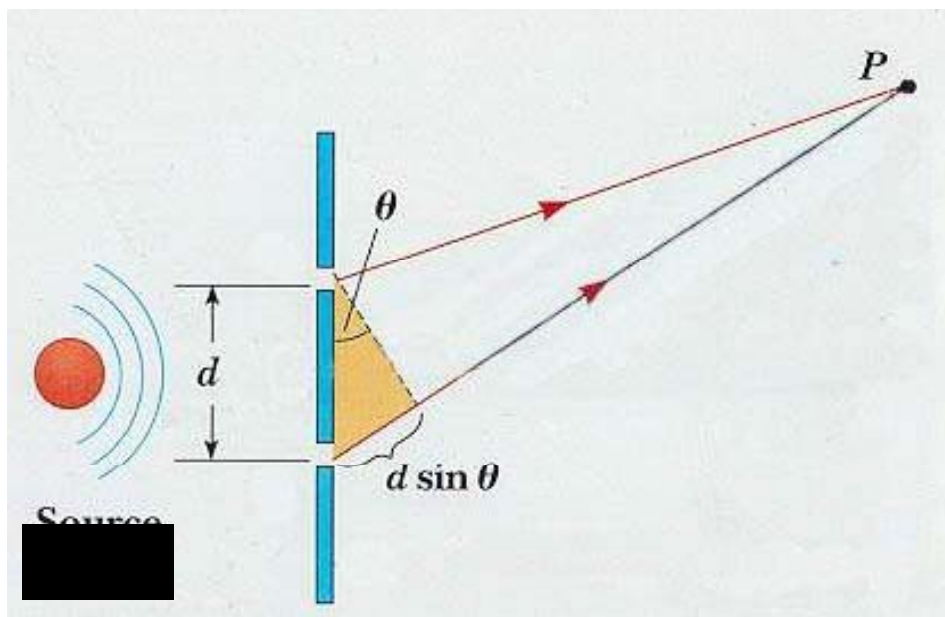


دوشکافی یانگ



پرده تصویر

هندسه دوشکافی ینگ



برای تشکیل نوار روشن در P :

یا: $\lambda = d \sin \theta$ or $2\lambda = d \sin \theta$

$3\lambda = d \sin \theta$ or etc

به ازای λ معین، نوارهای روشن در اینجا تشکیل می شوند:

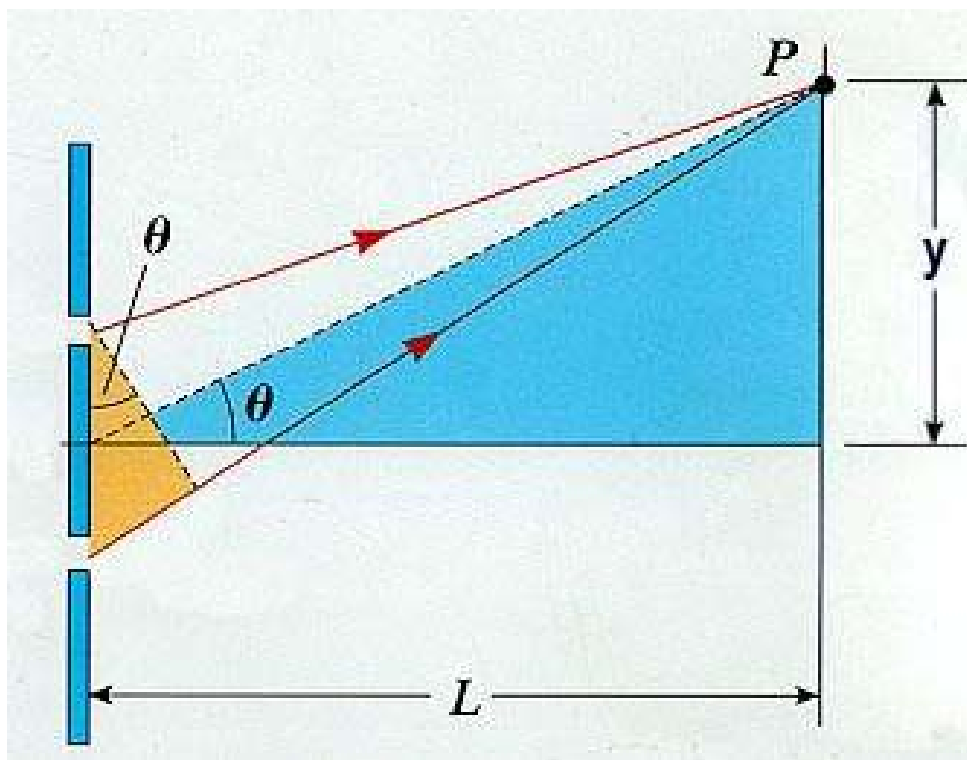
$$\sin \theta = 0$$

$$= \lambda/d$$

$$= 2 \lambda/d$$

$$= 3 \lambda/d$$

$$d \sin \theta = m \lambda, \quad m = 0, 1, 2, \dots$$

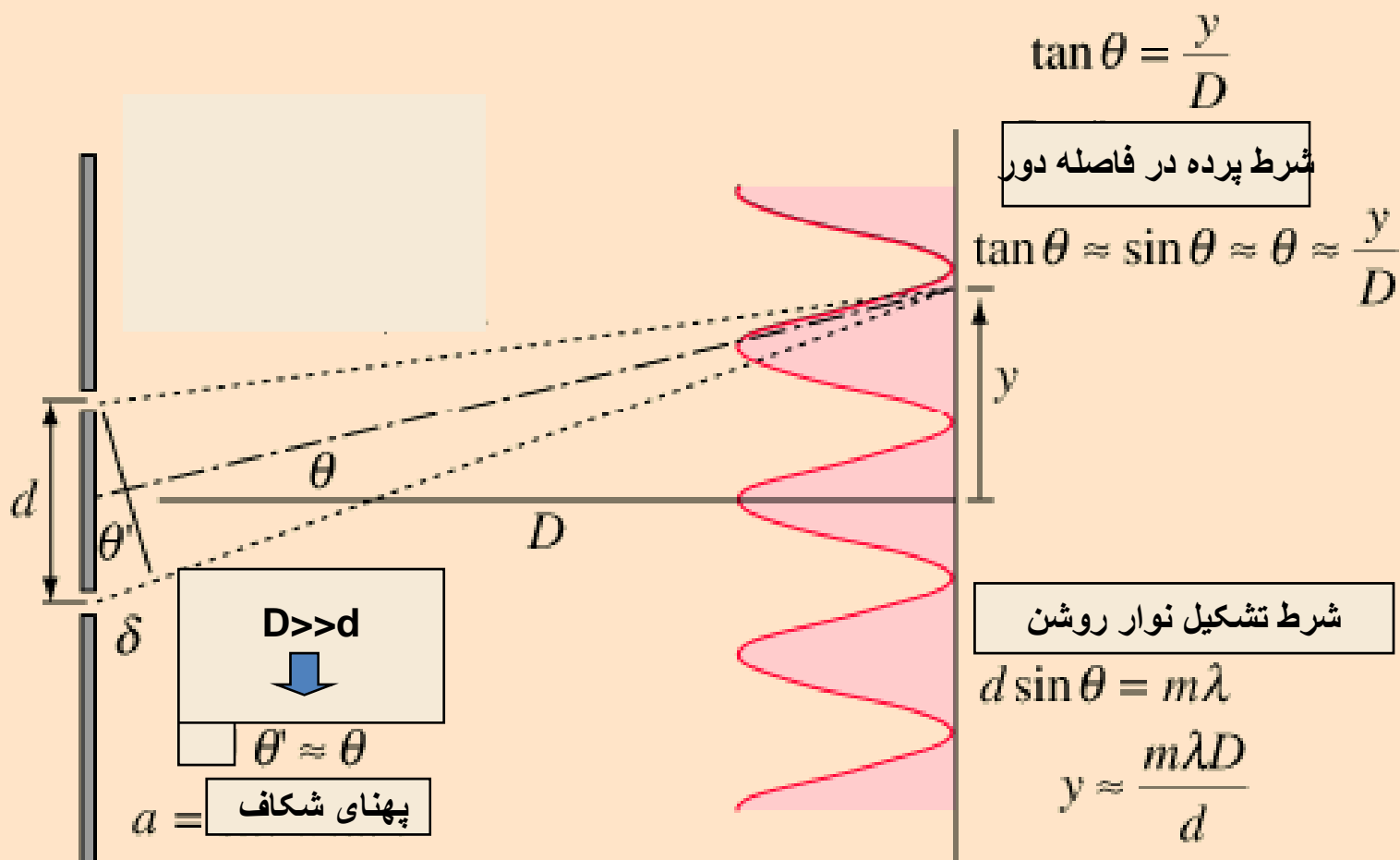


$$\tan \theta = y / L$$

$$y = L \tan \theta$$

اگر مقدار θ که به ازای آن نوار روشن تشکیل می شود معلوم باشد
در این صورت از رابطه $d \sin \theta = m \lambda$ می توان مقادیر y یا
محل نوارهای روشن را محاسبه کرد.

تداخل دوشکافی یا نگ





$$E_1 = E_0 \sin \omega t$$

$$E_2 = E_0 \sin (\omega t + \phi)$$

$$\sin A + \sin B = 2 \cos \frac{1}{2}(A - B) \sin \frac{1}{2}(A + B)$$

$$E_1 + E_2 = 2E_0 \underbrace{\cos \frac{1}{2}(\phi)}_{\text{دامنه}} \sin \frac{1}{2}(2\omega t + \phi)$$

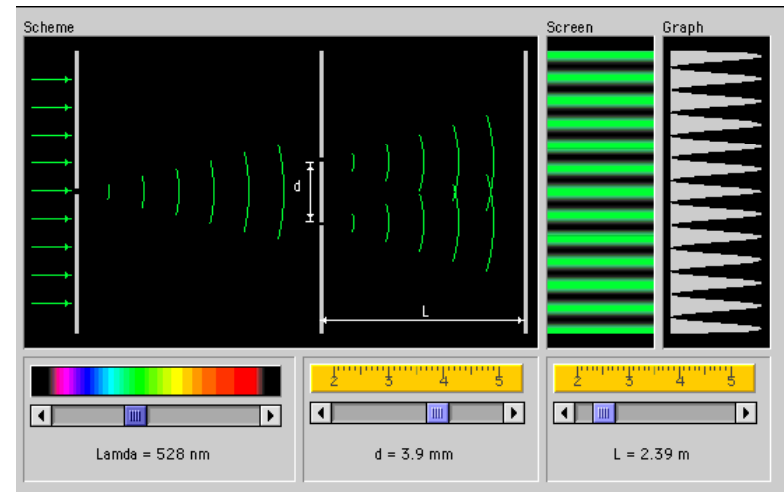


$$I \propto A^2$$

$$= \left[2E_0 \cos \frac{1}{2} \phi \right]^2$$

$$I = 4E_0^2 \cos^2 \frac{\phi}{2}$$

شدت نوارهای تداخلی





$$\left(\begin{array}{c} \text{اختلاف فاز} \end{array} \right) = \frac{2\pi}{\lambda} \left(\begin{array}{c} \text{اختلاف راه دو} \\ \text{موج} \end{array} \right)$$

$$\phi = \frac{2\pi}{\lambda} d \sin \theta$$



روش دیگر:

$$E_1 = E_0 \sin \omega t$$

$$E_1 = E_0 e^{i\omega t}$$

$$E_2 = E_0 \sin(\omega t + \phi)$$

$$E_2 = E_0 e^{i(\omega t + \phi)}$$

$$E_1 + E_2 = E_0 \left(e^{i\omega t} + e^{i(\omega t + \phi)} \right)$$

$$= E_0 e^{i\omega t} \left(1 + e^{i\phi} \right)$$

$$= E_0 e^{i\omega t} e^{i\phi/2} \left(e^{-i\phi/2} + e^{i\phi/2} \right)$$

$$= \underbrace{2E_0 \cos \frac{\phi}{2}}_2 e^{i(\omega t + \phi/2)}$$

$$\cos \theta = \frac{e^{i\theta} + e^{-i\theta}}{2}$$

$$I = 4E_0^2 \cos^2 \frac{\phi}{2}$$



جمع بندی دو شکافی یانگ:

$$d \sin \theta = m\lambda \quad m = 0, 1, 2, \dots$$

$$I = 4I_0 \cos^2 \frac{\phi}{2}$$

$$\phi = \frac{2\pi}{\lambda} d \sin \theta$$



فراموش نکنید...

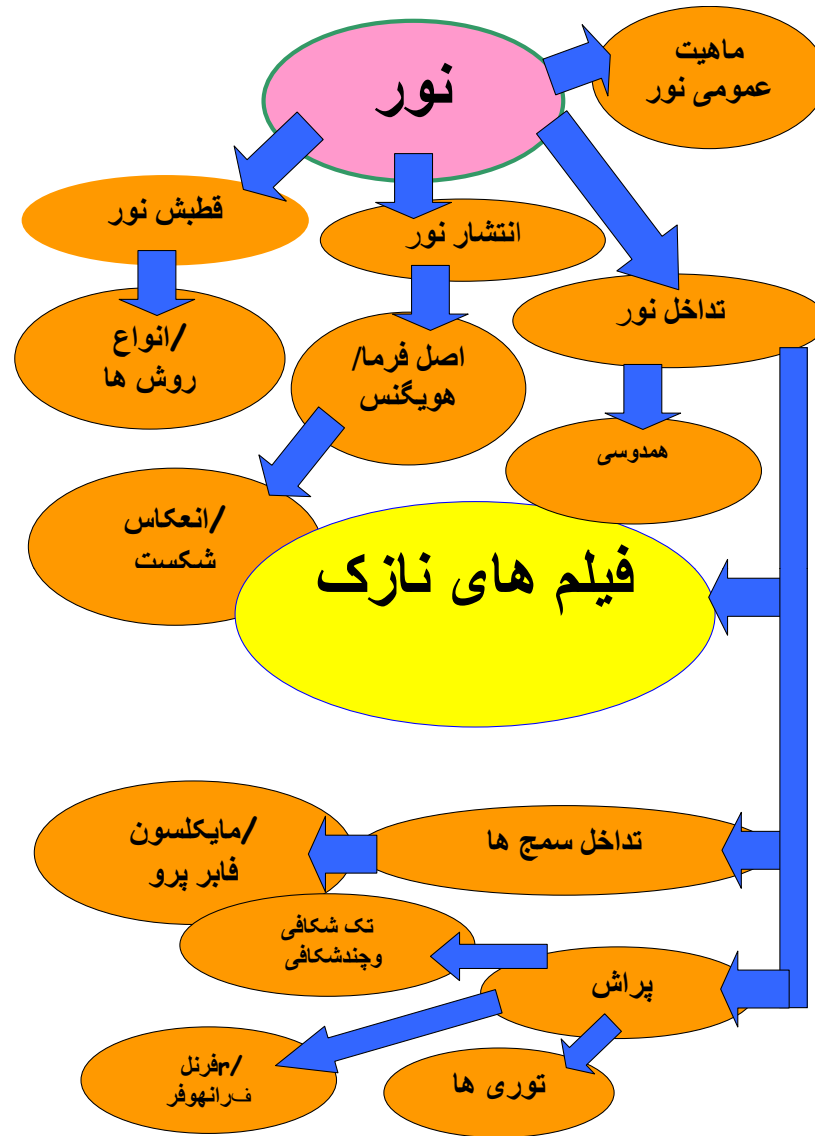
پهنای هر شکاف را اعلام نکردیم . فقط جدایی دوشکاف را
مشخص نمودیم:

$$d \sin \theta = m \lambda$$

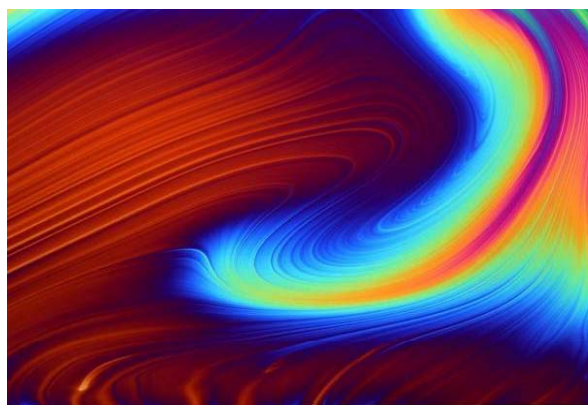
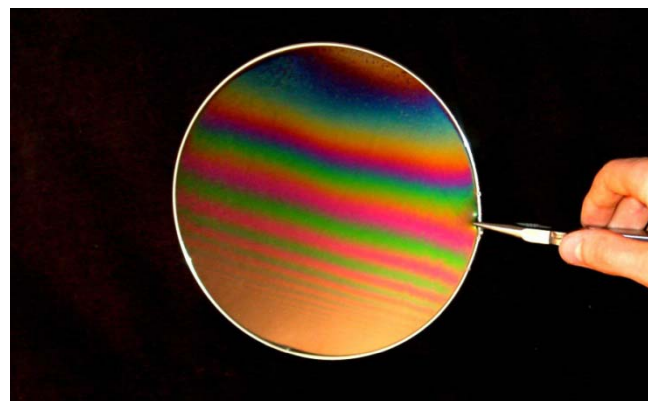
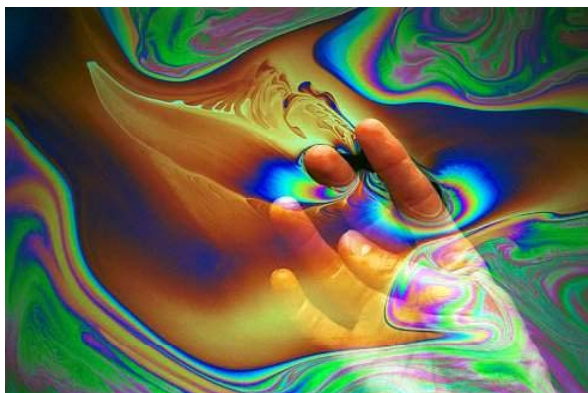


فصل سوم ...

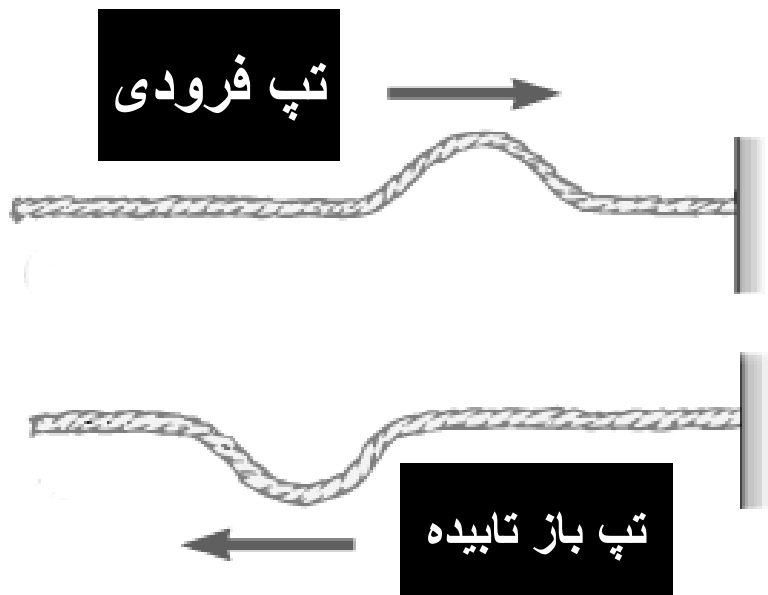
تداخل نور فیلم های نازک



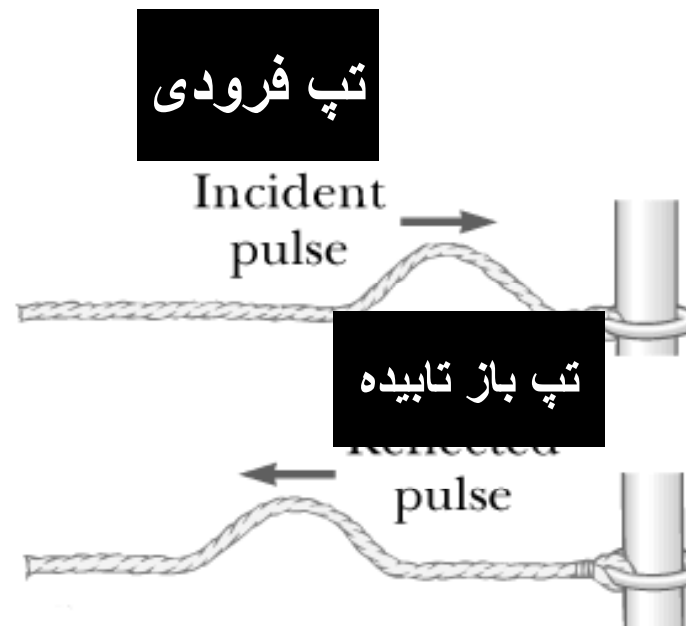
فیلم های نازک



مانع سخت



مانع نرم

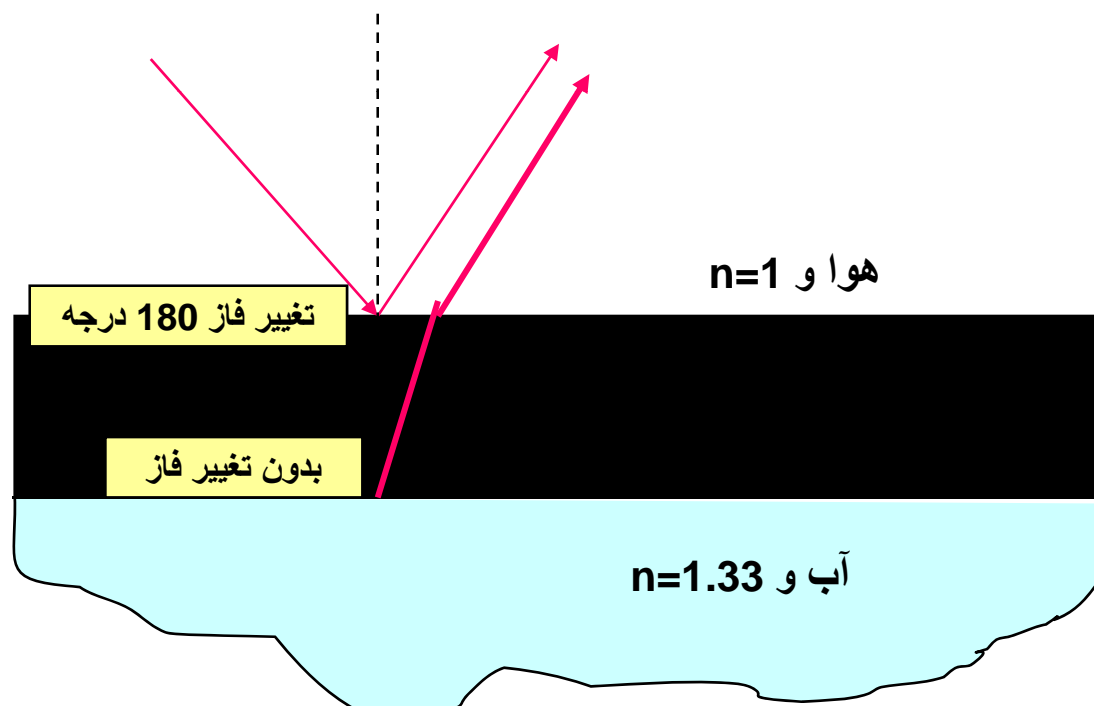


در صورتی که مانع سخت باشد یک اختلاف فاز 180 درجه بین تپ فرودی و بازتابیده ایجاد می شود!



تغییر فاز در اثر بازتاب

اگر نور از محیط با ضریب شکست بالاتر بازتاب یابد نور بازتابیده یک تغییر فاز 180 درجه پیدا می کند. و اگر ضریب شکست کوچکتر باشد هیچ گونه تغییر فازی ایجاد نمی شود. این مسئله در تداخل در فیلم های نازک مهم است و نیز اهمیت ویژه ای در پوشش های ضد بازتاب و فیلترهای تداخلی و نازک دارد.



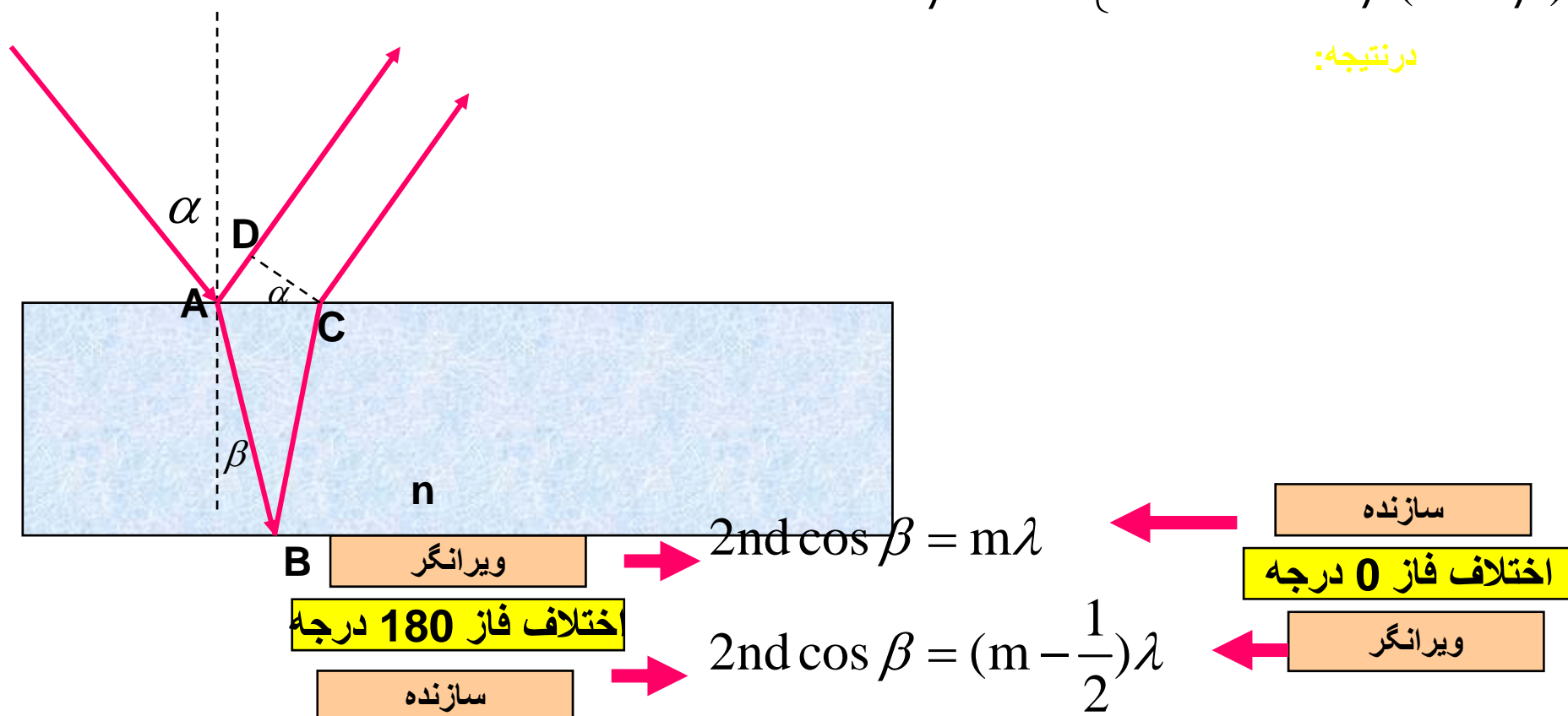
شرط تداخل در فیلم های نازک

اختلاف راه دو پرتو:

$$\Delta = n(AB + BC) - AD$$

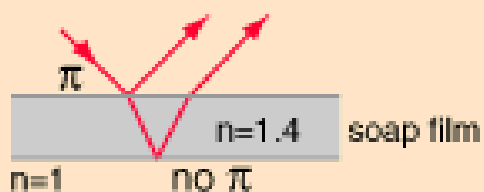
$$AB = \frac{d}{\cos \beta} \quad \begin{cases} AD = (2d \tan \beta) \sin \alpha \\ AD = 2d \tan \beta (n \sin \beta) \end{cases}$$

در نتیجه:

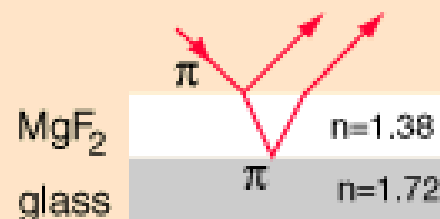


فیلم های نازک

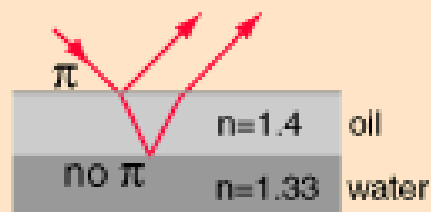
خواص نوری فیلم های نازک از تداخل و بازتاب ناشی می شود . شرط اساسی تداخل بستگی به این دارد که بازتاب ها تغییر فاز 180 درجه پیداکنند یا نه!



لایه نازک صابون



پوشش بی بازتاب



لایه نازک روغن

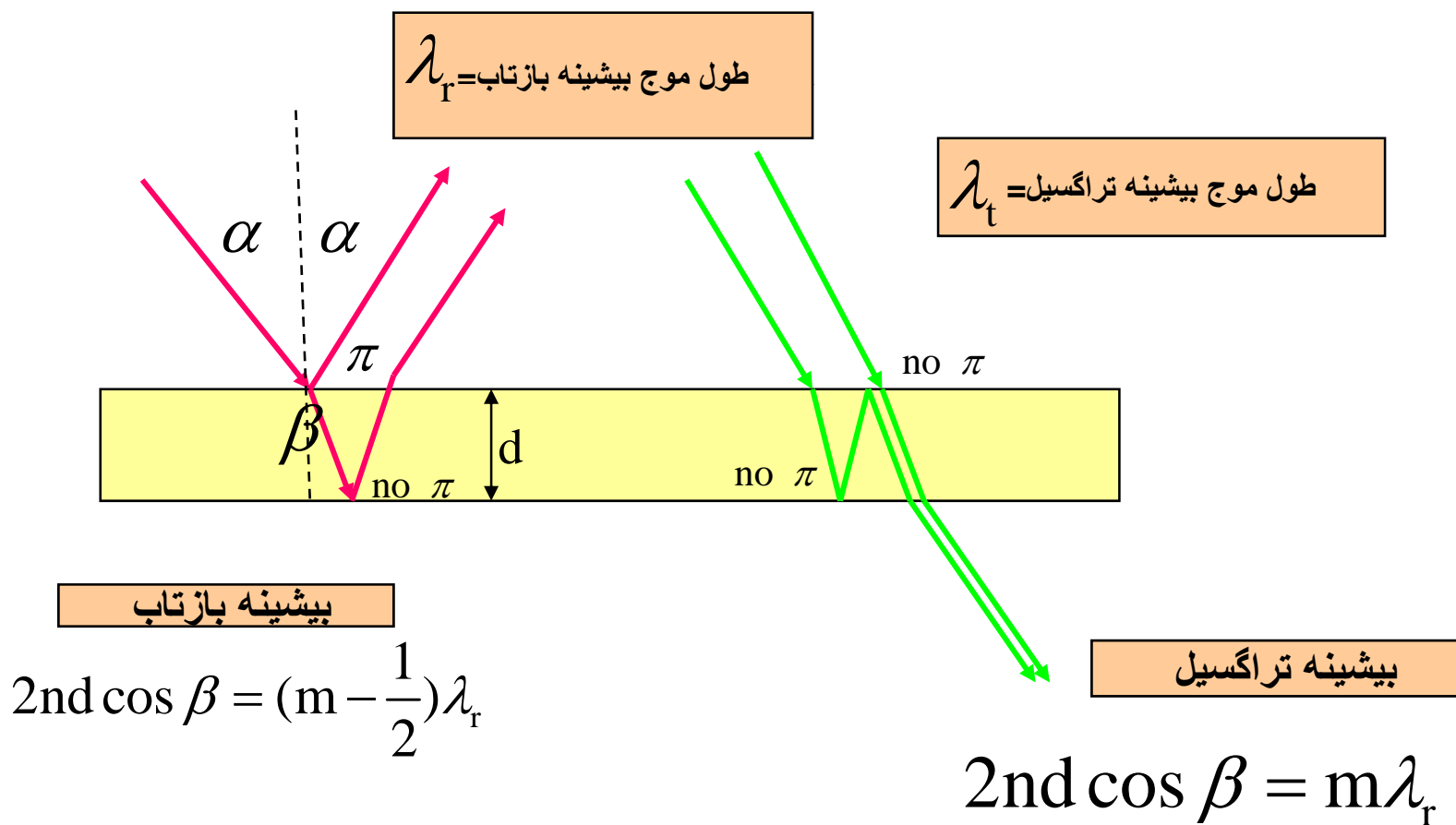
$$2nd \cos \beta = m\lambda$$

$$2nd \cos \beta = (m - \frac{1}{2})\lambda$$

بیشینه و کمینه های تداخل

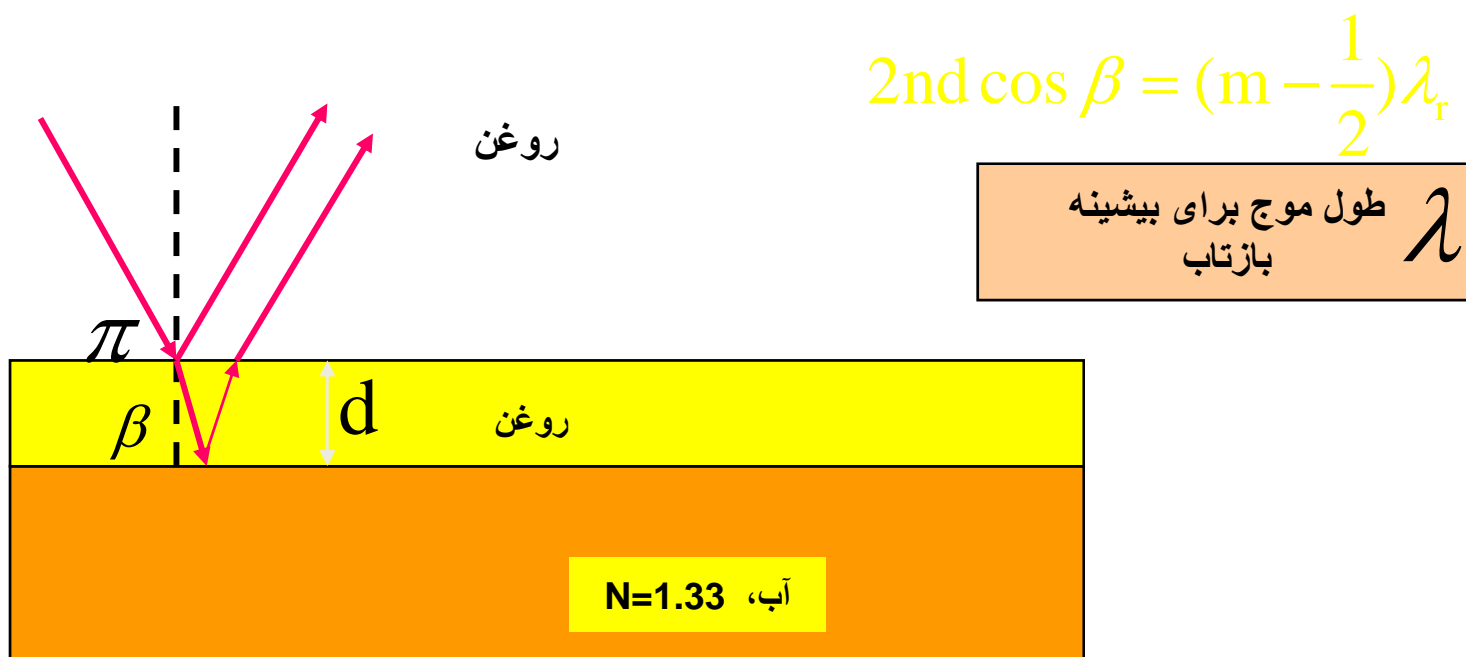
تداخل در لایه صابون

رنگ های تداخل حاصل از لایه صابون به ضخامت لایه و شرط تداخل و اینکه 180 درجه تغییر فاز در اثر بازتاب از سطح لایه و عدم تغییر فاز در اثر بازتاب از سطح پشتی حاصل می شود بستگی دارد. رنگ مشاهده شده به زاویه دید نیز بستگی دارد.



تداخل در لایه روغن

رنگهای تداخل از لایه روغن روی آب به ضخامت لایه دارد و یک تغییر فاز 180° در اثر بازتاب از سطح لایه بوجود می آید ولی بازتاب از سطح پشتی لایه بدون تغییر فاز است یعنی ضریب شکست روغن بزرگتر از آب است .
رتگ ها بستگی به زاویه دید نیز دارد.

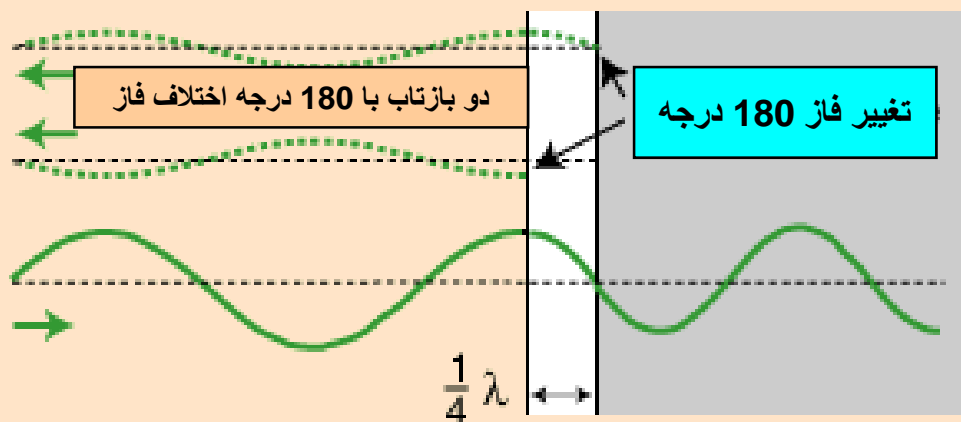


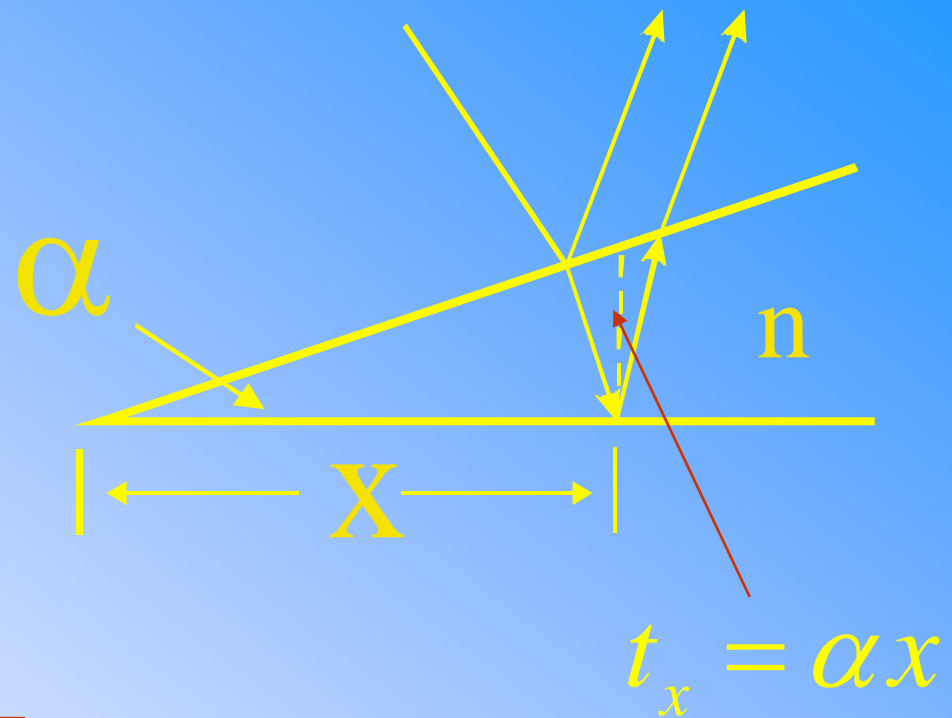
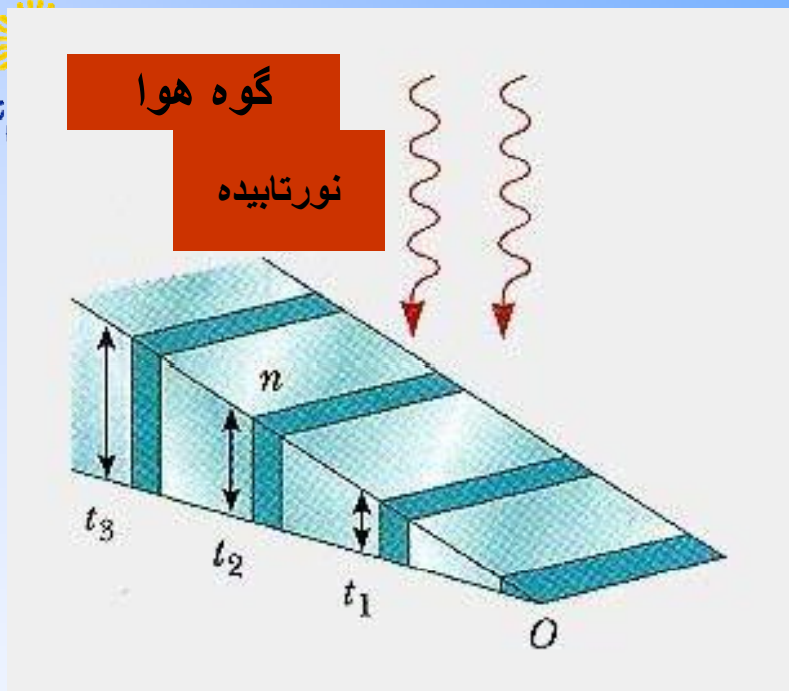


پوشش های بی بازتاب

پوشش های بی بازتاب در عدسی های مرکب از اتلاف نور می کاهند و بر اساس تغییرات فاز و بستگی ضریب بازتاب به ضریب شکست عمل می کنند. یک پوشش به ضخامت ربع طول موج با ضریب شکست مناسب می تواند در آن طول موج بازتاب را حذف کند و پوشش چند لایه می تواند طیف نور مرئی را حذف کند. اگر ضخامت پوشش ربع طول موج و ضریب شکست آن کمتر از شیشه باشد در این صورت مطابق شکل زیر دو بازتاب حاصل 180 درجه اختلاف فاز داشته و این اختلاف فاز ناشی از اختلاف راه طی شده است در نتیجه تداخل ویرانگر خواهد بود و بازتابی نخواهیم داشت.

در پوشش های بی بازتاب دو انعکاس ایجاد می شود که به طور ویرانگر باهم تداخل می نمایند





تغییر فاز 0-180 درجه را در لایه نازک به ضخامت d در نظر بگیرید:

$$\left(m - \frac{1}{2}\right) \lambda = 2nd$$

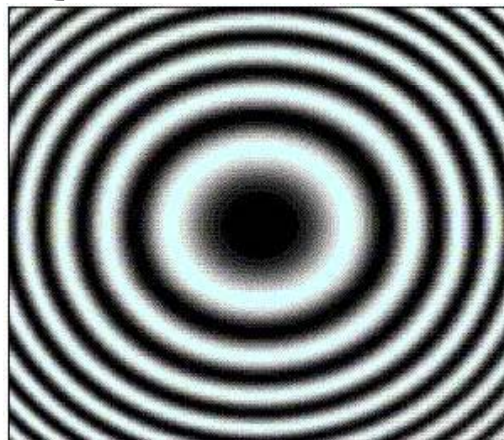
$d = t_x = \alpha x$

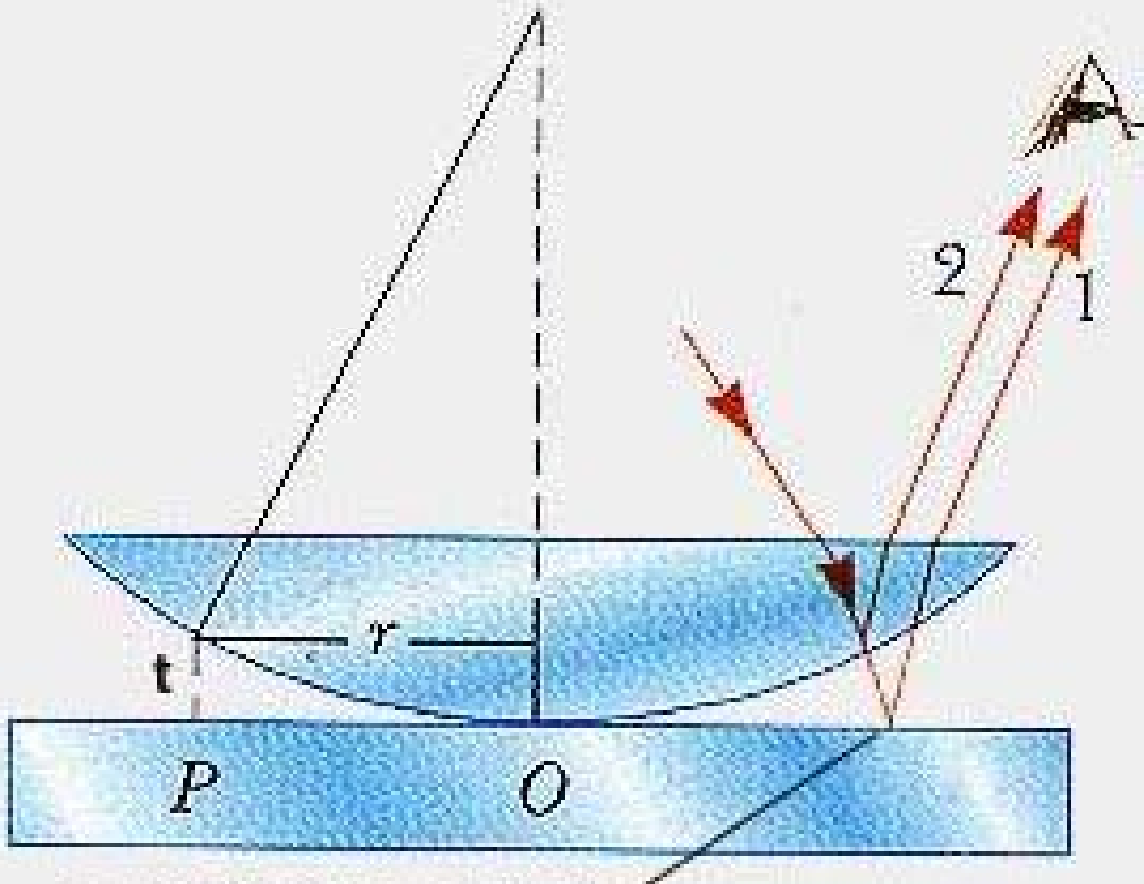
$$\left(m - \frac{1}{2}\right) \lambda = 2n\alpha x$$



حلقه های نیوتن چیست؟

نوارهای هم مرکز رنگی در نواحی که دو سطح شفاف کاملاً با هم تماس ندارند دیده می شود که به **حلقه های نیوتن** مشهور است. این حلقه ها ناشی از تداخل بوده و وقتی روی می دهد که جدایی بین این سطوح در حدود طول موج نور باشد.

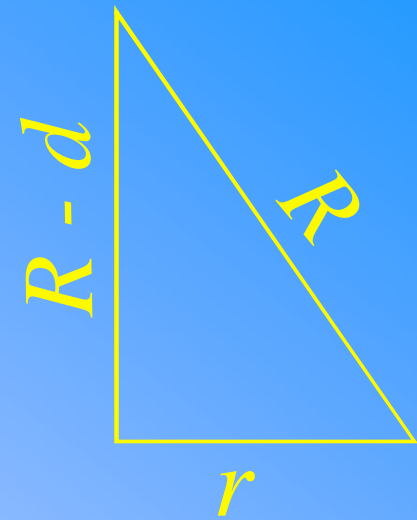
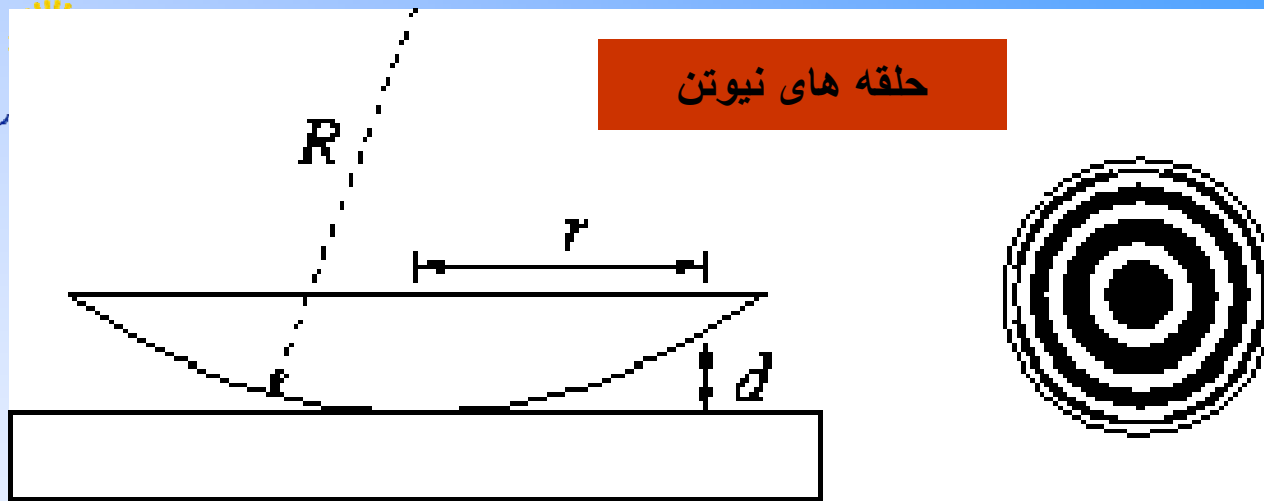




Ray 1: half
phase char

پرتو 1 اختلاف فاز 180 درجه پیدا می کند

حلقه های نیوتن



$$r^2 = R^2 - (R - d)^2$$

$$r^2 = 2Rd - d^2$$

$$R \gg d \quad \rightarrow \quad r^2 \approx 2Rd$$



$$2d_m = \left(m - \frac{1}{2} \right) \frac{\lambda_0}{n}$$

$$r^2 = 2R \left[\frac{1}{2} \left(m - \frac{1}{2} \right) \frac{\lambda_0}{n} \right]$$

$$r_{m, \max} = \sqrt{\left(m - \frac{1}{2} \right) \frac{\lambda_0}{n} R}$$

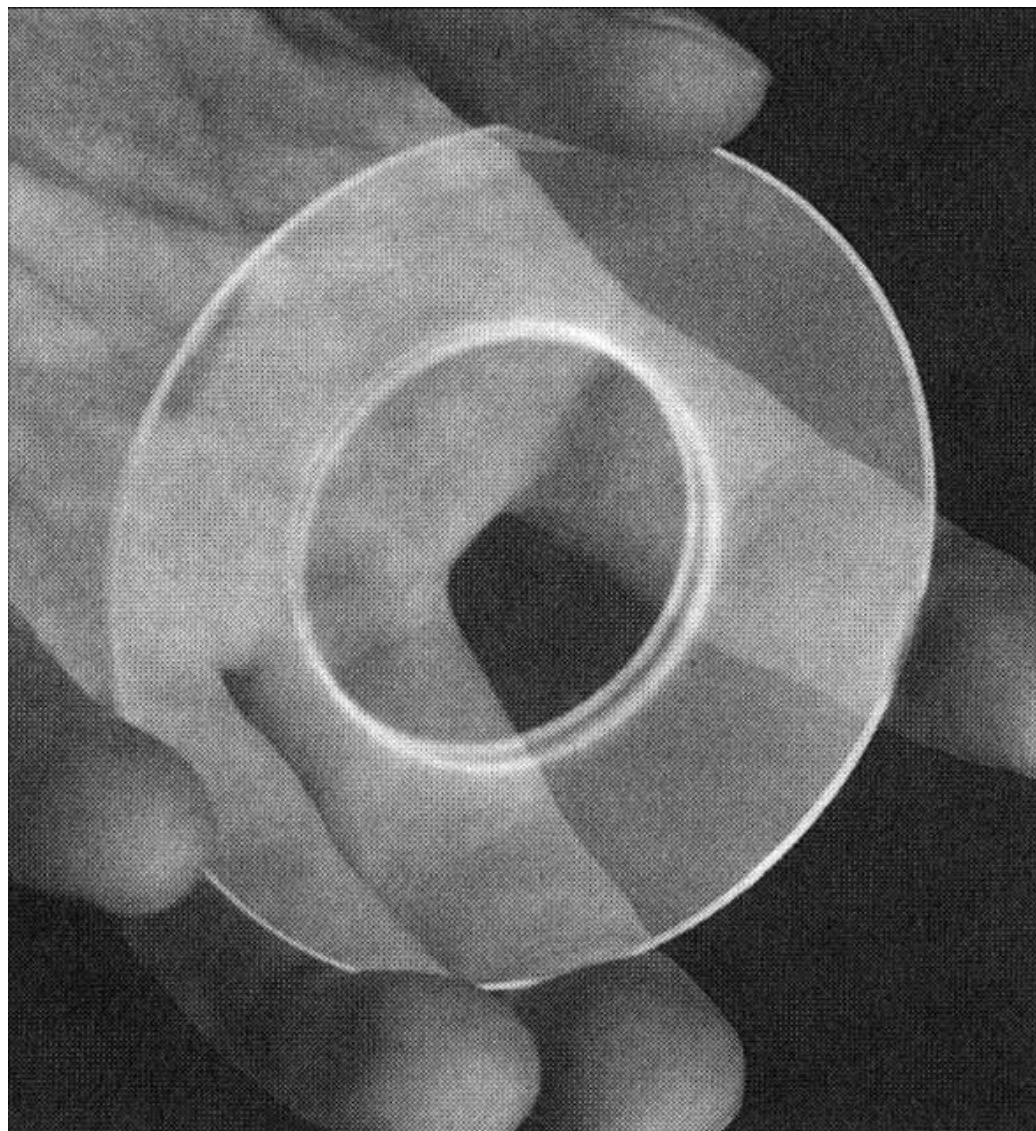
$$r_{m, \min} = \sqrt{m \frac{\lambda_0}{n} R}$$



تداخل سنج ها

هرچشمه عادی نور تعداد زیادی قطار موج تقریبا سینوسی غیر وابسته به هم که هر یک به مدت کمتر از 10^{-8} s دوام دارند منتشر می کند. . موج بر ایند حاصل برای مدت کمتر از زمان همدوسی Δt , فاز ثابت خود را نگه میدارند. .

امواج منتشر شده از همچنین دو چشمه ای می توانند با هم تداخل کنند ولی الگوی تداخل فقط کمتر از Δt ثانیه دوام دارد.



یک پرسش : ظاهراً به نظر
می رسد که وسط این ورقه
پلاستیکی سوراخ بوده و خالی
ولی چنین نیست . آیا می توانید
دلایلی بیاورید که چرا چنین
بنظر می رسد؟



کاربرد تداخل سنج ها

به طور کلی وسیله ای که می تواند الگوی تداخلی را ایجاد کند
تداخل سنج نامیده می شود .

کاربرد تداخل سنج ها در اندازه گیری دقیق طول موج ها ، اندازه
گیری فواصل و ضخامت های ریز ، بررسی خطوط طیفی ،
اندازه گیری ضریب شکست و تعیین فاصله ستاره های دوقلو و
تعیین قطر ستاره های بسیار بزرگ می باشد.



تداخل سنج تقسیم جبهه موج

در تداخل سنج **تقسیم جبهه موج** در واقع دو قسمت از یک جبهه موج بعد از طی مسیرهای مختلف با هم تداخل می کنند . یکی از این تداخل سنج ها را در آزمایش دو شکافی یانگ مشاهده کردید که قبلا بررسی کردیم .

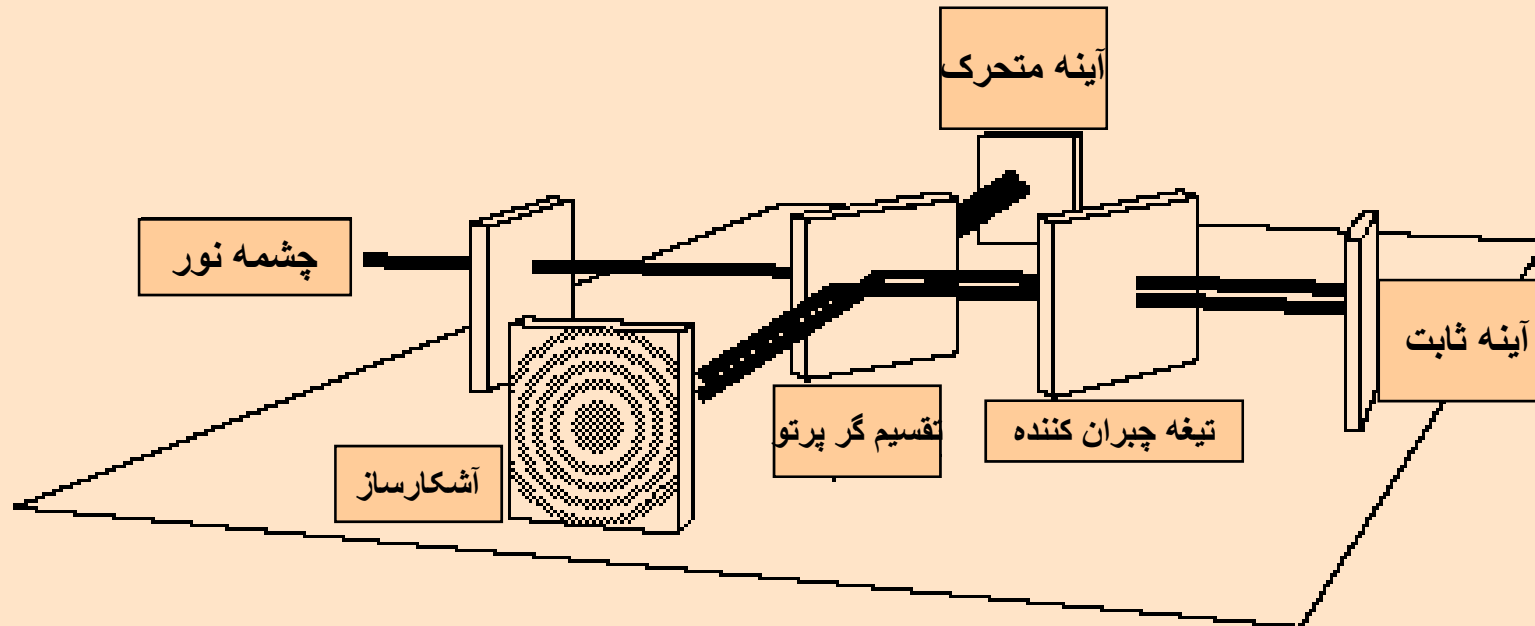


تداخل سنج تقسیم دامنه

تداخل سنج تقسیم دامنه با استفاده از آینه ها دو دامنه از موج جداشده که قبل از به هم آمیزی و تداخل مورد دستکاری قرار می گیرند . تداخل سنج مایکلسون نمونه ای از این نوع تداخل سنج است که در عین حال مهمترین ابزار نوری و نیز تاریخی می باشد.

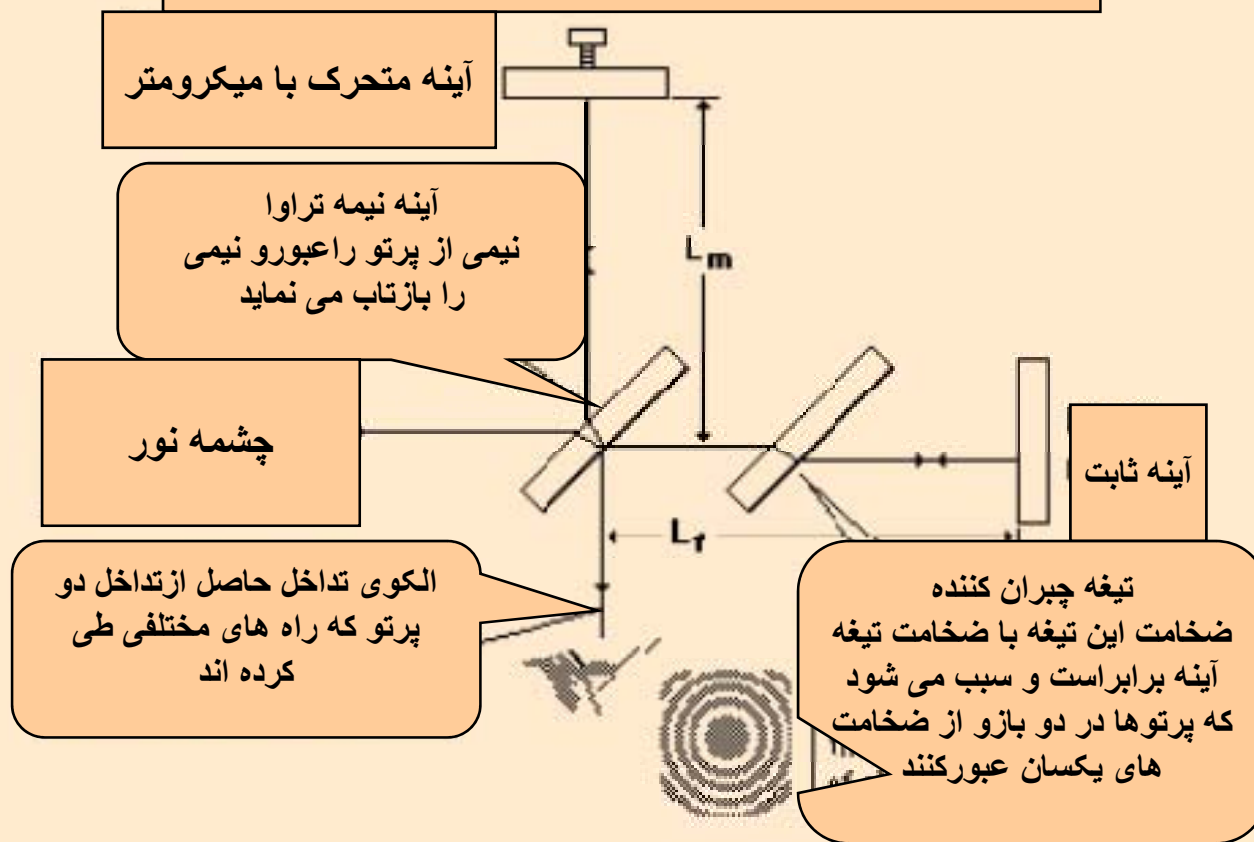
تداخل سنج مایکلسون

در این تداخل سنج نوارهای تداخلی با تقسیم پرتو تک رنگ به دو پرتو که یکی از آنها به یک آینه ثابت و دیگری به یک آینه متحرک می تابد و از تداخل پرتوهای بازتابیده از این آینه ها الگوهای تداخلی بوجود می آید تشکیل می شود.



تداخل سنج تقسیم دامنه

تداخل سنج مایکلسون



باشمردن تعداد نوارها نسبت به یک نقطه مرجع می توان فاصله دقیقی را اندازه گیری کرد.
فاصله d مربوط به m نوار برابر است با:

$$d = \frac{m\lambda}{2}$$



حلقه های نور
سدیم

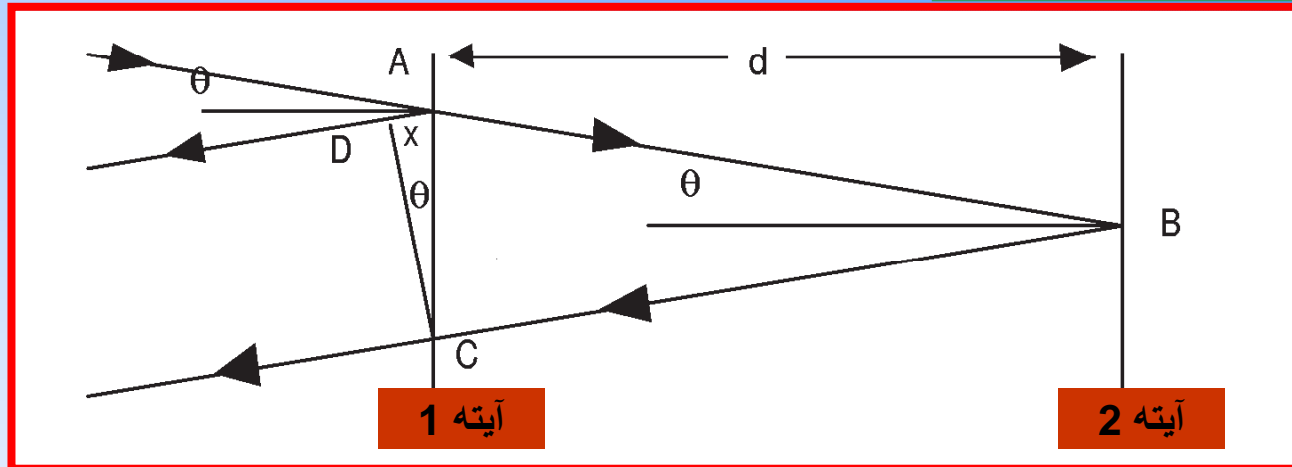


نوارهای تداخلی نور سفید

با تنظیم دقیق آینه های تداخل سنج مایکلسون برای اختلاف مسیر صفر دو پرتو می توان نوارهای نور سفید را مشاهده کرد. این نوارها در شکل زیر به وسیله نور سفید لامپ نئون تولید شده اند.



محاسبه ریاضی:



$$\text{اختلاف راه} \equiv PD = ABC - AD$$

$$= 2AB - AD$$

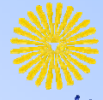
$$AB \cos \theta = d$$

$$AB = \frac{d}{\cos \theta}$$

$$AD = AC \sin \theta$$

$$AC = 2(d \tan \theta)$$

$$AD = 2d \tan \theta \sin \theta$$



انگاه پیام نور

$$PD = 2AB - AD$$

$$AB = \frac{d}{\cos \theta}$$

$$AD = 2d \tan \theta \sin \theta$$

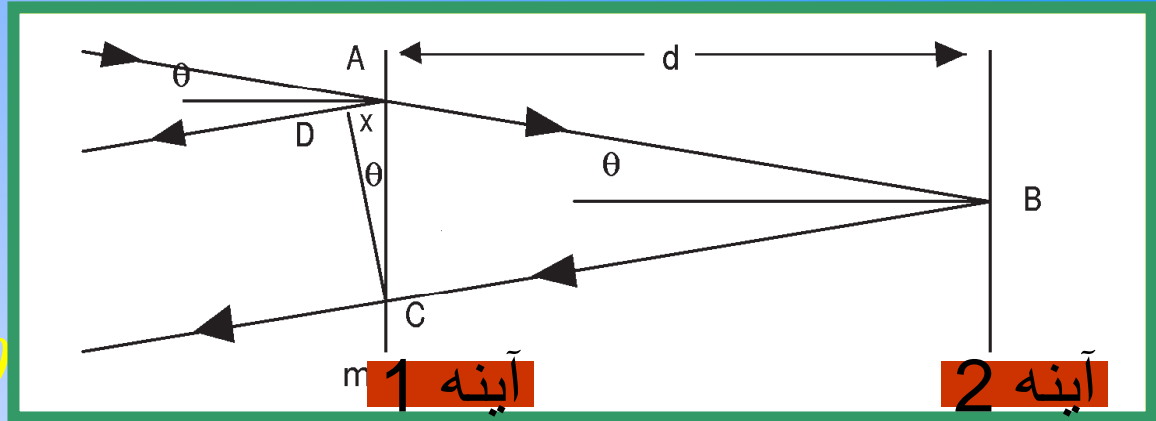
$$PD = \frac{2d}{\cos \theta} - 2d \tan \theta \sin \theta$$

$$= \frac{2d - 2d \sin \theta \sin \theta}{\cos \theta}$$

$$= 2d (1 - \sin^2 \theta) / \cos \theta$$

$$= 2d \cos^2 \theta / \cos \theta$$

$$PD = 2d \cos \theta$$






نوارهای تاریک:

$$\Delta = 2d \cos \theta$$

$$\cos \theta = p \frac{\lambda}{2d}$$



نوارهای دایره ای : آینه ها موازی
نوارهای راست : آینه ها کج



اندازه گیری n

$$\Delta OPL = 2(n - n_{air})t$$

$$\text{جابه جایی نوارها} = \frac{2(n - n_{air})t}{\lambda}$$



چشمه ای با دو طول موج:

$$\cos \theta \approx 1$$

$$2d = p_1 \lambda_1 = p_2 \lambda_2 \rightarrow p_{1,2} = \frac{2d}{\lambda_{1,2}}$$

$$p_1 - p_2 = 2d \left(\frac{1}{\lambda_1} - \frac{1}{\lambda_2} \right)$$

$$p_1 - p_2 + 1 = 2(d + \Delta d) \left(\frac{1}{\lambda_1} - \frac{1}{\lambda_2} \right)$$

$$\Delta \lambda = \lambda_2 - \lambda_1 = \frac{\lambda_1 \lambda_2}{2\Delta d} \approx \frac{\lambda^2}{2\Delta d}$$





ادامه فصل سوم...

تداخل نور

تداخل یانگ



دانشگاه پیام نور

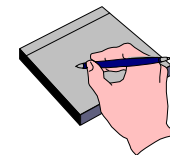


اتیک

!!

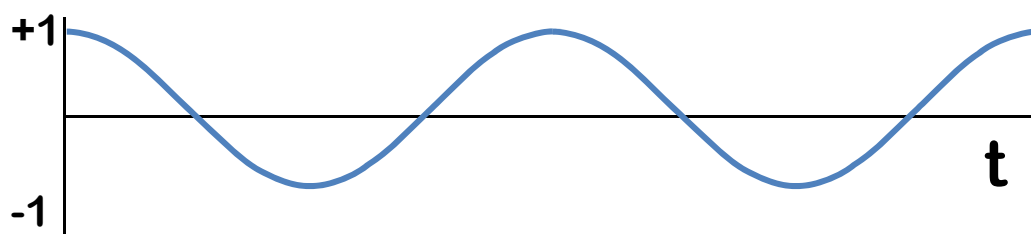
مقمه : پبيه تلخ



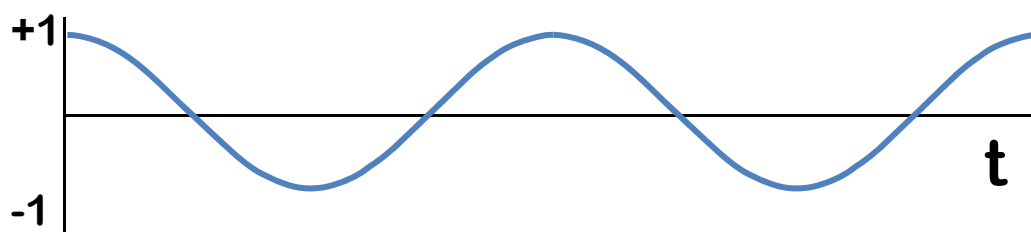


اصل رویهمریزی

تداخل سازنده

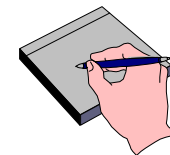


+



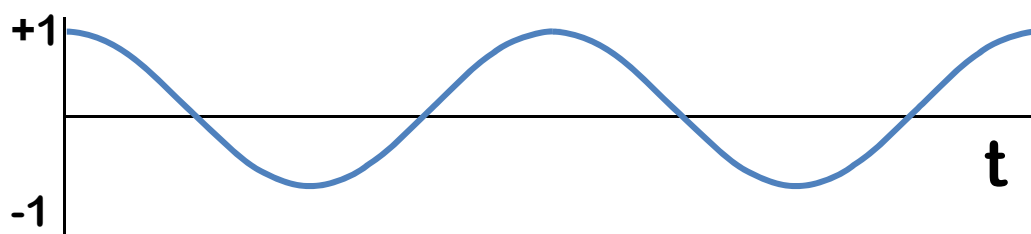
هم فاز



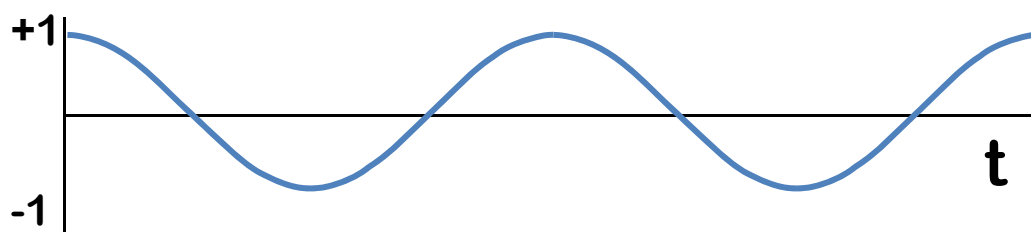


اصل رویهم‌ریزی

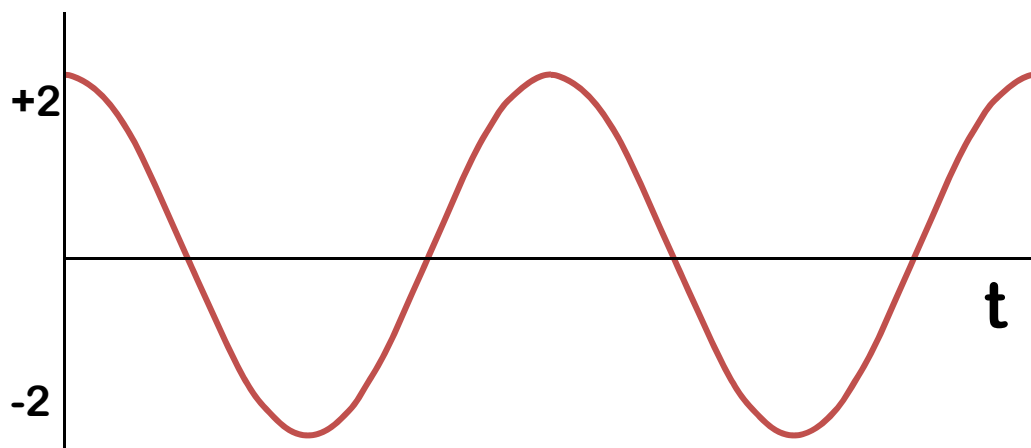
تداخل سازنده

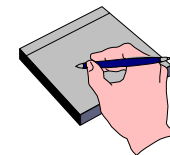


+



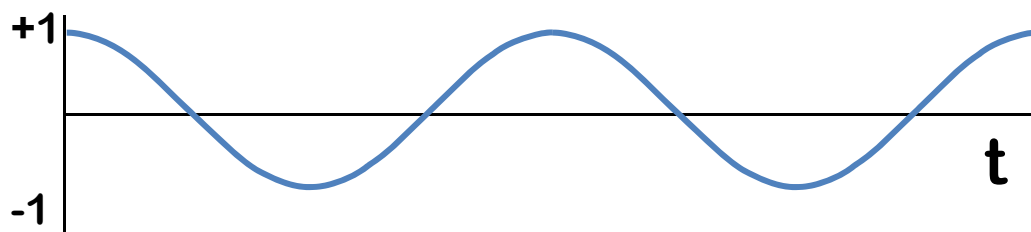
هم فاز



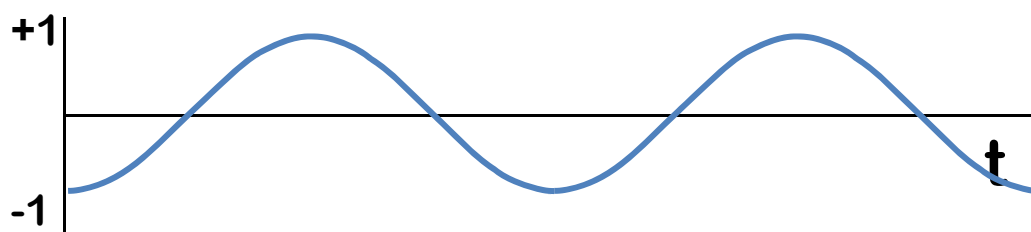


اصل رویهم‌ریزی

تداخل ویرانگر

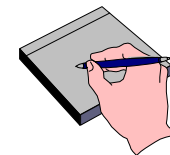


+



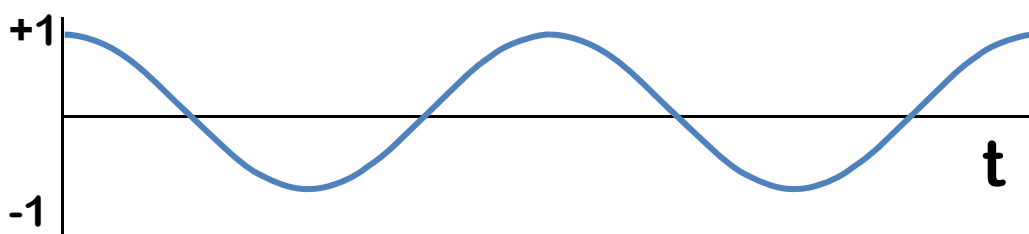
180 درجه اختلاف فاز



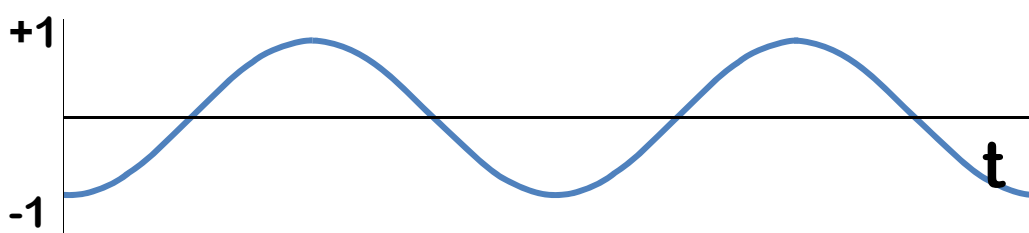


اصل رویهمریزی

تداخل ویرانگر



+

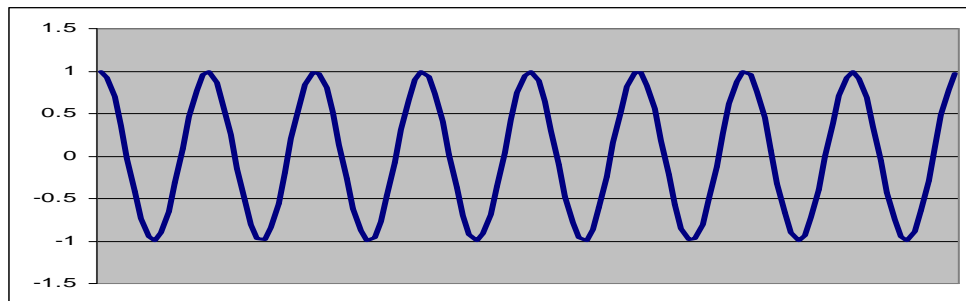


180 درجه اختلاف فاز

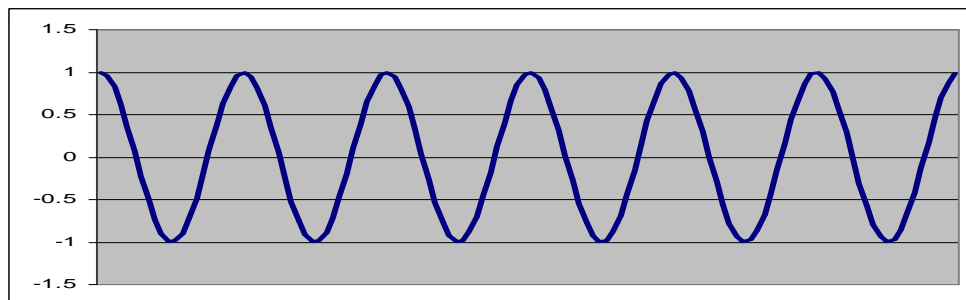




تمرین رویهم ریزی



+



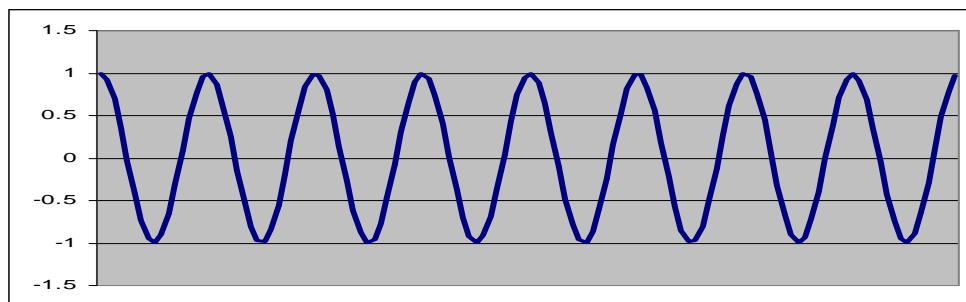
بسامد مختلف

3- هیچ کدام

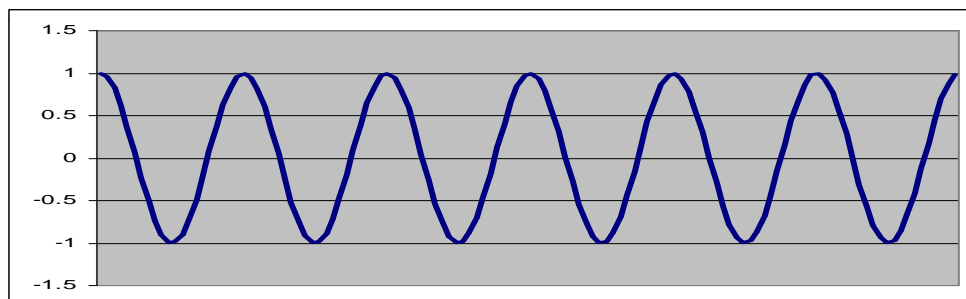
2- ویرانگر

1- سازنده

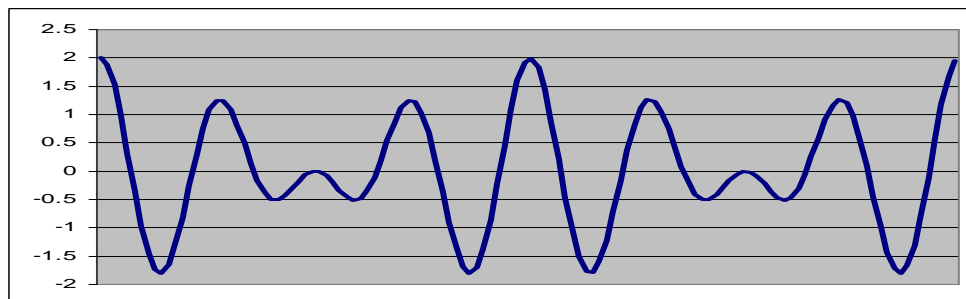
تمرین رویهم ریزی



+



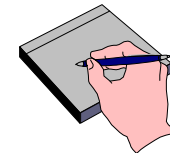
بسامد مختلف



3- هیچ کدام

2- ویرانگر

1- سازنده



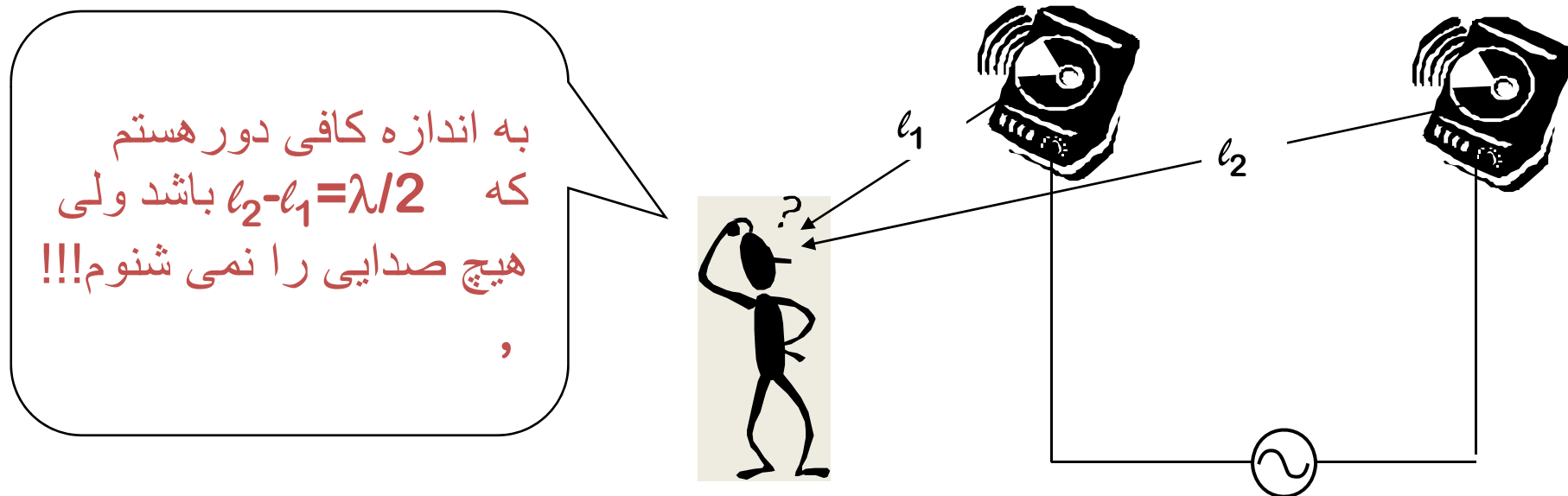
شرط های تداخل:

- وجود دو یا چند موج
- هم بسامد
- همدوس بودن (یعنی ، امواج رابطه فازی معین باهم دیگر داشته باشند)

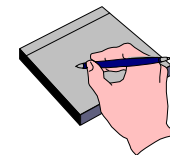


... تداخل صوت ها

مثلا دو بلندگو به طور هم فاز صوت با بسامد f و طول موج λ معین ایجاد می کنند.



ولی این در مورد نور درست نیست ، به این وسیله نمی توان امواج همدوس ایجاد کرد



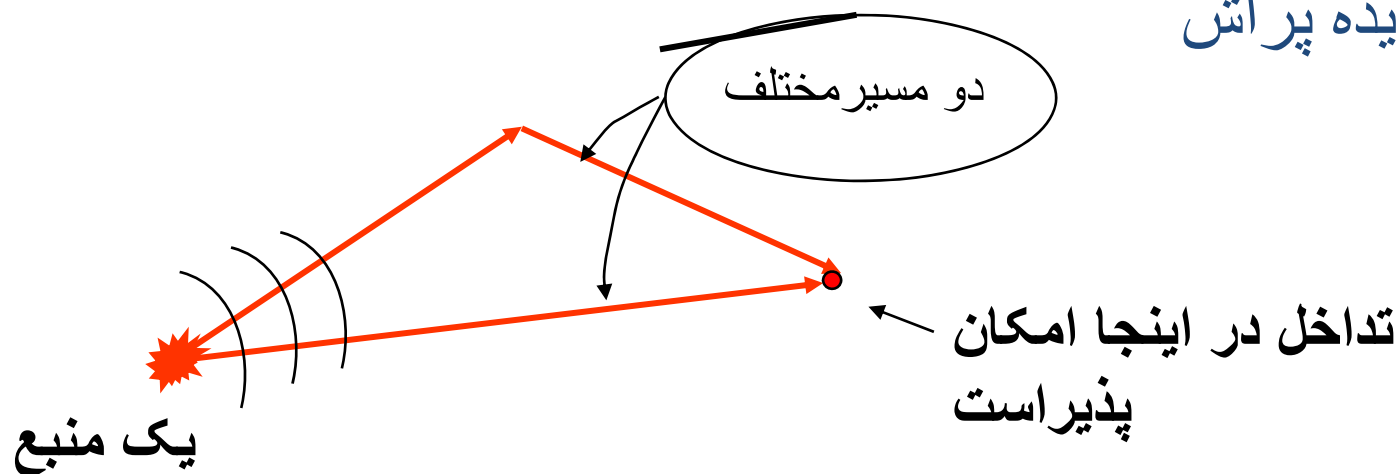
... تداخل نور

- نمی توان نور همدوس به وسیله دو منبع جداگانه ایجاد کرد. $(f \approx 10^{14} \text{ Hz})$.
- لازم است که موج نور از یک منبع و در دو مسیر جداگانه بیاید

– تداخل دوشکافی

– تداخل بوسیله انعکاس (فیلم های نازک)

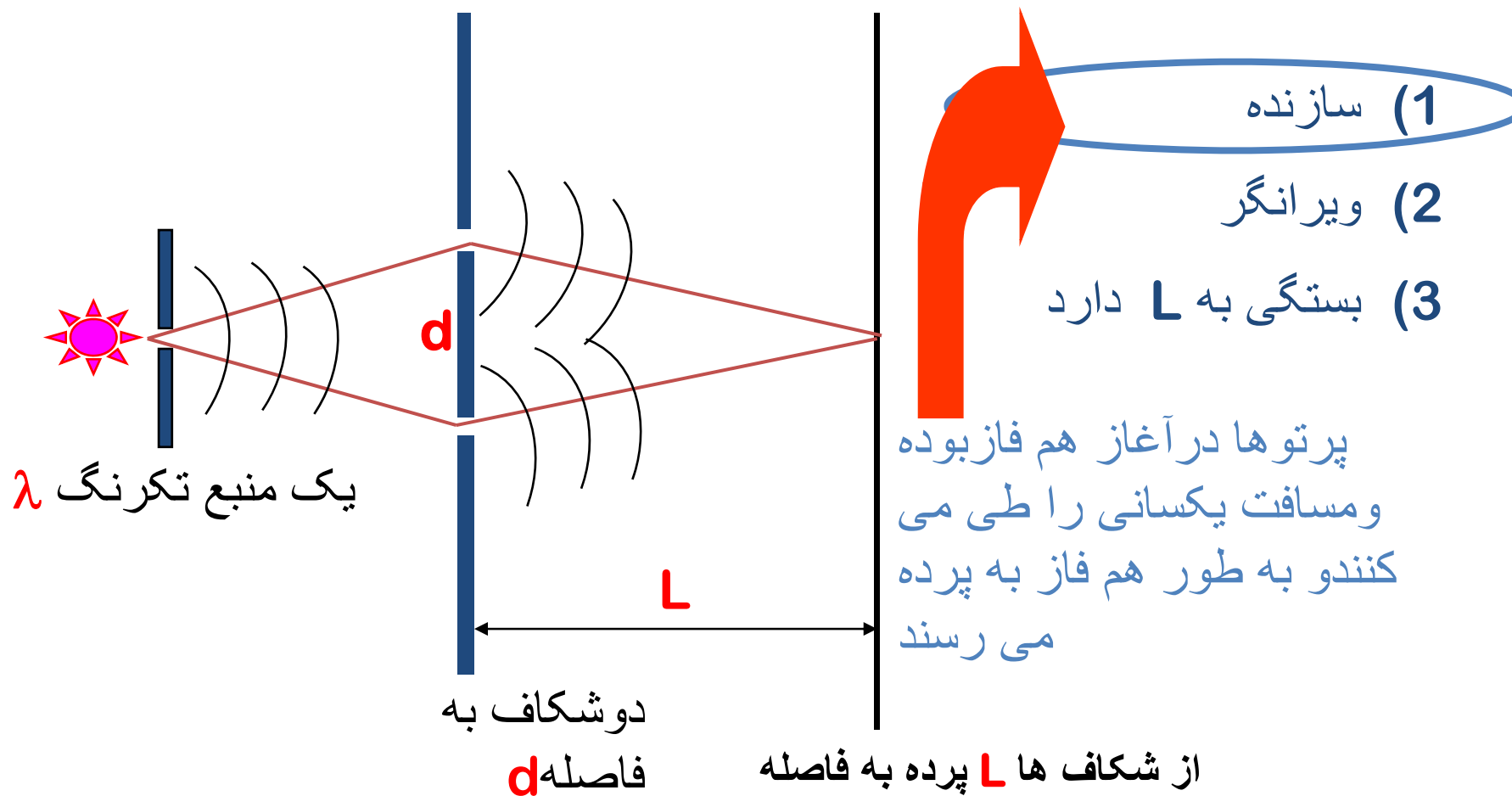
– پدیده پراش





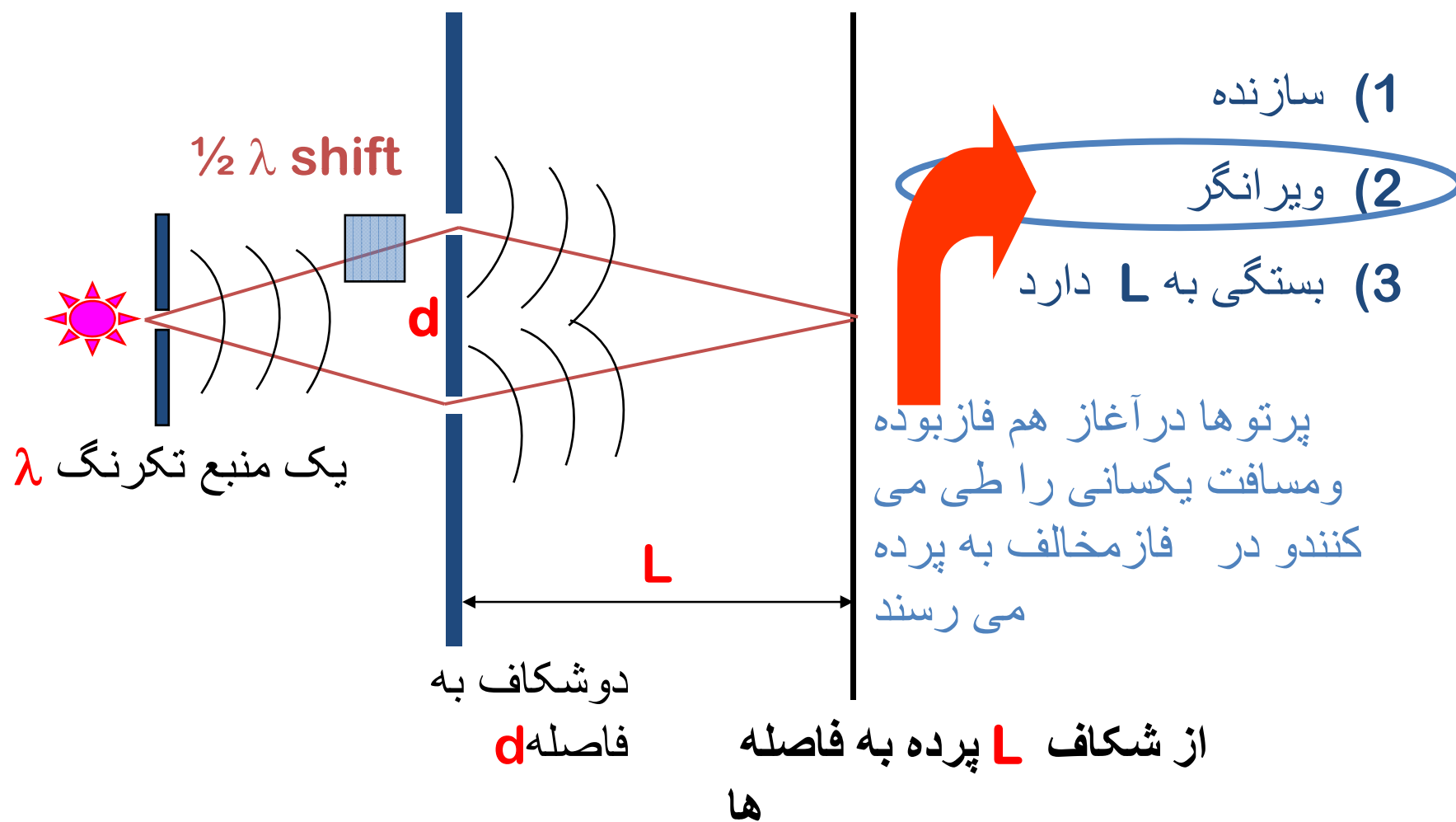
تمرین : تداخل دوشکافی یانگ

امواج نور حاصل از یک شکاف دومسیر مختلف را قبل از رسیدن به صفحه طی می کنند. تداخل رو صفحه چگونه است؟:

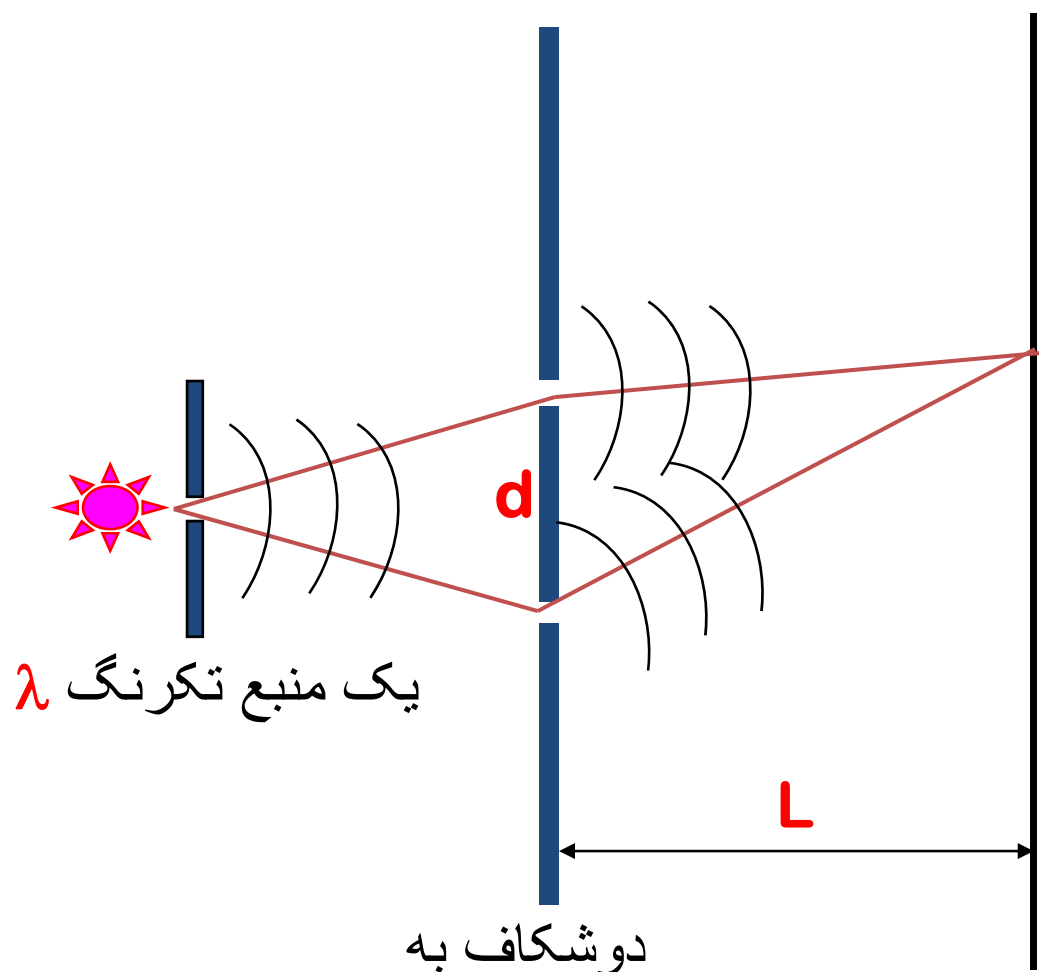


پیش آزمون

آزمایش را اندکی تغییر می دهیم به طوری که یکی از امواج تغییر فازی به اندازه $\frac{1}{2} \lambda$ پیدا کند. در این حالت تداخل چگونه است؟



اصل دوشکافی یمانگ



یک منبع تک‌رنگ λ

دوشکاف به

فاصله d

از شکاف L پرده به فاصله

ها

در نقاطی که اختلاف مسیر

$0, \lambda, 2\lambda, \dots$ است پرده
روشن است (سازنده)

در نقاطی که اختلاف طول

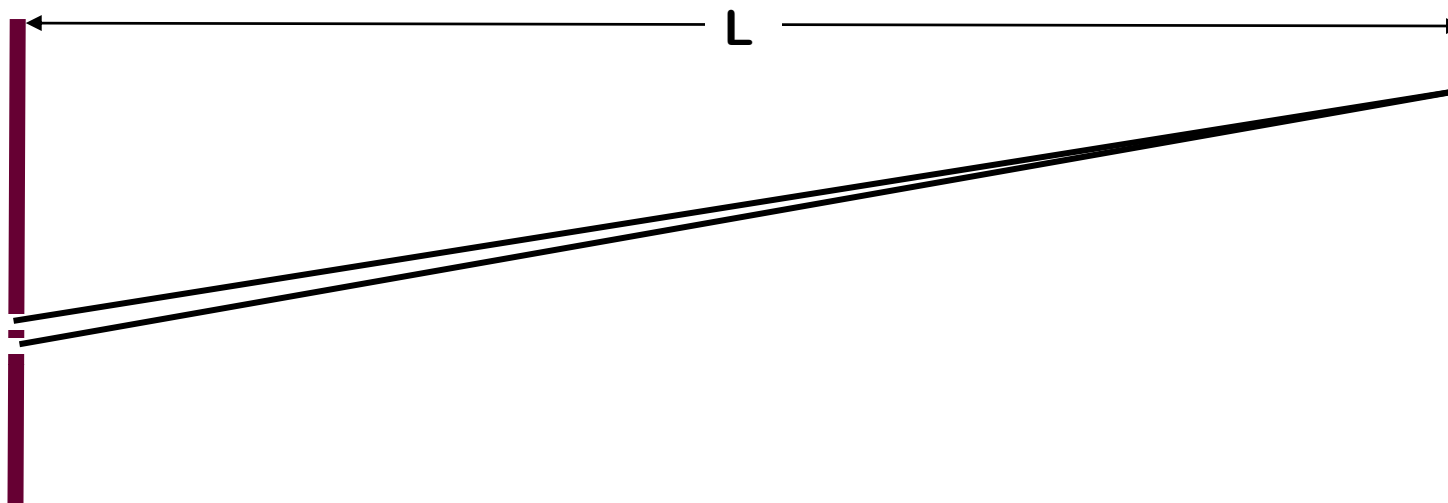
مسیر برابر با $\frac{\lambda}{2}, \frac{3\lambda}{2}, \frac{5\lambda}{2}, \dots$

است پرده تاریک است

(ویرانگر)



نظریه کلیدی در تداخل ینگ

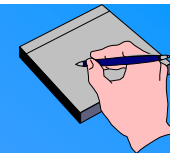


دو پرتو مسافت تقریباً یکسانی را طی میکنند

پرده باید خیلی دور باشد: $(L \gg d)$

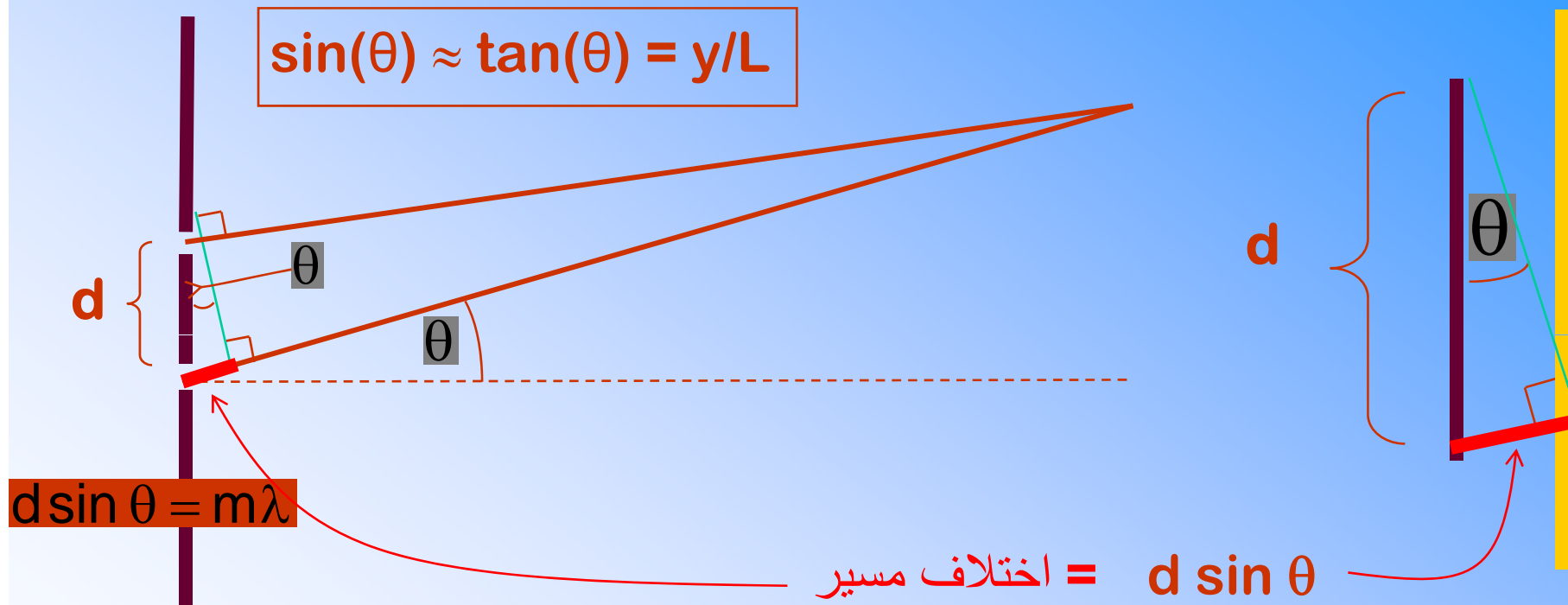
پرتو پایینی مسافت اندک بیشتری را طی می کند

نقش کلیدی در تداخل را همین مسافت اندک بیشتر ایفا می کند.



دو شکاف یانگ به طور کمی

$$\sin(\theta) \approx \tan(\theta) = y/L$$



$$d \sin \theta = m \lambda$$

اختلاف مسیر = $d \sin \theta$

تداخل سازنده

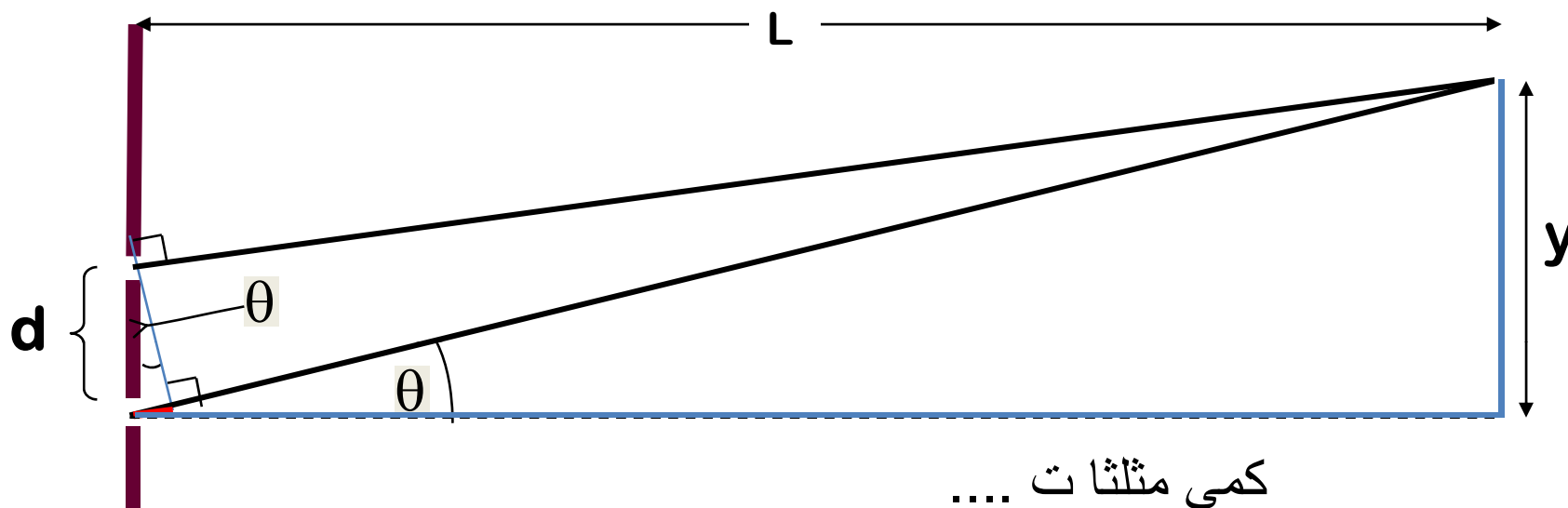
$$\lambda < d$$

تداخل ویرانگر

$$(m = 0, 1, 2, \dots)$$

$$d \sin \theta = (m + \frac{1}{2}) \lambda$$

دو شکافی یانگ به طور کمی



$$\sin(\theta) \approx \tan(\theta) = y/L$$

$$y = \frac{m\lambda L}{d}$$

تداخل سازنده

$$d \sin \theta = m\lambda$$

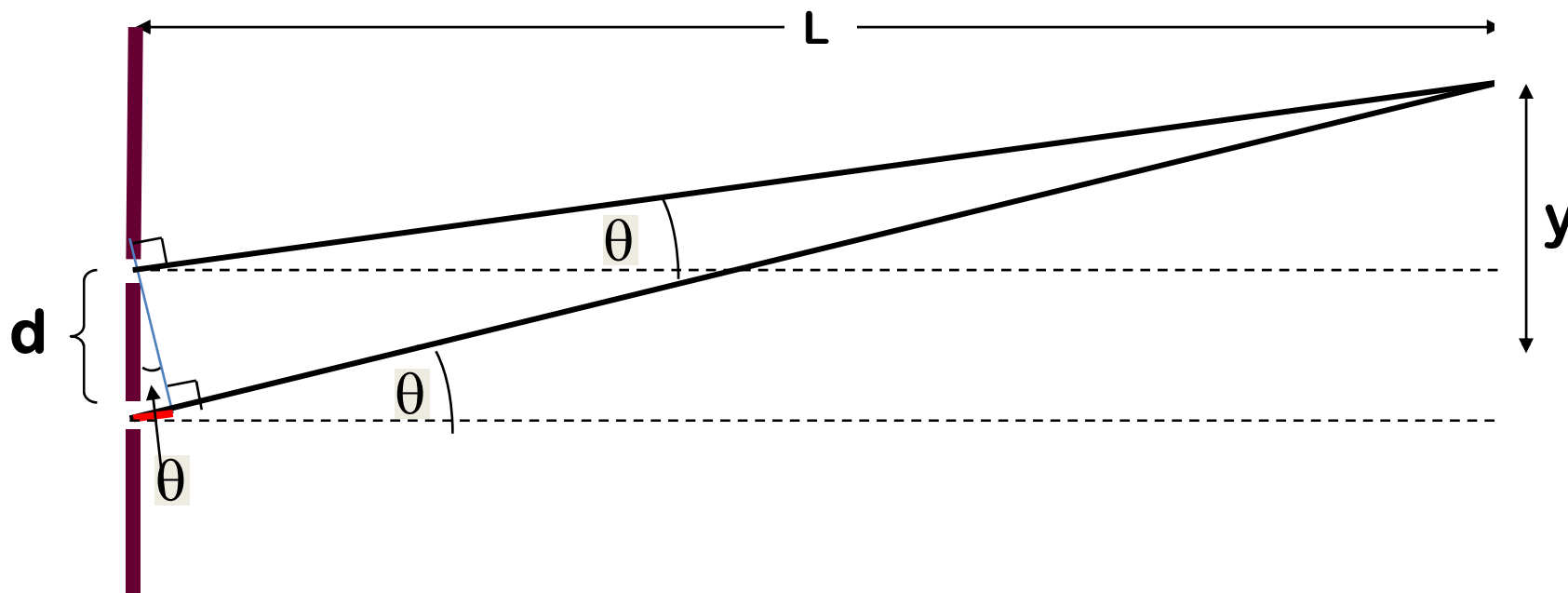
تداخل ویرانگر

$$d \sin \theta = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda$$

$$y = \frac{\left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda L}{d}$$

$m = 0, \text{ or } 1, \text{ or } 2, \dots$

پیش آزمون



وقتی آزمایش دوشکافی یانگ را در آب قرار دهیم در این صورت جدایی بین بیشیه ها و کمینه ها

1) افزایش

2) بدون تغییر

3) کاهش

می یابد.

طول موج در درون آب کوتاهتر است...



تمرین

در آزمایش دو شکافی یانگ آیا بیشینه های تداخل را در صورتی که فاصله بین شکافها کمتر از طول موج نور باشد دید؟



بلی

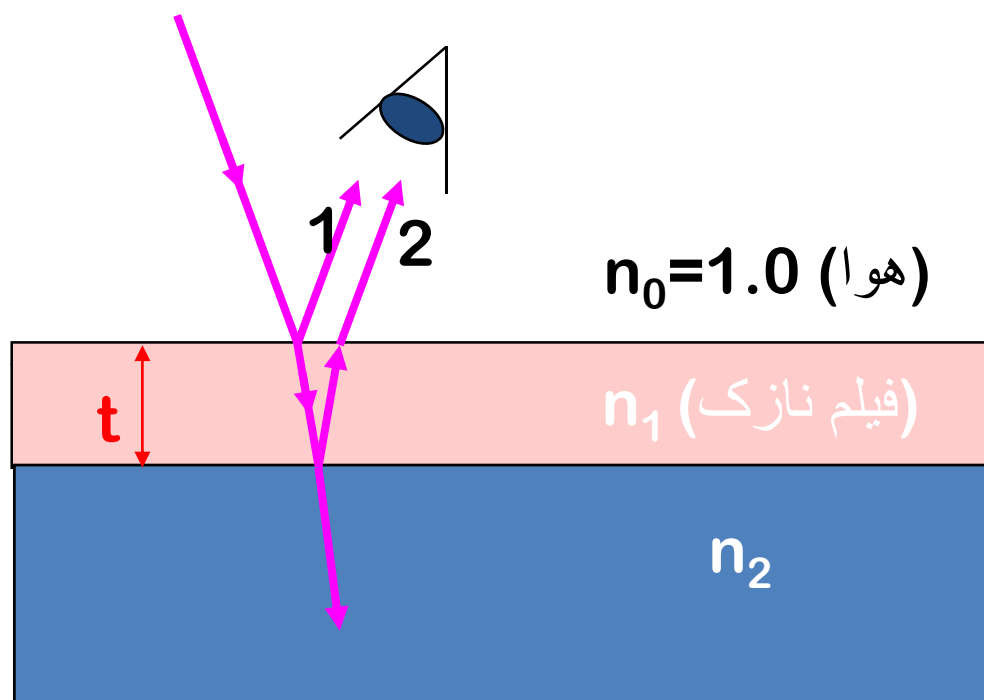
لازم است که : $d \sin \theta = m \lambda$ ← $\sin \theta = m \lambda / d$

اگر $\lambda > d$ باشد در این صورت $\lambda / d > 1$

لذا: $\sin \theta > 1$

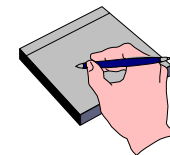
غیر ممکن!

تداخل فیلم نازک

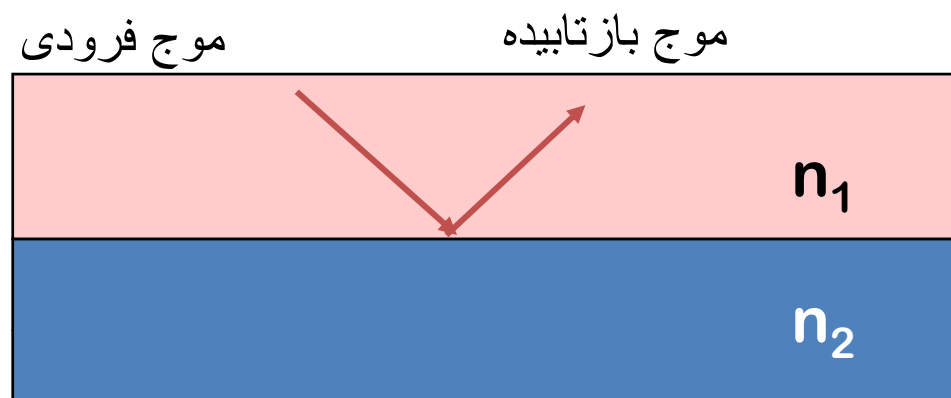


به وسیله دو ورق (فیلم) مختلف در اثر بازتاب از آنها دو موج ایجاد می کنیم .

پرتو 2 تقریباً مسافت $2t$ بیش از پرتو 1 طی می کند.



انعکاس + تغییر فاز

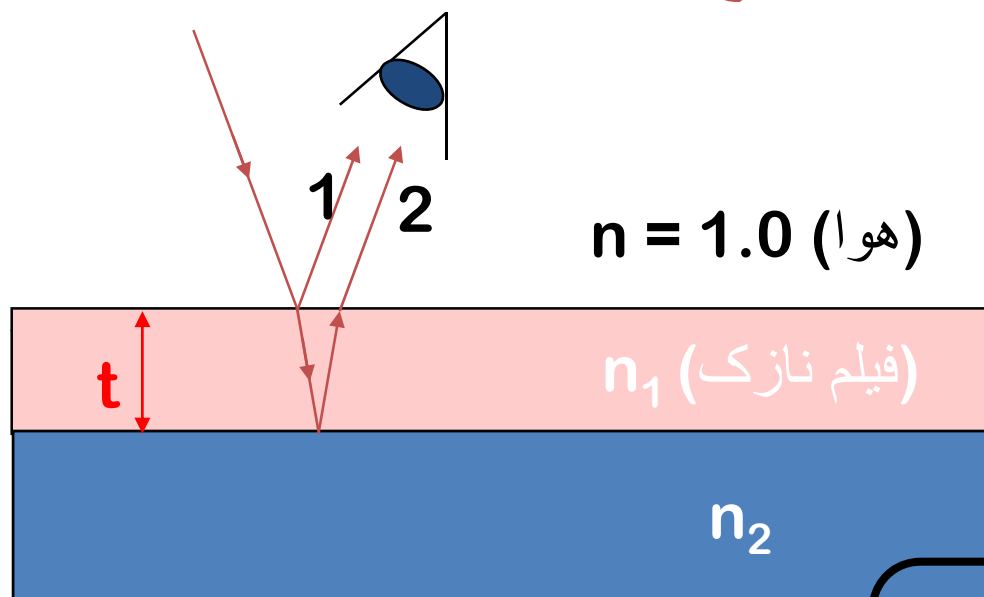


در اثر انعکاس از مرز جدایی دو محیط شفاف ممکن است فاز موج بازتابیده تغییر پیدا کند..

- اگر $n_1 > n_2$ باشد در اثر بازتاب تغییر فاز ایجاد نمی شود
- اگر $n_1 < n_2$ باشد در اثر بازتاب یک تغییر فاز 180 ایجاد می شود که معادل انتقال طول موج $\lambda/2$ است.

خلاصه فیلم نازک

δ , تعداد طول موج اضافی هر موج را تعیین کنید.



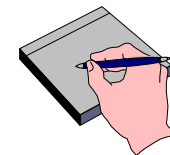
این مهم است!

$\delta_1 = 0 \text{ or } \frac{1}{2}$ (انعکاس) پرتو 1
 $\delta_2 = 0 \text{ or } \frac{1}{2}$ (انعکاس) پرتو 2
 $+ 2t / \lambda_{\text{film}}$ (مسافت)

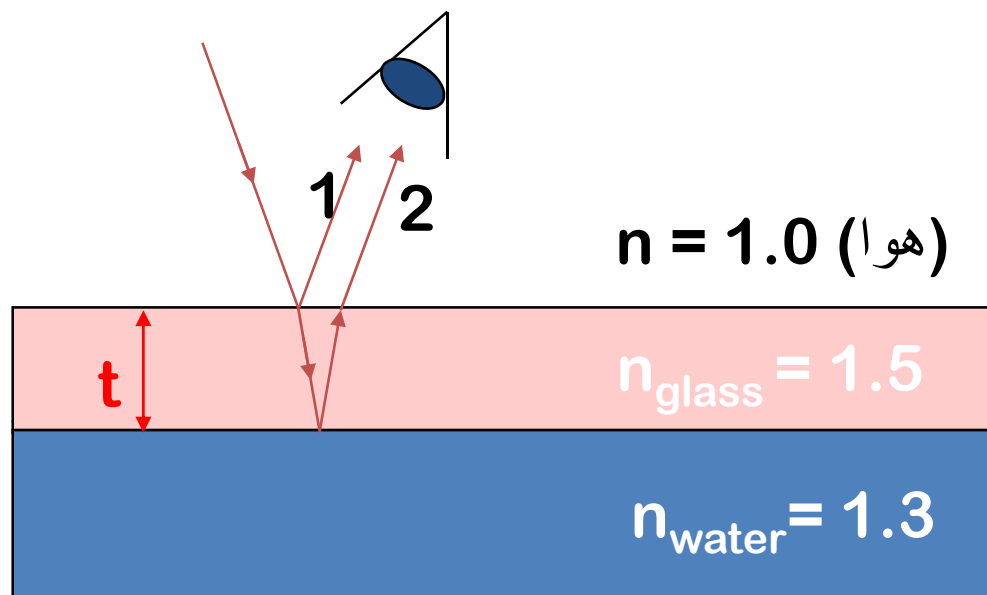
این طول موج در فیلم است!
 توجه:
 $(\lambda_{\text{film}} = \lambda_o / n_1)$

اگر $|(\delta_2 - \delta_1)| = 0, 1, 2, 3 \dots$ باشد سازنده (m)
 اگر $|(\delta_2 - \delta_1)| = \frac{1}{2}, 1 \frac{1}{2}, 2 \frac{1}{2} \dots$ باشد ویرانگر (m + 1/2)

Example



تمرین فیلم نازک



نور آبی ($\lambda_0 = 500 \text{ nm}$) به روی ورقه شیشه ای ($n_{\text{glass}} = 1.5$) به ضخامت

($t = 167 \text{ nm}$) که به روی آب شناور است می تابد. ($n_{\text{water}} = 1.3$)

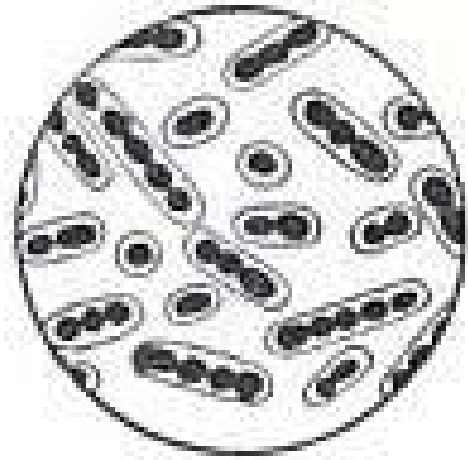
تداخل سازنده یا ویرانگر یا هیچ یک نیست؟

$$\delta_1 = \frac{1}{2}$$

انعکاس روی مرز هوا- شیشه

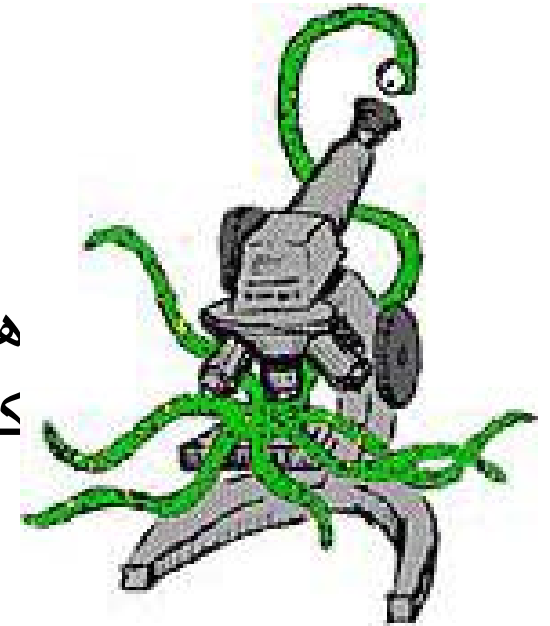
$$\delta_2 = 0 + 2t / \lambda_{\text{glass}} = 2t n_{\text{glass}} / \lambda_0 = 1$$

تغییر فاز = $\delta_2 - \delta_1 = \frac{1}{2}$ طول موج



آیا می دانید؟

هیچ گاه نباید لنزهای میکروسکپ را آغشته به روغن کرد!



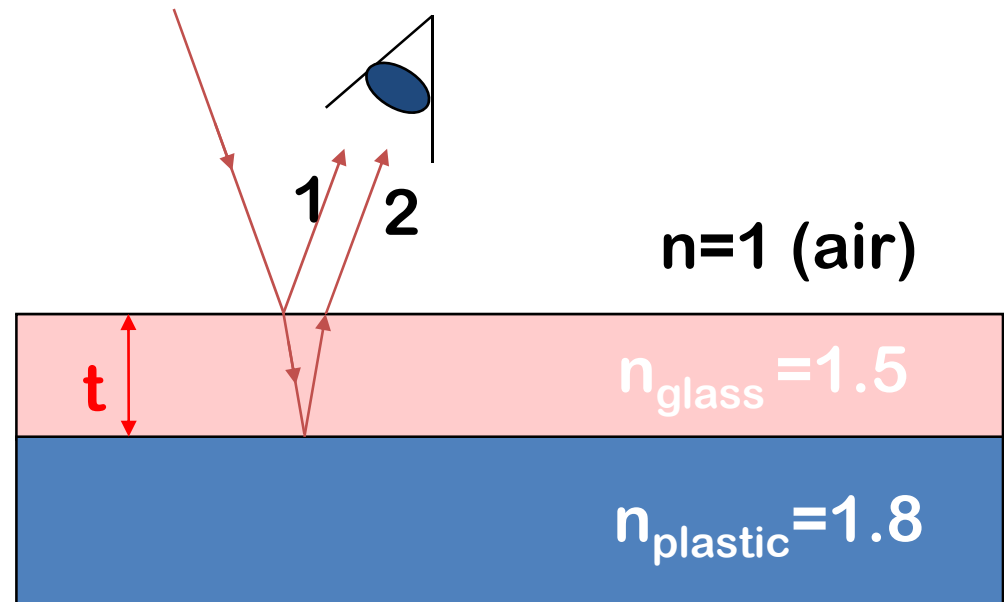
زیرا روغن یک لایه نازک است روی سرتاسر تصویر ایجاد لکه های روشن و تاریک می کند!

(البته تمیز کردن روغن روی لنز هم کار مشکلی است!)



تمرین : فیلم نازک

نور آبی $\lambda = 500 \text{ nm}$ به روی ورقه شیشه ($t = 167 \text{ nm}$) که روی پلاستیک قرار گرفته است می تابد. تداخل چگونه است؟



(1) سازنده

(2) ویرانگر

(3) هیچ یک

$\delta_1 = 1/2$ انعکاس روی هردو مرز!

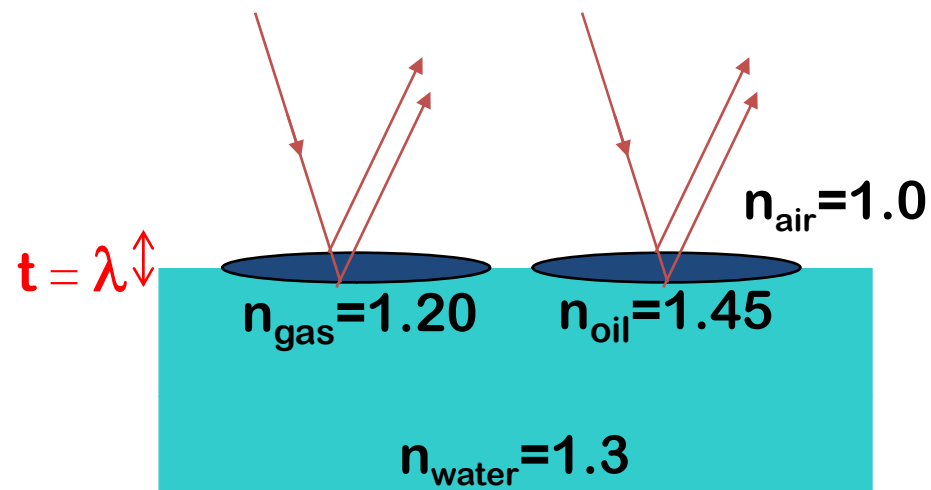
$$\delta_2 = 1/2 + 2t / \lambda_{\text{glass}} = 1/2 + 2t n_{\text{glass}} / \lambda_0 = 1/2 + 1$$

طول موج $= \delta_2 - \delta_1 = 1$ تغییر فاز



پیش آزمون

یک ورقه گازوئیل ($n_{\text{gas}}=1.20$)
 و یک ورقه روغن ($n_{\text{oil}}=1.45$)
 روی آب شناورند
 ($n_{\text{water}}=1.33$) وقتی ضخامت
 آن ها دقیقاً برابر با یک طول موج
 است ...



گازوئیل به نظر:

- روشن
- تاریک است

$$\delta_{1,\text{gas}} = \frac{1}{2} \quad \delta_{2,\text{gas}} = \frac{1}{2} + 2$$

$$|\delta_{2,\text{gas}} - \delta_{1,\text{gas}}| = 2$$

سازنده

روغن به نظر می رسد که:

- روشن
- تاریک است

$$\delta_{1,\text{oil}} = \frac{1}{2} \quad \delta_{2,\text{oil}} = 2$$

$$|\delta_{2,\text{oil}} - \delta_{1,\text{oil}}| = \frac{3}{2}$$

ویرانگر



!به امید دیدار

- درس آینده ما...



فصل چهارم ...

همدوسی
آنالیز فوریه



سری های فوریه و تبدیل فوریه



هدفهای رفتاری بخش:

تبدیل فوریه چیست؟

سری فوریه برای توابع زوج و فرد

(حذف فوریه (تبدیل فوریه

طیف

چند مثال و چند قضیه:

$$f(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} F(\omega) \exp(i\omega t) d\omega$$

$$F(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t) \exp(-i\omega t) dt$$



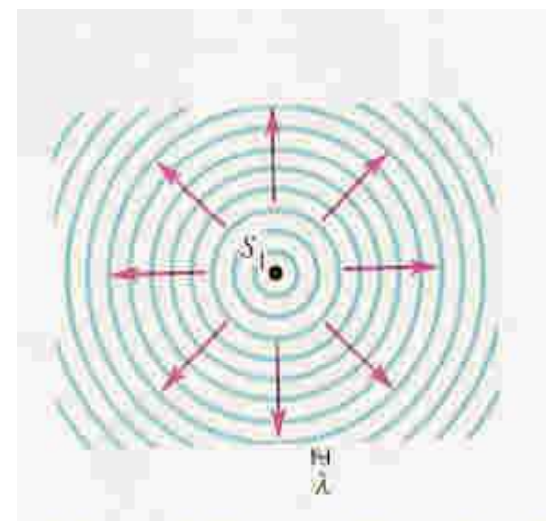
□ همدوسی:

- اگر دو موج دارای بسامد یکسان و رابطه فازی باهم داشته باشند می گوئیم همدوس

$$\omega_1 = \omega_2 \equiv \omega; \quad k_1 = k_2 \equiv k$$

□ چشمه های همدوس:

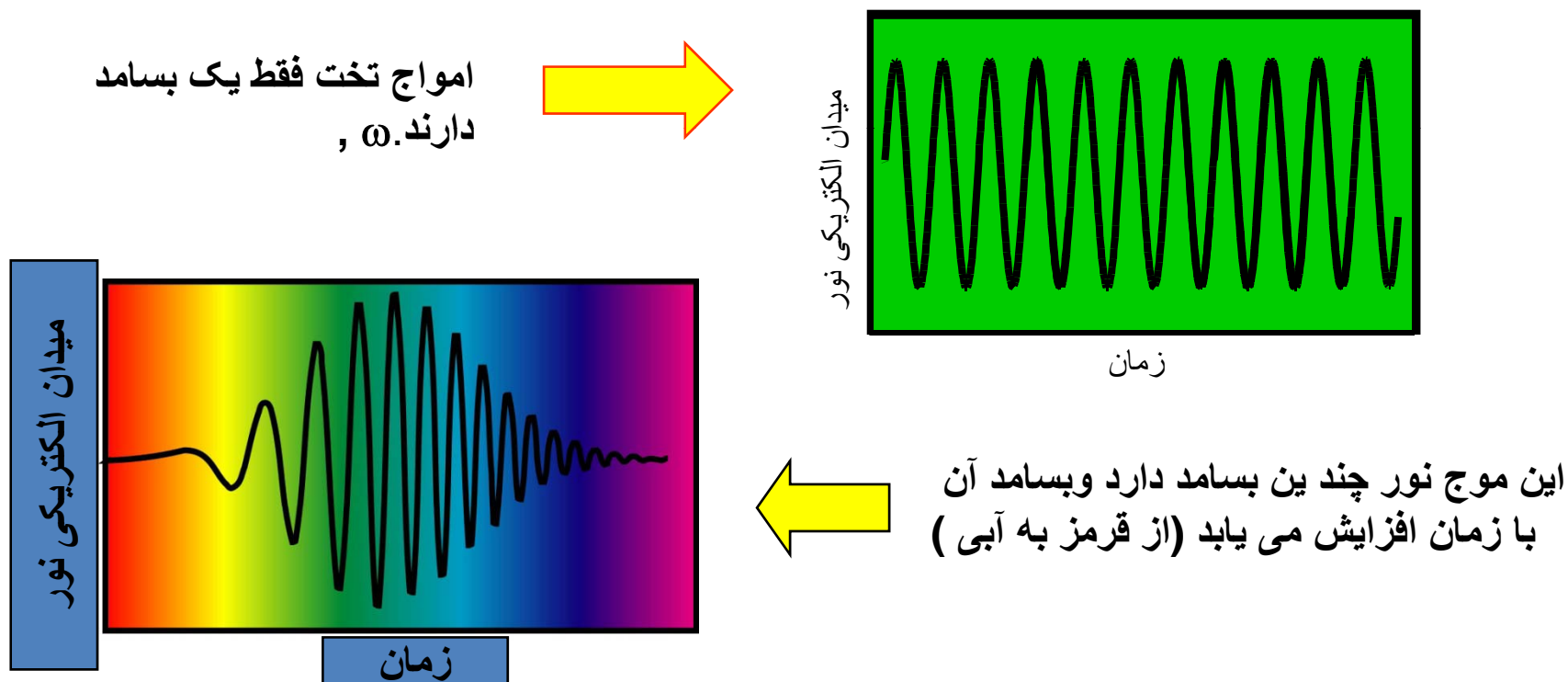
- چشمه S_1 امواج همدوس را در دو بعد ایجاد می کند.
- کلیه جبهه های موج همدوس هستند.
- مثال: موج روی آب





هدف از سری فوریه چیست

می خواهیم بدانیم که چه بسامدهایی در موج وجود دارند.
واز این طریق “**طیف**” را تعریف کنیم.



خیلی خوب است اگر بدانیم که یک بسامد خاص چه وقت روی می دهد!



لورد کلوین و قضیه فوریه:

قضیه فوریه یکی از زیباترین نتایج آنالیز جدید،
وابزار بسیار مفیدی است که به کمک فیزیک جدید
آمده است.

لورد کلوین



ژوزف فوریه ، قهرمان درس امروز ما



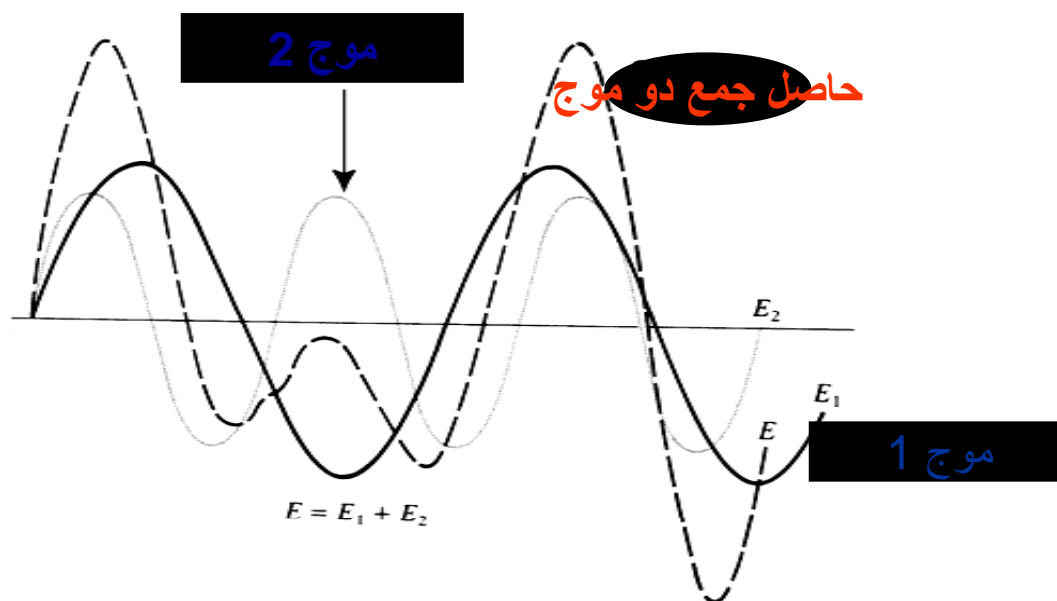
Joseph Fourier, 21 March 1768-16 May 1830. (By permission of the Bibliothèque Municipale de Grenoble)

فوریه در زمینه فیزیک
حرارت کار کرد و سری
فوریه و تبدیل فوریه را به
وجود آورد تا بتواند مسائل
مربوط به شار-- حرارت را
مدل سازی کند.

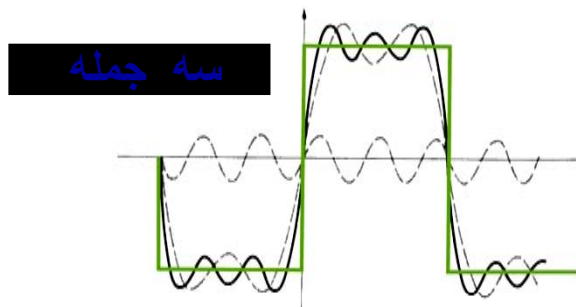
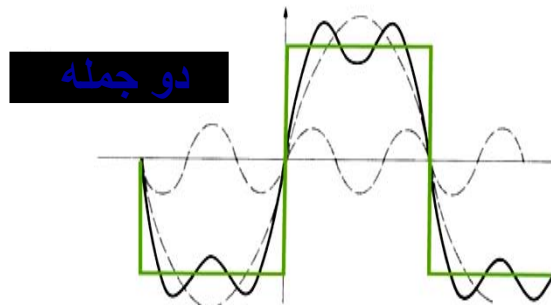
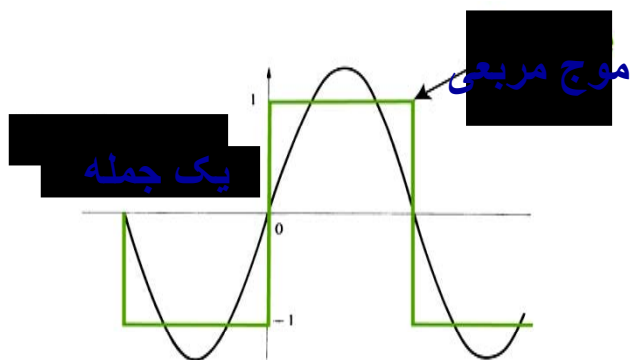


امواج غیر هماهنگ مجموعی از امواج سینوسی هستند

دو موج سینوسی (یعنی هماهنگ) با بسامد مختلف را در نظر بگیرید



حاصل دو موج دوره ای است ولی هماهنگ نیست.
اصولا همه امواج غیر هماهنگ هستند.

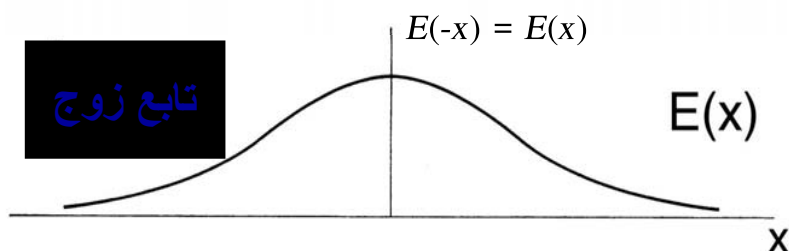


تجزیه فوریه توابع :

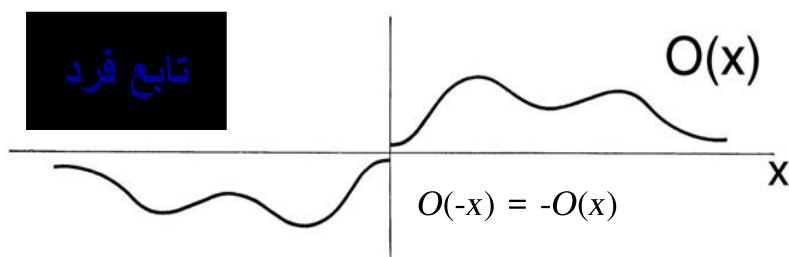
توجه کنید که چگونه یک
موج می تواند از
ترکیب چند موج
هماهنگ ساده به وجود
آید:



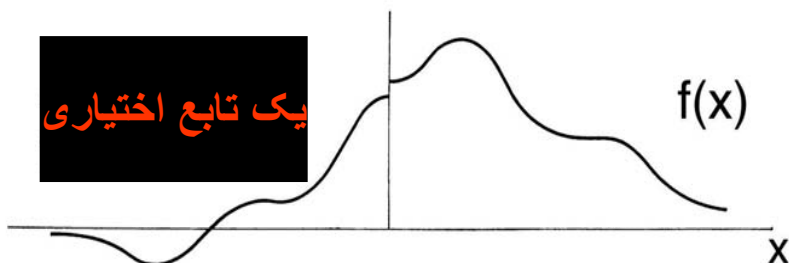
هر تابعی را می توان به صورت مجموع یک تابع فرد و زوج نوشت



$$E(x) \equiv [f(x) + f(-x)] / 2$$



$$O(x) \equiv [f(x) - f(-x)] / 2$$



$$f(x) = E(x) + O(x)$$





سری های کسینوسی فوریه

می توانیم هر تابع زوج m (به ازای کلیه مقادیر m یا تابع زوج است $\cos(mt)$ چون

: را اینگونه بنویسیم, $f(t)$

$$f(t) = \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} F_m \cos(mt)$$

سری ضرایب است که سری مزبور را تعریف می کند. $\{F_m; m = 0, 1, \dots\}$ که سری

است $(-\pi, \pi)$ در بازه $f(t)$ تنها نگرانی ما در مورد تابع

$$\delta_{m,n} \equiv \begin{cases} 1 & \text{if } m = n \\ 0 & \text{if } m \neq n \end{cases}$$



در سری های کسینوسی فوریه F_m پیدا کردن ضرایب

سری فوریه

$$f(t) = \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} F_m \cos(mt)$$

یک عدد صحیح است m' ضرب کنید و انتگرال بگیرید $\cos(m't)$ دو طرف را در F_m برای یافتن

$$\int_{-\pi}^{\pi} f(t) \cos(m't) dt = \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} \int_{-\pi}^{\pi} F_m \cos(mt) \cos(m't) dt$$

ولی:

$$\int_{-\pi}^{\pi} \cos(mt) \cos(m't) dt = \begin{cases} \pi & \text{if } m = m' \\ 0 & \text{if } m \neq m' \end{cases} \equiv \pi \delta_{m,m'}$$

$$\int_{-\pi}^{\pi} f(t) \cos(m't) dt = \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} F_m \pi \delta_{m,m'}$$

بنابراین:

m از 'با حذف

ضرایب

بدست می آید $f(t)$

$$F_m = \int_{-\pi}^{\pi} f(t) \cos(mt) dt$$



سری های سینوسی فوریه

چنین $f(t)$ می توان هر تابع فرد m , به ازای کلیه مقادیر یک تابع فرد است $\sin(mt)$ چون نوشت:

$$f(t) = \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} F'_m \sin(mt)$$

سری ضرایب است که سری مزبور را تعریف می کند. $\{F'_m; m = 0, 1, \dots\}$ که سری



در سری های سینوسی فوریه F_m پیدا کردن ضرایب

سری های سینوسی فوریه :

$$f(t) = \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} F'_m \sin(mt)$$

یک عدد صحیح است $m=0$ ضرب کنید و انتگرال بگیرید، $\sin(m't)$ دوطرف رادر F'_m برای یافتن

ولی:

$$\int_{-\pi}^{\pi} f(t) \sin(m't) dt = \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} \int_{-\pi}^{\pi} F'_m \sin(mt) \sin(m't) dt$$

بنابراین:

$$\int_{-\pi}^{\pi} \sin(mt) \sin(m't) dt = \begin{cases} \pi & \text{if } m = m' \\ 0 & \text{if } m \neq m' \end{cases} \equiv \pi \delta_{m,m'}$$

بنابراین:

$$\int_{-\pi}^{\pi} f(t) \sin(m't) dt = \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} F'_m \pi \delta_{m,m'}$$

m از ' با حذف ضرایب π بدست می آید $f(t)$

:

$$F'_m = \int_{-\pi}^{\pi} f(t) \sin(mt) dt$$



بنابراین اگر $f(t)$ یک تابع عمومی، نه فرد و نه زوج باشد می توان چنین نوشت : ، **سری های فوریه**

$$f(t) = \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} F_m \cos(mt) + \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} F'_m \sin(mt)$$

مولفه زوج

مولفه فرد

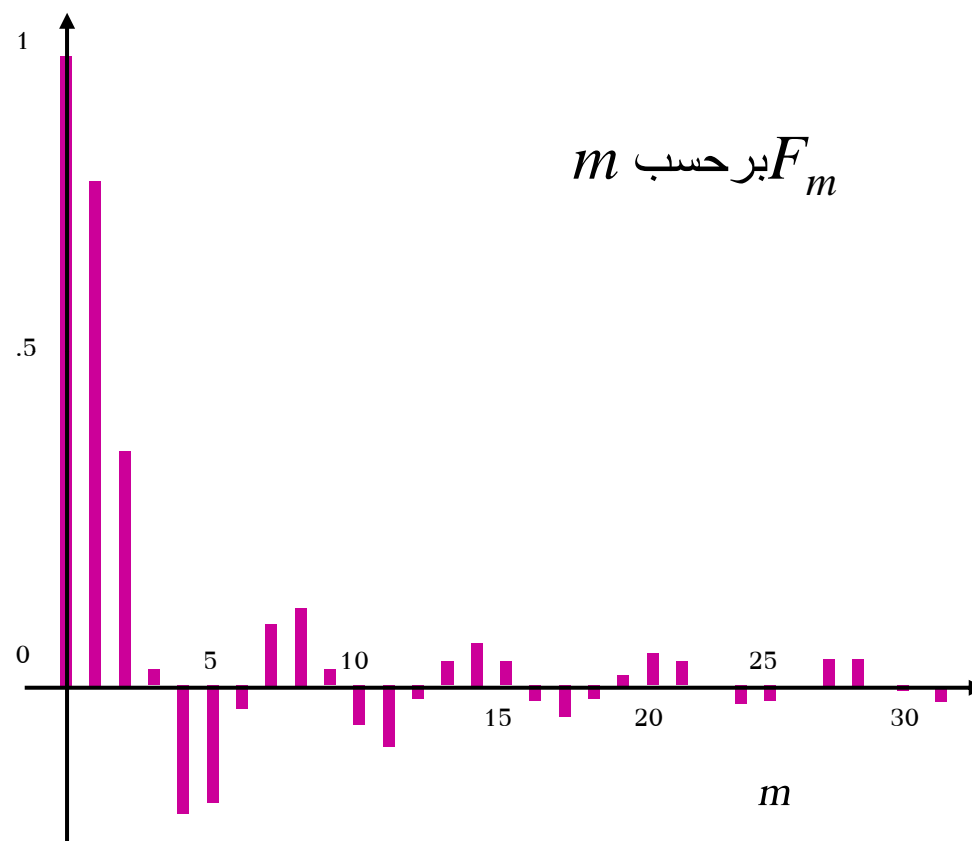
که:

$$F_m = \int f(t) \cos(mt) dt$$

$$F'_m = \int f(t) \sin(mt) dt$$

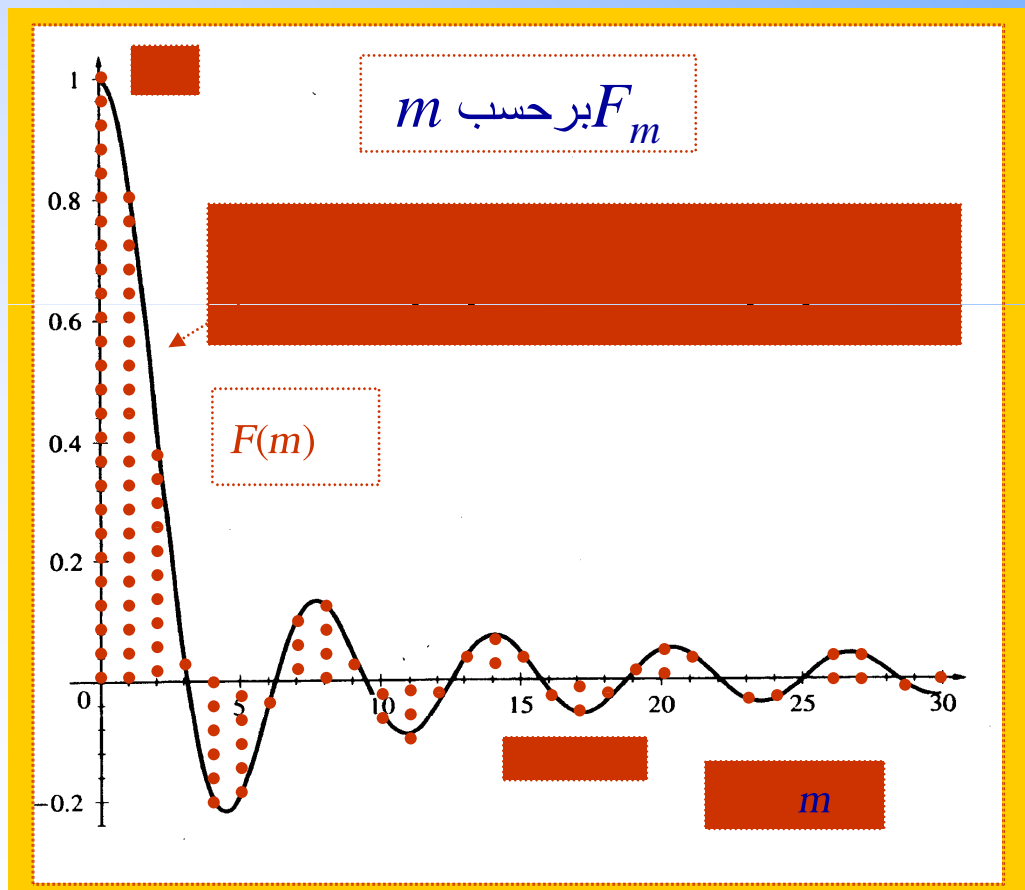


می توان ضرایب سری فوریه را رسم کرد



در واقع به دو نوع منحنی از این نوع نیاز داریم یکی برای سری سینوسی و یکی برای سری کسینوسی.

سری فوریه گسسته در مقابل تبدیل پیوسته فوریه



فرض کنید که m
یک عدد حقیقی بوده
و F_m تابع
 $F(m)$ باشد.

باز هم به دو رسم از این نوع نیاز داریم یکی برای سری سینوسی و یکی برای سری کسینوسی.

تبدیل فوریه:

چنان تعریف می کنیم که شامل ضرایب سینوسی و $F(m)$ تابع ضرایب فوریه را در نظر بگیرد:
کسینوسی هر دو باشد به گونه ای که سری سینوسی جز موهومی آن باشد

$$F(m) \equiv F_m - i F'_m = \int f(t) \cos(mt) dt - i \int f(t) \sin(mt) dt$$

نشان می دهیم در این صورت ω "بسامد" باشد که در این جا آنرا با m فرض کنید که

$$F(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t) \exp(-i\omega t) dt$$

تبدیل فوریه

می گوئیم که $f(t)$ و در برگیرنده اطلاعات موجود در $f(t)$ تبدیل فوریه $F(\omega)$ نامیده می شود. $F(\omega)$ حوزه بسامد زندگی می کند در $F(\omega)$ و $f(t)$ در $f(t)$ در واقع شیوه دیگری در نگاه $F(\omega)$ حوزه بسامد زندگی می کند در $F(\omega)$ و $f(t)$ در $f(t)$ به یک موج است



تبدیل عکس فوریه

تبدیل می کند ولی در مورد فرایند عکس آن چه باید گفت؟ $F(\omega)$ را به $f(t)$ تبدیل فوریه

را به یاد بیاورید $f(t)$ سری فوریه

$$f(t) = \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} F_m \cos(mt) + \frac{1}{\pi} \sum_{m=0}^{\infty} F'_m \sin(mt)$$

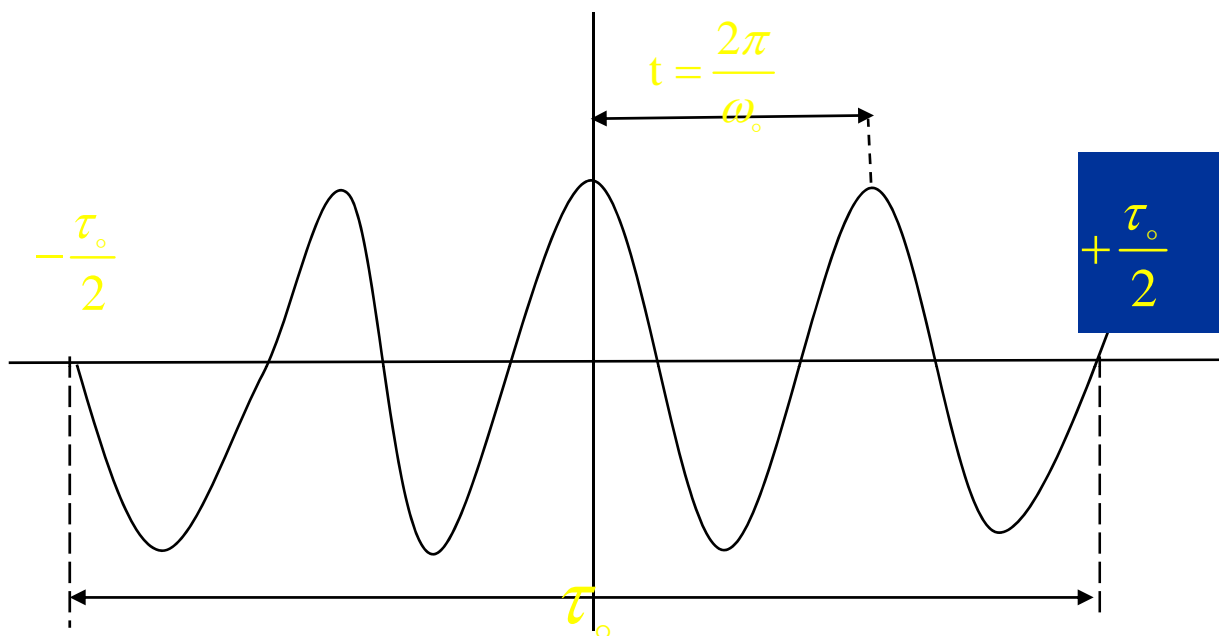
: در این صورت قرار دهید $F(\omega)$ ، جمع ها را به انتگرال تبدیل کرده و به جای

$$f(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} F(\omega) \exp(i\omega t) d\omega$$

تبدیل عکس فوریه



مثال: بررسی یک موج سینوسی نامتناهی (قطار موج) با عمر τ_0 و بسامد ω_0



$$f(t) = \begin{cases} e^{-i\omega_0 t} & : -\frac{\tau_0}{2} < t < \frac{\tau_0}{2} \\ 0 & \text{خارج از محدوده} \end{cases}$$



$$g(\omega) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} f(t)e^{i\omega t} dt = \frac{1}{2\pi} \int_{-\tau_0/2}^{\tau_0/2} e^{i(\omega-\omega_0)t} dt$$

$$\Rightarrow g(\omega) = \left[\frac{e^{i(\omega-\omega_0)t}}{2\pi(\omega-\omega_0)} \right]_{-\tau_0/2}^{\tau_0/2}$$

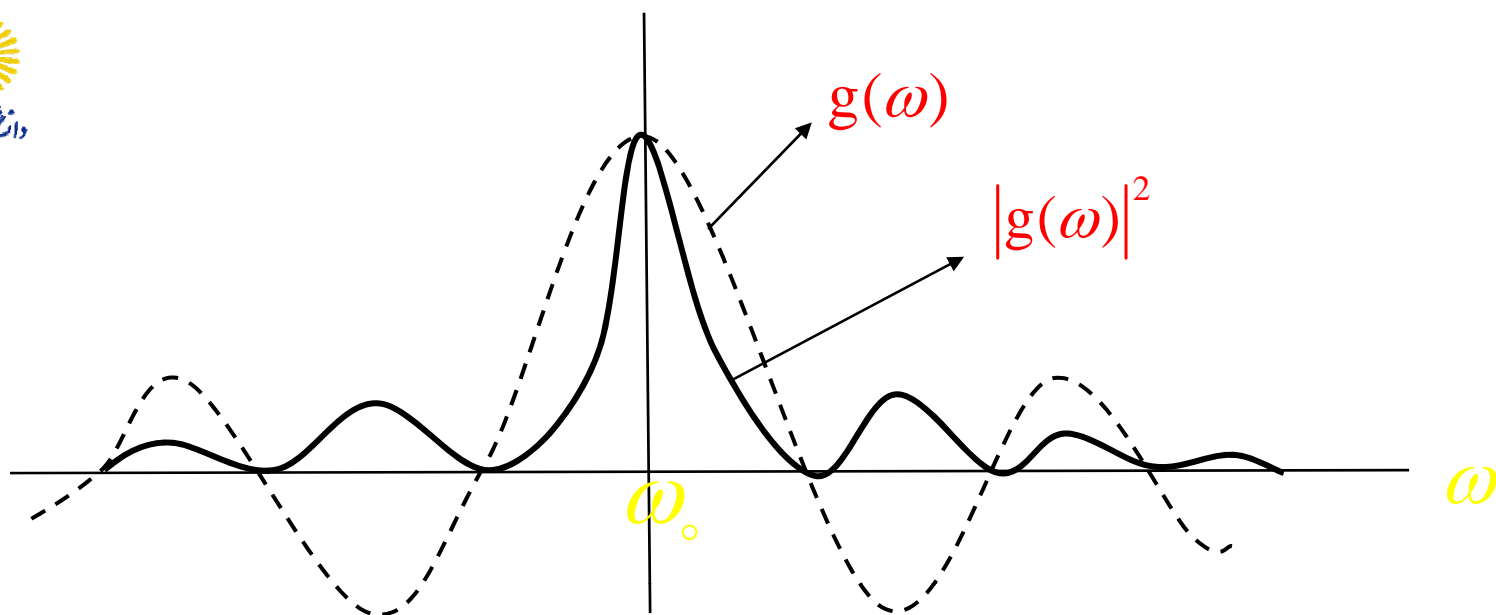
$$= \frac{1}{\pi(\omega-\omega_0)} \left[\frac{e^{i(\omega-\omega_0)\frac{\tau_0}{2}} - e^{-i(\omega-\omega_0)\frac{\tau_0}{2}}}{2i} \right]$$

$$e^{ix} - e^{-ix} = 2i \sin x \Rightarrow$$

$$g(\omega) = \frac{\sin \left[\frac{\tau_0}{2}(\omega-\omega_0) \right]}{\pi(\omega-\omega_0)} = \frac{\tau_0}{2\pi} \left\{ \frac{\sin \left[\frac{\tau_0}{2}(\omega-\omega_0) \right]}{\left[\frac{\tau_0}{2}(\omega-\omega_0) \right]} \right\}$$

$$= \frac{\tau_0}{2\pi} \sin cu \quad \Leftarrow u = \left[\frac{\tau_0}{2}(\omega-\omega_0) \right]$$

$$g(\omega) = \frac{\tau_0}{2\pi} \left[\frac{(\sin u)}{u} \right]$$



$$\Delta\omega = \frac{2\pi}{\tau_0} \Rightarrow \Delta f = \frac{1}{\tau_0}$$

تبدیل فوریه برای قطار موج هماهنگ : منحنی خط چین دامنه طیف بسامد
و منحنی خط پر مربع دامنه یا طیف توان

چنین تعریف می کنیم $E(t)$ طیف موج را

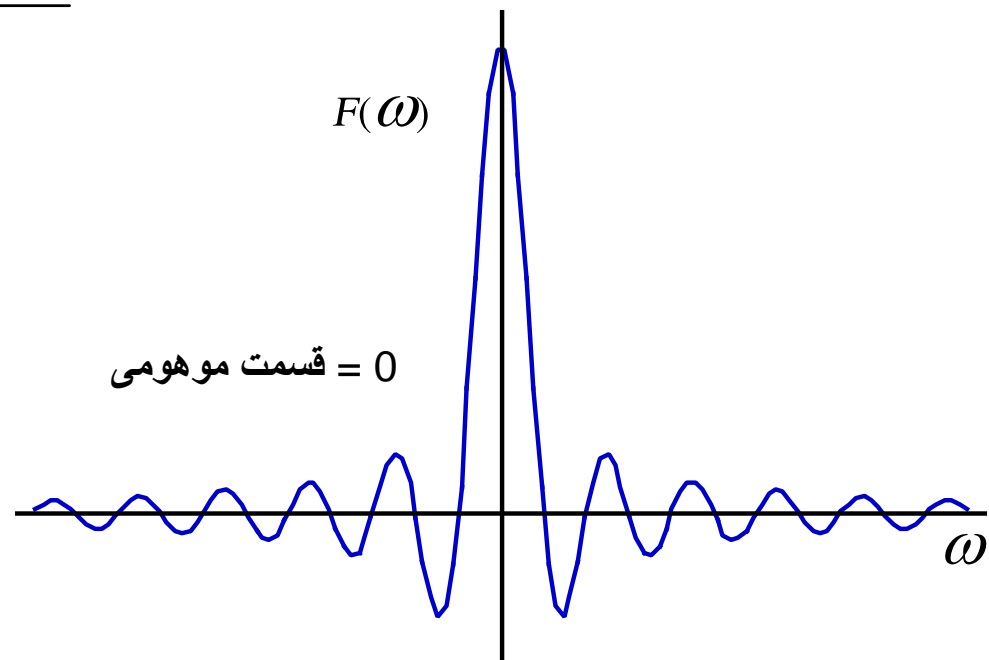
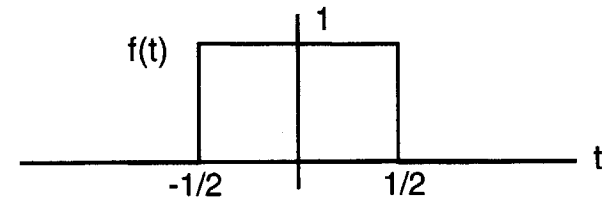
$$|\mathcal{F}\{E(t)\}|^2$$

و این معیاری برای بسامدهای موجود در یک موج است .



rect(t): تبدیل فوریه یک تپ مربعی: مثال

$$\begin{aligned} F(\omega) &= \int_{-1/2}^{1/2} \exp(-i\omega t) dt = \frac{1}{-i\omega} [\exp(-i\omega t)]_{-1/2}^{1/2} \\ &= \frac{1}{-i\omega} [\exp(-i\omega/2) - \exp(i\omega/2)] \\ &= \frac{1}{(\omega/2)} \frac{\exp(i\omega/2) - \exp(-i\omega/2)}{2i} \\ &= \frac{\sin(\omega/2)}{(\omega/2)} \equiv \text{sinc}(\omega/2) \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \mathbf{F \{rect(t)\}} \\ = \mathbf{sinc(\omega/2)} \end{aligned}$$



تبدیل فوریه یک تابع نمایی نزولی: $\exp(-at) \ (t > 0)$ مثال

$$F(\omega) = \int_0^{\infty} \exp(-at) \exp(-i\omega t) dt$$
$$= \int_0^{\infty} \exp(-at - i\omega t) dt = \int_0^{\infty} \exp(-[a + i\omega]t) dt$$

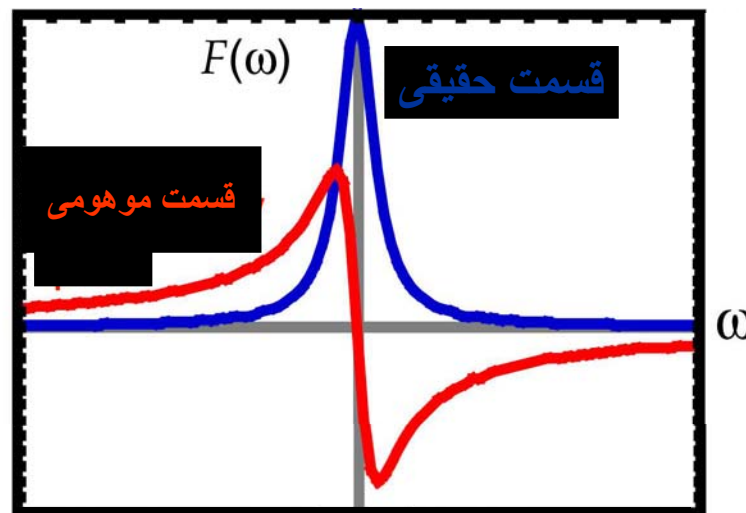
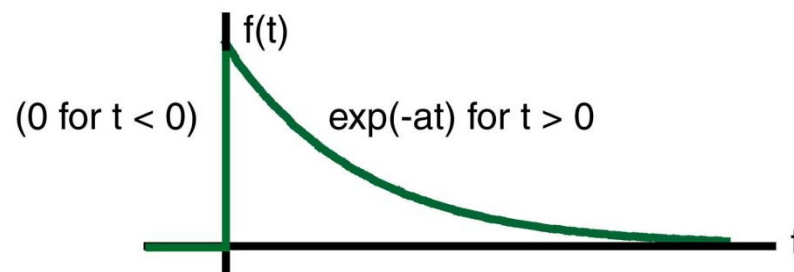
$$= \frac{-1}{a + i\omega} \exp(-[a + i\omega]t) \Big|_0^{+\infty} = \frac{-1}{a + i\omega} [\exp(-\infty) - \exp(0)]$$

$$= \frac{-1}{a + i\omega} [0 - 1]$$

$$= \frac{1}{a + i\omega}$$

$$F(\omega) = -i \frac{1}{\omega - ia}$$

یک تابع لورنتزی مختلط





تبدیل فوریه یک تابع گوسی: مثال

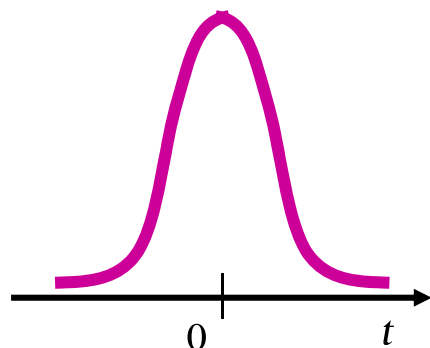
!برابر با خودش است, $\propto \exp(-at^2)$

$$F \{ \exp(-at^2) \} = \int_{-\infty}^{\infty} \exp(-at^2) \exp(-i\omega t) dt$$

$$\propto \exp(-\omega^2 / 4a)$$

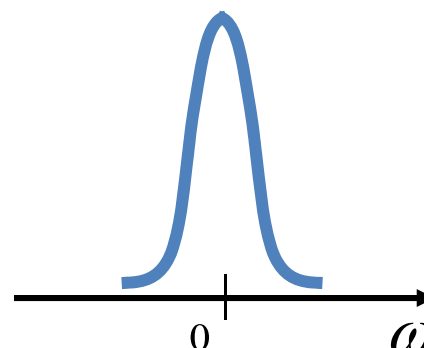
!جزئیات مسئله تکلیف منزل شما است !!

$$\exp(-at^2)$$



\supset

$$\exp(-\omega^2 / 4a)$$

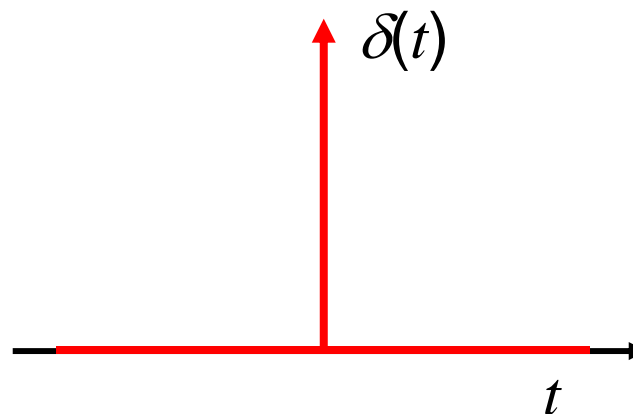




تابع دلتای دیراک

تابع دلتای کرونکر تابع، که تابع دو عدد صحیح است، برخلاف تابع دلتای کرونکر است. t ، عدد حقیقی.

$$\delta(t) \equiv \begin{cases} \infty & \text{if } t = 0 \\ 0 & \text{if } t \neq 0 \end{cases}$$

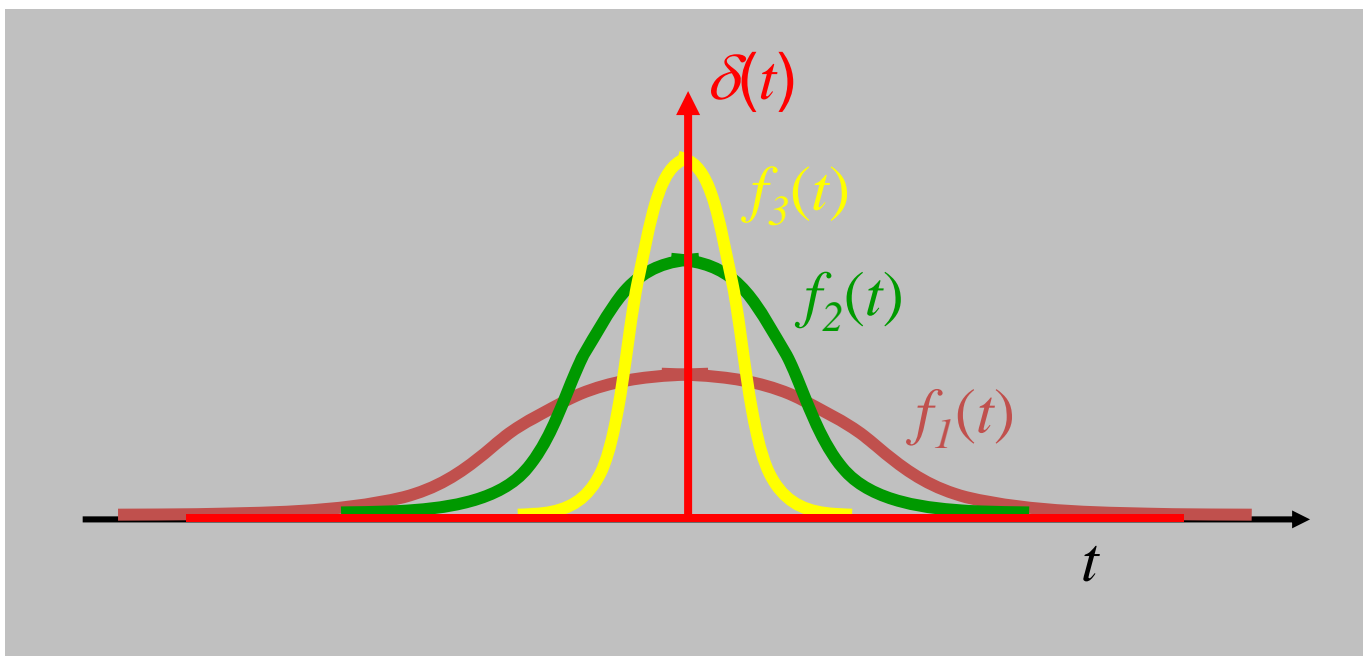




تابع دلتای دیراک

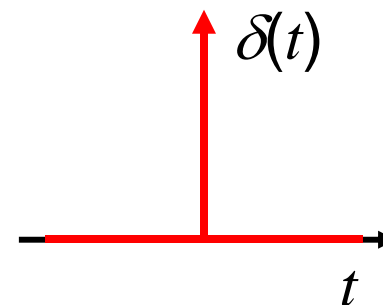
بهتر است که تابع دلتای دیراک را در یک سری توابع پیوسته تیز در نظر بگیریم

$$f_m(t) = m \exp[-(mt)^2] / \sqrt{\pi}$$





δ خواص تابع



$$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t) dt = 1$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t-a) f(t) dt = \int_{-\infty}^{\infty} \delta(t-a) f(a) dt = f(a)$$

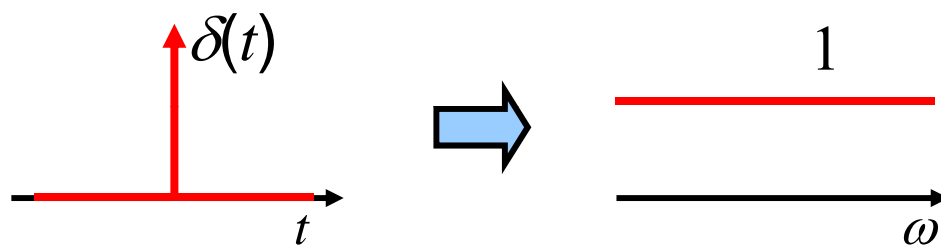
$$\int_{-\infty}^{\infty} \exp(\pm i\omega t) dt = 2\pi \delta(\omega)$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \exp[\pm i(\omega - \omega')t] dt = 2\pi \delta(\omega - \omega')$$



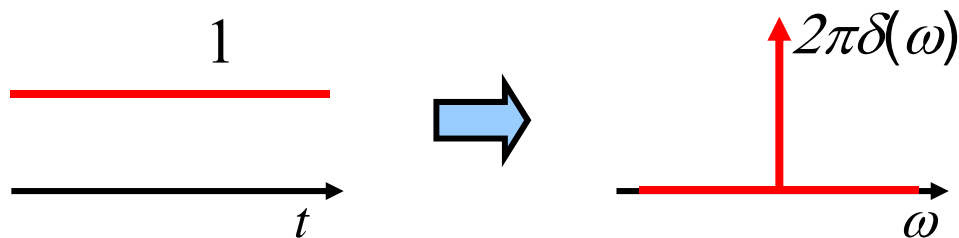
است 1 of $\delta(t)$ تبدیل فوریه تابع .

$$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t) \exp(-i\omega t) dt = \exp(-i\omega[0]) = 1$$



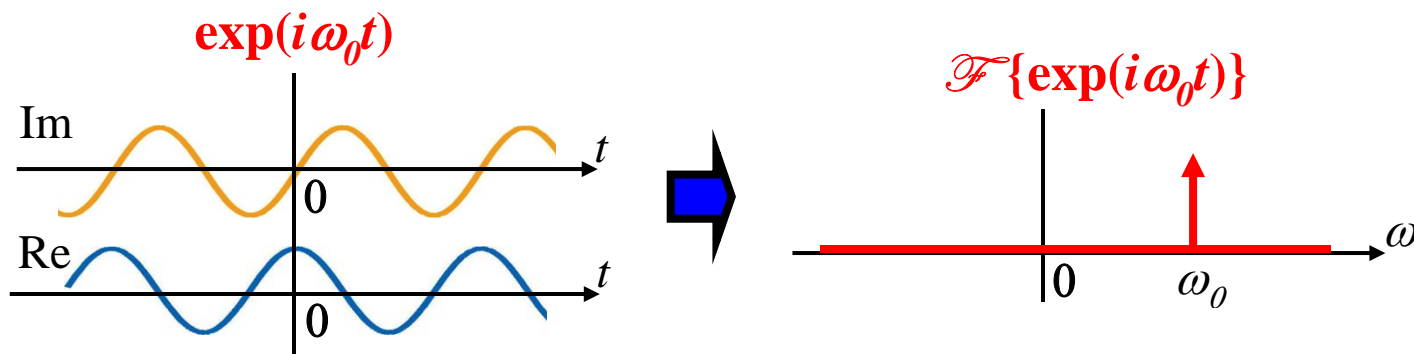
و تبدیل فوریه 1 برابر است با: $2\pi\delta(\omega)$

$$\int_{-\infty}^{\infty} 1 \exp(-i\omega t) dt = 2\pi \delta(\omega)$$





$$\begin{aligned} \mathcal{F} \{ \exp(i\omega_0 t) \} &= \int_{-\infty}^{\infty} \exp(i\omega_0 t) \exp(-i\omega t) dt \\ &= \int_{-\infty}^{\infty} \exp(-i[\omega - \omega_0]t) dt = 2\pi \delta(\omega - \omega_0) \end{aligned}$$

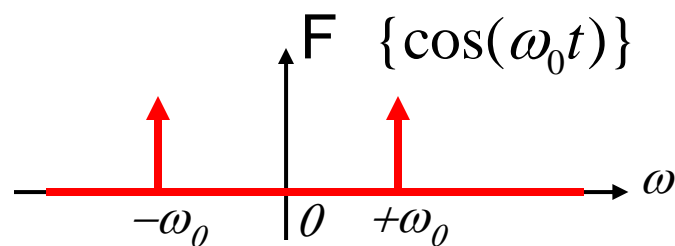
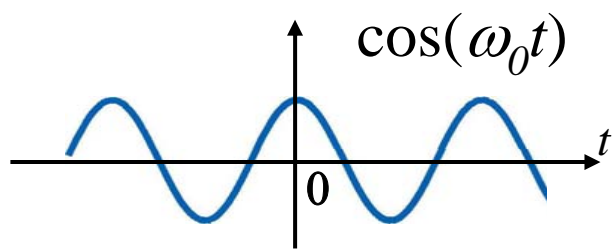


تابع $\exp(i\omega_0 t)$ عنصر ضروری آنالیز فوریه است .



تبدیل فوریه $\cos(\omega_0 t)$

$$\begin{aligned} F \{ \cos(\omega_0 t) \} &= \int_{-\infty}^{\infty} \cos(\omega_0 t) \exp(-i \omega t) dt \\ &= \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} [\exp(i \omega_0 t) + \exp(-i \omega_0 t)] \exp(-i \omega t) dt \\ &= \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} \exp(-i[\omega - \omega_0]t) dt + \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} \exp(-i[\omega + \omega_0]t) dt \\ &= \pi \delta(\omega - \omega_0) + \pi \delta(\omega + \omega_0) \end{aligned}$$





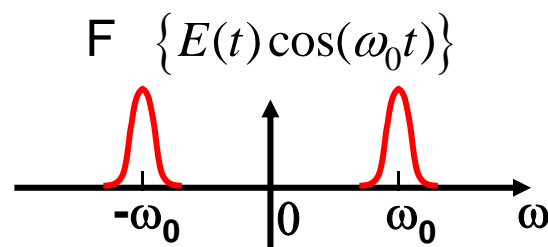
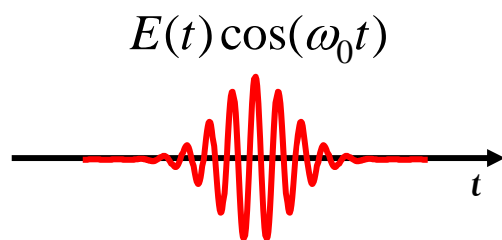
قضیه مودولاسیون

تبدیل فوریه $E(t) \cos(\omega_0 t)$

$$\begin{aligned} \mathcal{F} \{E(t) \cos(\omega_0 t)\} &= \int_{-\infty}^{\infty} E(t) \cos(\omega_0 t) \exp(-i \omega t) dt \\ &= \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} E(t) [\exp(i \omega_0 t) + \exp(-i \omega_0 t)] \exp(-i \omega t) dt \\ &= \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} E(t) \exp(-i[\omega - \omega_0]t) dt + \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} E(t) \exp(-i[\omega + \omega_0]t) dt \end{aligned}$$

$$\mathcal{F} \{E(t) \cos(\omega_0 t)\} = \frac{1}{2} \tilde{E}(\omega - \omega_0) + \frac{1}{2} \tilde{E}(\omega + \omega_0)$$

مثال:
 $E(t) = \exp(-t^2)$





$$\mathbf{F \{ f(at) \} = F(\omega/a) / |a|}$$

تبدیل فوریه تابع
 $f(at)$ برابر است با:

$$\mathbf{F \{ f(at) \} = \int_{-\infty}^{\infty} f(at) \exp(-i\omega t) dt}$$
 اثبات:

بفرض $a > 0$, این تغییر متغیر را بدهید $u = at$:

$$\begin{aligned} \mathbf{F \{ f(at) \} &= \int_{-\infty}^{\infty} f(u) \exp(-i\omega[u/a]) du / a \\ &= \int_{-\infty}^{\infty} f(u) \exp(-i[\omega/a]u) du / a \\ &= \mathbf{F(\omega/a) / a} \end{aligned}$$

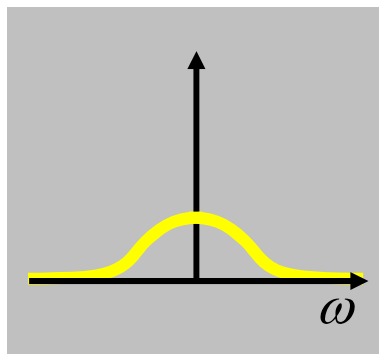
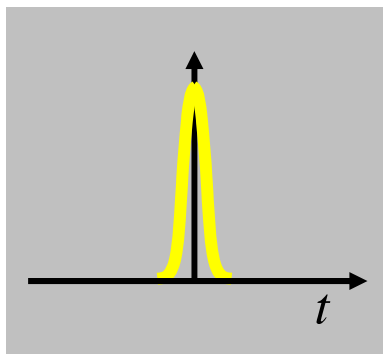


دانشگاه پیام نور

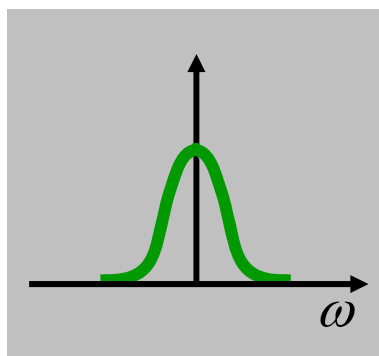
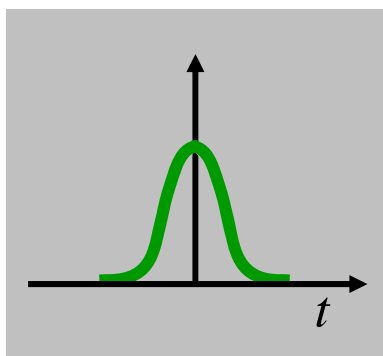
$f(t)$

$F(\omega)$

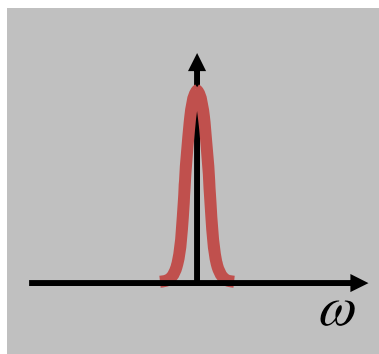
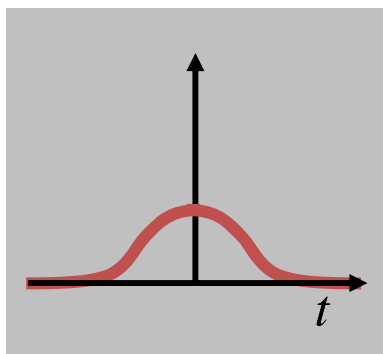
تپ کوتاه



تپ متوسط



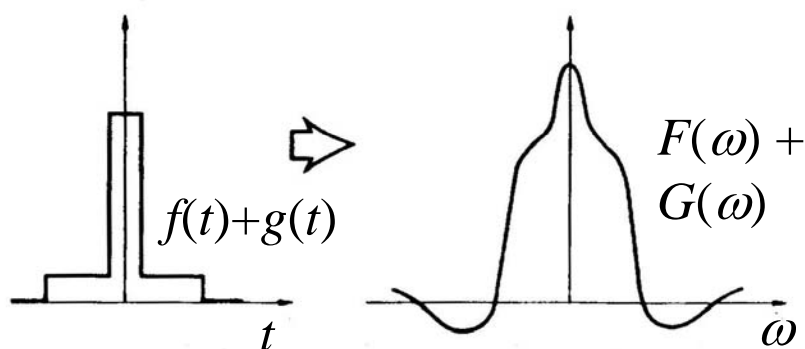
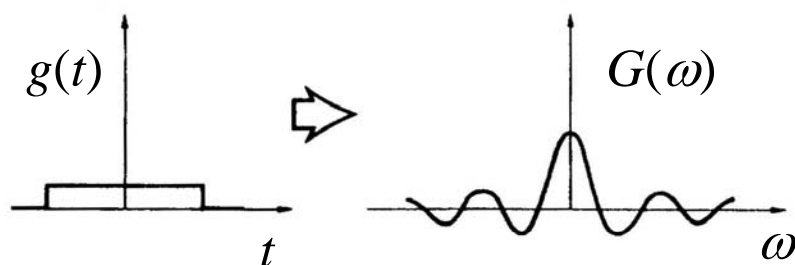
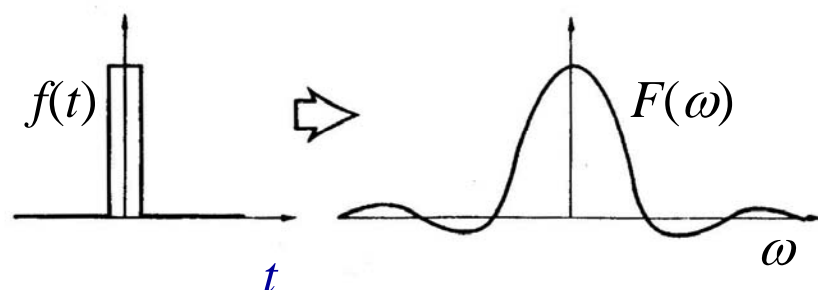
تپ بلند



قضیه مقیاس
در عمل :

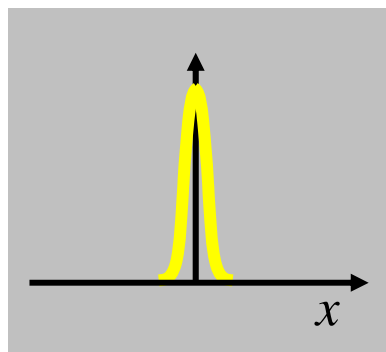
هرچه تپ کوتاهتر
باشد طیف پهنتر
است !

جوهر اصل عدم قطعیت !



تبدیل فوریه مجموع دو
تابع :

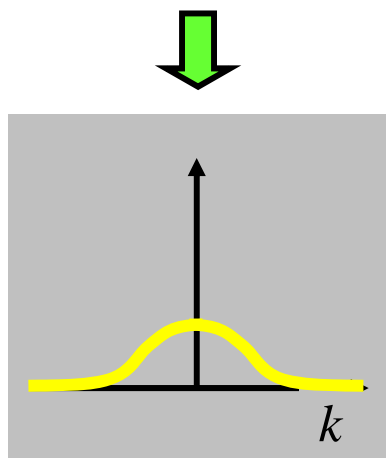
$$\mathbf{F \{ a f(t) + b g(t) \} = a F \{ f(t) \} + b F \{ g(t) \}}$$



تبدیل فضا

اگر $f(x)$ تابع مکان باشد:

$$F(k) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x) \exp(-ikx) dx$$



$$\mathcal{F}\{f(x)\} = F(k)$$

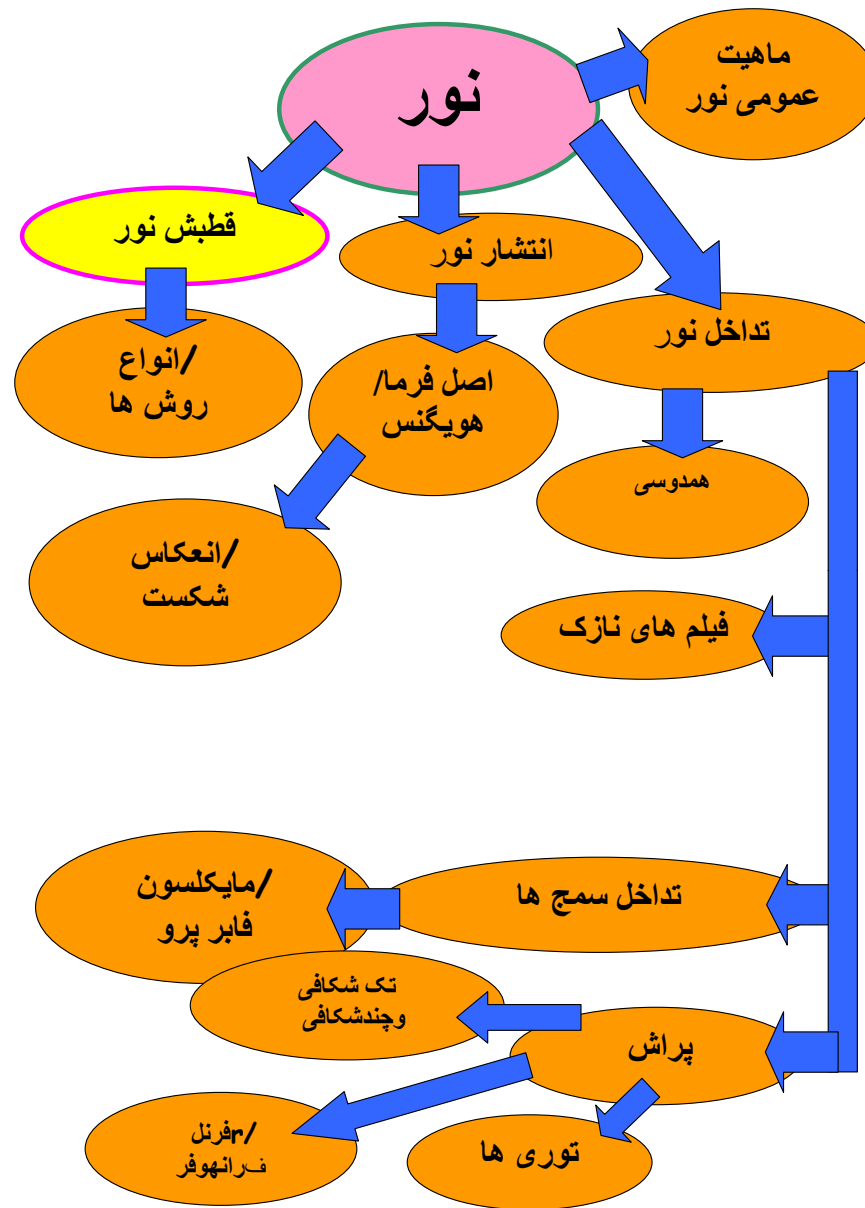
k را بسامد فضایی می گوئیم .

هرچه را در مورد تبدیل فوریه در حوزه t و ω گفتیم در حوزه x و k نیز صادق است .



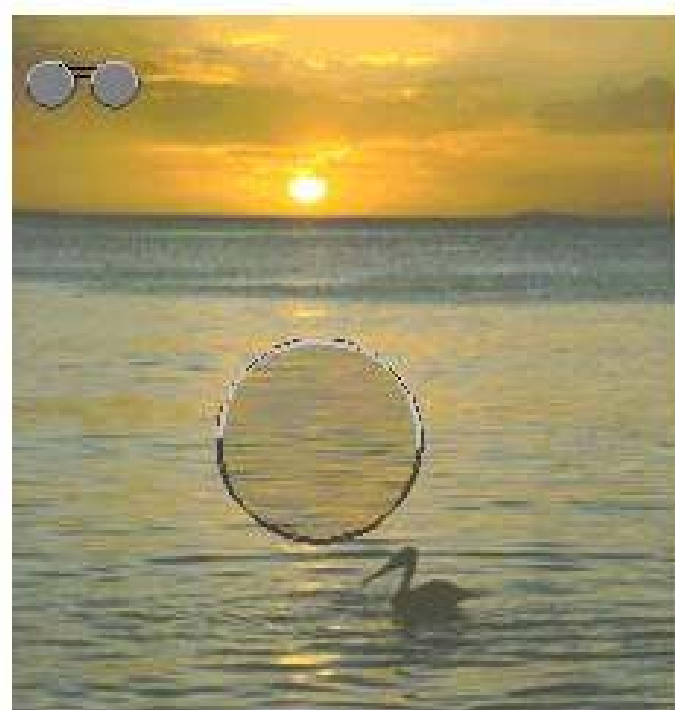
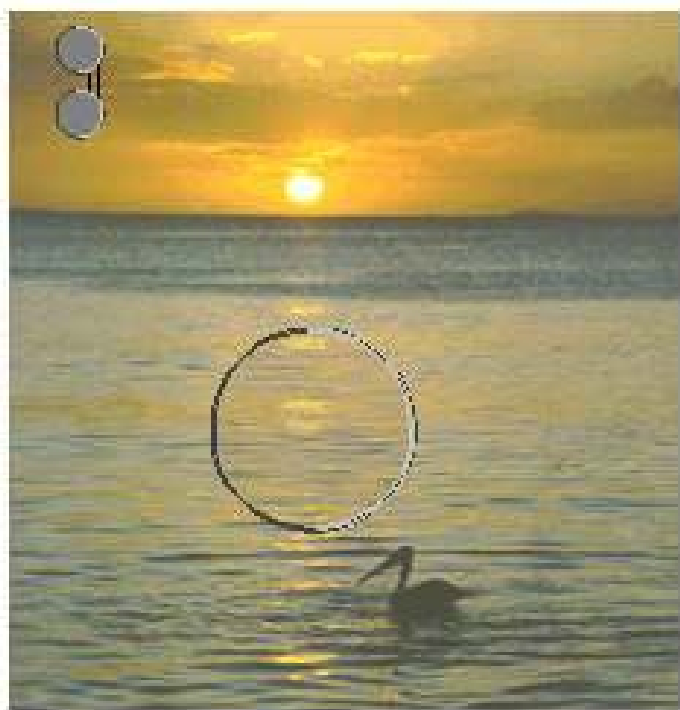
فصل پنجم

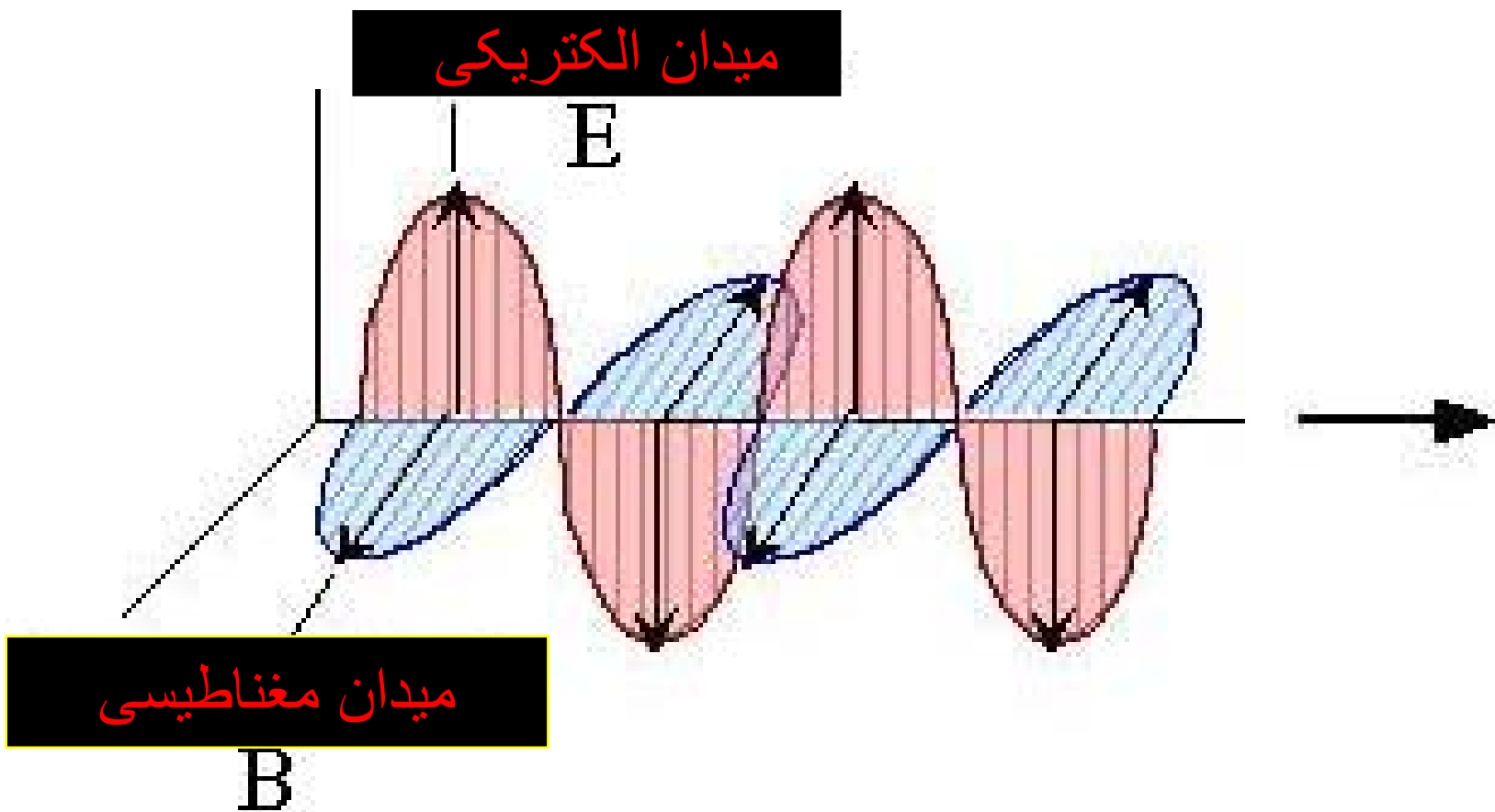
قطبش نور



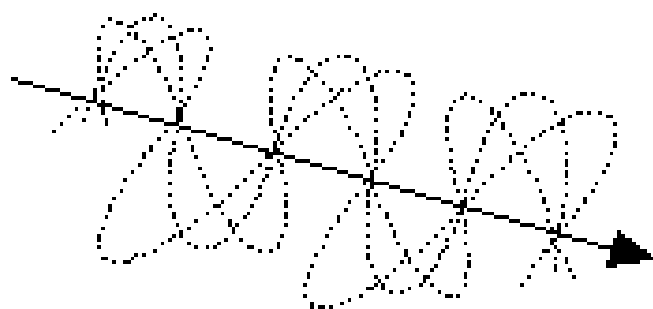
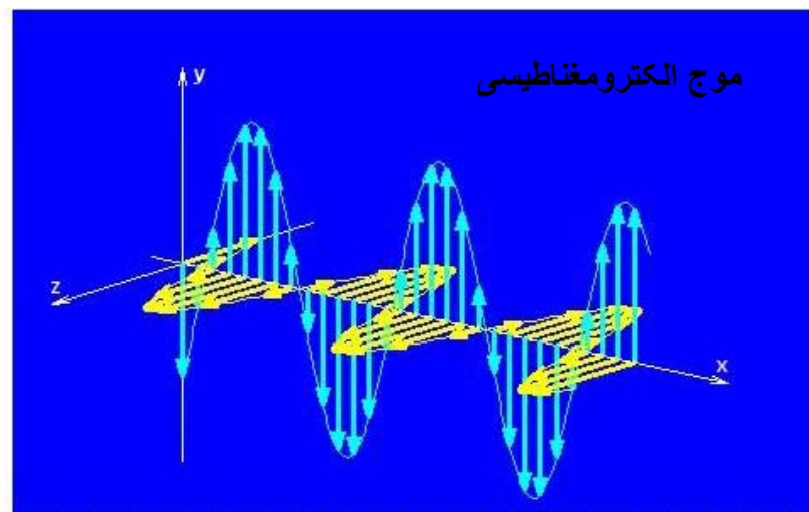


در یک روز آفتابی در کنار ساحل دریا عینک پولاروید به چشم زده و دراز کشیده اید. به شکل زیر توجه کنید که چگونه دریا را در دو حالت مختلف مشاهده می کنید:

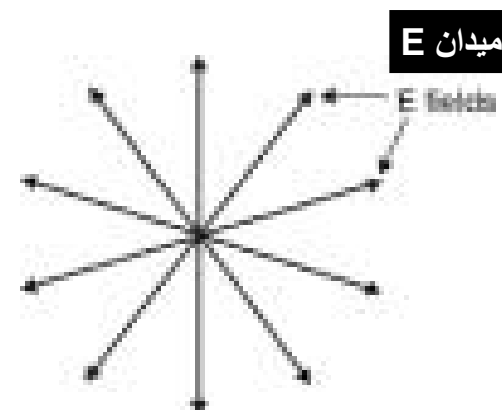




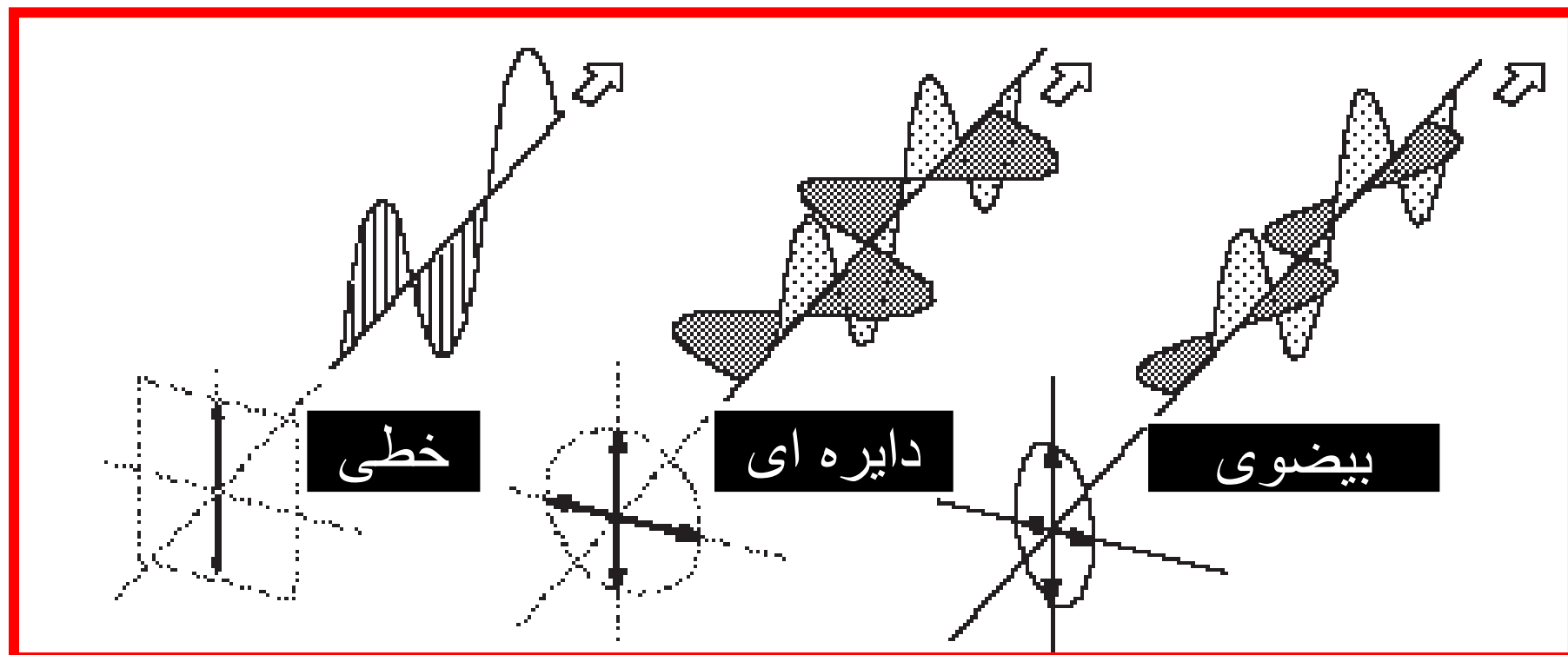
نور غیر قطبیده



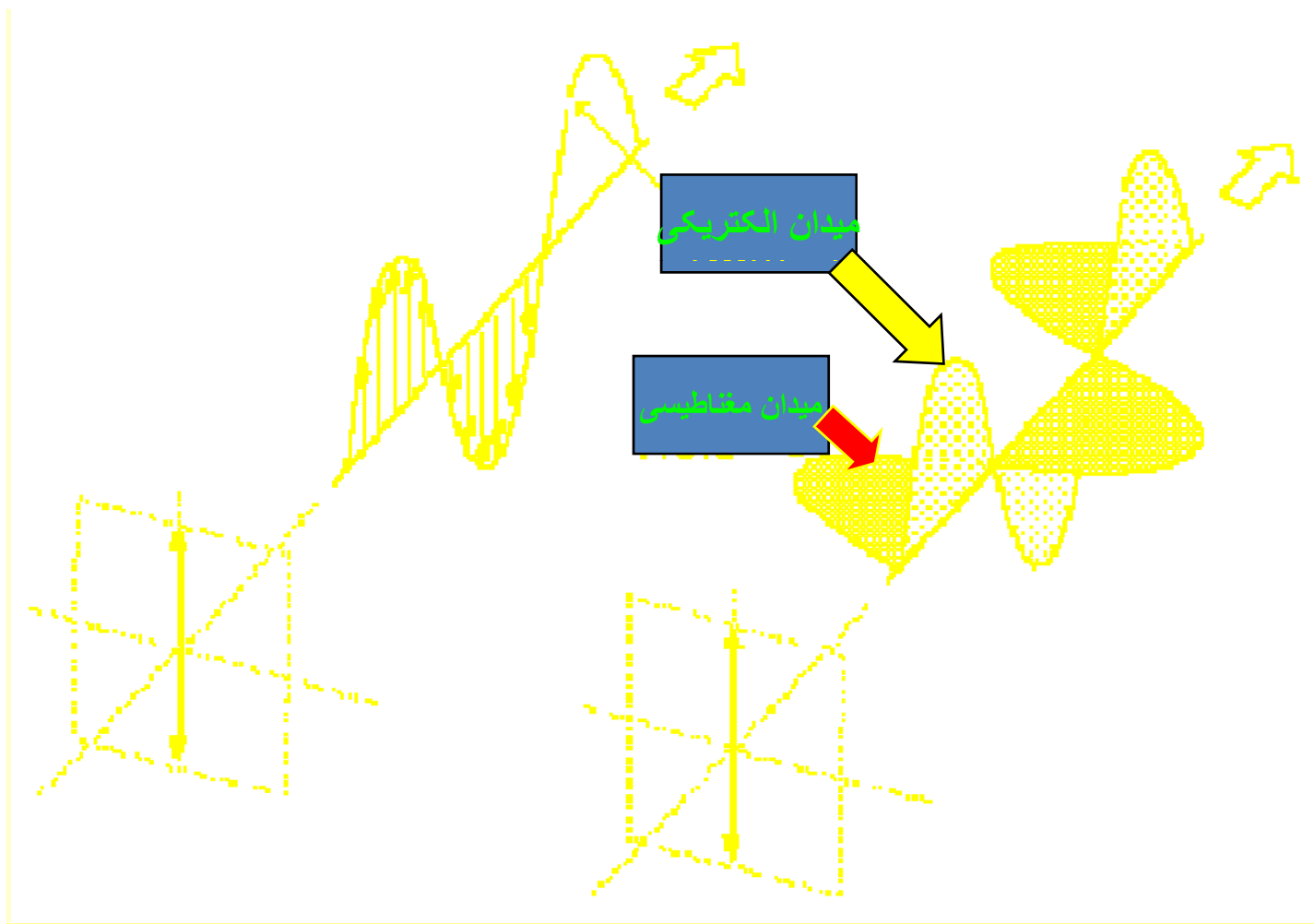
نور غیر قطبیده



انواع قُطْبِش



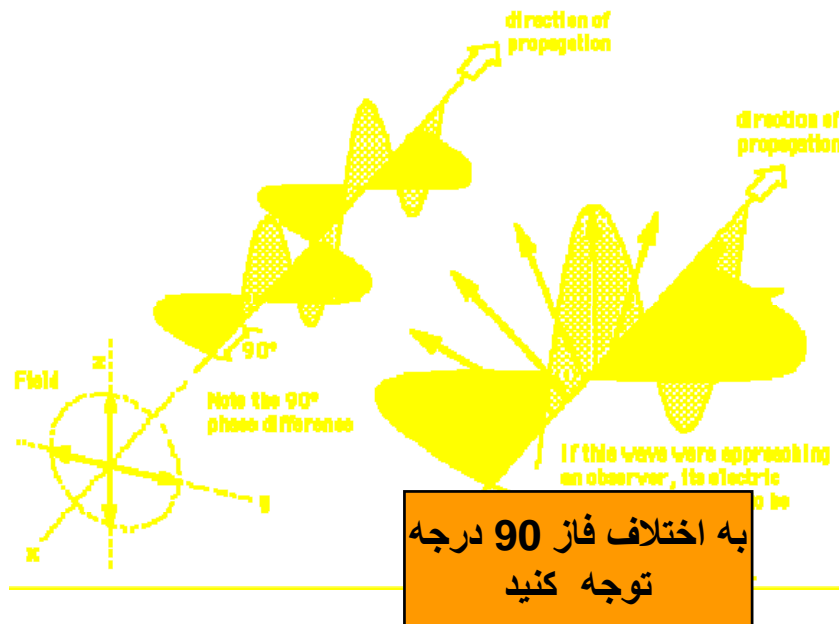
نور قطبیده خطی



نور قطبیده دایره ای

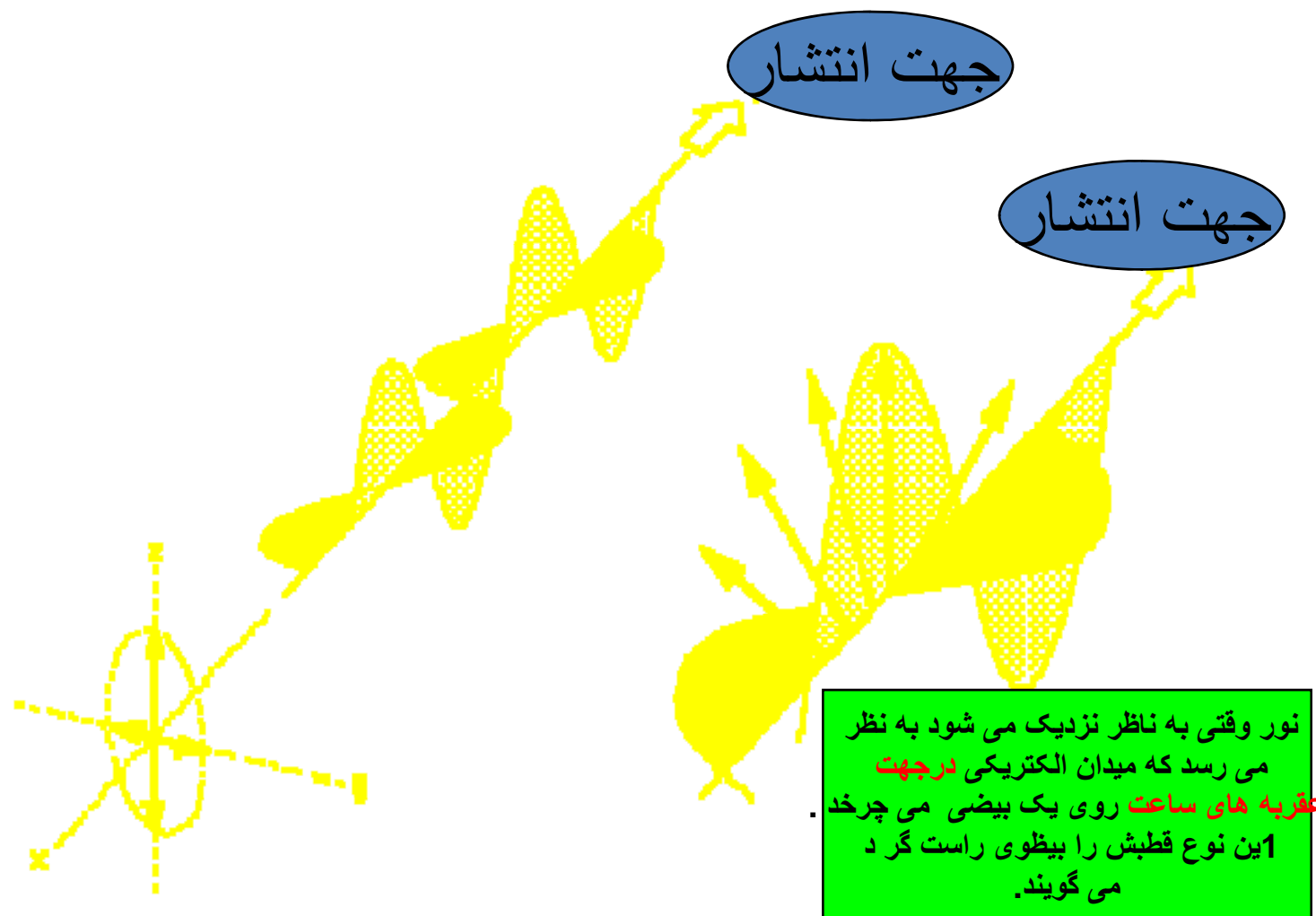
جهت انتشار

جهت انتشار



نور وقتی به ناظر نزدیک می شود به نظر می رسد که میدان الکتریکی در جهت عقربه های ساعت می چرخد. این نوع قطبش را دایره ای راست گرد می گویند.

نور قطبیده دایره ای

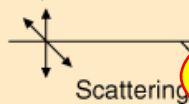


روشهای قطبش نور:

روشهای قطبش نور

ملکولها مانند تابشگرهای دوقطبی عمل کرده و هیچ انرژی در راستای محور دوقطبی پراکنده نمی کنند

Molecules behave like dipole radiators and scatter no energy along the dipole axis.

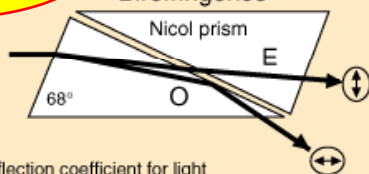


Methods for Achieving Polarization of Light

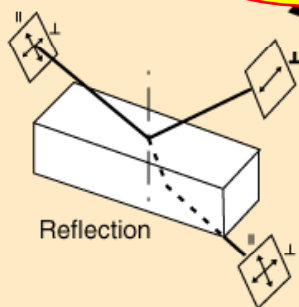
Light polarized in perpendicular planes exhibits different refractive indices in some crystalline materials - a property called birefringence. Prisms can be used to use total internal reflection to separate one of the planes.

پراکندگی

Birefringence



Reflection



The reflection coefficient for light polarized in the plane of incidence is zero at the Brewster angle, leaving the reflected light at that angle linearly polarized. Electrons in the material act like dipole radiators and transmit no energy along their vibration axis.

برخی از کریستال ها در مقابل نور دو ضریب شکست مختلف دارند و نور را در صفحات عمود برهم قطبیده می کنند

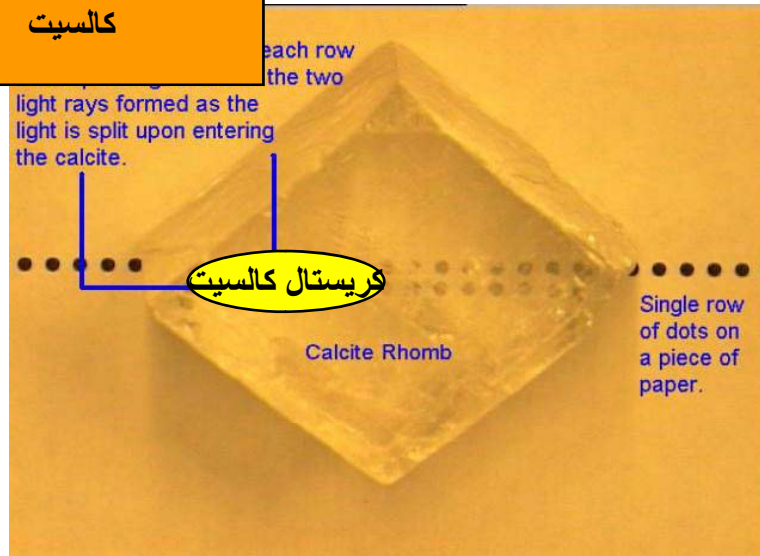
دو شکستی

انعکاس

ضریب انعکاس برای نور قطبیده در صفحه تابش تحت زاویه بروستر صفر است و این سبب قطبش خطی نور بازتابیده می شود. الکترونها در ماده مانند تابشگر دوقطبی عمل کرده و انرژی در طول محور ارتعاش خود گسیل نمی دارند.

شکست دوگانه (دو شکستی)

دور دید نقطه مربوط به عبور دوپرتو نور عبوری از کریستال کالسیت



دو شکستی در کریستال کالسیت

Calcite Crystal Birefringence

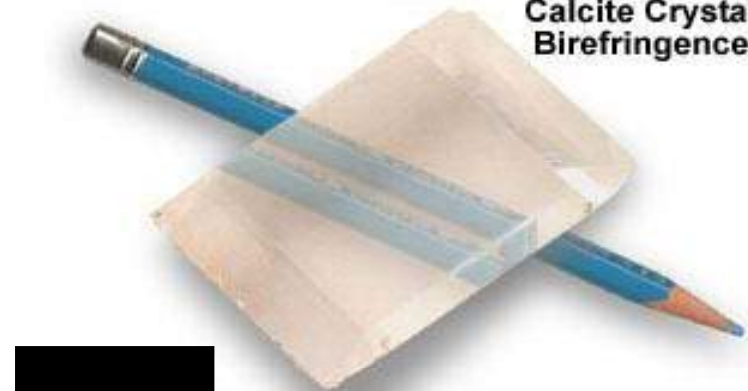
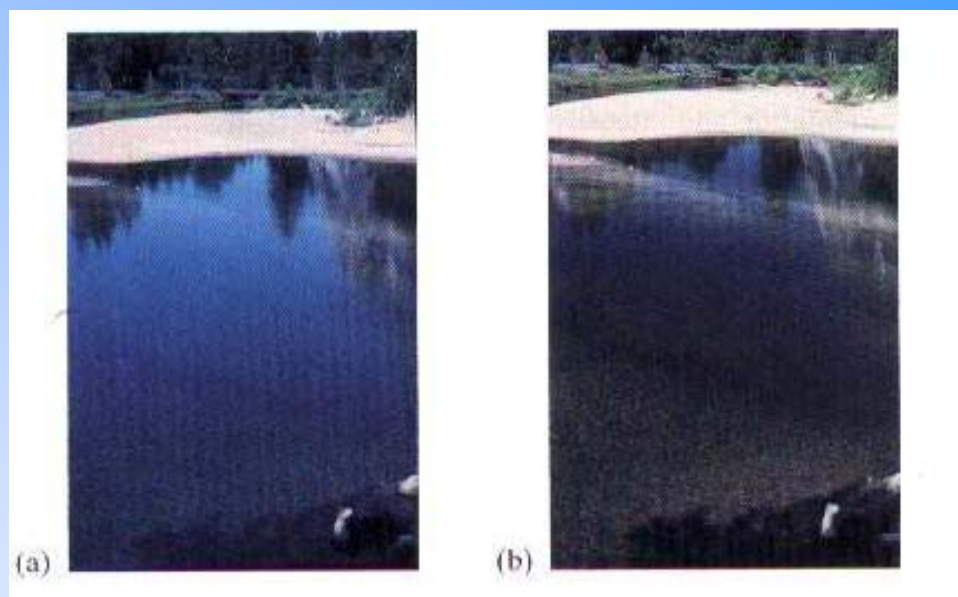
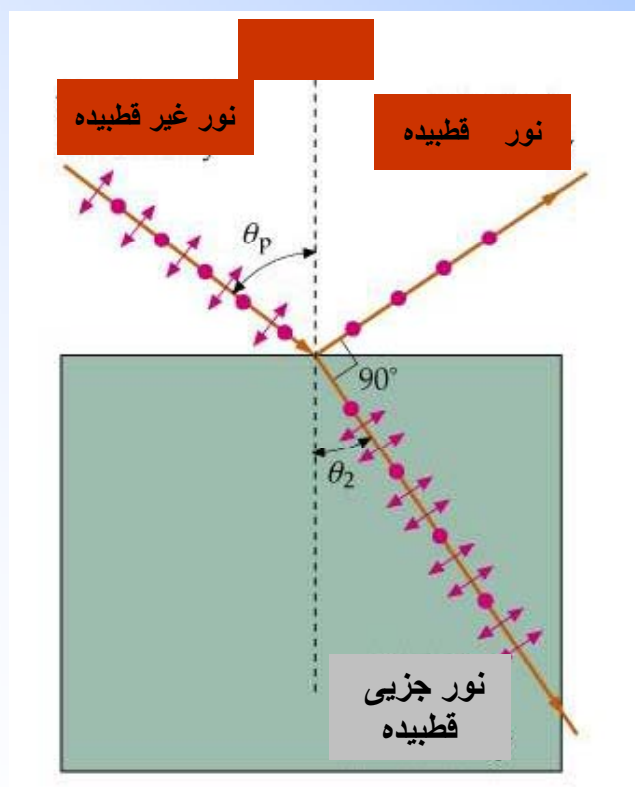
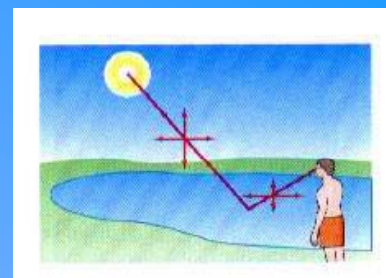


Figure 2

قطبش در اثر بازتاب نور:



$$n_1 \sin \theta_p = n_2 \sin \theta_2$$

$$\theta_2 = 90^\circ - \theta_p$$

$$n_1 \sin \theta_p = n_2 \cos \theta_p$$

$$\tan \theta_p = \frac{n_2}{n_1}$$

قانون بروستر:

قطبش دو شکستی : بلور کالسیت



قطبش : صفحات پولاروید



در حالت تعامد قطببنده و آنالیزور هیچ نوری از آنالیزور عبور نمی کند <

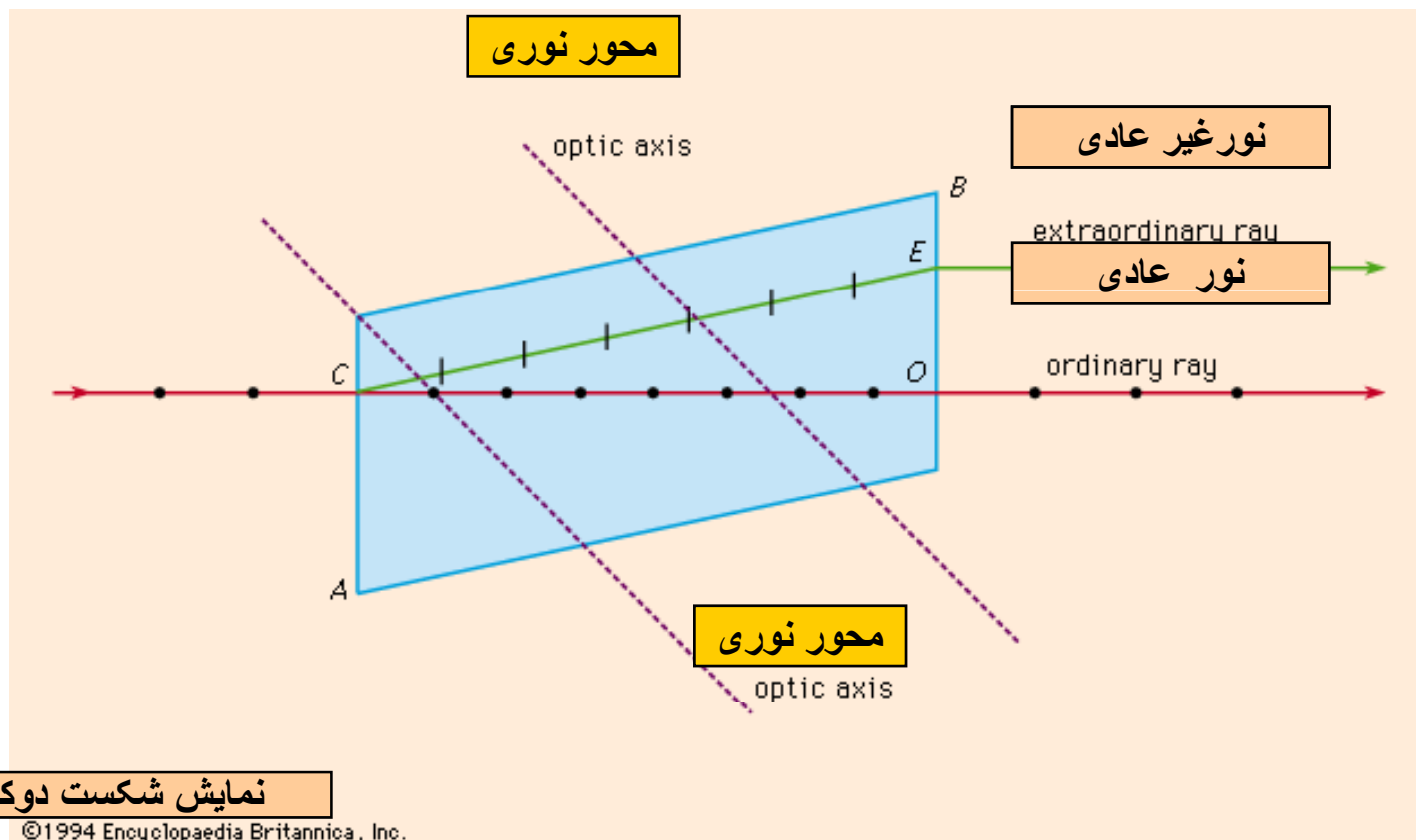


برخی از مواد کریستالی در مقابل عبور نور در جهت
های مختلف کریستال از خود ضریب شکست های
مختلف از خود نشان می دهند . بعضی از کریستال ها
دارا دوضریب شکست هستند این مواد را دوشکستی
می گویند .



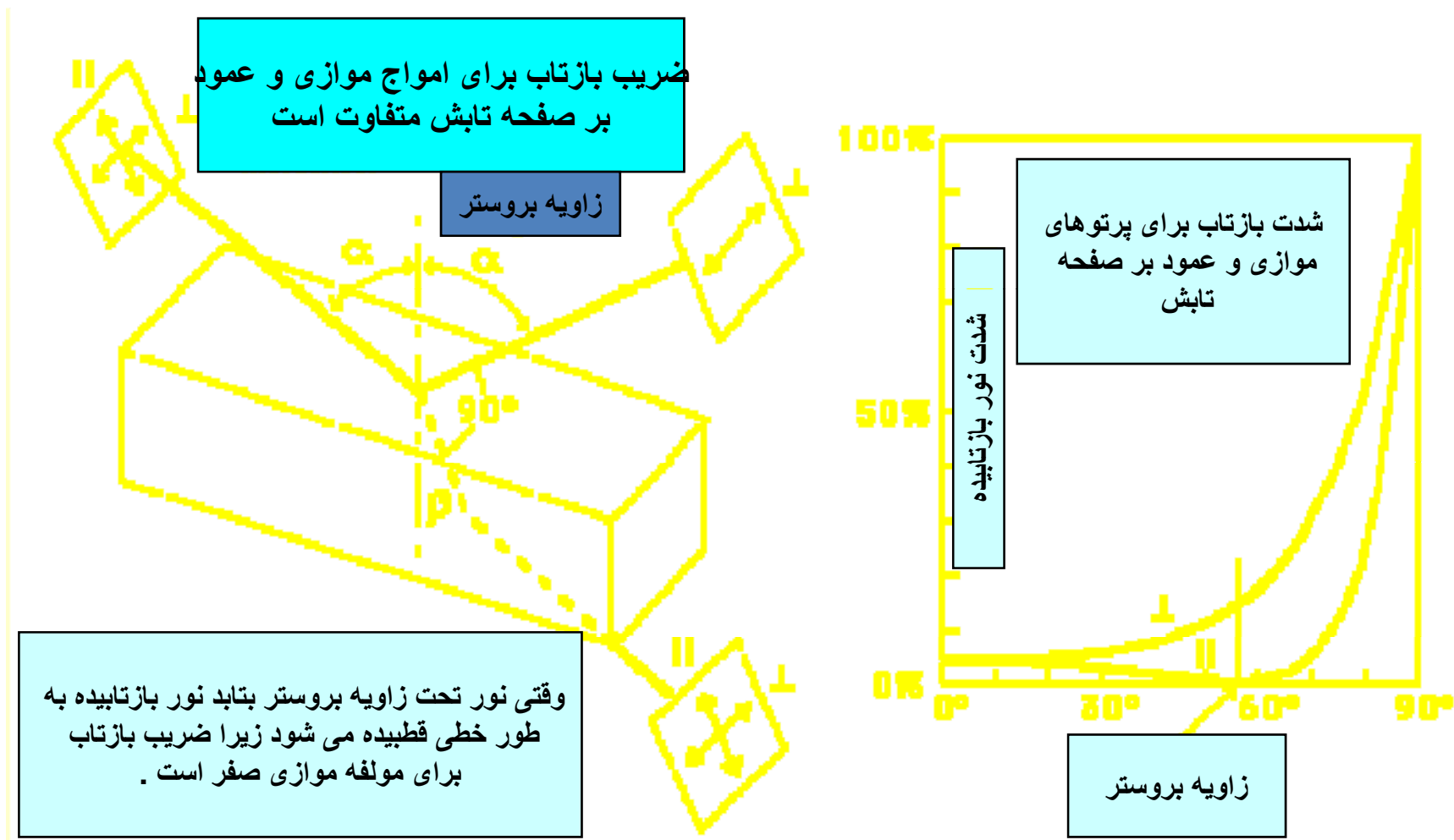
• اگر جهت y و z از نظر نیروهای کریستالی یکسان باشند در این صورت ، محور x منحصر به فرد بوده و به نام **محور نوری** نامیده می شود .

• انتشار نور در طول محور نوری مستقل از قطبش بوده و اگر میدان الکتریکی نور همه جا عمود بر محور نوری باشد آنرا **موج عادی** و **یا موج O** می نامند. پرتو نوری که میدان الکتریکی آن موازی محور نوری باشد آنرا **پرتو غیر عادی** یا **موج E** می نامند .



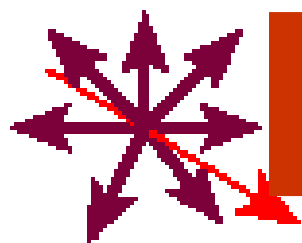
ناهمسانگردی نیروهای بستگی الکترونها در یک ماده می تواند به ناهمسانگردی دامنه نوسان الکترونها در برابر موج الکترومغناطیسی محرک و در نتیجه به ناهمسانگردی جذب نور تابیده شده منجر شود. این مواد خاصیت دو فامی از خود نشان می دهند. عدم تقارن ساختار بلوری سبب تغییر سرعت نور در جهت های مختلف بلور می شود.

قطبش در اثر بازتابش





پیام نور



نور تابیده غیر قطبیده

تجربه قطبش به مولفه های
عمودی و موازی

n_i

θ_B

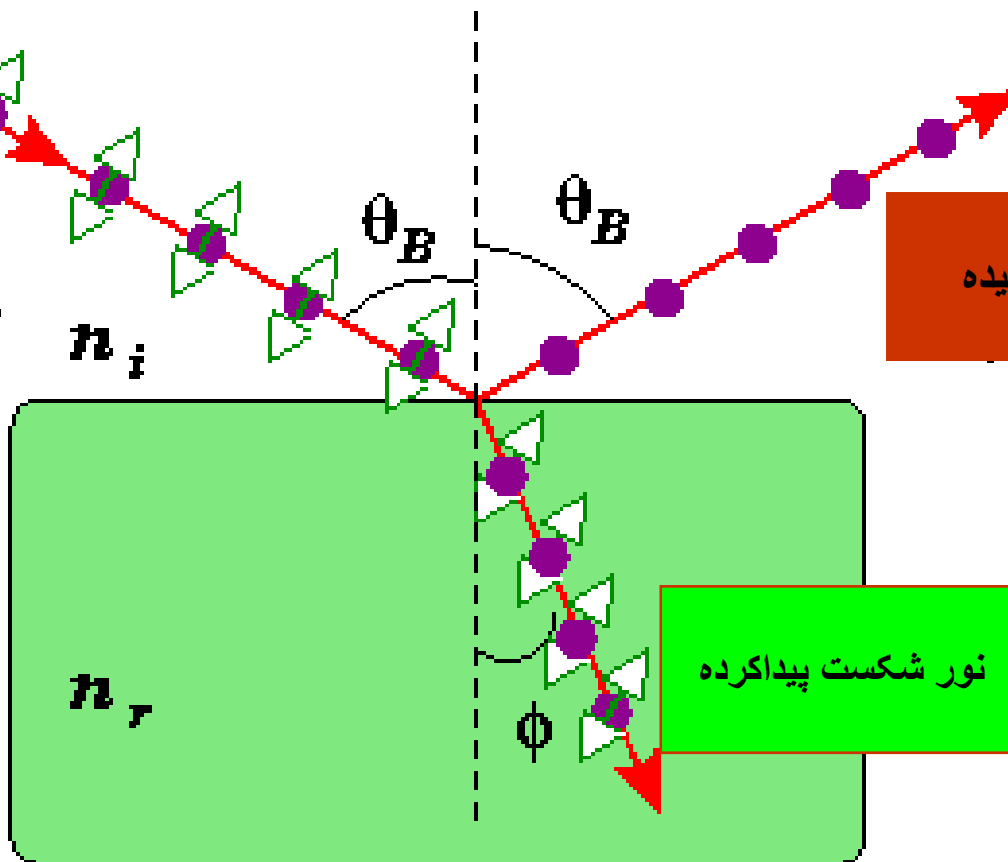
θ_B

نور بازتابیده

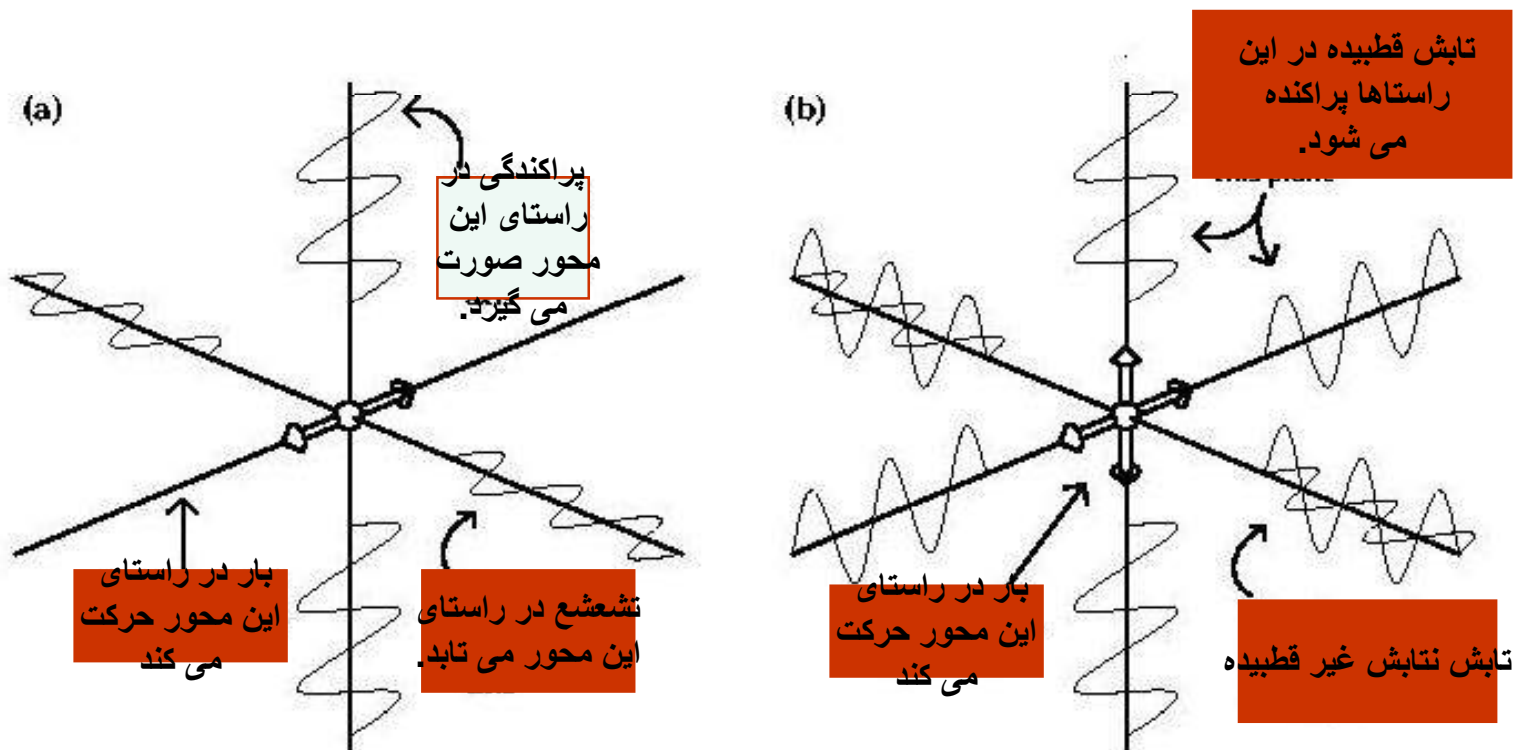
n_r

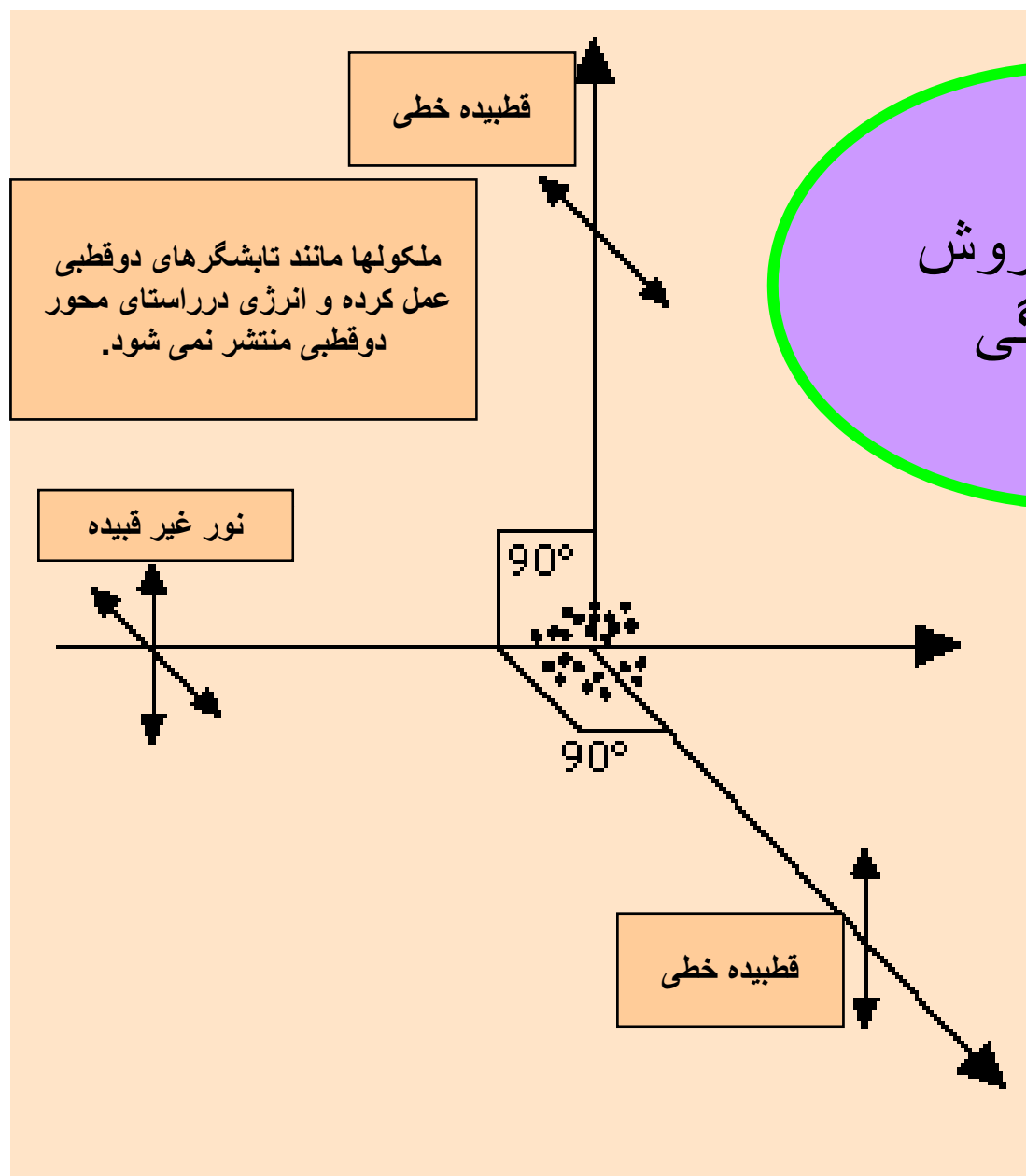
نور شکست پیدا کرده

ϕ



قطبش در اثر پراکنش

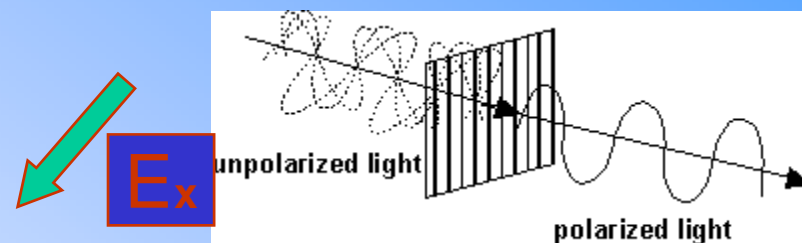
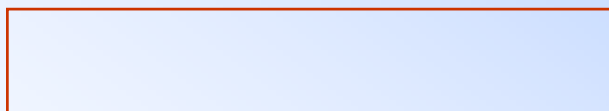
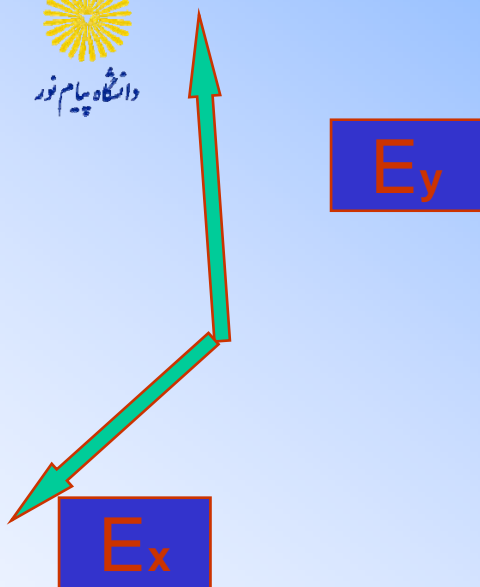




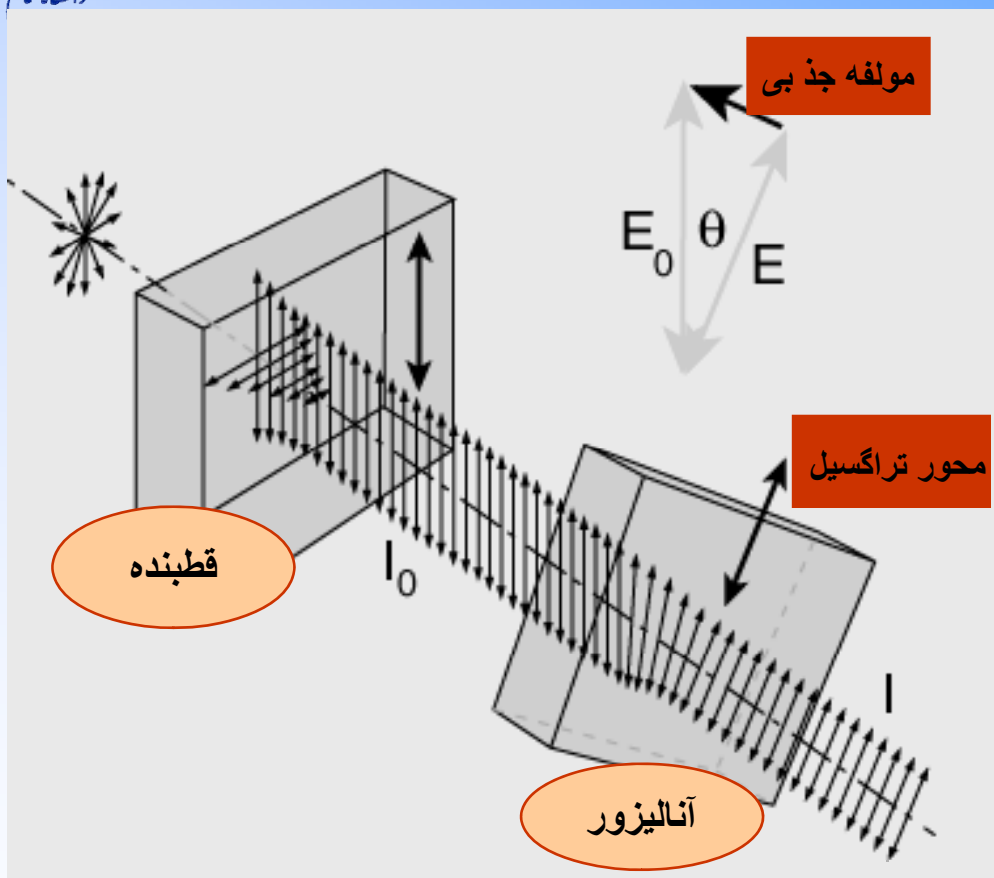
ملکولها مانند تابشگرهای دوقطبی عمل کرده و انرژی در راستای محور دوقطبی منتشر نمی شود.



تأثیر یک شبکه سیمی قائم بر میکرو موج :



برهم کنش میکرو موج سبب می شود که الکترون های آزاد درون سیم به نوسان در آیند . یک الکترون نوسانگر مانند یک چشمه دوقطبی به همه طرف ، جز راستای نوسانش انرژی الکترومغناطیس گسیل می دارد . در نتیجه تابش در راستای عمود بر سیم قطبیده خطی می شود .



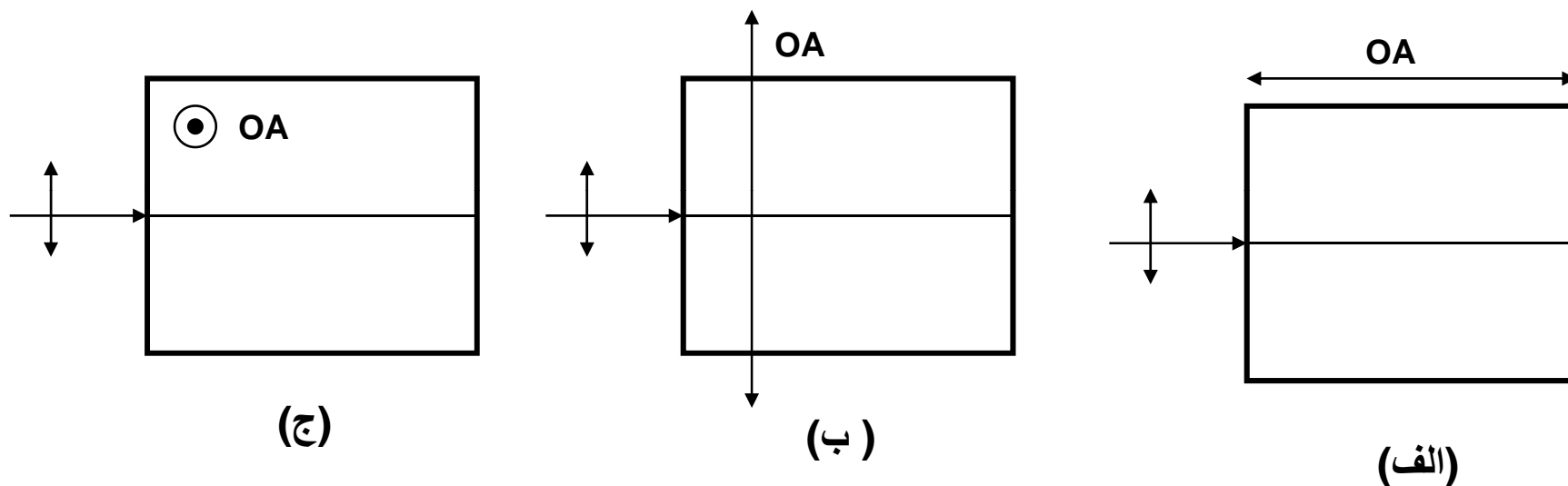
قانون مالوس :

$$E = E_0 \cos \theta$$

$$I = I_0 \cos^2 \theta$$

تیغه ربع موج و نیم موج:

با بردن و صیقل کاری بلورهای دو شکستی می توانیم که عنصرهای قطبنده ای بسازیم که محور اپتیکی شان نسبت به نور فرودی سمتگیری معینی داشته باشند. مثال شکل زیر توجه کنید:



الف - هر دو مولفه عمود بر محور نوری بوده و یا سرعت یکسان منتشر می شوند.

ب و ج - محور اپتیکی بریک مولفه عمود و با دیگری موازی است اگر ضخامت بلور برابر است با
باشد اختلاف راه اپتیکی

$$\Delta = |n_{\perp} - n_{\parallel}| d$$



تیغه ربع موج و نیم موج:

اختلاف فاز مولفه ها:

$$\Delta\varphi = 2\pi \left[\frac{\Delta}{\lambda_0} \right] = \left[\frac{2\pi}{\lambda_0} \right] |n_{\text{vertical}} - n_{\text{par}}| d$$

$$\Delta\varphi = \frac{\pi}{2}$$

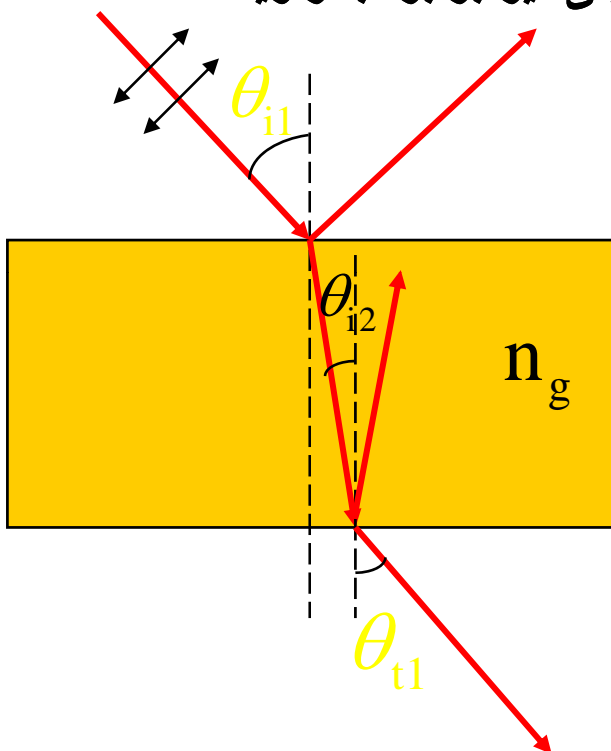
تیغه ربع موج :

$$\Delta\varphi = \pi$$

تیغه نیم موج :

مثال:

یک تیغه شیشه ای را به صورت غوطه ور در آب در نظر بگیرید . نشان دهید که بخشی از باریکه نور طبیعی که با زاویه قطبش بروستر بر سطح بالایی تیغه فرود می آید به گونه ای وارد تیغه می شود که زاویه تابش آن با سطح پایینی نیز برابر با زاویه قطبش است :



$$n_w \sin \theta_p = n_g \sin \theta_{t1} = n_g \sin \theta_{i2}$$

$$\Rightarrow \sin \theta_{i2} = \frac{n_w}{n_g} \sin \theta_p \quad (1)$$

$$\tan \theta_p = \frac{n_g}{n_w} \quad (2)$$

$$\Rightarrow \sin \theta_{i2} = \cos \theta_p \quad (3)$$

$$\theta_{i2} + \theta_p = 90$$

$$\tan \theta_{i2} = \frac{1}{\tan \theta_p} = \frac{n_w}{n_g} \quad \Rightarrow \theta_{i2} = \theta'_p$$



یک سوال؟

نور غیر قطبیده از سه فیلتر پولاروید عبور می کند که محور تراگسیل هریک با محور قبلی زاویه 45 درجه می سازد. چه مقدار نور عبور می کند؟

الف- 0%

ب- 12.5%

ج- 25%

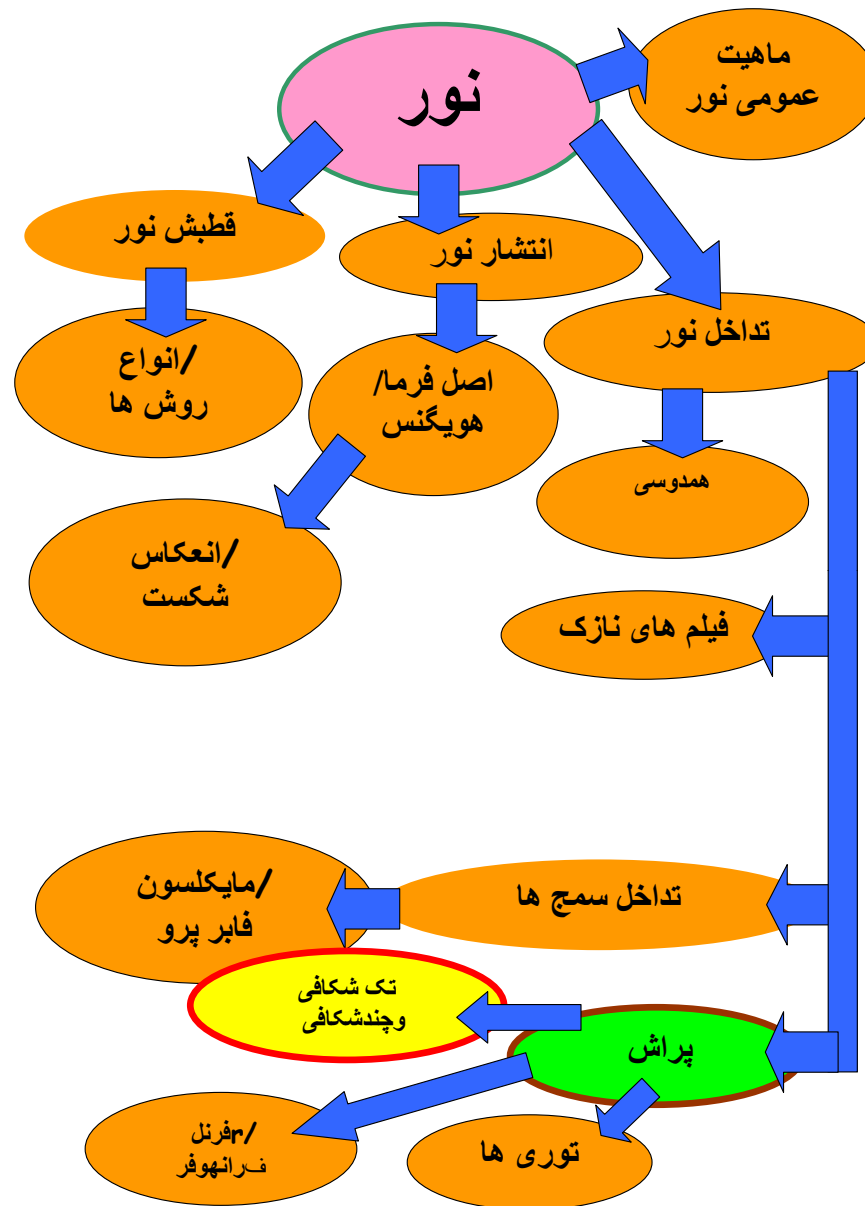
د- 50%

ه- 33%



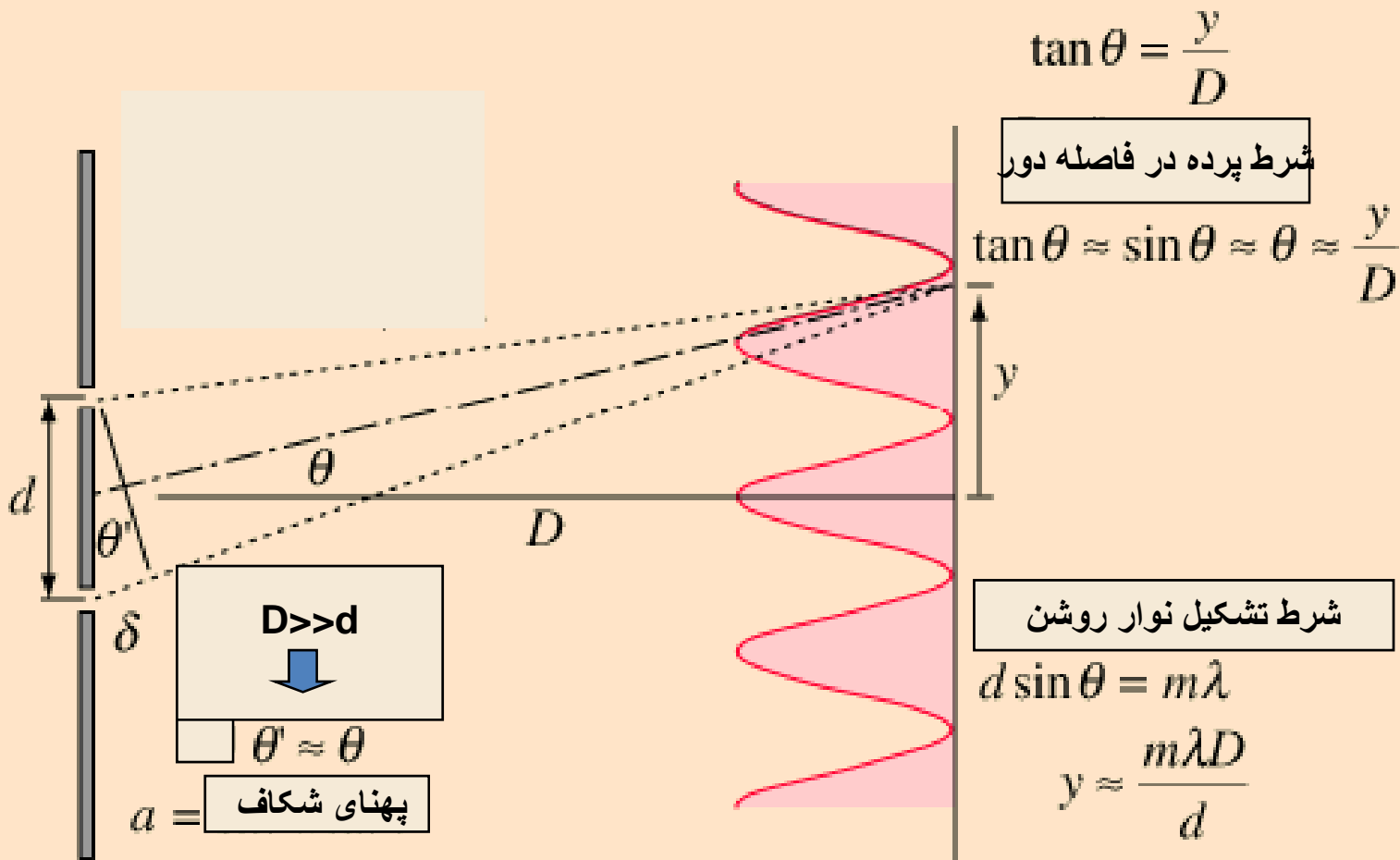
الف- سه روش برای ایجاد نور قطبیده از نور غیر قطبیده ذکر کنید؟

ب- نور غیر قطبیده از سه ورقه پولاروید عبور می کند.
محور اولی قائم است . محور دومی زاویه 30 درجه با
قائم می سازد و محور سومی هم قائم است . چه کسری از
نور عبور می کند؟

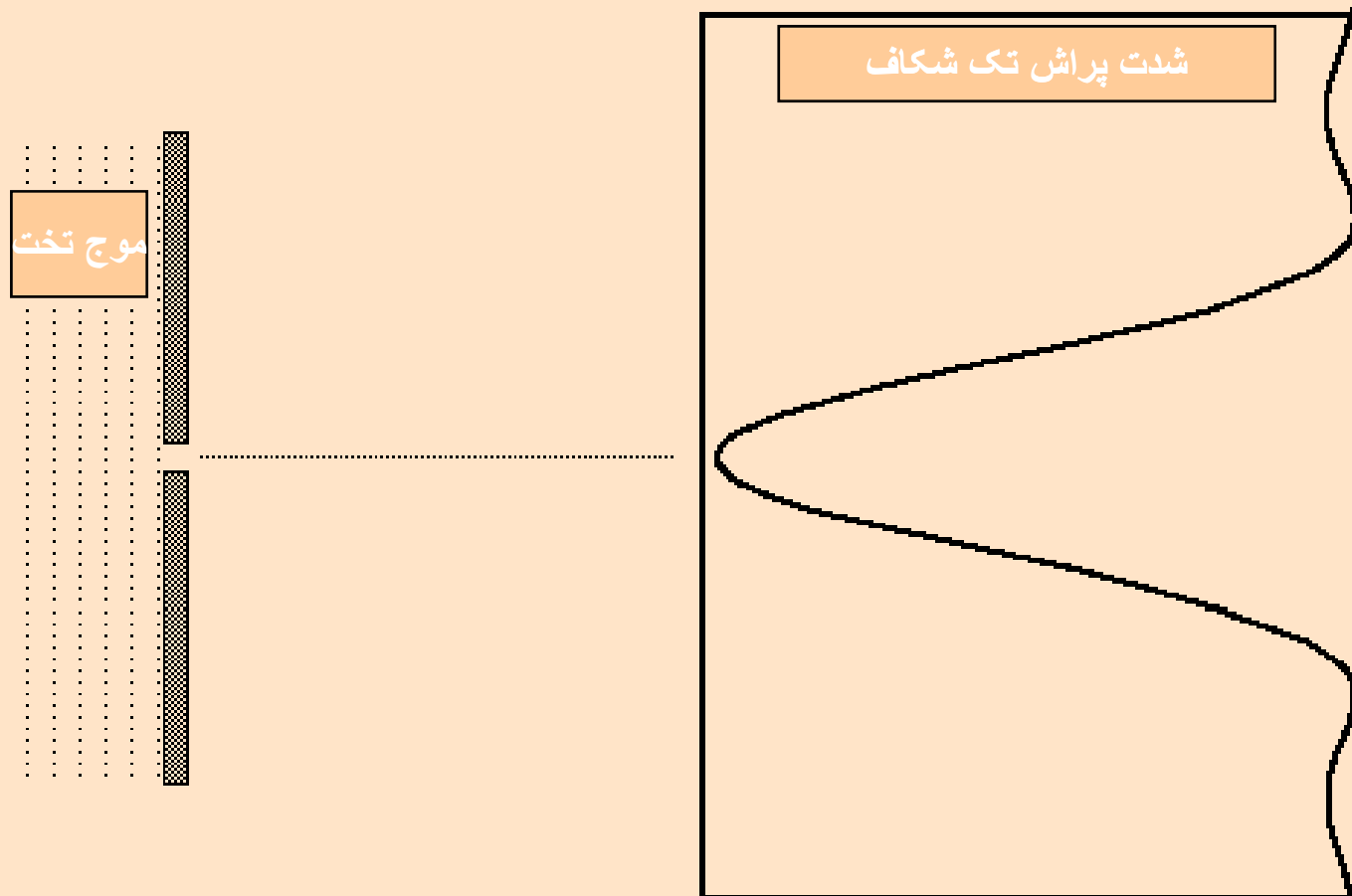


یادآوری

تداخل دوشکافی یا نگ



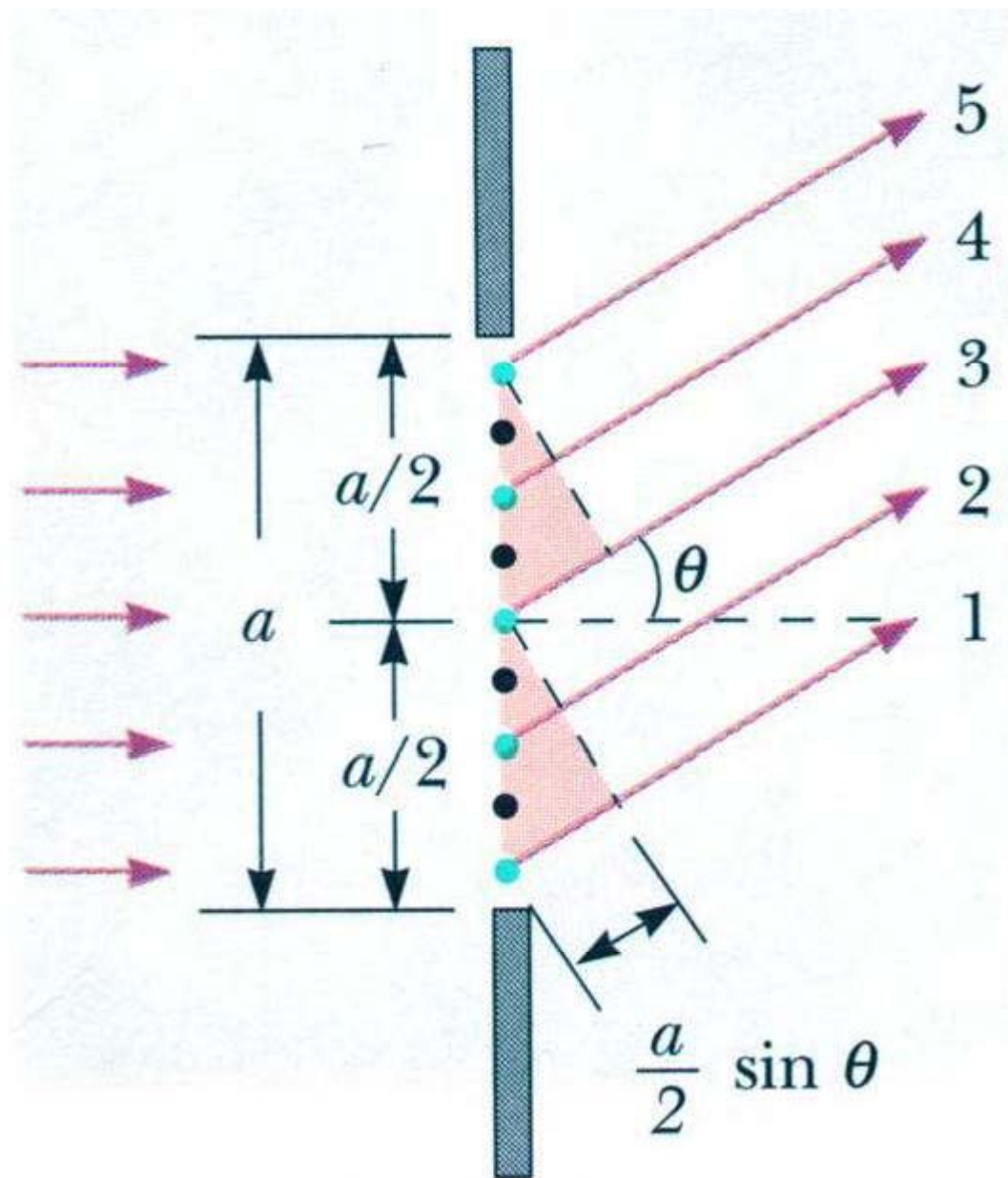
پراش تک شکافی





پراش تک شکاف

برای فهم پراش تک شکاف فرض می کنیم که جبهه های موج مانند چشمه های نور با فاز مساوی شکاف را ترک می کنند و امواجی که بدون انحراف به پرده تصویر می رسند با همدیگر تداخل سازنده می نمایند.



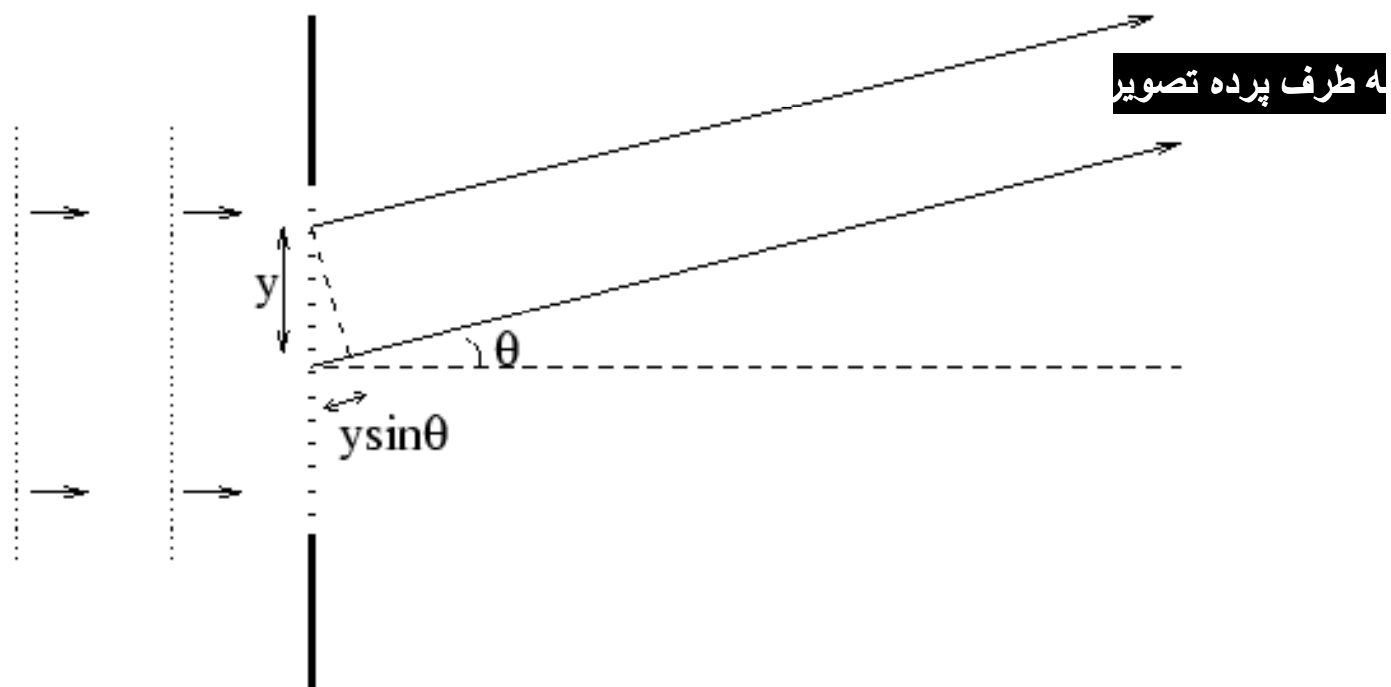
شرط تداخل سازنده:

$$\frac{a}{2} \sin \theta = m \frac{\lambda}{2}$$

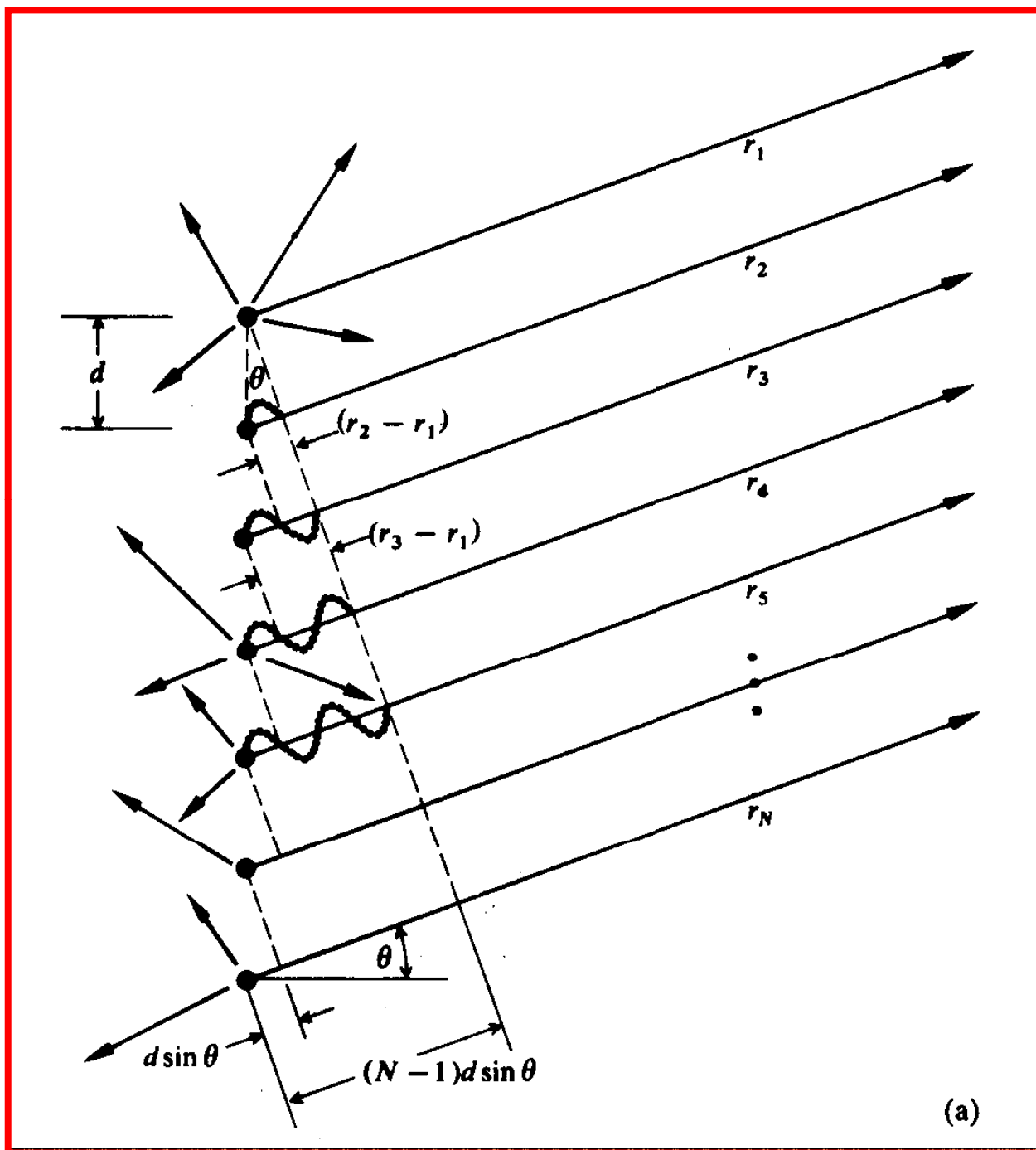
$$a \sin \theta = m \lambda$$

$$m=1,2,3, \dots$$

شدت : پراش تک شکاف



اکنون ، آرایه ای از N نوسانگر را در نظر بگیرید:





دانشگاه پیام نور

$$E = E_0(r) e^{i(kr - \omega t)}$$

برای یک نوسانگر

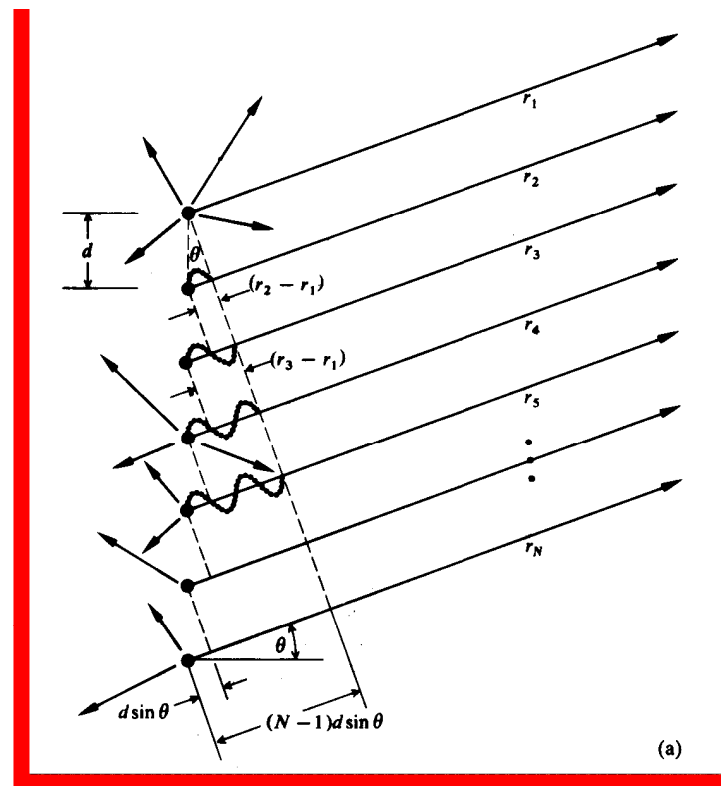
برای **N** نوسانگر:


$$E = E_0(r) e^{i(kr_1 - \omega t)} + E_0(r) e^{i(kr_2 - \omega t)} + \dots + E_0(r) e^{i(kr_N - \omega t)}$$

$$E = E_0(r) e^{-i\omega t} e^{ikr_1} \left[1 + e^{ik(r_2 - r_1)} + e^{ik(r_3 - r_1)} + \dots + e^{ik(r_N - r_1)} \right]$$

Between adjacent sources: بین چشمه های مجاور:

$$PD = d \sin \theta \Rightarrow \delta = kd \sin \theta = \frac{2\pi}{\lambda} d \sin \theta$$





$$E = E_0(r) e^{-i\omega t} e^{ikr_1} \left[1 + e^{ik(r_2 - r_1)} + e^{ik(r_3 - r_1)} + \dots + e^{ik(r_N - r_1)} \right]$$

دانشگاه پیام نور

$$\delta = k(r_2 - r_1)$$

$$2\delta = k(r_3 - r_1), \dots$$

$$E = E_0(r) e^{-i\omega t} e^{ikr_1} \left[1 + e^{i\delta} + e^{i2\delta} + \dots + e^{i(N-1)\delta} \right]$$

$$E = E_0(r) e^{-i\omega t} e^{ikr_1} \left[1 + (e^{i\delta}) + (e^{i\delta})^2 + \dots + (e^{i\delta})^{N-1} \right]$$

مقدار داخل کروشه برابر است با:

$$\frac{e^{i\delta N} - 1}{e^{i\delta} - 1} = \frac{e^{iN\delta/2} \left[e^{iN\delta/2} - e^{-iN\delta/2} \right]}{e^{i\delta/2} \left[e^{i\delta/2} - e^{-i\delta/2} \right]}$$

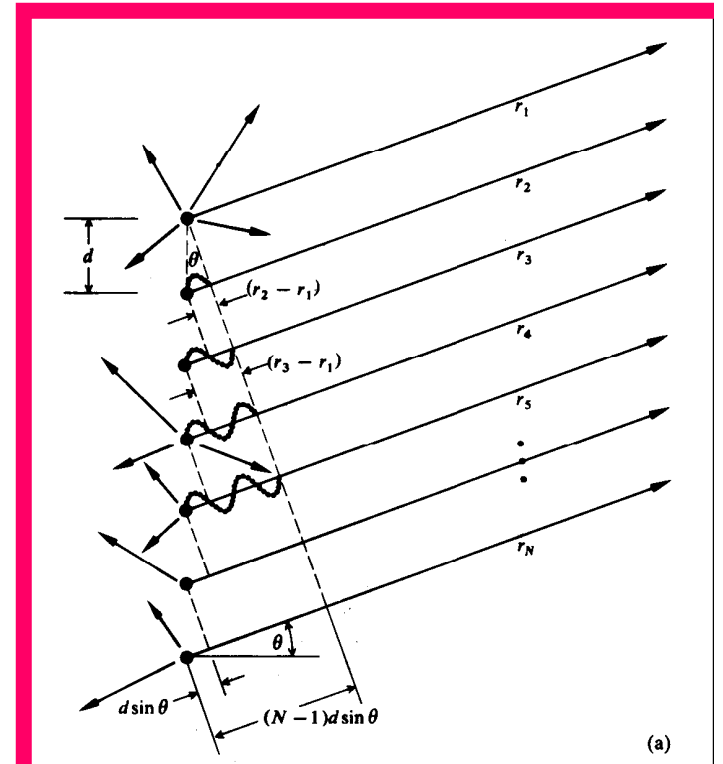
$$= e^{i(N-1)\delta/2} \left[\frac{\sin N\delta/2}{\sin \delta/2} \right]$$



$$E = E_0(r) e^{-i\omega t} e^{i[kr_1 + (N-1)\delta/2]} \left(\frac{\sin N\delta/2}{\sin \delta/2} \right)$$

$$R = \frac{1}{2}(N-1)d \sin \theta + r_1$$

$$E = E_0(r) e^{i(kR - \omega t)} \left(\frac{\sin N\delta/2}{\sin \delta/2} \right)$$



(a)



$$E = E_0(r) e^{i(kR - \omega t)} \left(\frac{\sin N\delta / 2}{\sin \delta / 2} \right)$$

$$I = EE^* / 2$$

$$I = I_0 \frac{\sin^2 (N\delta / 2)}{\sin^2 (\delta / 2)}$$



$$I = I_0 \frac{\sin^2 (N\delta / 2)}{\sin^2 (\delta / 2)}$$

$$N = 0 \Rightarrow I = 0$$

$$N = 1 \Rightarrow I = I_0$$



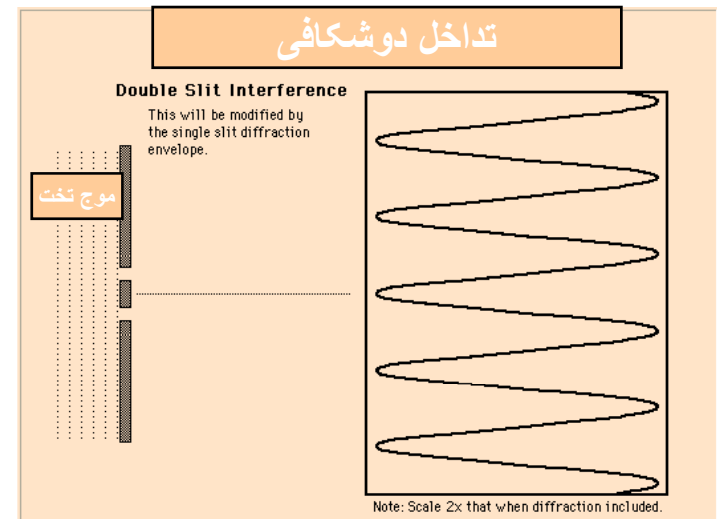
دانشگاه شاهرود

$$I = I_0 \frac{\sin^2 (N \delta / 2)}{\sin^2 (\delta / 2)}$$

$$N = 2$$

$$I = I_0 \frac{\sin^2 (\delta)}{\sin^2 (\delta / 2)} = I_0 \frac{4 \sin^2 (\delta / 2) \cos^2 (\delta / 2)}{\sin^2 (\delta / 2)}$$

$$I = 4I_0 \cos^2 (\delta / 2)$$





پراش تک شکاف

$$I = I_0 \frac{\sin^2 (N \delta / 2)}{\sin^2 (\delta / 2)}$$

$$\beta = \delta / 2 = (\pi / \lambda) d \sin \theta$$

$$I = I_0 \frac{\sin^2 (N \beta)}{\sin^2 (\beta)} = I_0 \frac{\sin^2 ((\pi / \lambda) N d \sin \theta)}{\sin^2 ((\pi / \lambda) d \sin \theta)}$$

$$N \rightarrow \infty$$

$$N d \rightarrow a \quad \text{عرض شکاف}$$

$$d \rightarrow a / N$$

$$\alpha = (\pi / \lambda) a \sin \theta$$



$$I \propto \frac{\sin^2 ((\pi / \lambda) N d \sin \theta)}{\sin^2 ((\pi / \lambda) d \sin \theta)}$$

$$I \propto \frac{\sin^2 ((\pi / \lambda) a \sin \theta)}{\sin^2 ((\pi / N \lambda) a \sin \theta)}$$

$$I \propto \frac{\sin^2 \alpha}{\sin^2 (\alpha / N)}$$

$$\sin^2 \frac{\alpha}{N} \rightarrow \left(\frac{\alpha}{N} \right)^2$$

$$I \propto \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \quad \text{with} \quad \alpha = \frac{\pi}{\lambda} a \sin \theta$$



مانند سابق ، شرط داشتن کمینه پراش :

$$a \sin \theta = m\lambda$$



برای پراش تک شکاف :

$$I = I_0 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \quad \text{where} \quad \alpha = \frac{\pi}{\lambda} a \sin \theta$$

برای تداخل N شکاف

$$I = I_0 \frac{\sin^2 N \beta}{\sin^2 \beta} \quad \text{where} \quad \beta = \frac{\pi}{\lambda} d \sin \theta$$



برای تداخل N شکاف:

$$I = I_0 \frac{\sin^2 N\beta}{\sin^2 \beta} \longrightarrow \beta = \frac{\pi}{\lambda} d \sin \theta$$

برای پراش تک شکاف:

$$I = I_0 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \longrightarrow \alpha = \frac{\pi}{\lambda} a \sin \theta$$

توجه کنید که | شدت تابش است در :

$$\text{at } \theta = 0 = \beta = \alpha :$$

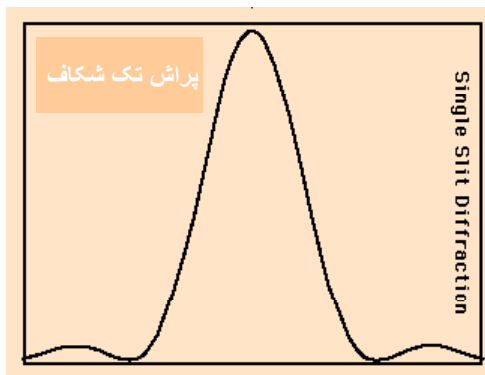
$$I(0) = N^2 I_0$$



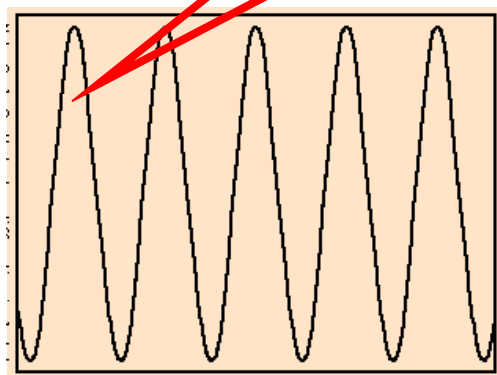
از ترکیب این دو:

$$I = I_0 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \times \frac{\sin^2 N \beta}{\sin^2 \beta}$$

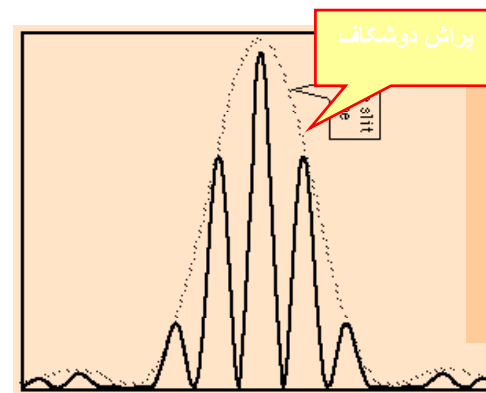
 $\alpha = \frac{\pi}{\lambda} a \sin \theta$ و $\beta = \frac{\pi}{\lambda} d \sin \theta$



×



=



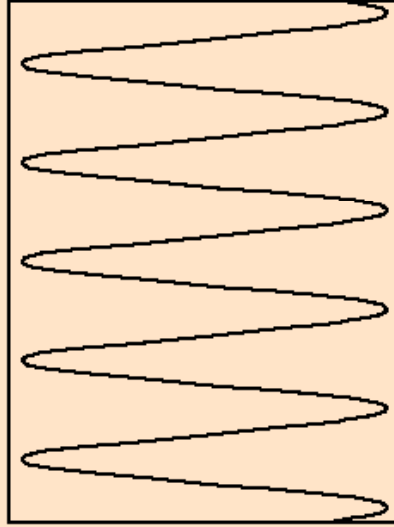
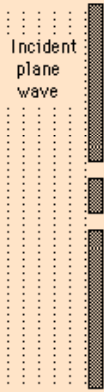
چون سومین پیک تداخل روی اولین پیک پراش قرار می گیرد: $d = 3a$



تداخل دوشکاف

Double Slit Interference

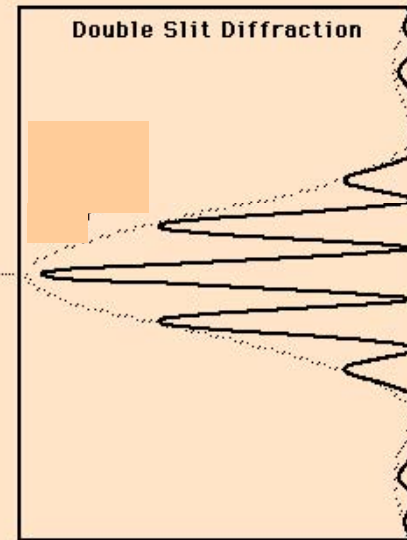
This will be modified by the single slit diffraction envelope.



Note: Scale 2x that when diffraction is included.

پراش دوشکاف

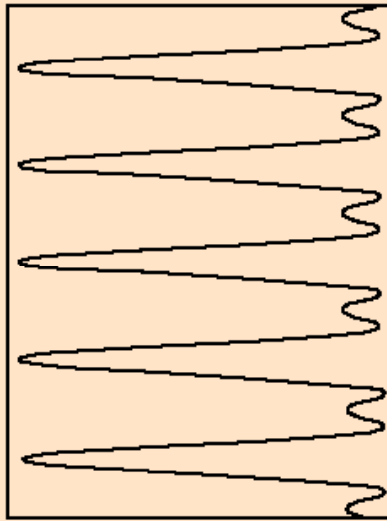
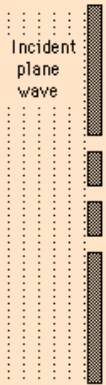
Double Slit Diffraction



تداخل سه شکاف

Three Slit Interference

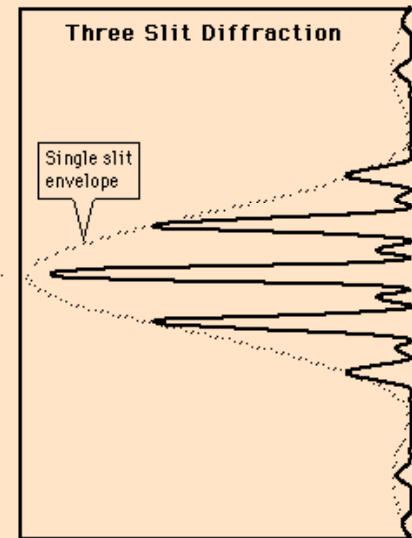
This will be modified by the single slit diffraction envelope.



Note: Scale 2x that when diffraction included.

پراش سه شکاف

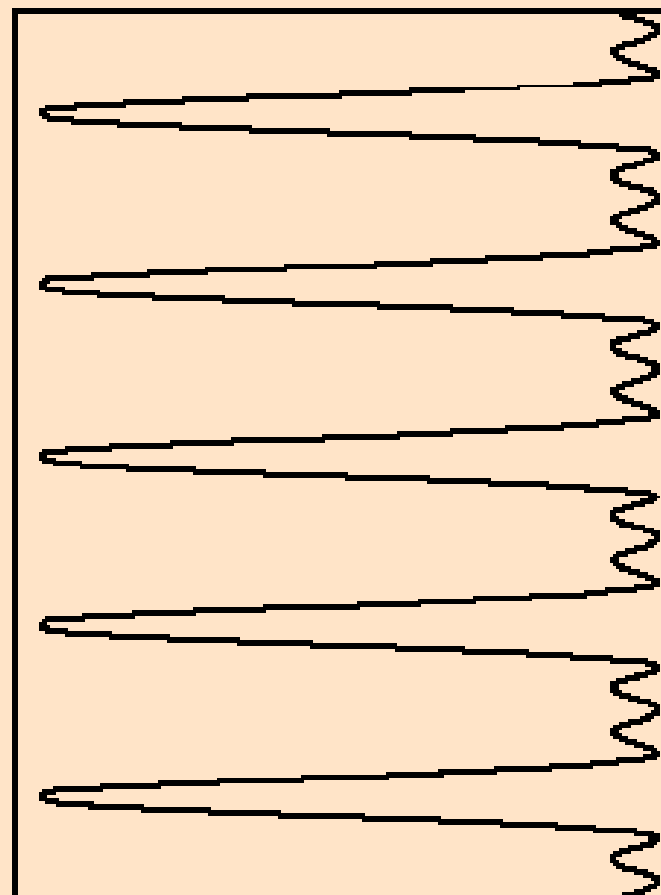
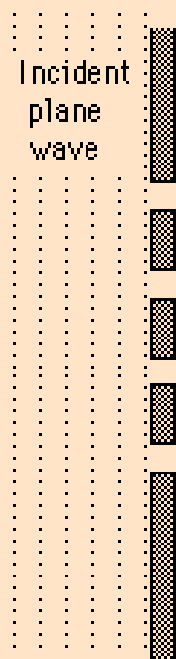
Three Slit Diffraction



تداخل چهار شکاف

Four Slit Interference

This will be modified by the single slit diffraction envelope.



Note: Scale 2x that when diffraction included.

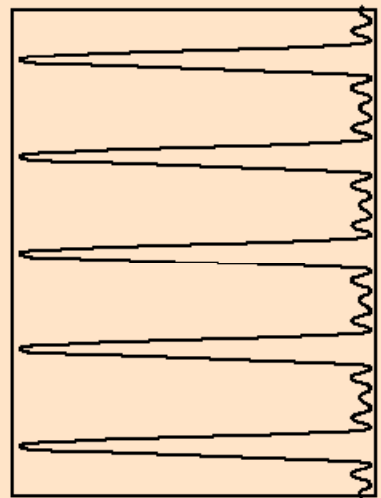
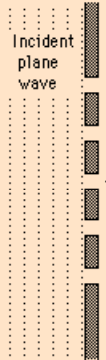


F

تداخل پینج شکافی

Five Slit Interference

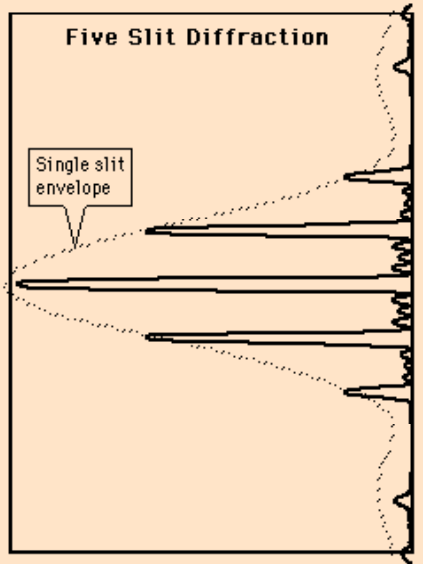
This will be modified by the single slit diffraction envelope.



Note: Scale 2x that when diffraction included.

Double

پراش پینج شکافی



Single slit envelope



بیشینه ها تداخل:

بیشینه ها وقتی اتفاق می افتند:

$$\frac{\sin N\beta}{\sin \beta} = N$$

$$\beta = 0, \pm\pi, \pm2\pi, \dots$$

$$d \sin \theta = m\lambda$$



کمینه های تداخل:

کمینه ها وقتی روی می دهند که:

$$\frac{\sin N\beta}{\sin \beta} = 0$$

$$\beta = \pm \frac{\pi}{N}, \pm \frac{2\pi}{N}, \dots, \pm \frac{(N-1)\pi}{N}, \pm \frac{(N+1)\pi}{N}, \dots$$

توجه کنید که $0, N\pi/N, 2N\pi/N$ بیشینه ها هستند

$N-1$ کمینه، لذا $N-2$ بیشینه فرعی وجود دارد:



بیشینه های فرعی تداخل :

بیشینه ها تقریبا در نیمه راه بین کمینه ها قرار دارند.

$$\beta = \pm \frac{3\pi}{2N}, \pm \frac{5\pi}{2N}, \dots$$

پیک های گم شده :

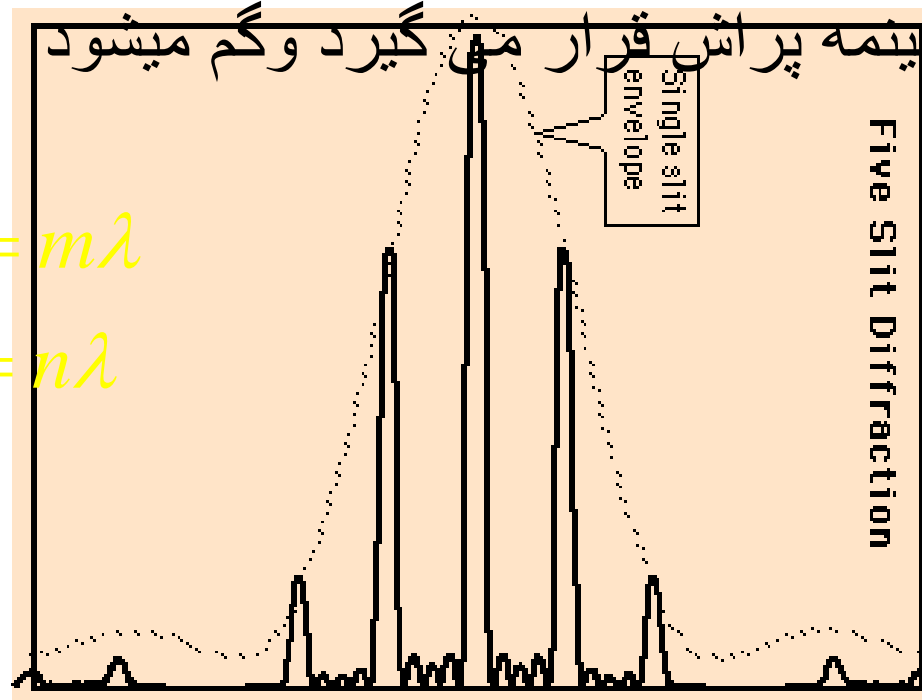
m امین بیشینه تداخل

روی n امین کمینه پراش قرار می گیرد و گم میشود . در این حالت :

$$d \sin \theta = m\lambda$$

$$a \sin \theta = n\lambda$$

$$\frac{d}{a} = \frac{m}{n}$$



پهن شدن ابزاری :

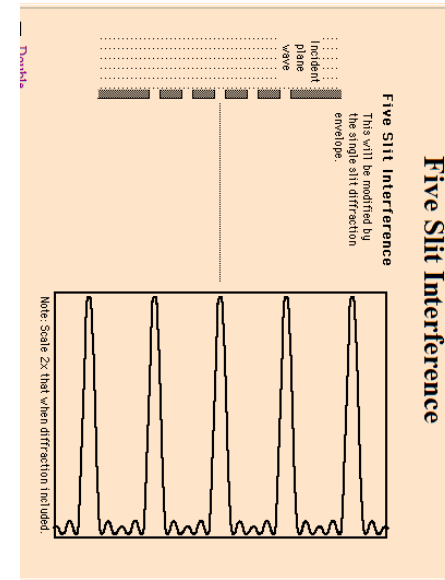
$$\Delta\beta = \frac{2\pi}{N}$$

$$\beta = \frac{\pi}{\lambda} d \sin \theta \Rightarrow \Delta\beta = \frac{\pi}{\lambda} d \cos \theta \Delta\theta$$

$$\frac{\pi}{\lambda} d \cos \theta \Delta\theta = \frac{2\pi}{N}$$

$$\Delta\theta = \frac{2\lambda}{Nd \cos \theta_m}$$

$$\Delta\theta = \frac{2\lambda}{Nd} \quad \text{for } m = 0$$





دانشگاه پیام نور

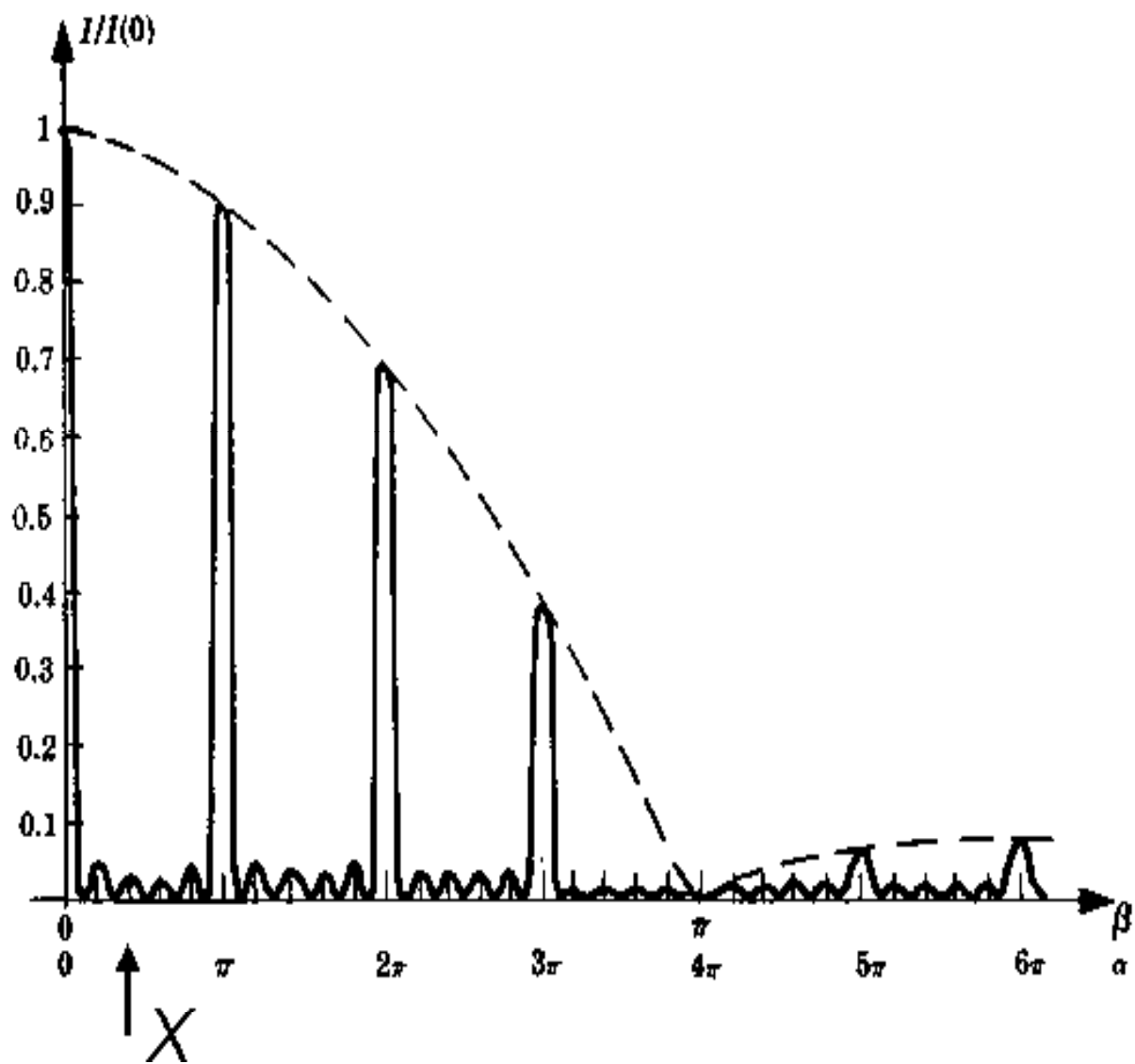
الگوی پراش فرانهوفر دارای آرایه ای از N شکاف بوده که شکاف ها دارای عرض b بوده که به فاصله a از هم قرار دارند . شدت پراش برابر است با:

$$I(\theta) = \frac{I(0)}{N^2} \left[\frac{\sin \beta}{\beta} \right]^2 \left[\frac{\sin N\alpha}{\sin \alpha} \right]^2$$

که: $k = 2\pi / \lambda$

$$\beta \equiv \frac{kb}{2} \sin \theta$$

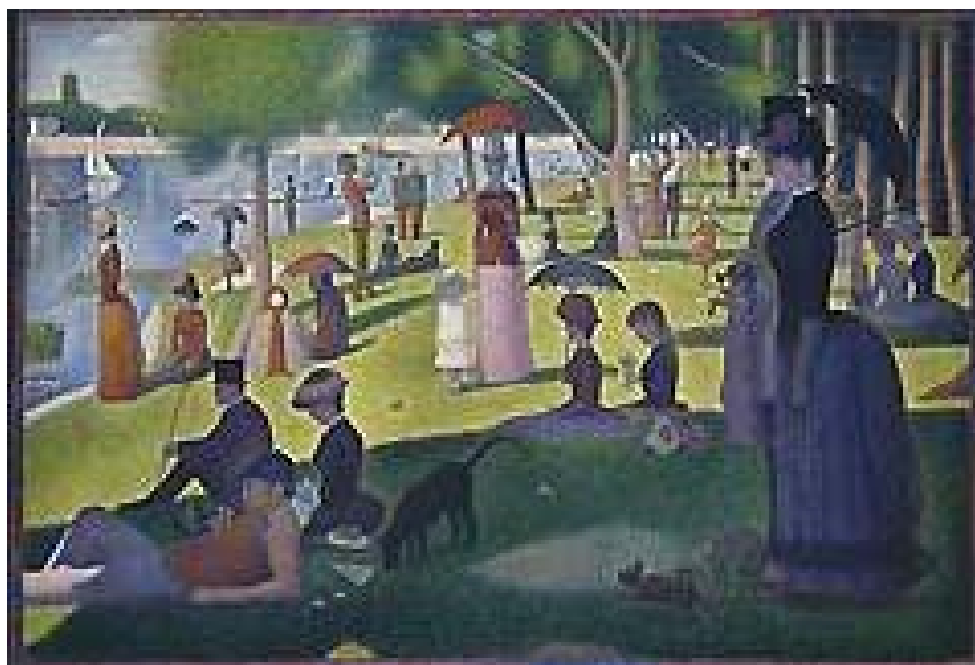
$$\alpha \equiv \frac{ka}{2} \sin \theta$$



ایشیک

مقدمه :

پیرایش، توری، قدرت تفکیک

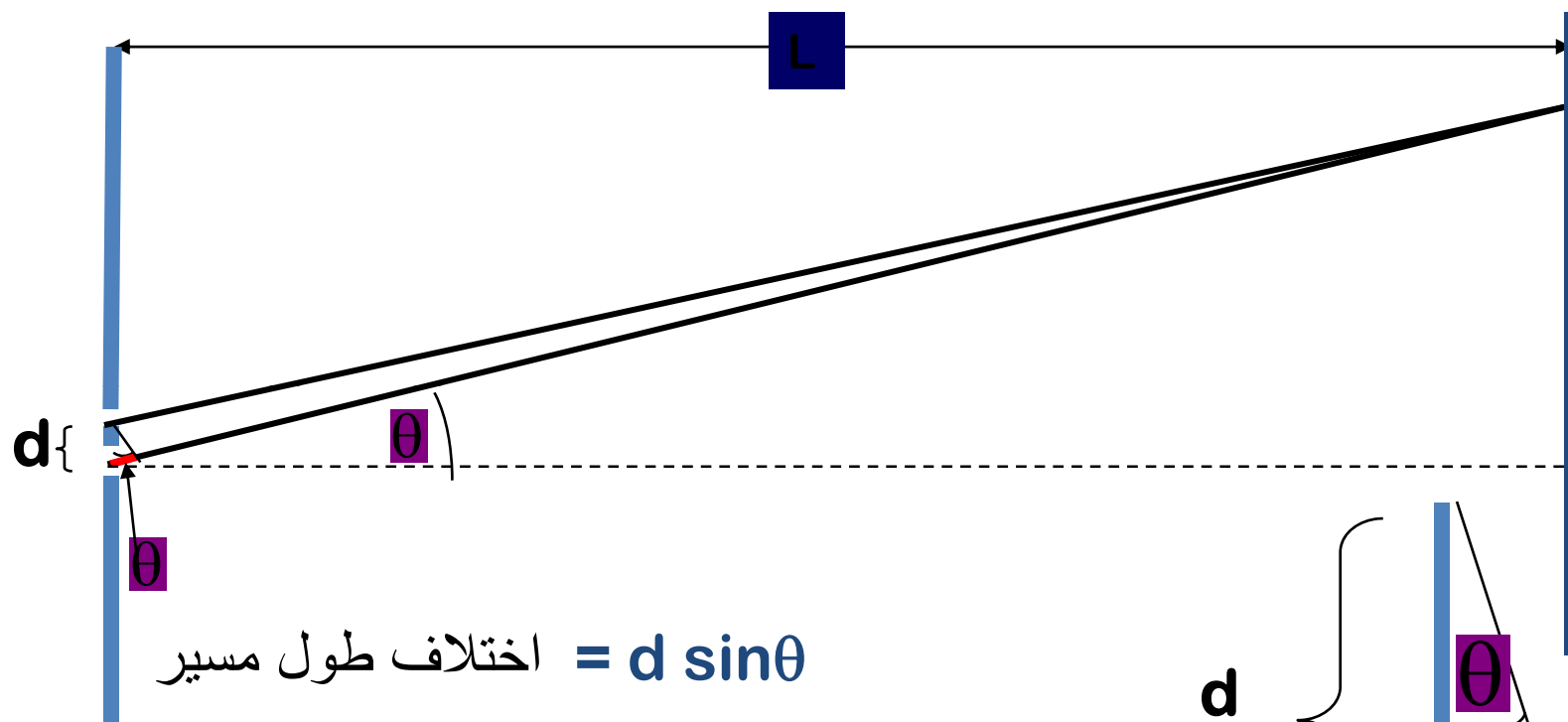
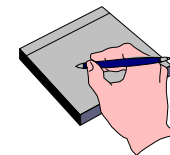




یادآوری

- تداخل (حداقل دو موج همدوس)
 - سازنده (تفاوت کامل طول موج)
 - ویرانگر (تفاوت $\frac{1}{2}$ طول موج)
- یک منبع, (ولی مسیرهای مختلف)
 - فیلم های نازک
 - دو/چندشکافی
 - پراش/تک شکاف نور

یادآوری دوشکافی ینگ



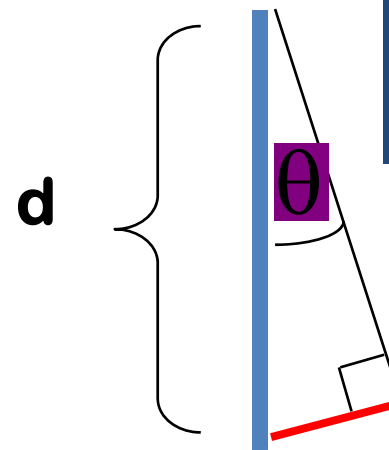
اختلاف طول مسیر = $d \sin \theta$

در کدام حالت تداخل سازنده است؟

1) $d \sin \theta = m \lambda$

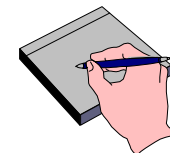
2) $d \sin \theta = (m + \frac{1}{2}) \lambda$

$m = 0, \text{ or } 1, \text{ or } 2, \dots$

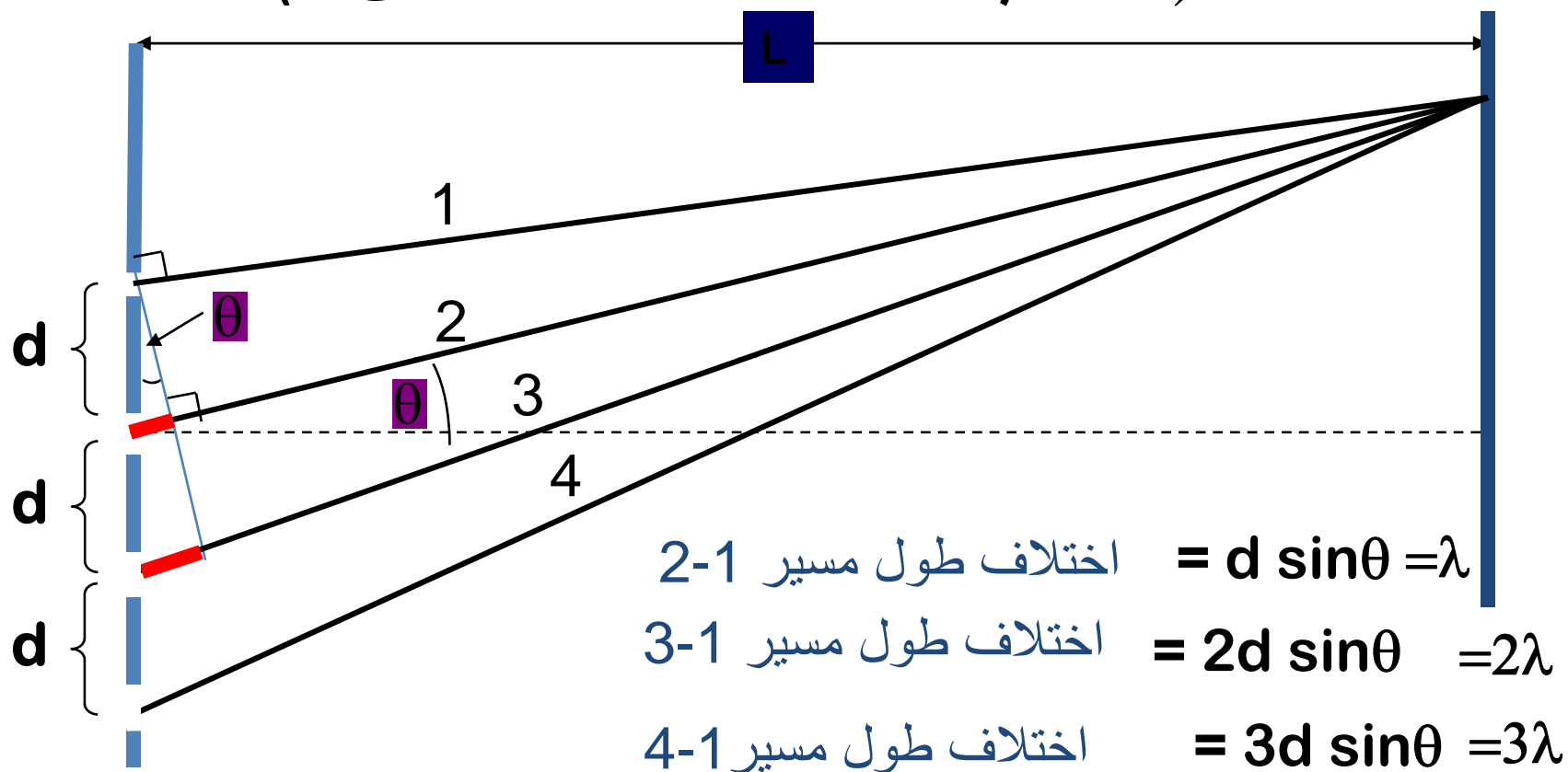




چند شکاف



(توری پراش N- شکاف با جدایی d)

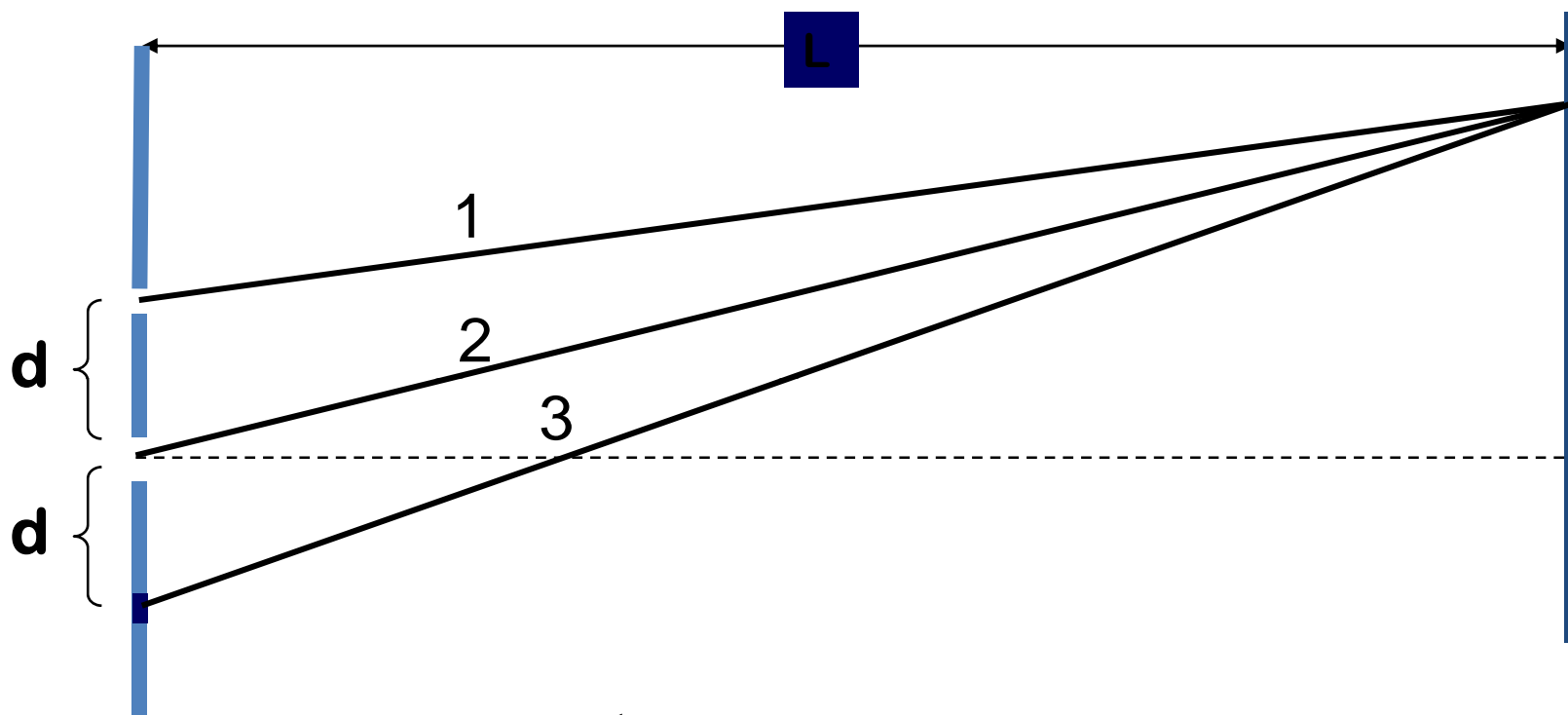


تداخل سازنده برای کلیه مسیرها وقتی است که:

$$d \sin \theta = m \lambda$$



پیش آزمون



سه پرتو در نقطه نشان دادن شده تداخل سازنده دارند. اگر شدت پرتو 1 I_0 باشد، ترکیب شدت سه پرتو در آن نقطه چقدر خواهد بود؟

3) $9 I_0$

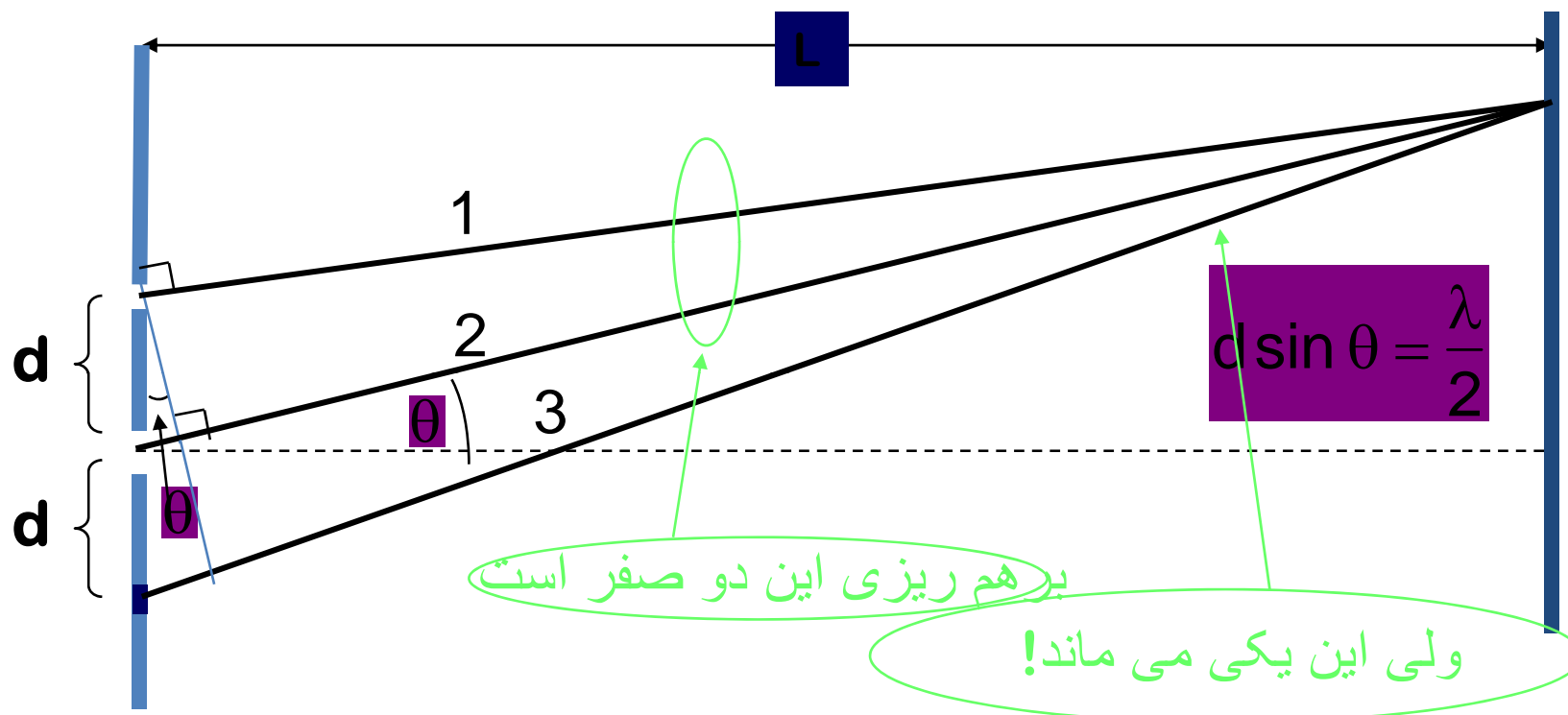
2) $3 I_0$

1) I_0

لذا: $I \propto E^2$ ولی $E_{tot} = 3 E_0$. است E_0 سهم دامنه هر شکاف روی پرده

$$I_{tot} = (3E_0)^2 = 9 E_0^2 = 9 I_0$$

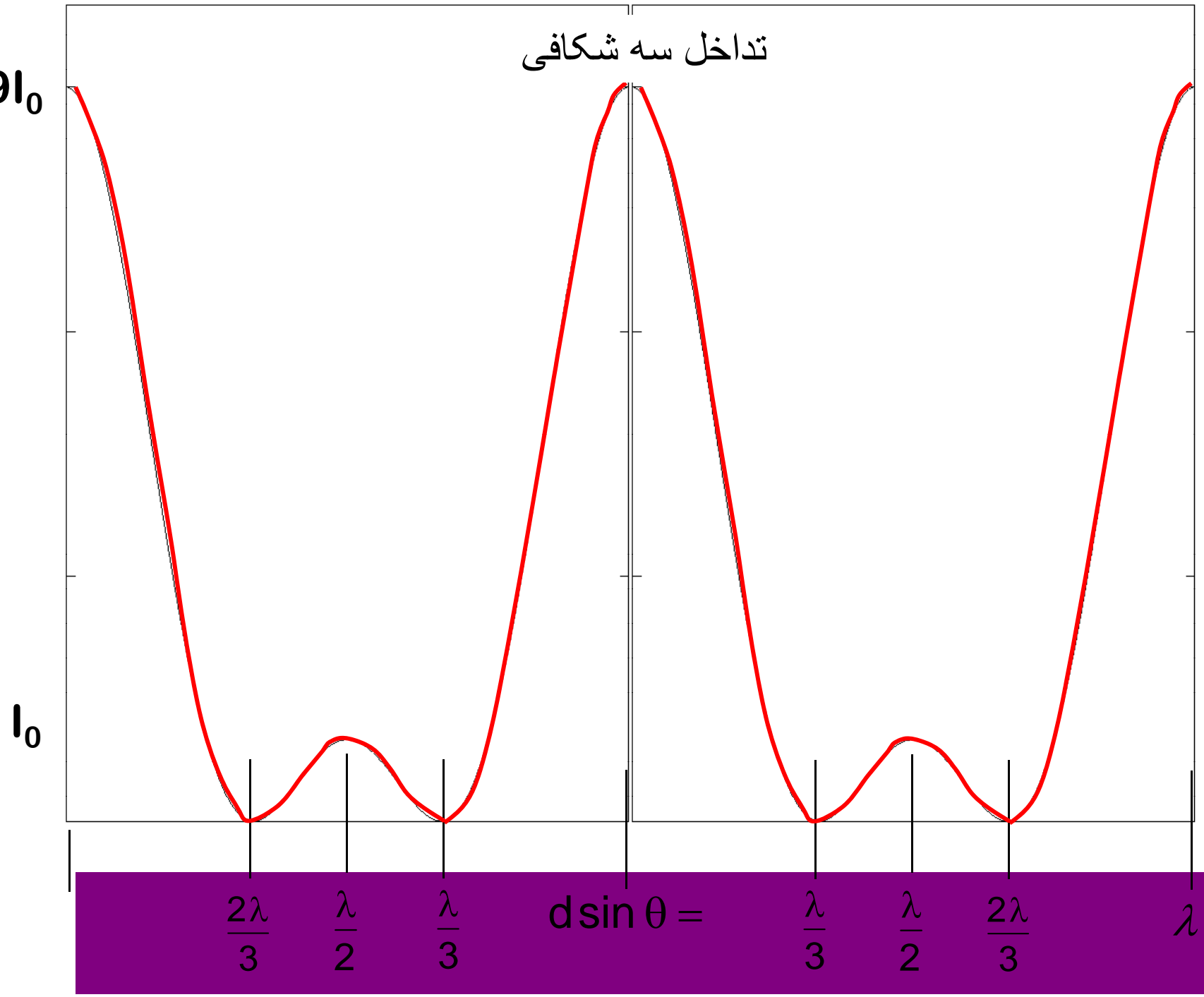
پیش آزمون



- پرتوهای 1 و 2 تداخل ویرانگر دارند، آیا شدت حاصل از سه پرتو کمینه است؟
- 1- بلی
- 2- خیر

پرتوهای 1 و 2 همدیگر را خنثی می کنند. انتظار داریم شدت $I = 1/9 I_{\max}$ باشد

تداخل سه شکافی





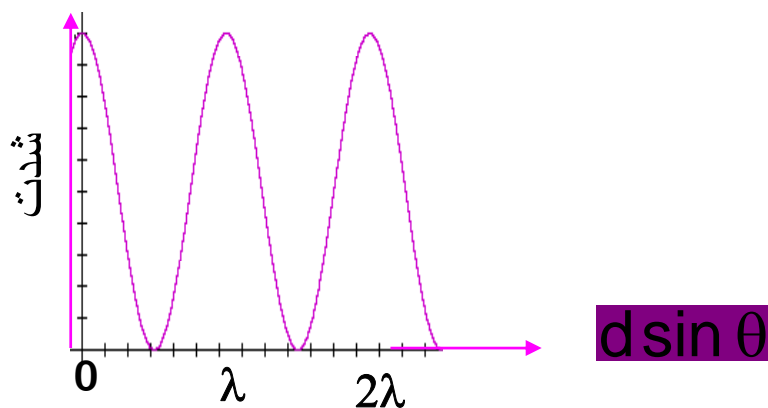
تداخل چند شکافی (توری پراش)

برای چند شکاف باز هم بیشیه وقتی است که: $\sin \theta = m \frac{\lambda}{d}$

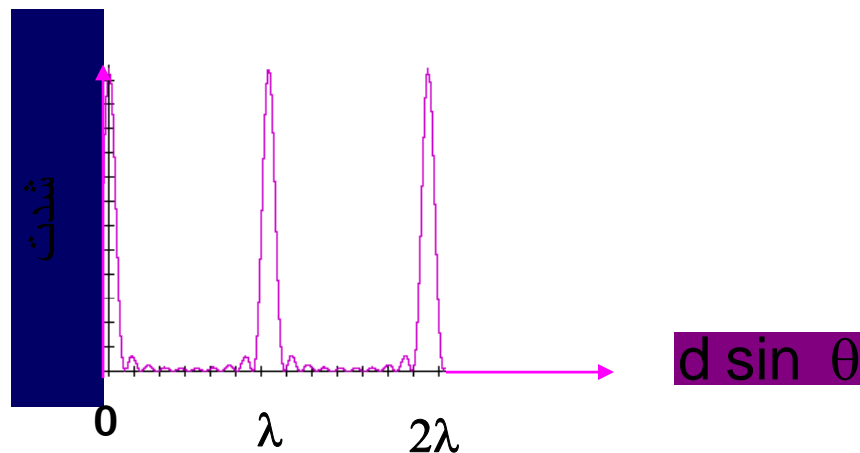
وقتی تعدا شکاف ها زیاد می شود فاصله بین بیشنه ها زیاد و فریزها ی روشن باریک تر و روشن تر می شوند

نقاط پیک بستگی به
طول موج دارد!

2 شکاف (N=2)

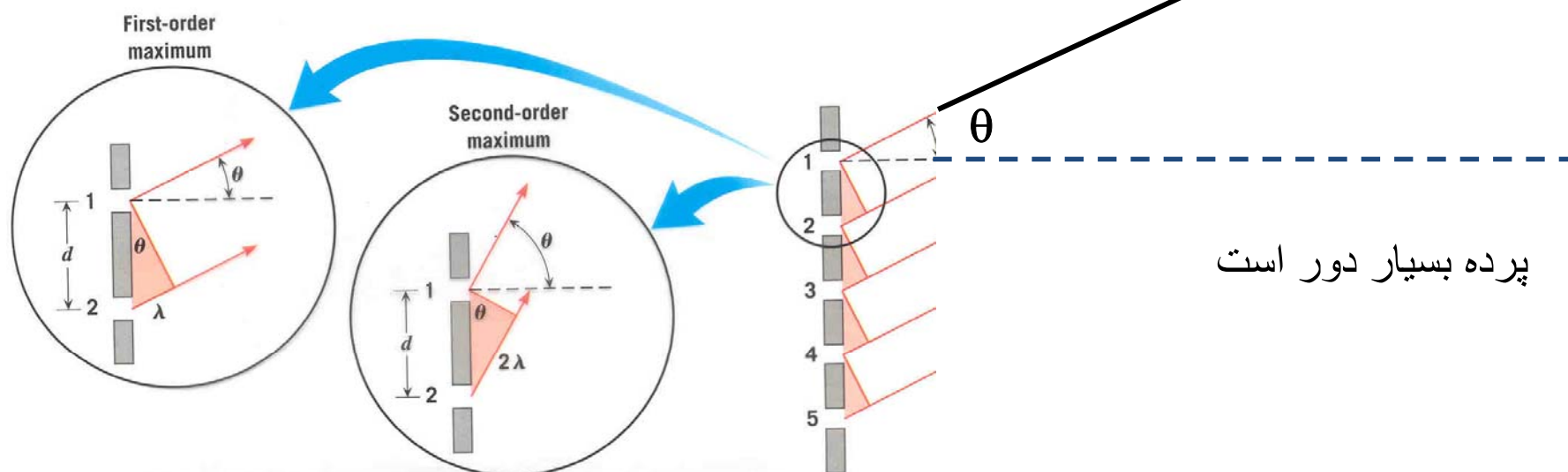


10 شکاف (N=10)



توری پراش

N شکاف با جدایی d

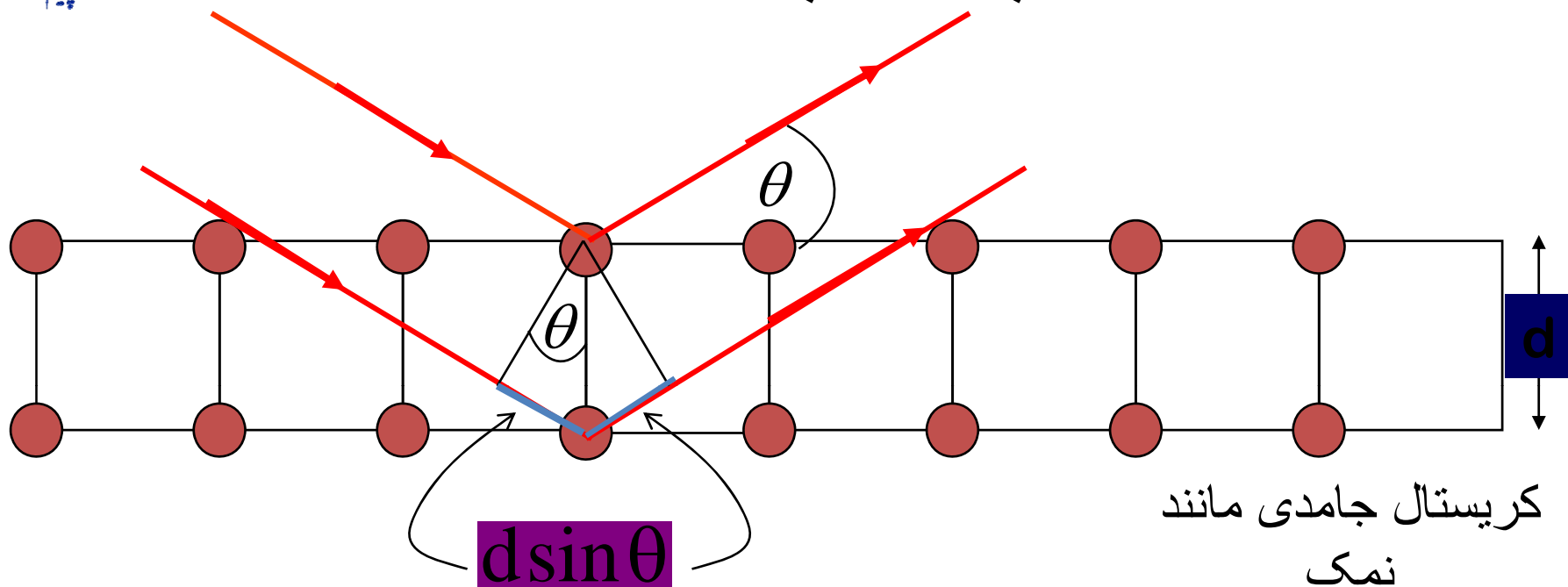


بیشینه های تداخل سازنده در این جا قرار دارند:

$$\sin \theta = m \frac{\lambda}{d}$$

مانند دوشکافی یانگ!

پراش پرتو X



شرط تداخل سازنده:

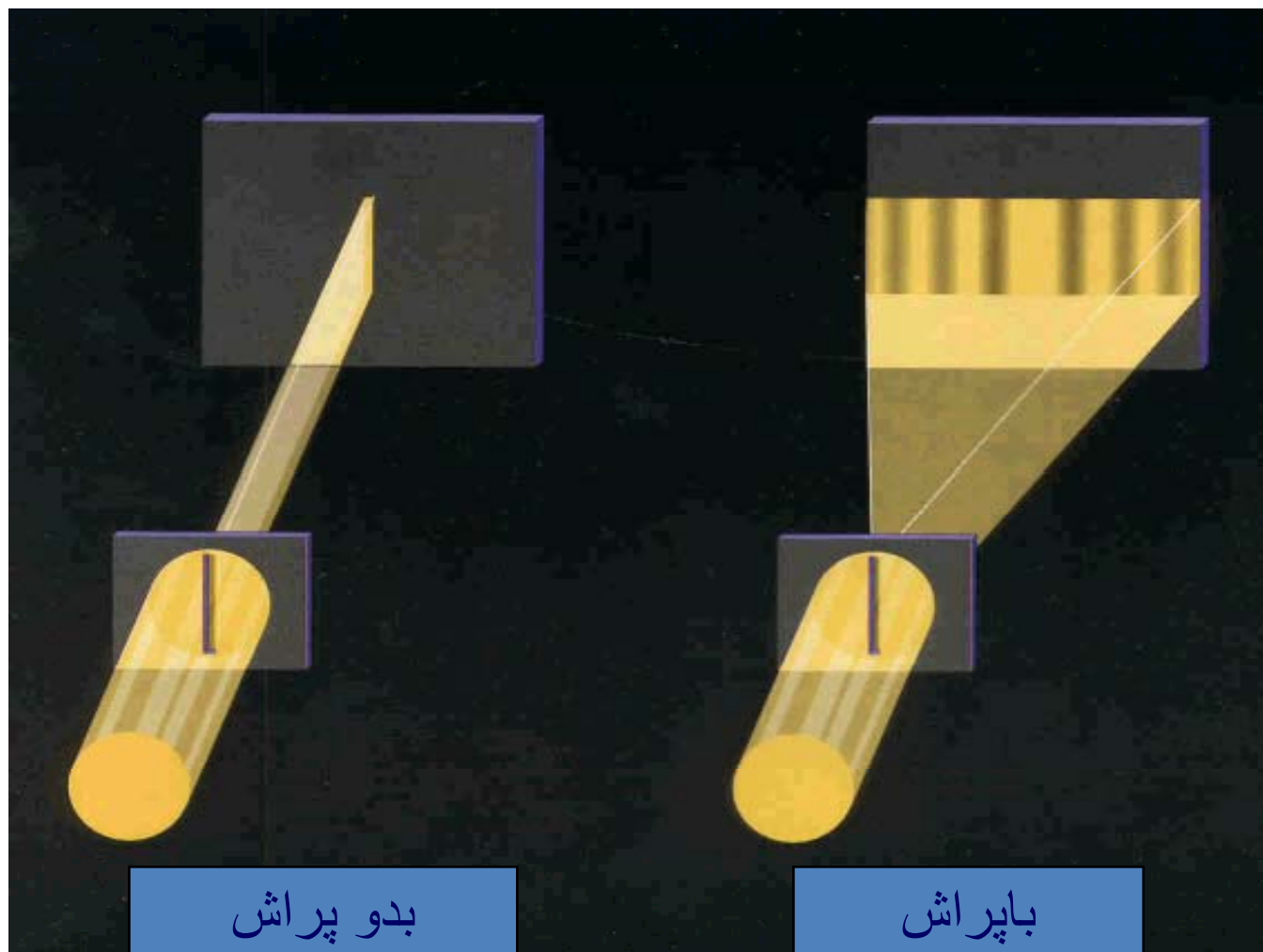
$$2d \sin \theta = m\lambda$$

در NaCl $d \approx 0.5 \text{ nm}$

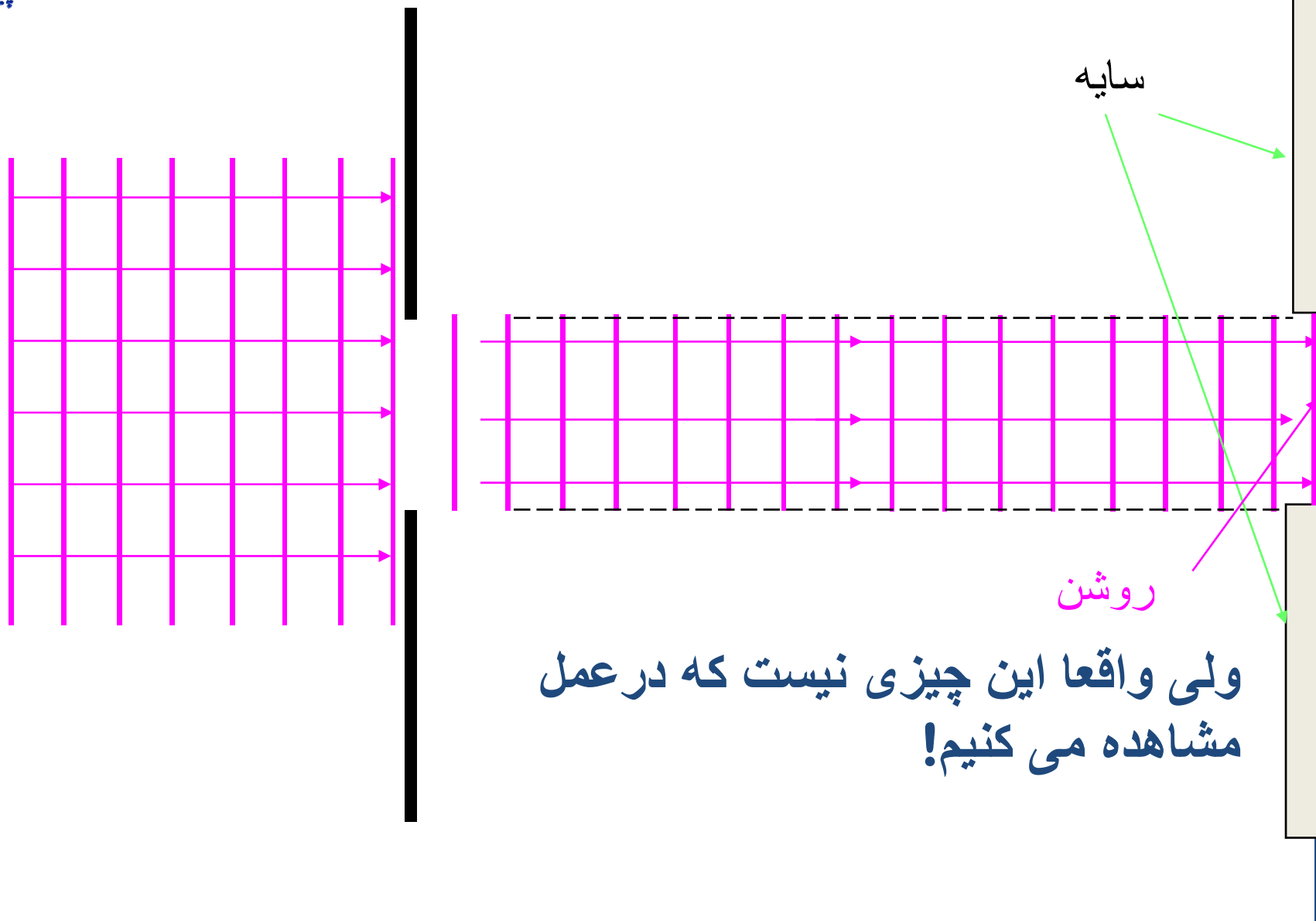
به ازای $\lambda = 0.017 \text{ nm}$ اولین بیشینه در 10^0 قرار دارد

پرتو-X

تداخل تک شکافی؟!!



پرتوها پراش

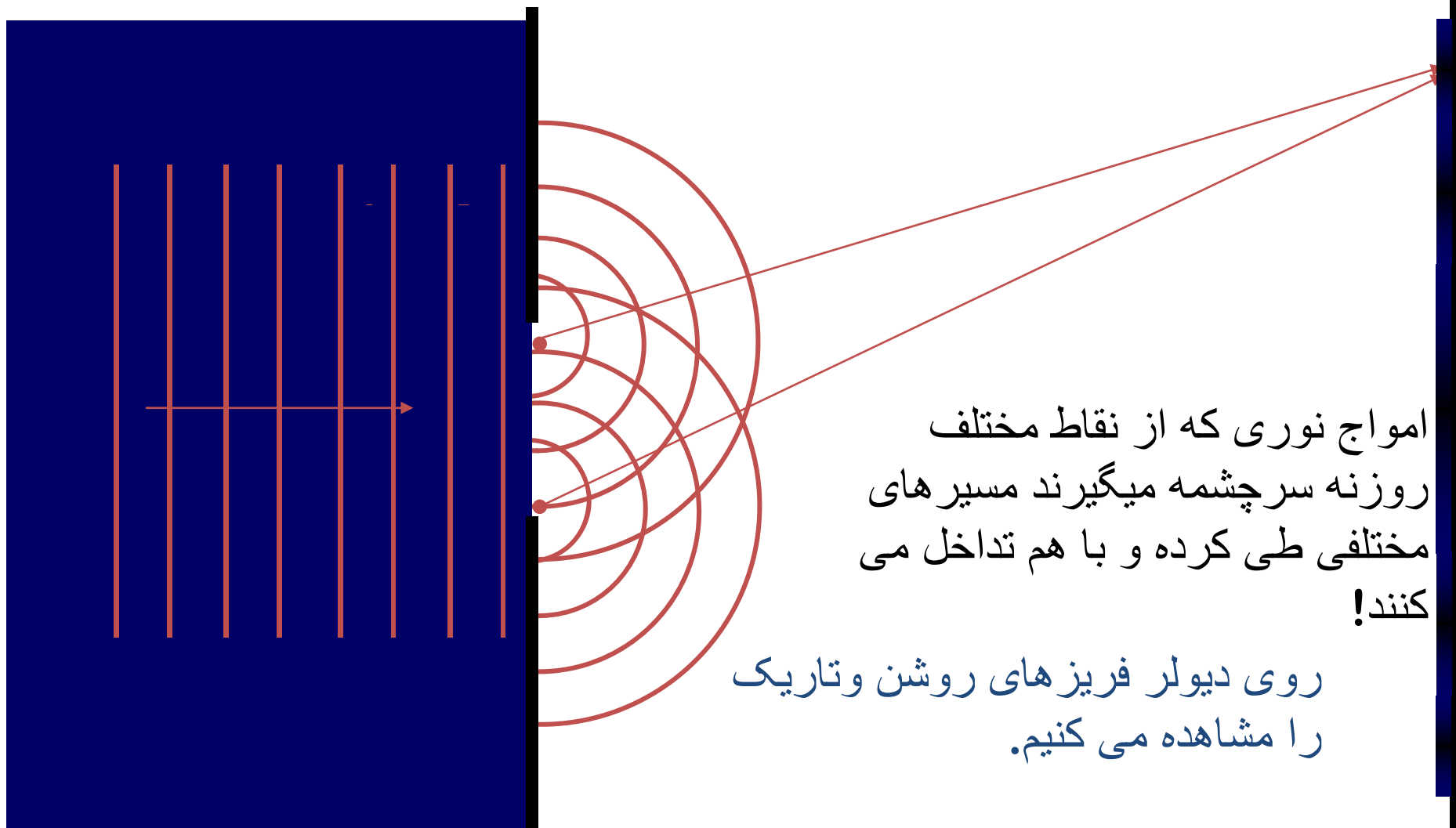


ولی واقعا این چیزی نیست که در عمل مشاهده می کنیم!



پراش هویکنس

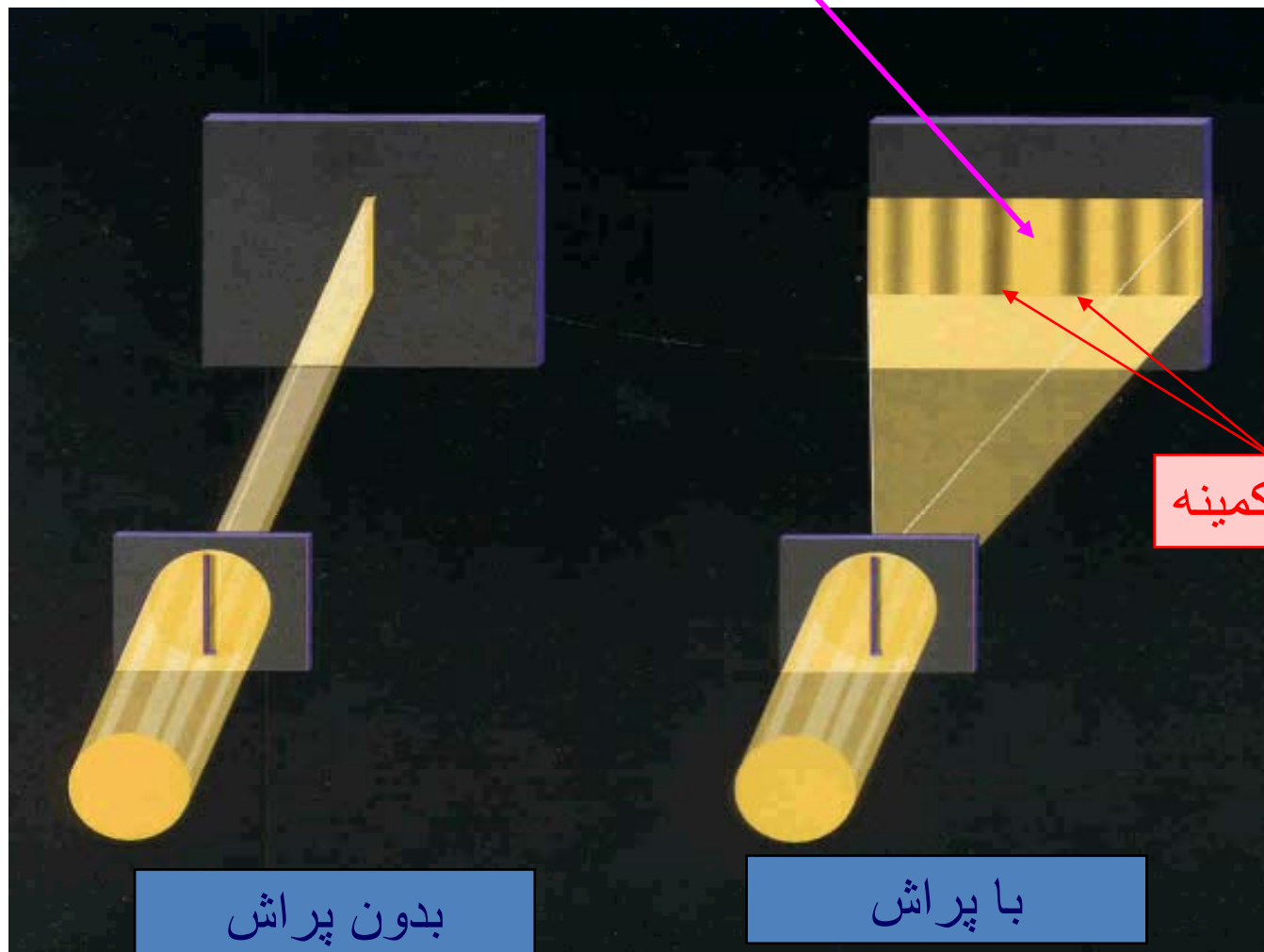
طبق اصل هویگنس: هر نقطه روی جبهه موج مانند چشمه کوچک موج عمل می کند که به جلو حرکت می کنند:

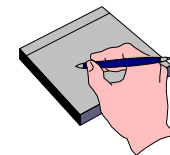


امواج نوری که از نقاط مختلف روزنه سرچشمه میگیرند مسیرهای مختلفی طی کرده و با هم تداخل می کنند!

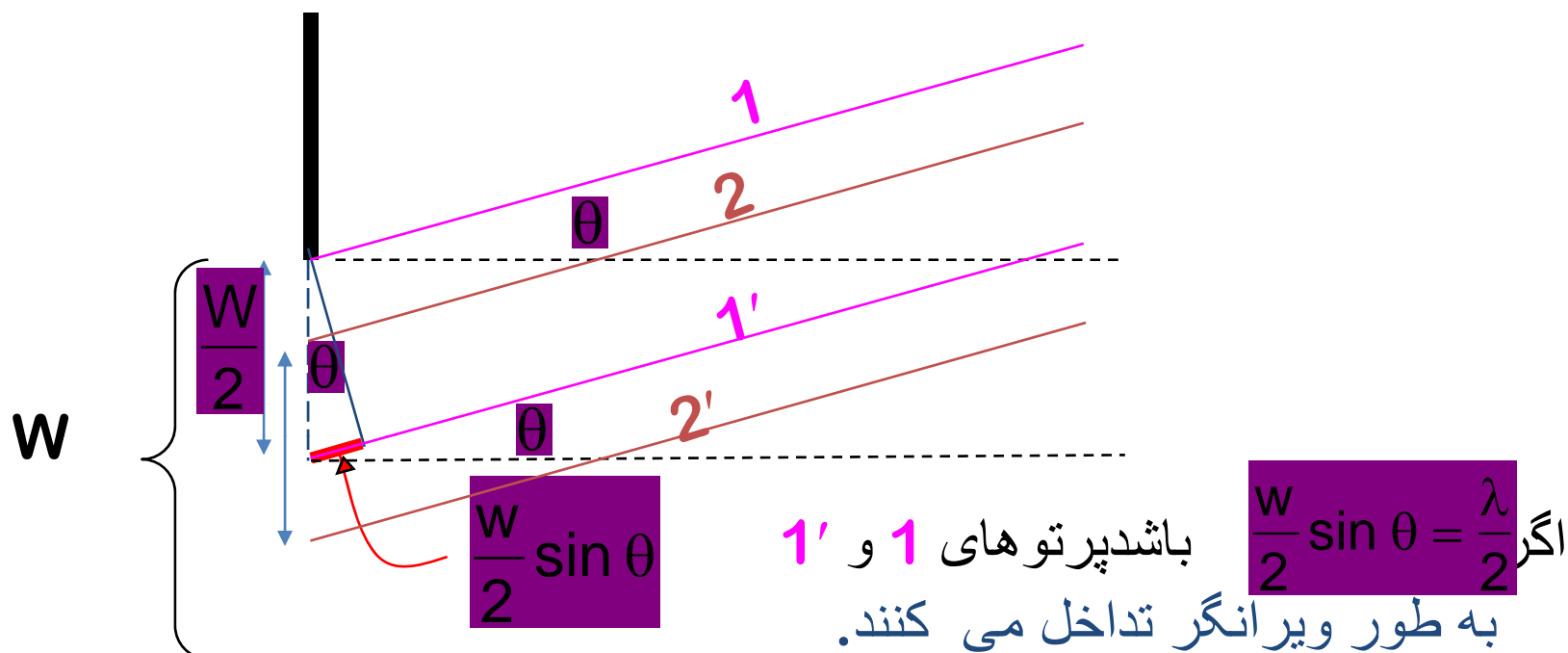
روی دیولر فریزهای روشن و تاریک را مشاهده می کنیم.

بیشینه مرکزی





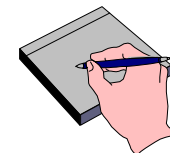
پراش تک شکاف



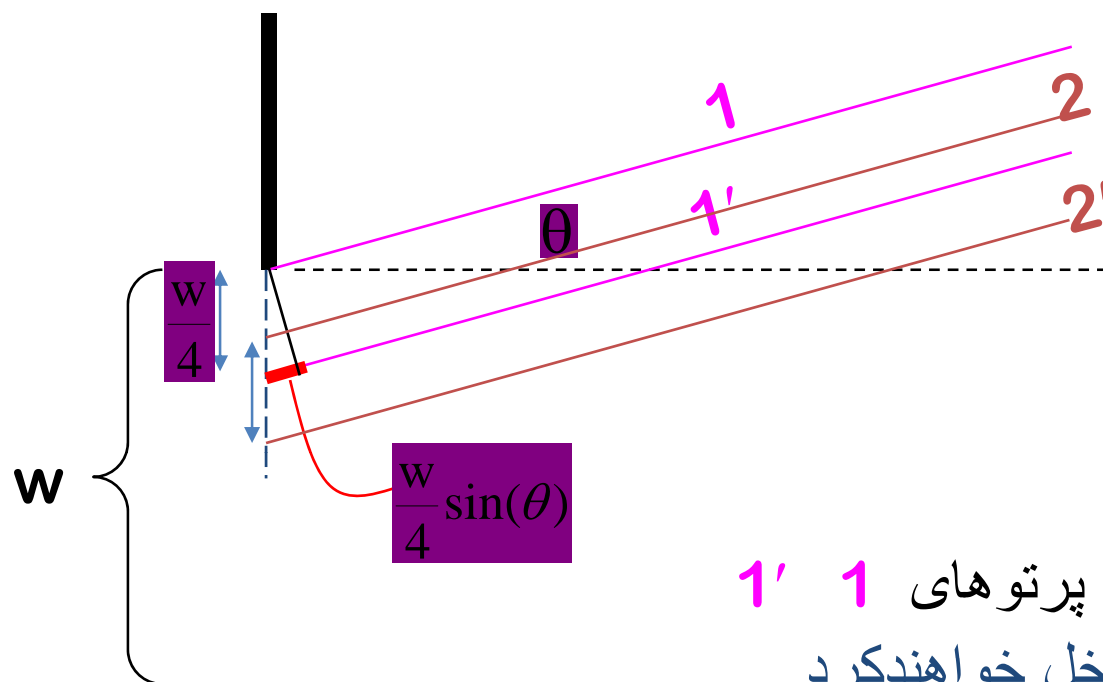
پرتوهای 2 و 2' نیز به اندازه $w/2$ از جدا هستند و اختلاف مسیر یکسان دارند.

تحت این شرایط هر پرتو از نیمه بالا با یک پرتو از نیمه پایین تداخل ویرانگر خواهد داشت.

اولین کمینه در $\sin \theta = \lambda/w$ اتفاق می افتد



پراش تک شکافی



وقتی $\frac{w}{4} \sin(\theta) = \frac{\lambda}{2}$ باشد پرتوهای 1 و 1' به طور ویرانگر تداخل خواهند کرد.

پرتوهای 2 و 2' نیز باندازه $w/4$ جدا هستند و همان اندازه اختلاف مسیر دارند .

تحت این شرایط هر پرتوی که از ربع بالایی شکاف سرچشمه می گیرد با پرتوی از ربع پایینی شکاف تداخل ویرانگر می کند.

دومین کمینه در $\sin \theta = 2\lambda/w$ قرار دارد



خلاصه پراش تک شکافی

$$\sin(\theta) = \frac{\lambda}{w}$$

شرط اینکه نیمه های شکاف تداخل ویرانگر داشته باشند:

$$\sin(\theta) = 2 \frac{\lambda}{w}$$

شرط اینکه ربع های شکاف تداخل ویرانگر داشته باشند:

$$\sin(\theta) = 3 \frac{\lambda}{w}$$

شرط اینکه یک ششم های شکاف تداخل ویرانگر داشته باشند:

$$\sin \theta = m \frac{\lambda}{w}$$

($m=1, 2, 3, \dots$)

به طور کلی ...

این فرمول کمینه ها را بدست می دهد...

الگوی پهن تر => شکاف باریکتر

توجه: تداخل در صورتی روی می دهد که: $w > \lambda$



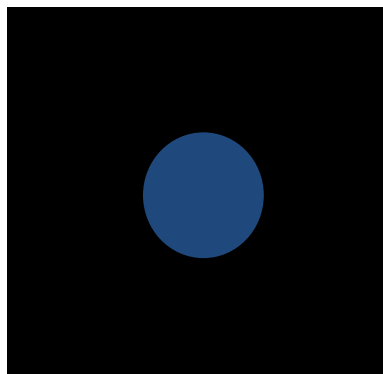
پیش آزمون

نور لیزر از روزنه بسیار کوچکی روی پرده می افتد . اگر روزنه را کوچکتر کنید لکه روی پرده چگونه می شود؟ .

بزرگتر

کوچکتر

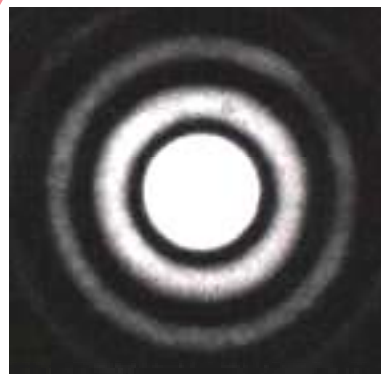
الگوی نور روی پرده چگونه است؟



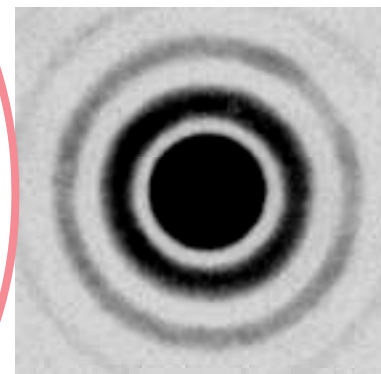
(1)



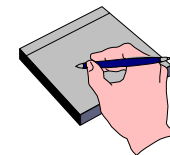
(2)



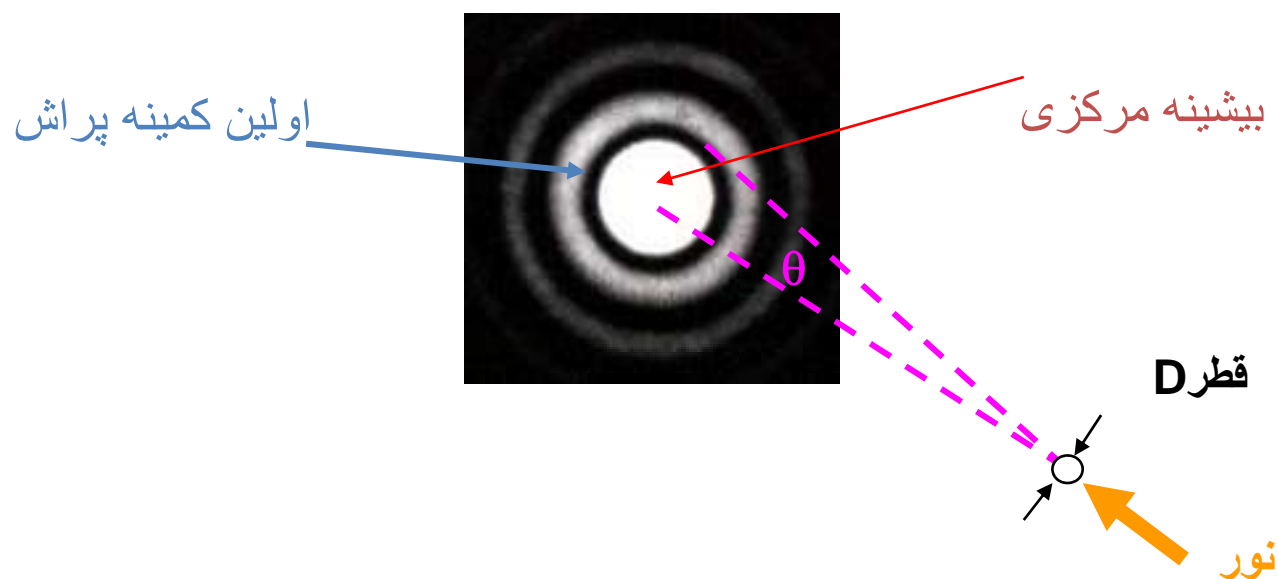
(3)



(4)



پراش روزنه دایره ای

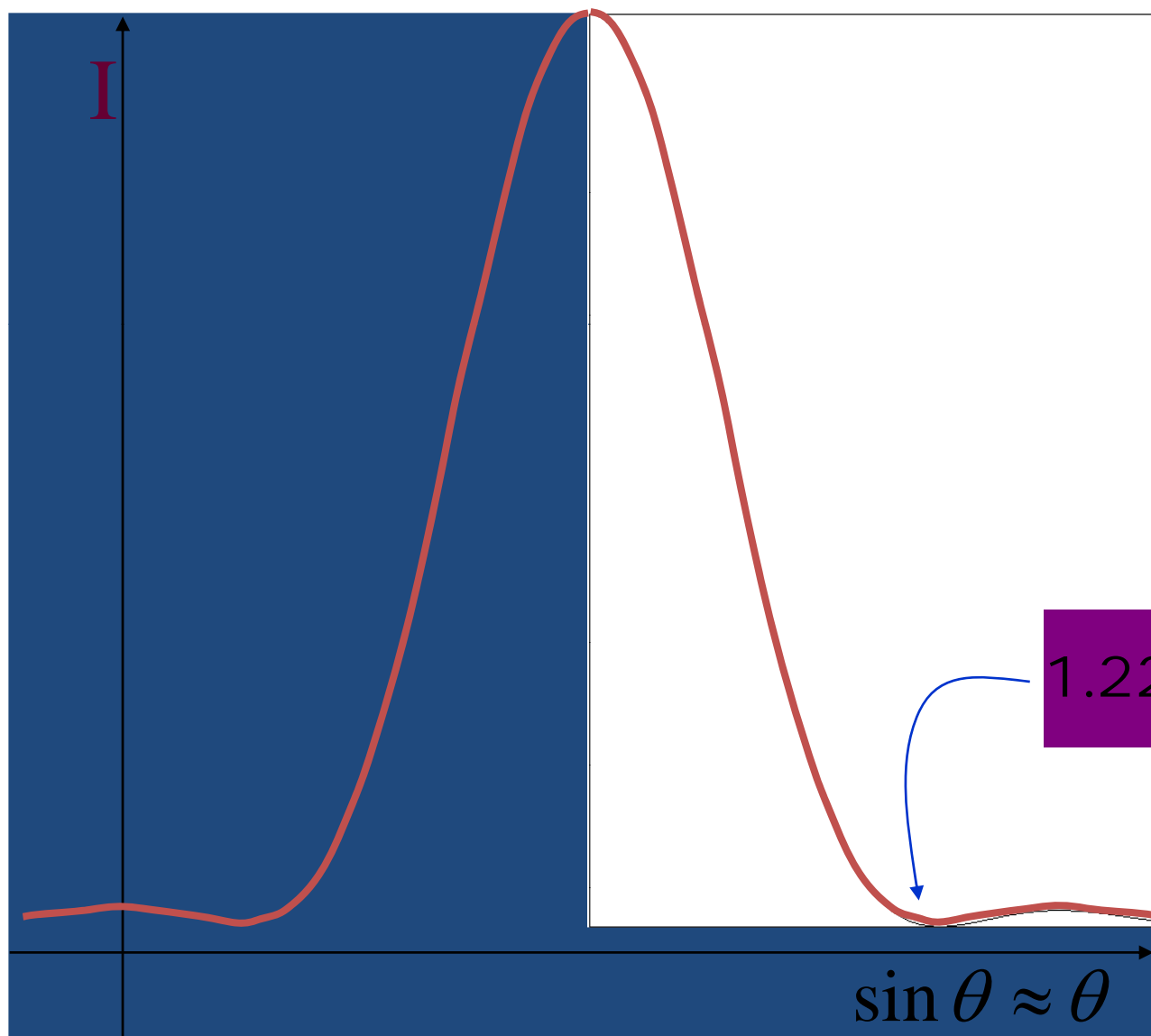


Bیشینه ها و کمینه ها حلقه های گرد روی پرده هستند

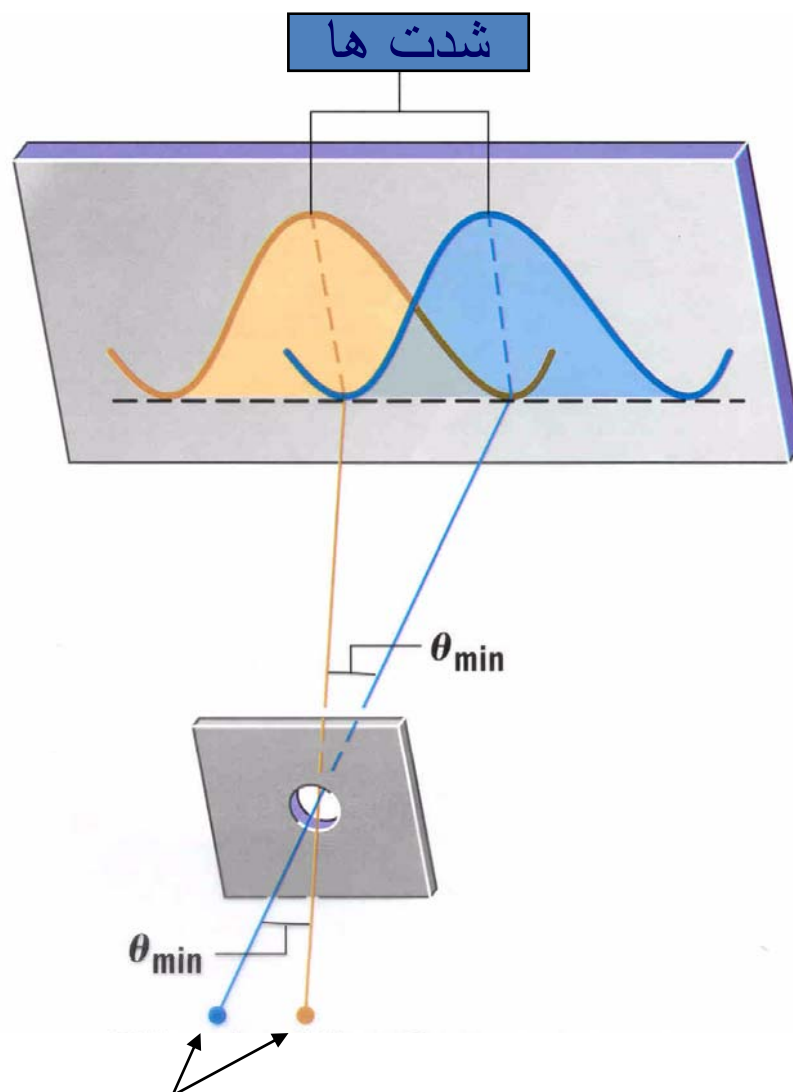
اولین کمینه پراش در $\sin \theta = 1.22 \frac{\lambda}{D}$ قرار دارد.



شدت پراش روزنه گرد

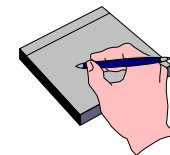


اولین کمینه پراش



این دو جسم از هم تفکیک پذیرند.

دو جسم وقتی از هم قابل تفکیک هستند که کمینه یکی روی بیشینه دیگری قرار بگیرد.



قدرت تفکیک

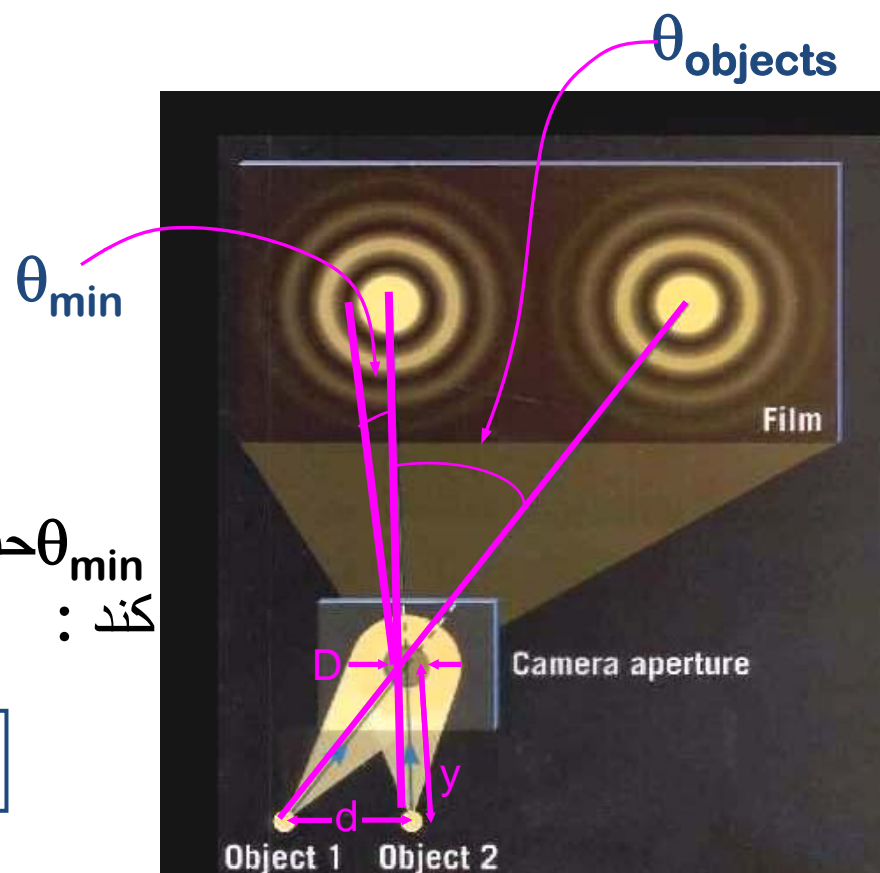
برای اینکه دو جسم را از هم جدا ببینیم لازم است که: $\theta_{\text{objects}} \gg \theta_{\text{min}}$

θ_{objects} زاویه بین اجسام و شکاف است:

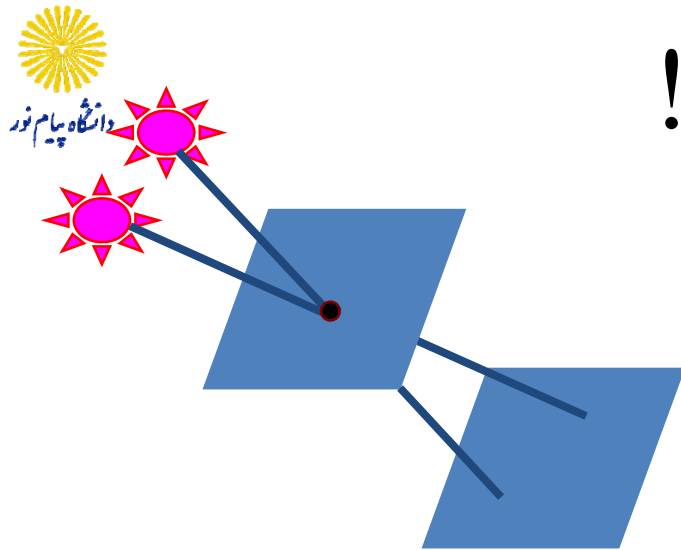
$$\tan \theta_{\text{objects}} \approx d/y$$

θ_{min} حداقل جدایی زاویه ای که وزنه تفکیک می کند:

$$\sin \theta_{\text{min}} \approx \theta_{\text{min}} = 1.22 \lambda/D$$



توان تفکیک را با افزایش θ_{objects} یا کاهش θ_{min} بهتر کنید



کمی فکر کنیم!

می خواهیم که: $\theta_{\text{objects}} > \theta_{\text{min}}$

$$\theta_{\text{min}} = 1.22\lambda / D$$

افزایش می یابد! D

فضانوردی روی سیاره ای که دو خورشید دارد ساکن است. او میخواهد هر دو خورشید را ببیند ولی می داند که نگاه کردن به آنها خطرناک است. لذا به مسیله یک کارت دارای روزنه یک دوربین می سازد. نور این دو خورشید از طریق این روزنه روی کارت ثالثی می افتد.

ولی روی این کارت فقط یک لکه مشاهده می کند! برای اینکه این دو خورشید را به وضوح ببیند باید روزنه را بزرگ یا کوچک کند؟





تمرین : قدرت تفکیک

$$\sin \theta_{\min} \approx \theta_{\min} = 1.22 \frac{\lambda}{D}$$

وقتی که روشنایی اتاق کاهش می یابد بیشینه قدرت تفکیک چشم شما چگونه تغییر می کند؟.

افزایش 1)

تغییر نمی کند 2)

کاهش می یابد 3)

وقتی روشنایی کاهش می یابد مردمک چشم باز می شود (D تا 10 برابر زیاد می شود!) ولی محدودیت اصلی مربوط به چگالی یاخته های مخروطی شبکیه است. لذا متوجه اثر جدیدی نخواهید شد , !



یادآوری نهایی

● تداخل: امواج همدوس

– اختلاف باطول موج کامل = سازنده

– اختلاف نصف طول موج = ویرانگر

● چند شکاف

– سازنده $d \sin(\theta) = m \lambda$ ($m=1,2,3\dots$)

– ویرانگر $d \sin(\theta) = (m + 1/2) \lambda$ فقط دوشکافی

– تعدادشکاف بیشتر = بیشینه روشن تر, کمینه تاریک تر

● اصل هویکنس: هر نقطه روی جبهه موج مانند چشمه یک موج همدوس عمل می کند که می تواند در تداخل شرکت کند.

● تک شکاف:

– ویرانگر: $w \sin(\theta) = m \lambda$ ($m=1,2,3\dots$)

– تفکیک پذیری: بیشینه یکی روی کمینه دیگری

مخالف هم



به امید دیدار !

• درس آینده ما...

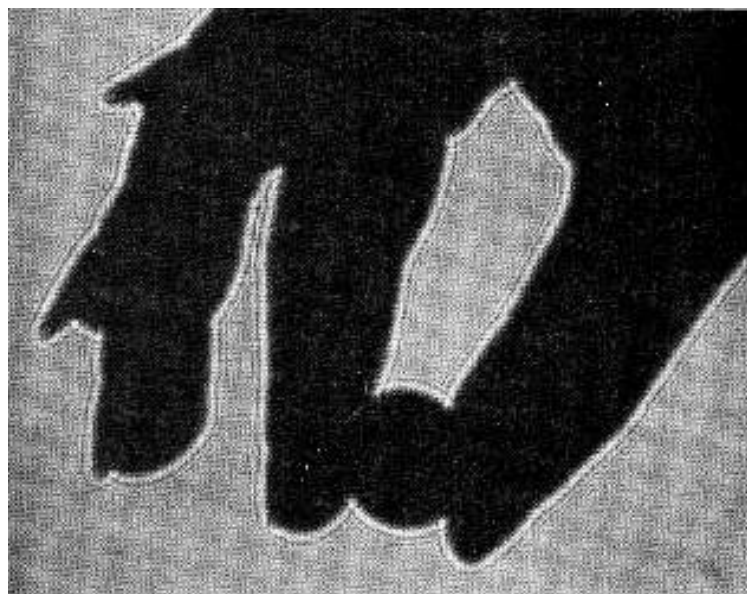


فصل ششم و هفتم

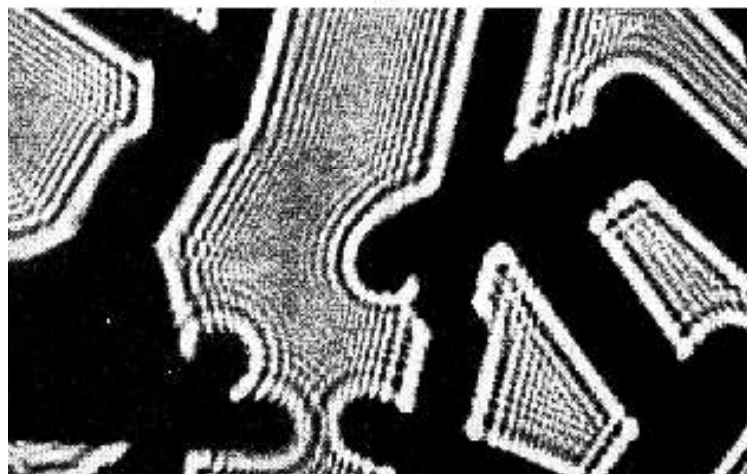
پیرایش فرانهوفر

پیرایش فرنل

پدیده پراش



(a)



!خم شدن نور

فرض های مربوط به پراش

پراش میدان نزدیک

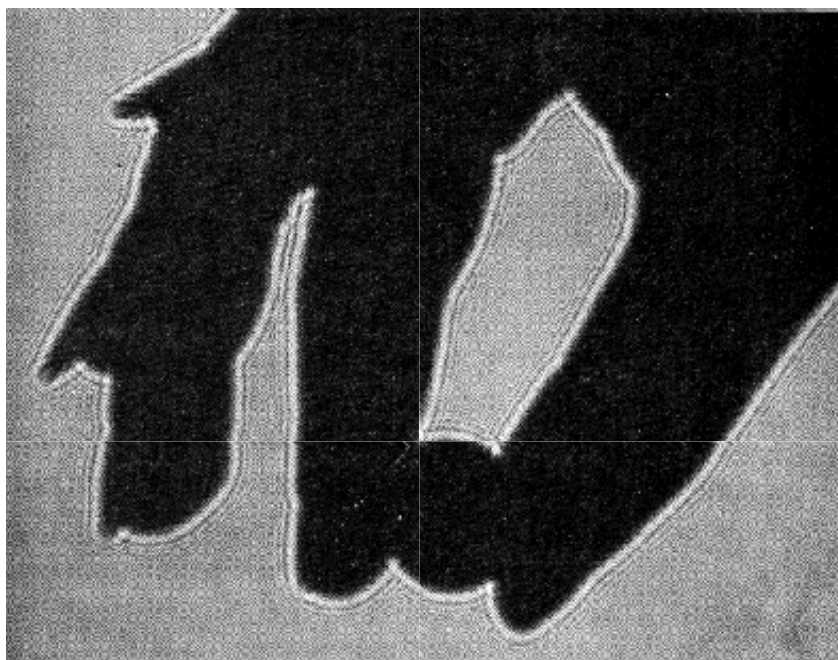
پراش فرنل
چند مثال

میدان دور

پراش فرانهوفر
چند مثال



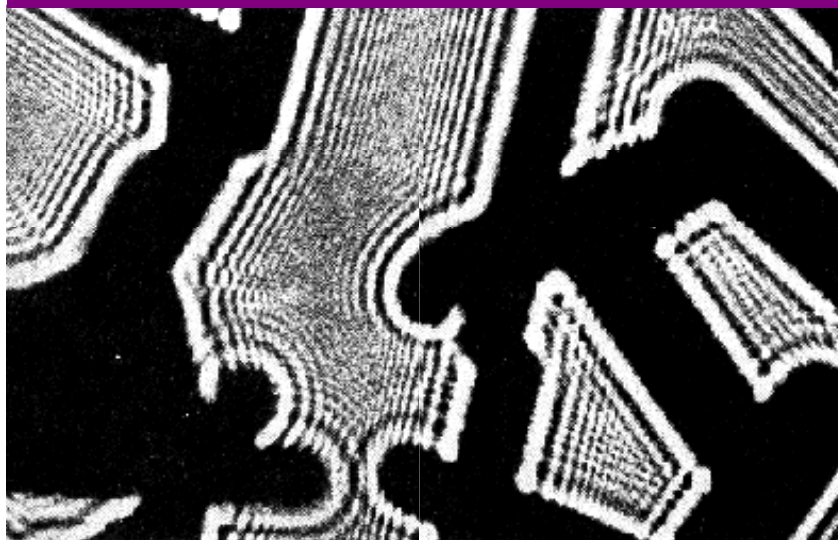
سایه دست که به
وسیله نور هلیوم
-نئون روشن شده
است.



نور همیشه به خط
مستقیم
سیر نمی کند.

نور در پیرامون اجسام
خم می شود و این
می پدیده را "پراش"
"گویند"

هر موجی چنین عمل
می کند از جمله موج
نور و موج صوت.



سایه کریستال
اکسید روی که
به وسیله
الکترونها روشن
شده است.

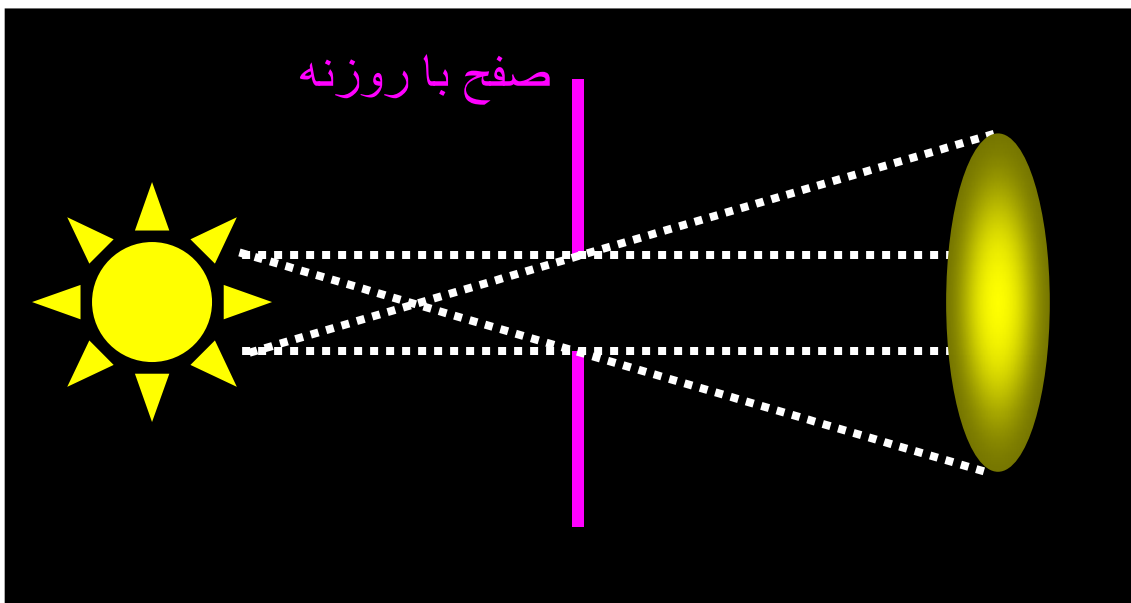


چرا دیدن پراش مشکل است؟

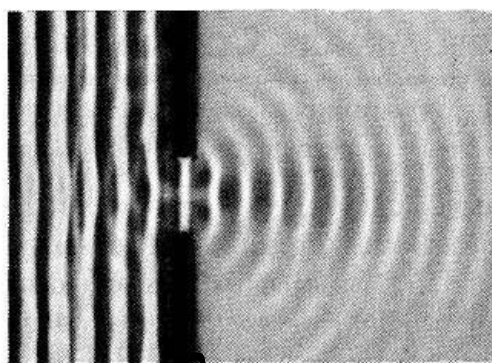
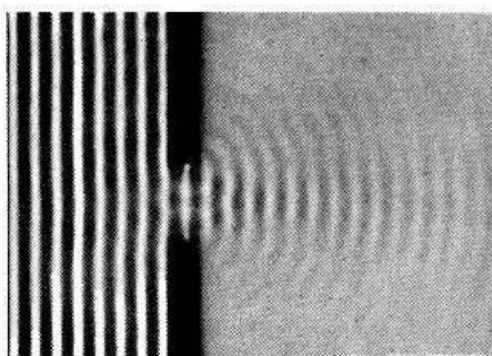
پراش سبب می شود که لبه ها موجدار شود. ولی چشمه های با همدوسی زمانی و مکانی

ضعیف این موجک ها را می پوشانند

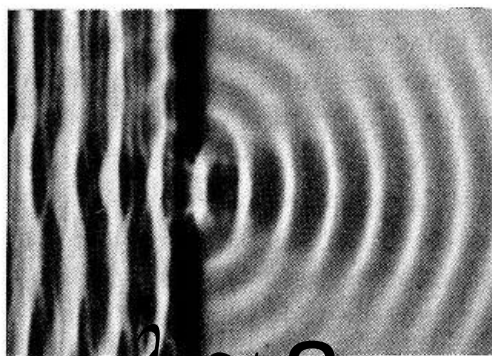
مثال : یک چشمه بزرگ کاملا غیر همدوس فضایی مانند خورشید سبب سایه های تیره می شود و اثر پراش را پنهان می کند.



پرتوهای راست سایه
تیره ای از جسم تشکیل
می دهند.



$$\lambda \approx a$$



$$\lambda \ll a$$

پراش به وسیله یک شکاف

امواج آب یا الکترومغناطیس وقتی از یک شکاف می گذرند در صورتی که اندازه شکاف به طول موج نزدیک باشد اثر خارق العاده "پراش" را ایجاد می کنند.



پراش امواج آب اقیانوس

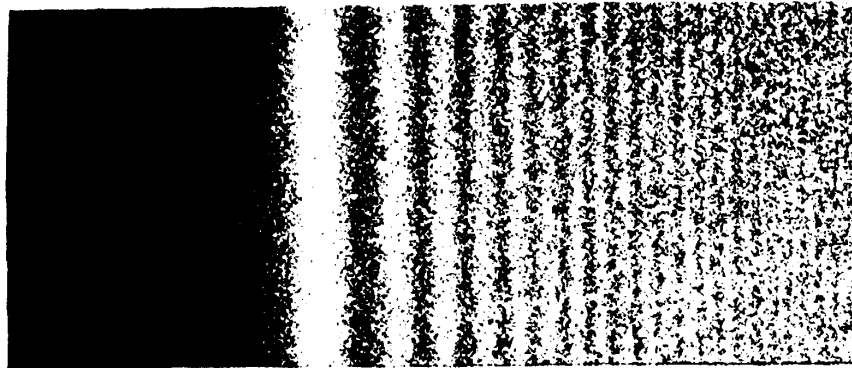
عبور امواج آب اقیانوس از یک سوراخ



پدیده پراش در مورد هر موجی روی می دهد.

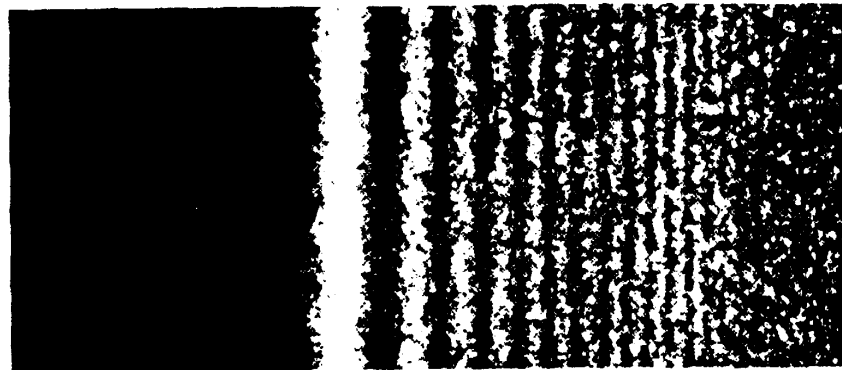


پراش به وسیله یک لبه



عبور
نور از یک
لبه

حتی بدون شکاف
هم پراش اتفاق می
افتد .



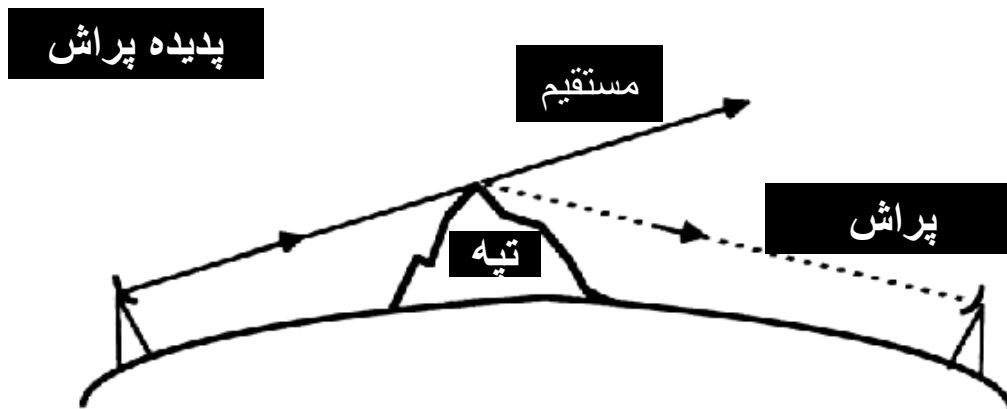
عبور الکترونها از
یک لبه
(کریستال MgO)

انتشار ساده تابش
از یک لبه



امواج رادیویی در اطراف کوهها نیز پراشیده می شوند:

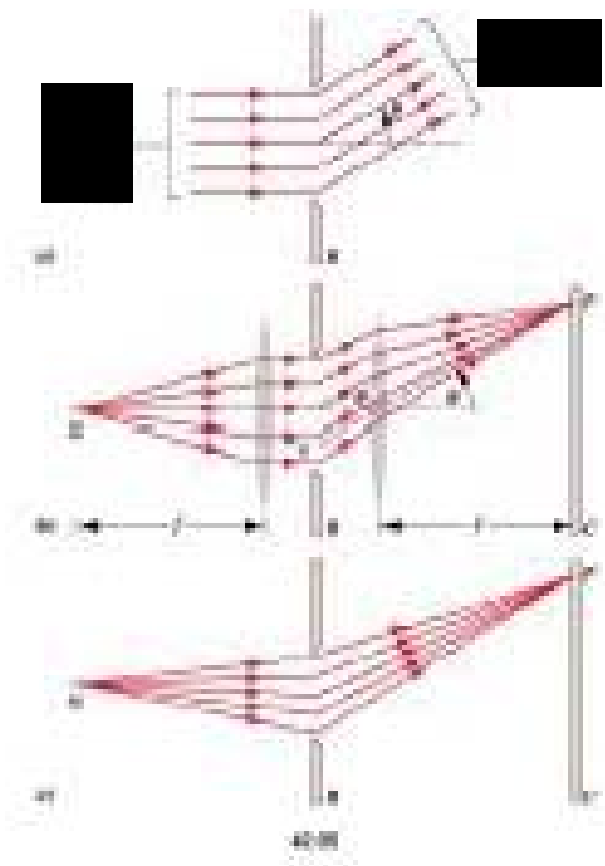
در صورتی که طول موج حدود کیلومتر باشد کوهها یک مانع تیز خواهند بود!



پدیده دیگر پراکنندگی که اثر پراش را می پوشاند.



پراش فرانهِوفر "میدان دور"



❖ پراش فرانهِوفر: چشمه نور و پرده تصویر هر دو به اندازه کاف از روزنه پراش دور هستند. جبهه های موج تخت هستند.

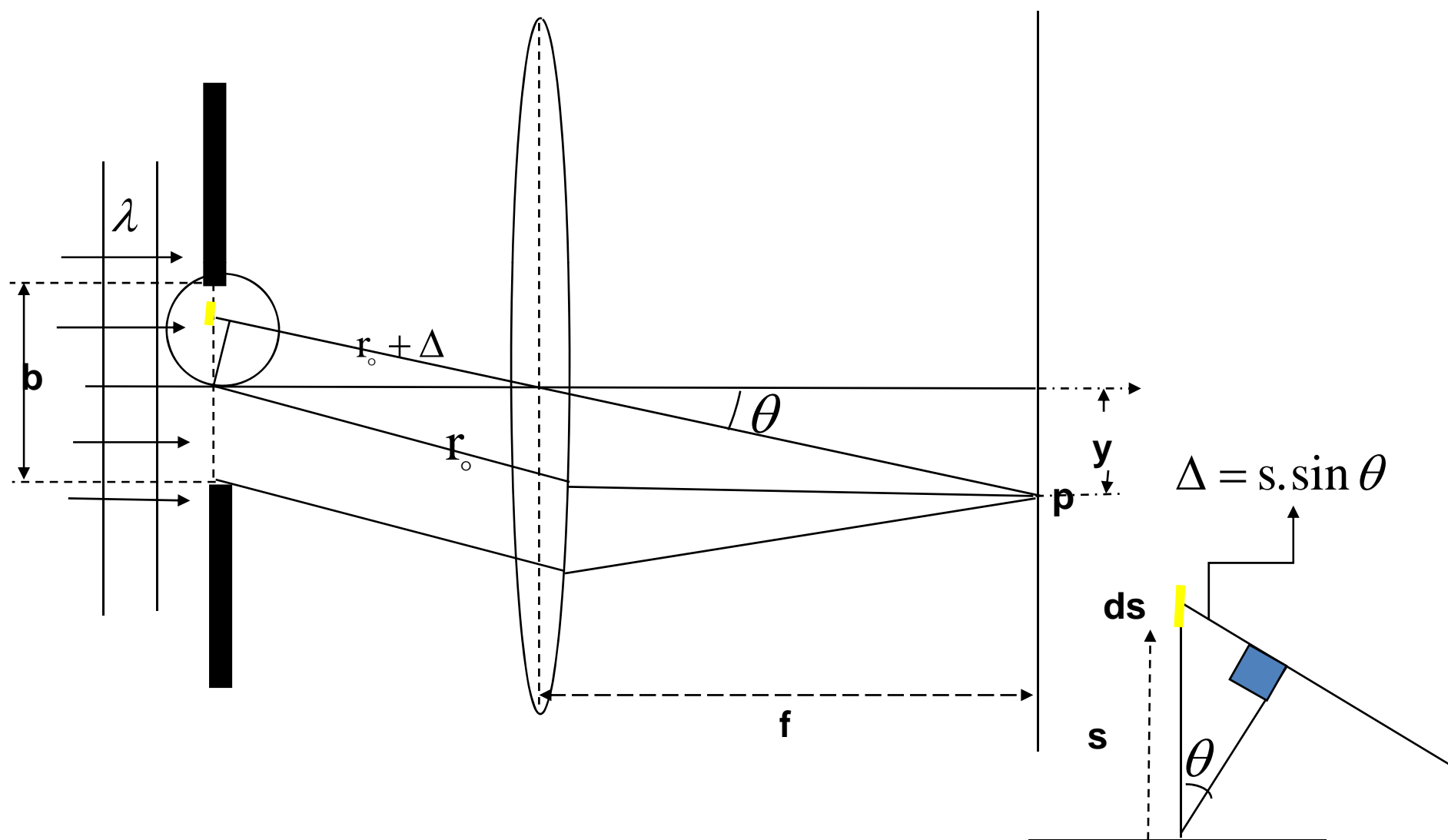
❖ پراش فرنل: چشمه نور و پرده تصویر هر دو به روزنه پراش نزدیک هستند. جبهه های موج کروی هستند.



پراثش فرانهوفر

- پراثش درتک شکاف
- پراثش به وسیله روزنه های راست گوشه
- پراثش به روزنه های دایره ای
- تفکیک
- پراثش دوشکاف
- پراثش چندشکاف

پراش تک شکاف فرانهوفر





جبهه موج تختی که به روزنه می رسد آرایه پیوسته ای از چشمه های موج
هویگنس به طول

برابر است با: p است موج ناشی از این چشمه هویگنس در نقطه ds

$$dE_p = \left[\frac{dE_o}{r} \right] e^{i(kr - \omega t)}$$

$$dE_p = \left[\frac{dE_o}{r} \right] e^{i[k(r_o + \Delta) - \omega t]}$$

$$dE_o = E_L ds \quad ; \quad \Delta = s \cdot \sin \theta$$

$$dE_p = \left[\frac{dE_o}{r} \right] e^{i[k(r_o + s \cdot \sin \theta) - \omega t]}$$


بعد از انتگرال گیری روی پهنه شکاف :

$$E_p = \left[\frac{E_L}{r_o} \int_{-\frac{b}{2}}^{\frac{b}{2}} e^{iks \sin \theta} ds \right] e^{i(kr_o - \omega t)}$$



دامنه موج (بخش درون پرنانتز) بعد از قرار دادن کرانه های انتگرال و فرض:

$$\beta = \frac{1}{2} kb \sin \theta$$


$$E_R = \frac{E_L b \sin \beta}{r_0 \beta}$$

شدت تابش در نقطه p برابر است با:

$$\Delta = \frac{b}{2} \sin \theta$$

$$I = \left(\frac{\epsilon_0 c}{2} \right) E_R^2 = \frac{\epsilon_0 c}{2} \left[\frac{E_L b}{r_0} \right]^2 \frac{\sin^2 \beta}{\beta^2}$$

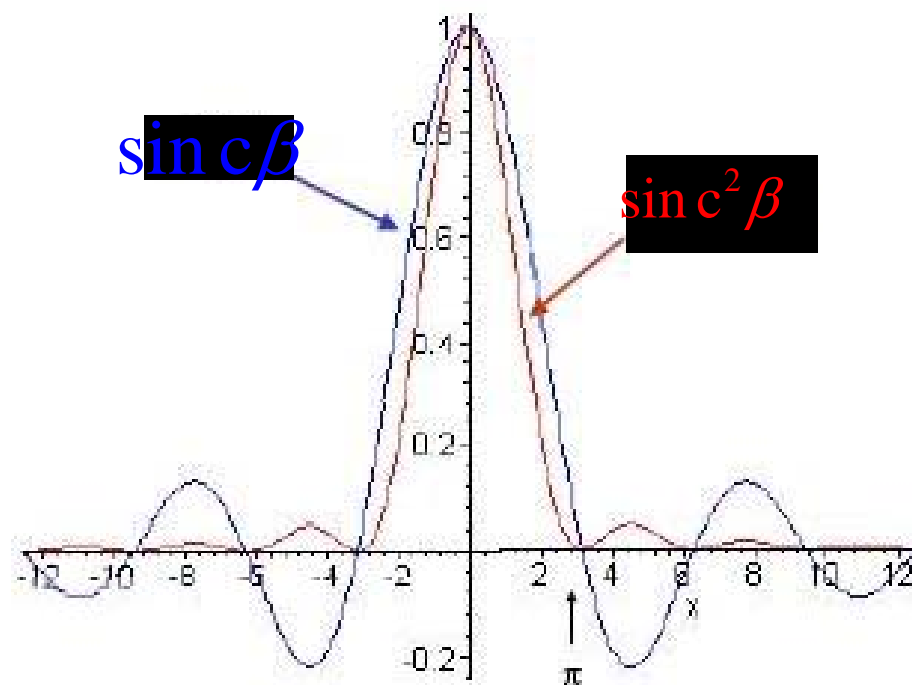
$$I = I_0 \left[\frac{\sin^2 \beta}{\beta^2} \right] I_0 \sin^2 \beta$$



خاصیت تابع : $\sin c\beta$

$$\lim_{\beta \rightarrow 0} \sin c\beta = \lim_{\beta \rightarrow 0} \left[\frac{\sin \beta}{\beta} \right] = 1$$

نقاطی که در آن ها شدت تا بیش صفر است : $\beta = \frac{1}{2}(kb \sin \theta) = m\pi$; $m = \pm 1, \pm 2, \dots$

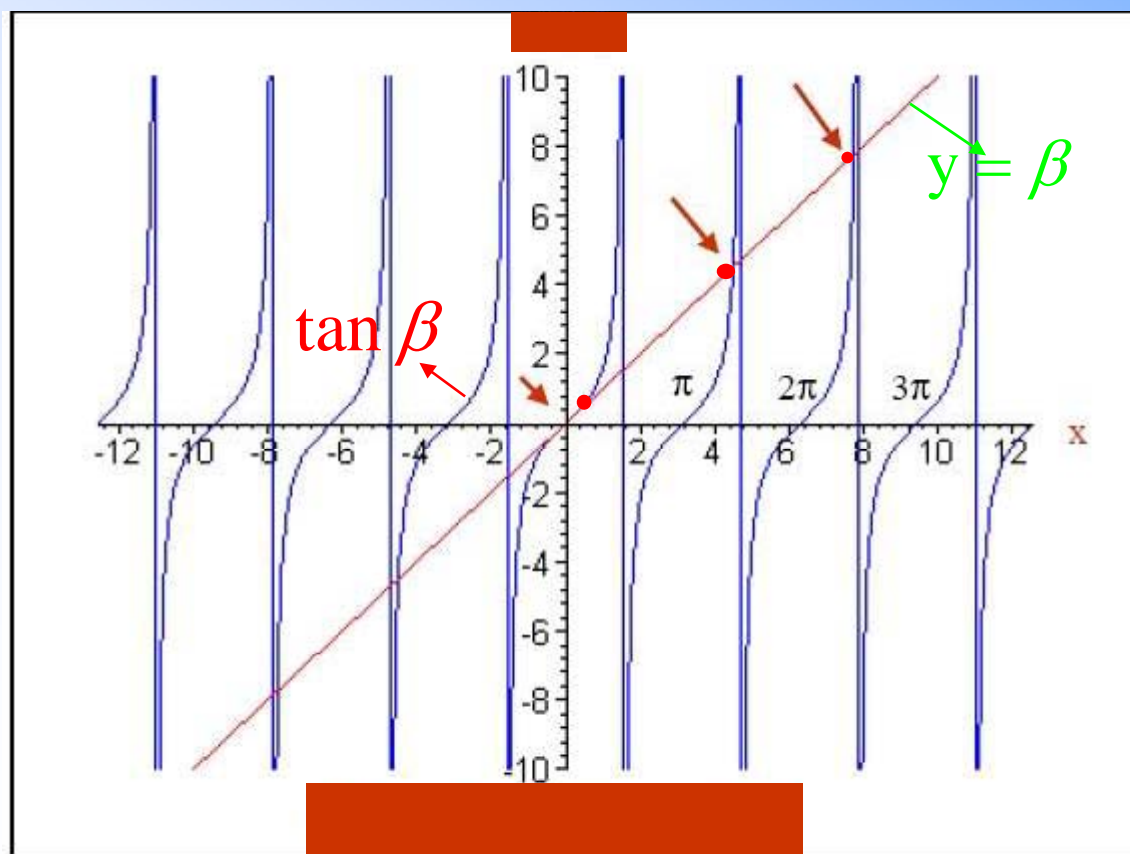


$$I = I_0 \sin^2 \beta$$

$$\frac{dI}{d\beta} = 0 \quad \Rightarrow \quad \beta = \tan \beta$$

$$\beta = 0, 1.43\pi, 2.26\pi, 3.47\pi, \dots$$

محل کمینه ها:





توجه:

❖ شدت تابش $\theta = 0$ یا $y = 0$ بیشینه است.

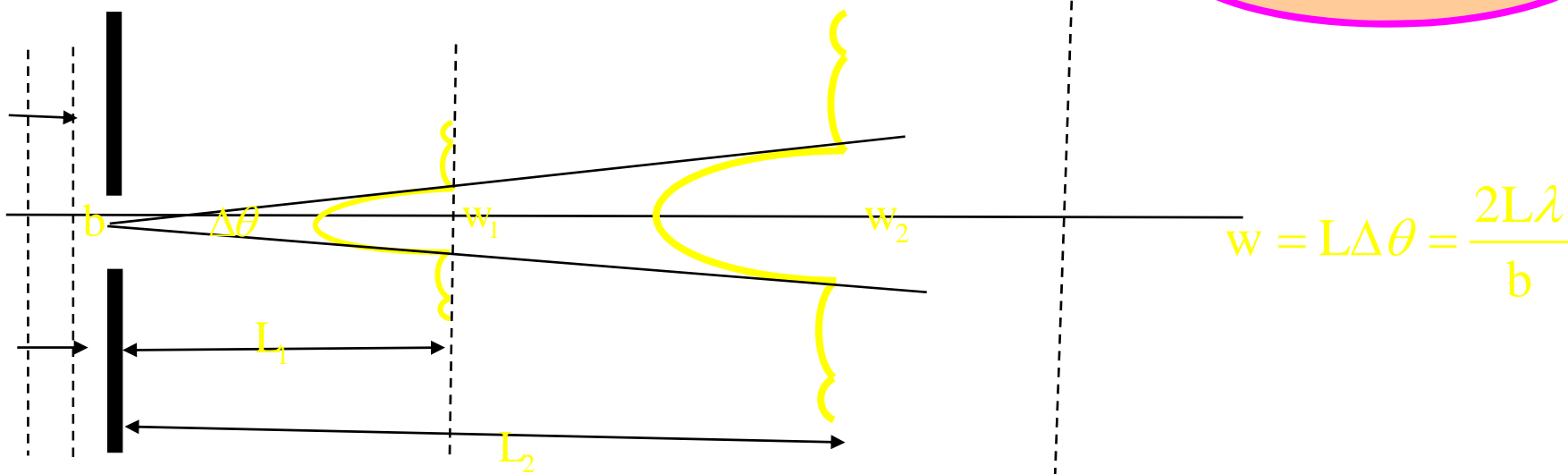
❖ شدت تابش به ازای مقادیر زیر صفر است:

$$y = \frac{m\lambda f}{h}$$

❖ بیشینه مرکزی تصویر شکاف روی پرده است و پهنای زاویه ای آن برابر است با:

$$\Delta\theta = \frac{2\lambda}{b}$$

پخش باریکه:





معیار پراش فرانیهوفر:

$$L \gg \frac{b^2}{\lambda} \Rightarrow L \gg \frac{\text{مساحت روزنه}}{\lambda}$$



روزنه های راستگوشه :

شدت برای روزنه ای به پهنای a برابر است با :

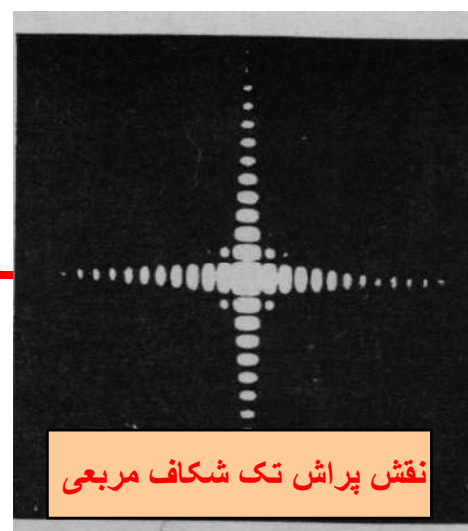
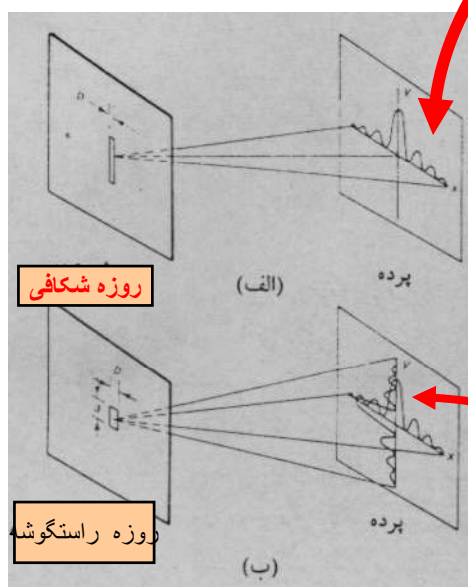
$$I = I_0 \left[\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right]^2, \quad \alpha = \left(\frac{k}{2} \right) a \sin \theta$$

شدت نقش پراش در دو بعد در نقاط به مختصات x و y برابر صفر است:

$$y = \frac{m\lambda f}{b}, \quad x = \frac{m\lambda f}{a}$$

شدت پراش روی پرده از حاصل ضرب تابع شدت ها در هر بعد به دست می آید:

$$I = I_0 (\sin c^2 \beta)(\sin c^2 \alpha)$$





پراش روزنه دایره ای به قطر D :

باتوجه به قابل مقایسه بودن بعدهای افقی و قائم انتگرال گیری روی مساحت روزنه انجام می شود

$$E_R = \frac{E_A}{r_o} \iint_{\text{Area}} e^{isk \sin \theta} dA$$

$$x = 2\sqrt{R^2 - s^2}$$

$$E_r = \frac{2E_A}{r_o} \int_{-R}^R e^{isk \sin \theta} \sqrt{R^2 - s^2} ds$$

$$\frac{e}{R} = \nu \quad , \quad kR \sin \theta = \gamma$$

تغییر متغیر:

$$E_R = \frac{2E_A R^2}{r_o} \int_{-1}^1 e^{i\gamma\nu} \sqrt{1-\nu^2} d\nu$$

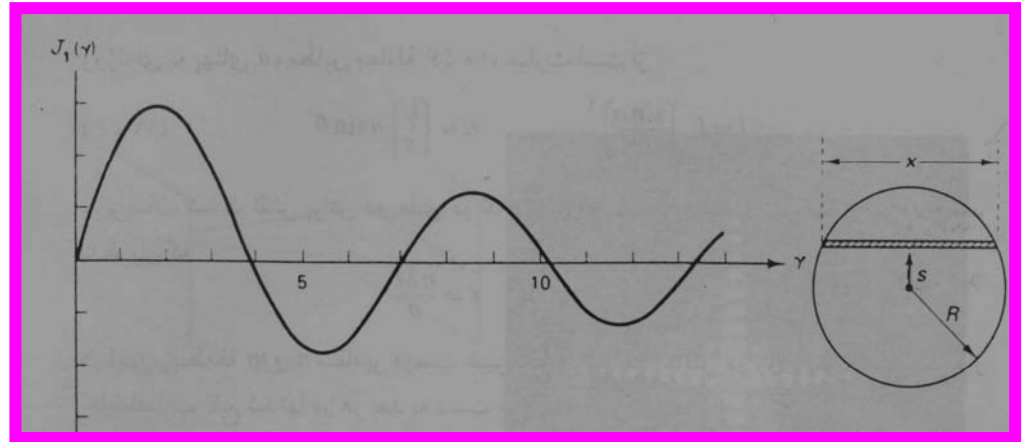
پاسخ این انتگرال تابع بسل زیر است:



$$\int_{-1}^1 e^{i\gamma v} \sqrt{1-v^2} dv = \frac{\pi J_1(\gamma)}{\gamma}$$

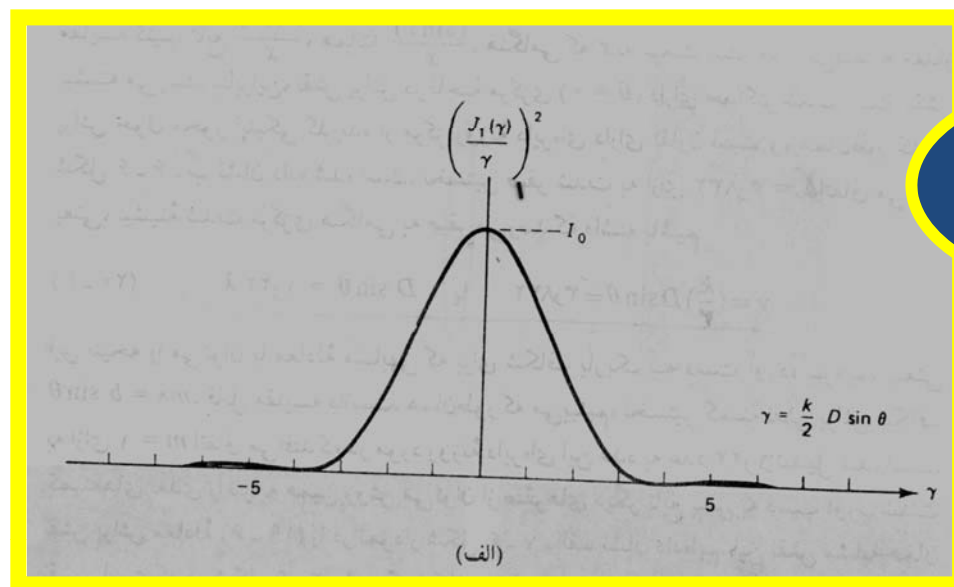
$$J_1(\gamma) = \frac{\gamma}{2} - \frac{\left(\frac{\gamma}{2}\right)^3}{1^2 \cdot 2} + \frac{\left(\frac{\gamma}{2}\right)^5}{1^2 \cdot 2^2 \cdot 3} - \dots$$

$$= \frac{\gamma}{2} \left[1 - \frac{1}{1!2!} \left[\frac{\gamma}{2}\right]^2 + \frac{1}{2!3!} \left[\frac{\gamma}{2}\right]^4 - \frac{1}{3!4!} \left[\frac{\gamma}{2}\right]^6 + \dots \right]$$

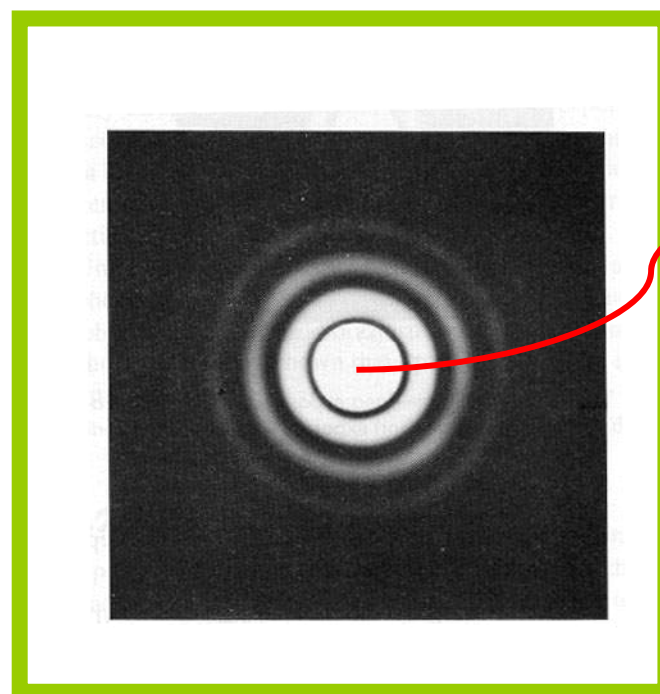


شدت پراش :

$$I = I_0 \left[\frac{2J_1(\gamma)}{\gamma} \right]^2, \quad \gamma = \frac{1}{2} kD \sin \theta$$




شدت نقش پراش
روزنه دایره ای

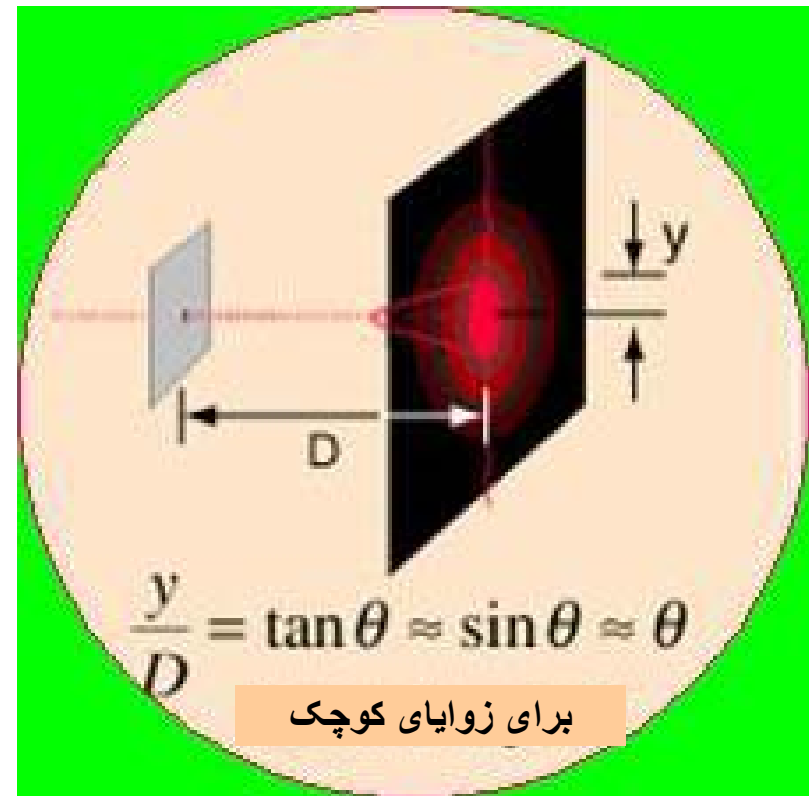
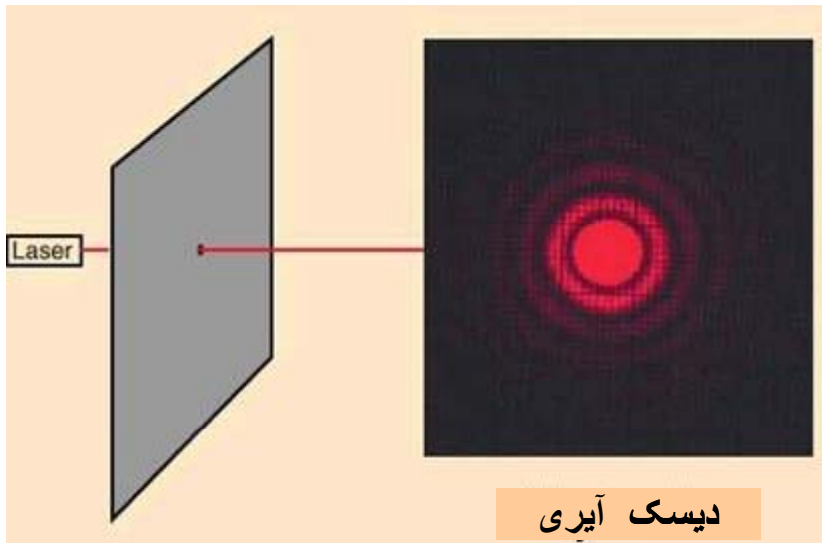


قرص آیری

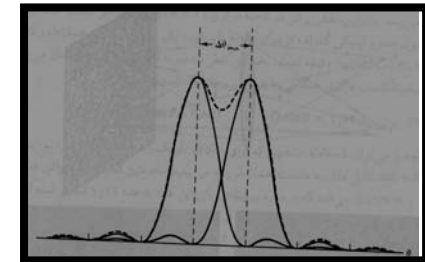
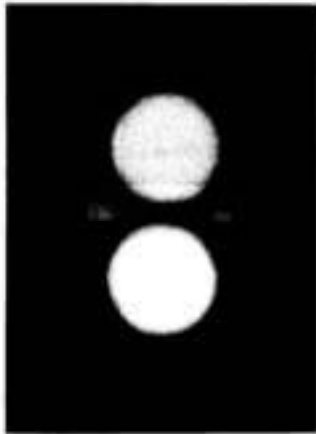
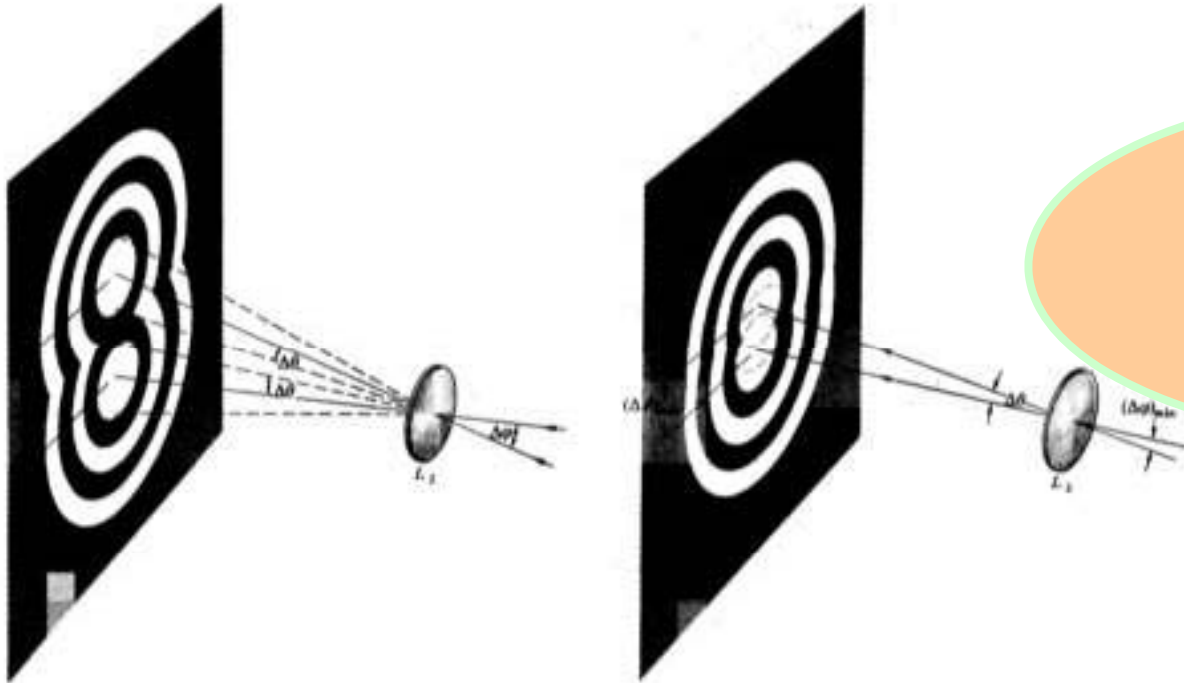
شعاع زاویه ای قرص آیری:

$$\Delta\theta = \frac{1.22\lambda}{d}$$

وقتی نور از یک چشمه نقطه ای مانند لیزر به یک روزنه گرد کوچک می تابد روی صفحه یک نقطه  روشن ایجاد نمی شود بلکه یک دیسک دایره ای پراشیده بنام **قرص آیری** دیده می شود که به وسیله **پیم نور** حلقه های دایره ای هم مرکز احاطه شده است. این مثال از پراش حائز اهمیت زیادی در وسایل اپتیکی است زیرا بسیاری از این وسایل دارای روزنه گرد هستند. اگر این لکه تصویر بزرگتر از تصویری که به وسیله انحرافات سیستم تولید می شود باشد در این صورت می گوئیم که فرایند تصویر برداری به وسیله پراش محدود شده است. محدودیت تفکیک تصاویر را به وسیله **معیار ریلی** می توان بیان نمود:



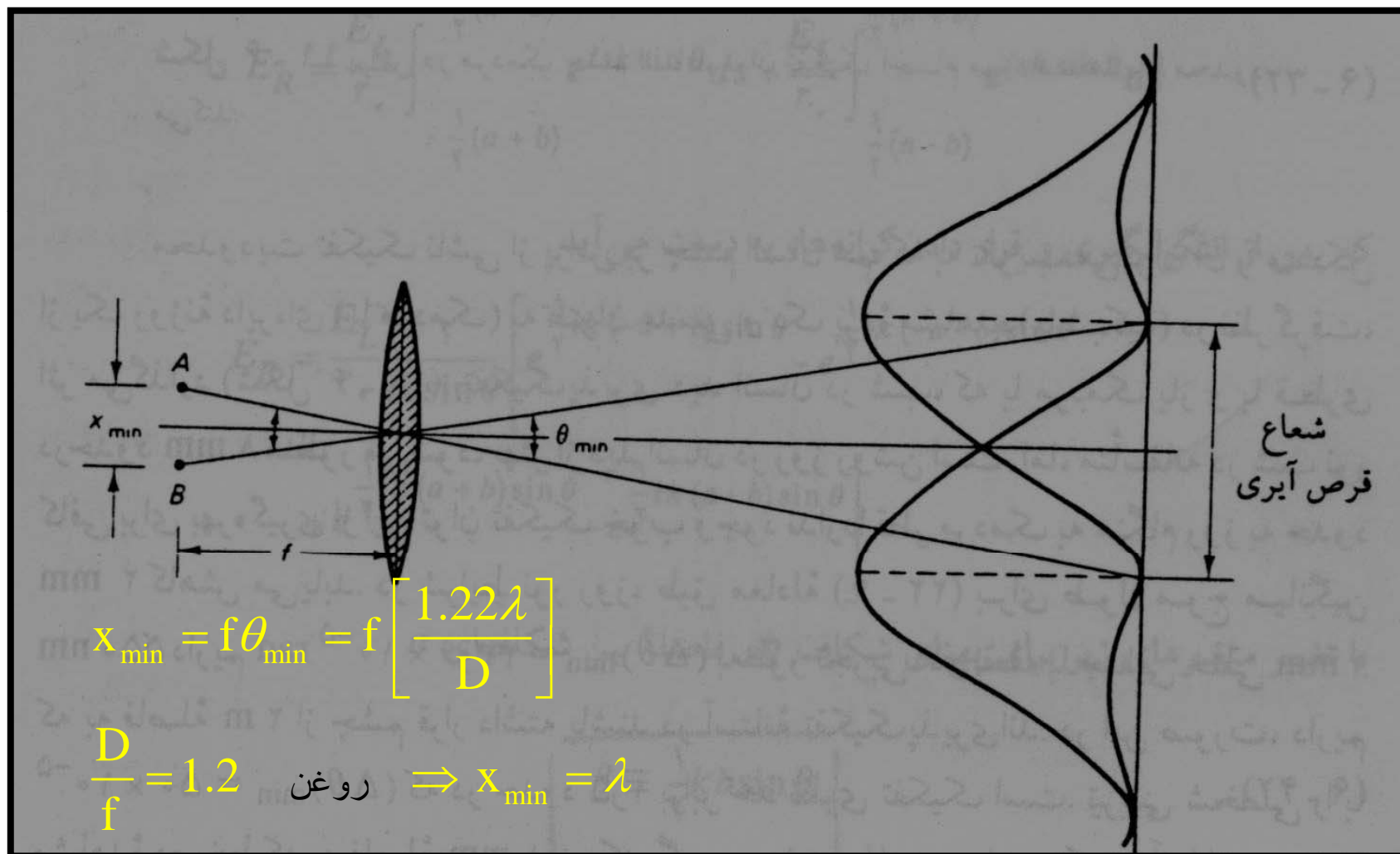
استانه تفکیک پذیری

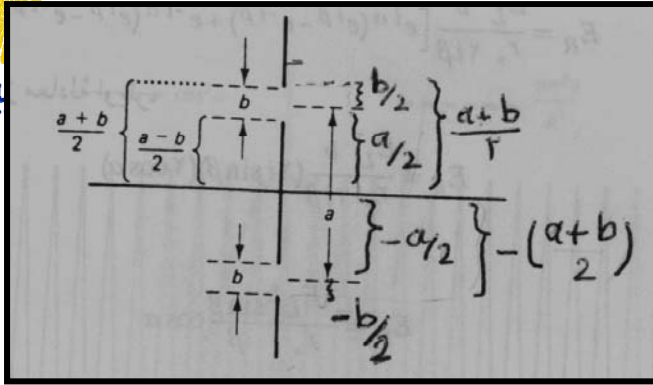




تفکیک پذیری در میکروسکوپ:

آستانه تفکیک پذیری میکروسکوپ به تقریب برابر با طول موج بکاررفته است.





پراش دو شکاف :

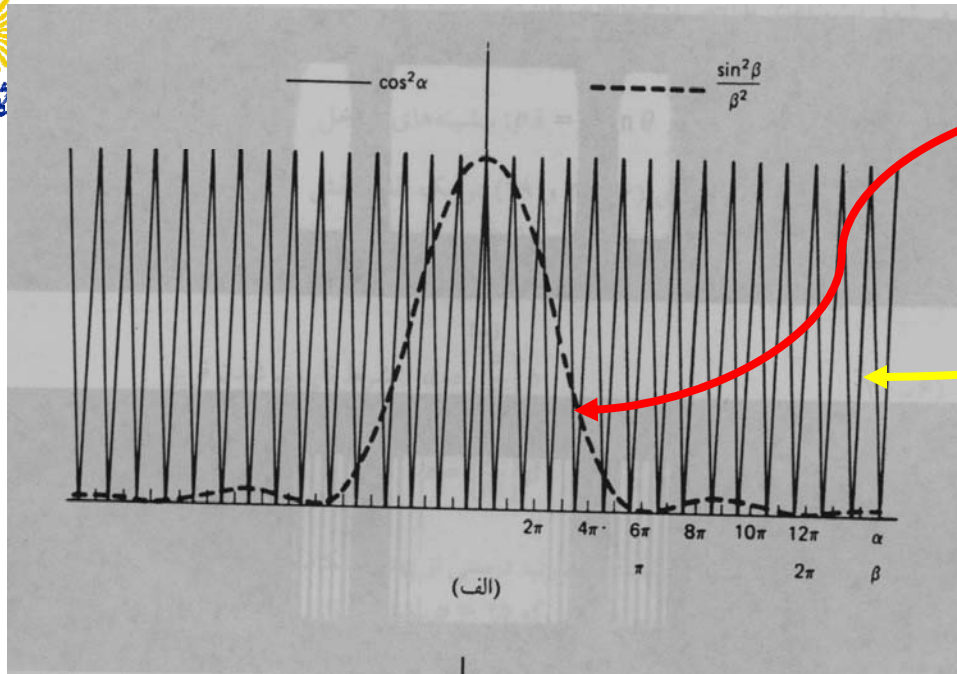
$$E_R = \frac{E_L}{r_0} \int_{-\frac{1}{2}(a+b)}^{-\frac{1}{2}(a-b)} e^{isk \sin \theta} ds + \frac{E_L}{r_0} \int_{\frac{1}{2}(a-b)}^{\frac{1}{2}(a+b)} e^{isk \sin \theta} ds$$

$$\Rightarrow E_R = \frac{E_L}{r_0} \frac{1}{ik \sin \theta} \left[e^{\frac{1}{2}ik(-a+b)\sin \theta} - e^{\frac{1}{2}ik(-a-b)\sin \theta} + e^{\frac{1}{2}ik(a+b)\sin \theta} - e^{\frac{1}{2}ik(a-b)\sin \theta} \right]$$

$$\beta = \frac{1}{2} kb \sin \theta \quad , \quad \alpha = \frac{1}{2} ka \sin \theta$$

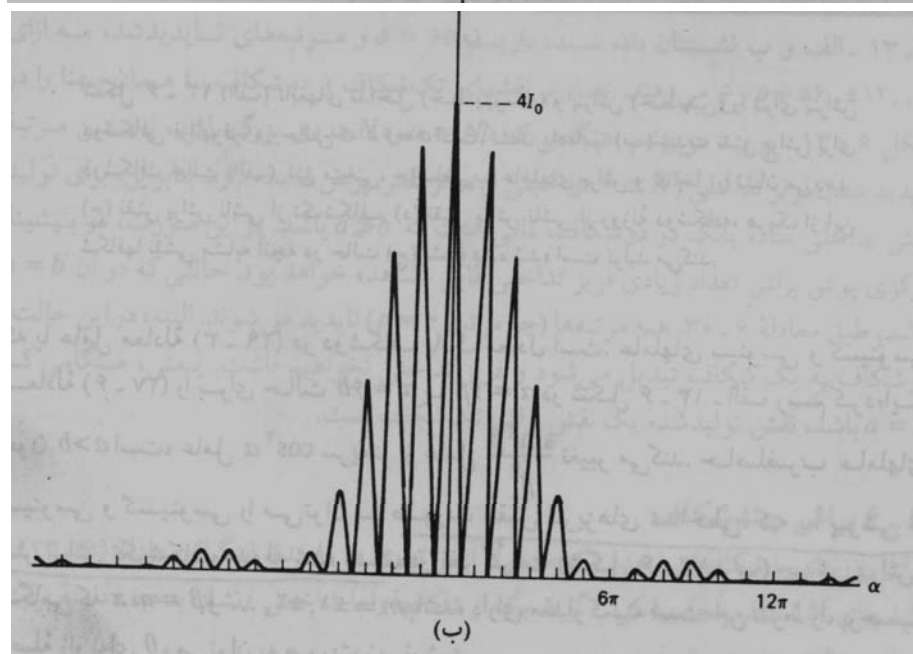
$$E_R = \frac{2E_L b \sin \beta}{r_0 \beta} \cos \alpha$$

$$I = \left[\frac{\epsilon_0 c}{2} \right] E_R^2 = 4I_0 \left[\frac{\sin \beta}{\beta} \right]^2 \cos^2 \alpha \quad , \quad I_0 = \left(\frac{\epsilon_0 c}{2} \right) \left(\frac{E_L b}{r_0} \right)^2$$



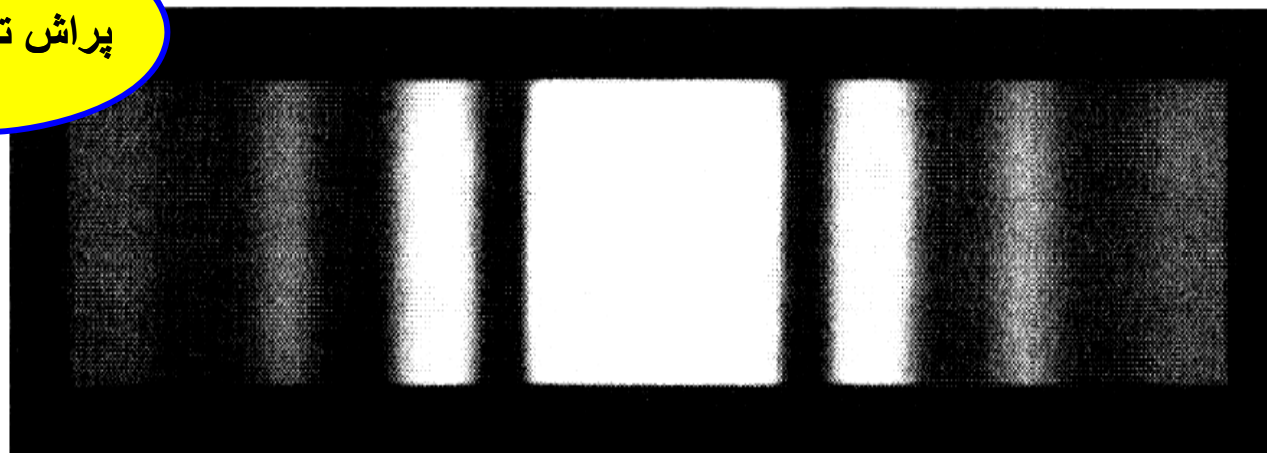
$$\frac{\sin^2 \beta}{\beta^2}$$

$$\cos^2 \alpha$$

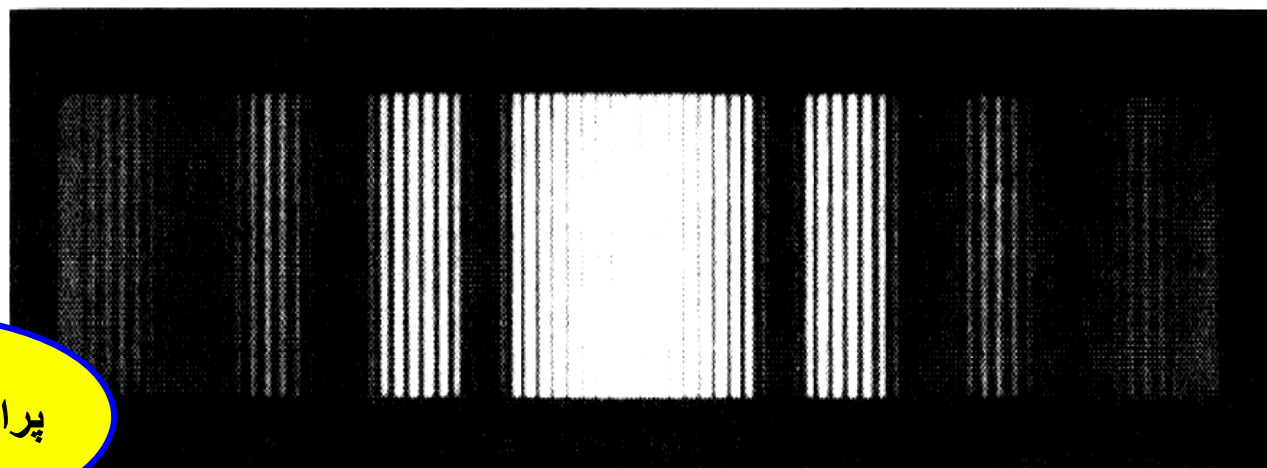


شدت پراش دوشکاف برابر
است با حاصل ضرب شدت های تداخل
دوشکاف و پراش تک شکاف !

پراش تک شکاف



پراش دو شکاف





کمینه های پراش :

$$m\lambda = b \sin \theta \quad , \quad \beta = m\pi \quad , \quad m = \pm 1, \pm 2, \dots$$

بیشینه های پراش:

$$p\lambda = a \sin \theta \quad , \quad \alpha = p\pi \quad , \quad p = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

شرط ناپدید شدن فریزها:

$$a = \left(\frac{p}{m} \right) b \quad , \quad \alpha = \left(\frac{p}{m} \right) \beta$$

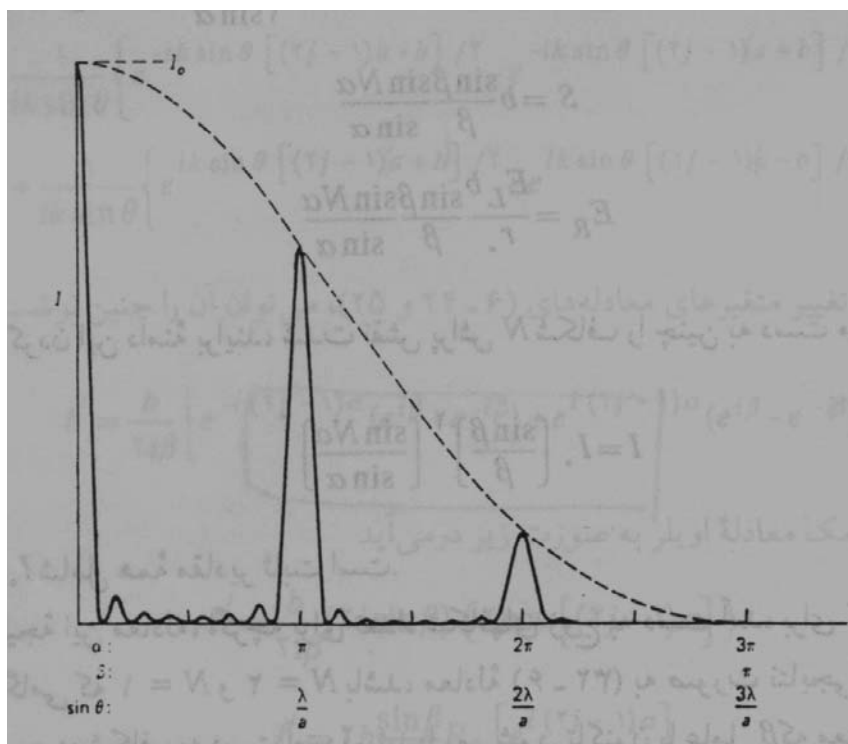
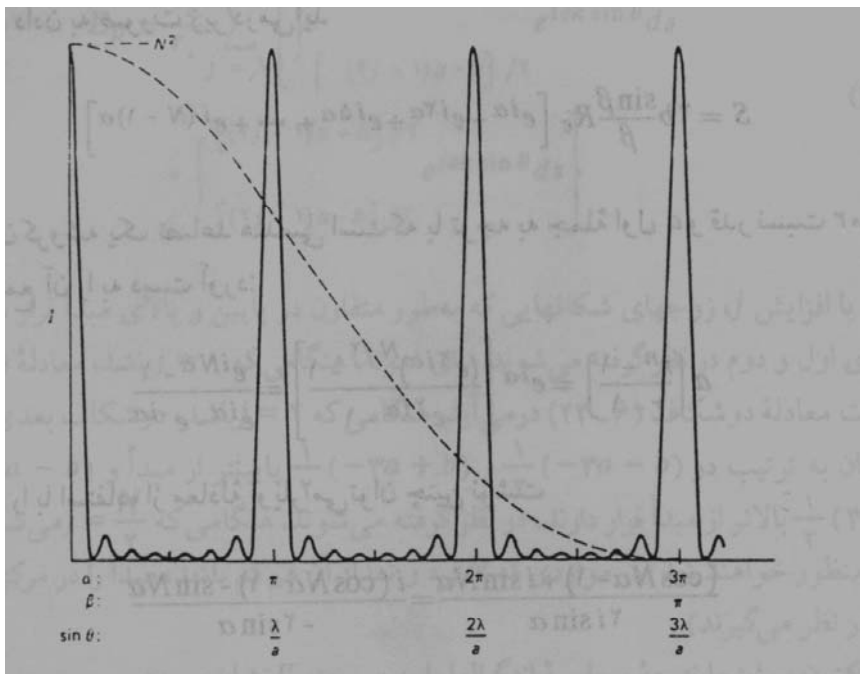


پراش چند شکاف (توری پراش):

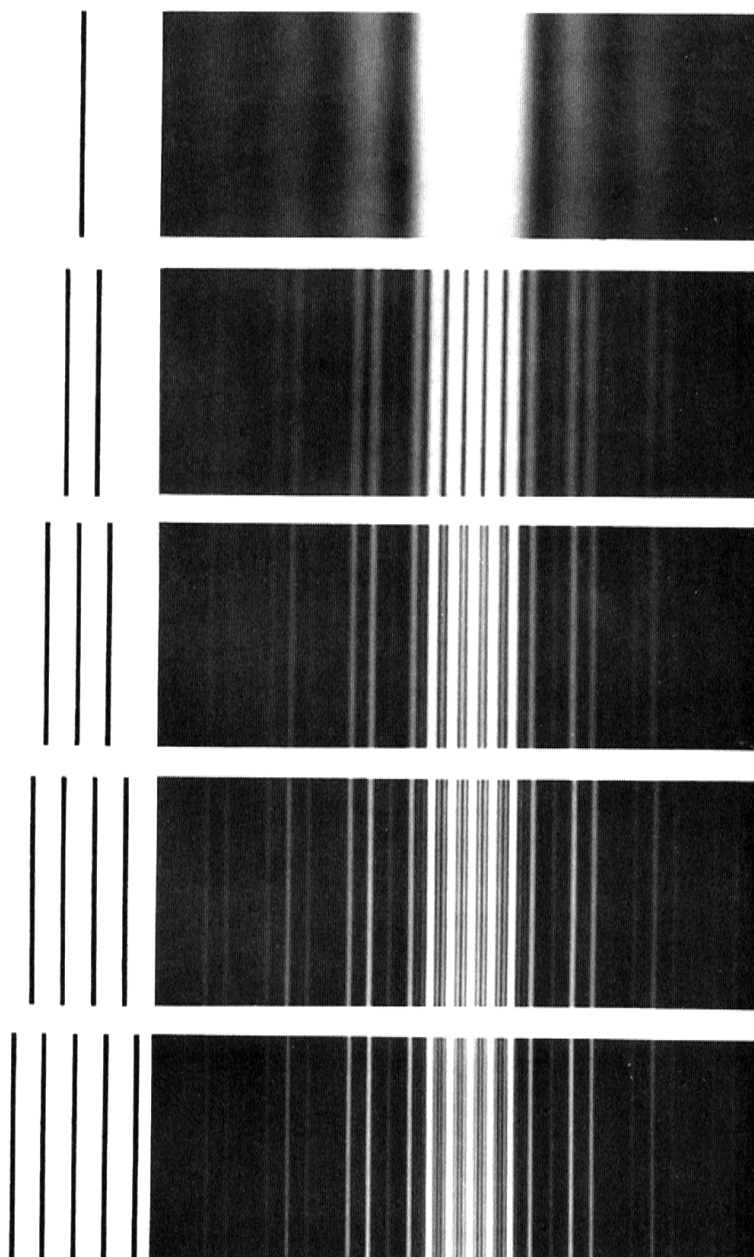
$$E_R = \frac{E_L}{r_o} \sum_{j=1}^{N/2} \left\{ \int_{\frac{[-(2j-1)a-b]}{2}}^{\frac{[-(2j-1)a+b]}{2}} e^{isk \sin \theta} ds + \int_{\frac{[(2j-1)a-b]}{2}}^{\frac{[(2j-1)a+b]}{2}} e^{isk \sin \theta} ds \right\}$$

$$E_R = \frac{E_L b \sin \beta \sin N\alpha}{r_o \beta \sin \alpha}$$

$$I = I_o \left(\frac{\sin \beta}{\beta} \right)^2 \left(\frac{\sin N\alpha}{\sin \alpha} \right)^2$$



تابع تداخل (خط پیوسته) و پراش
(خط چین) برای پراش فرانهورفر
چندشکافی
 $N=8$, $a=3b$



پراش چند شکاف

در توری هایی که تعداد شکاف ها زیاد است بیشینه های اصلی روشن و متمایز و کاملا جدا هستند.

بزرگی بیشینه های اصلی در نقش تداخل متناسب با N^2 است. در میان بیشینه های اصلی $N-1$ کمینه وجود دارد. در رابطه زیر:

$$\alpha = \frac{p\pi}{N}, \quad a \sin \theta = \frac{p\lambda}{N}, \quad p = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

بیشینه های اصلی به ازای :

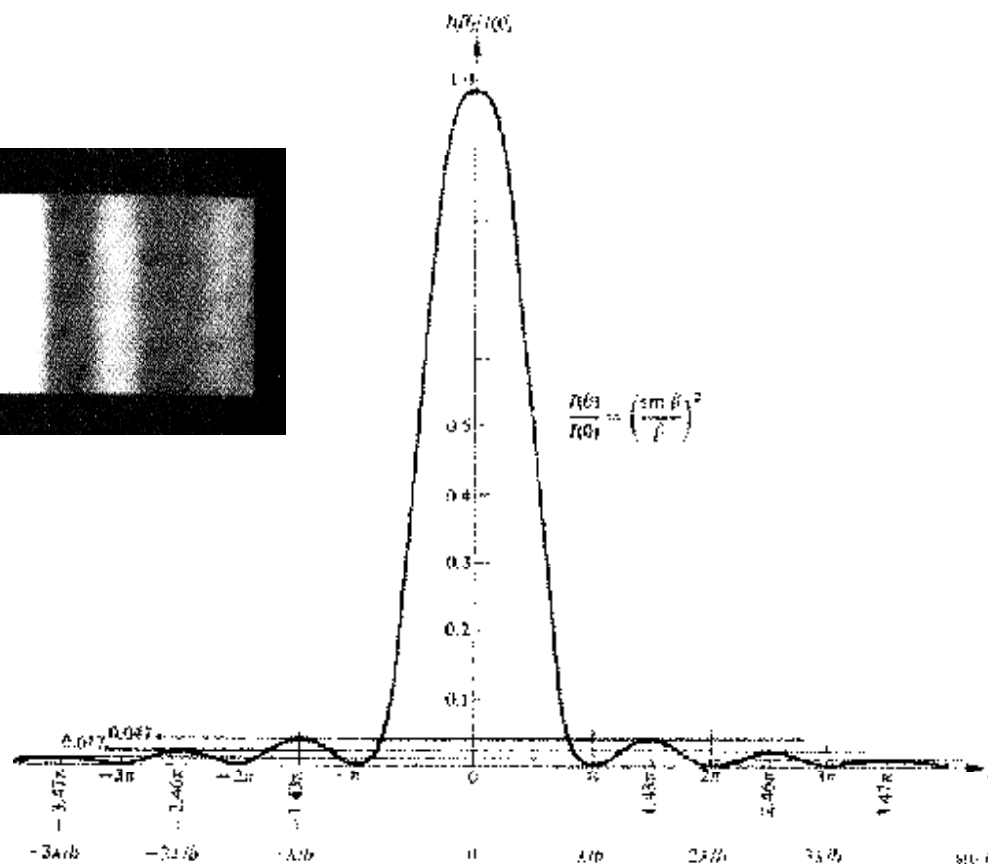
بدست می آید.

$$p = 0, \pm N, \pm 2N, \dots$$



پاش فرانهوفر از یک شکاف

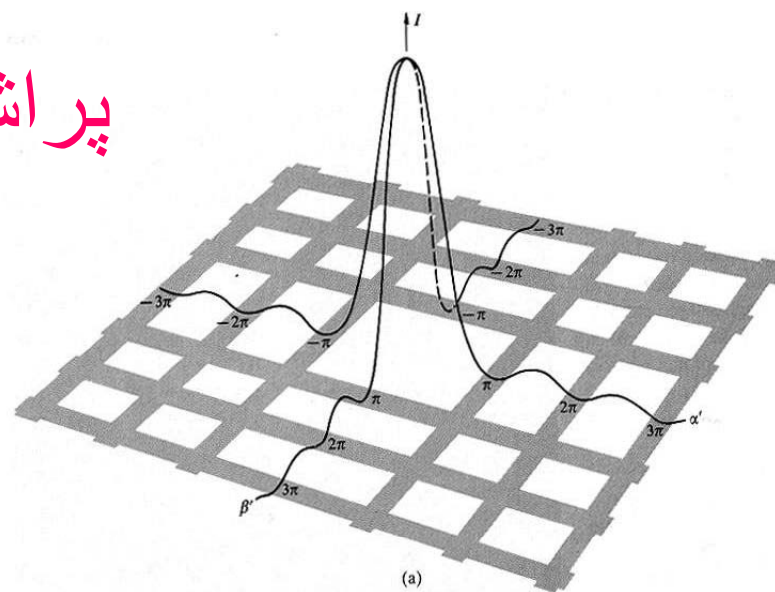
پراش فرانهوفر تک شکاف تبدیل فوریه تابع مستطیلی است که یک تابع sinc^2 است. لذا شدت تابع sinc است.



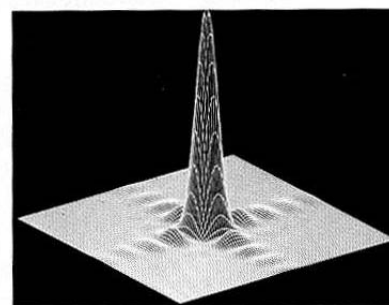


دانشگاه پیام نور

پراش فرانهورف روزنه مربعی

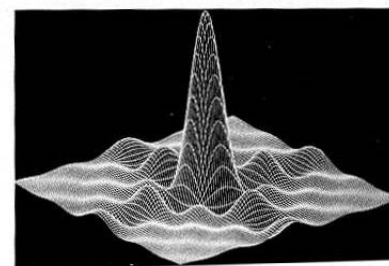


میدان پراشیده
و x_1 در راستای
 y_1 تابع sinc
است.



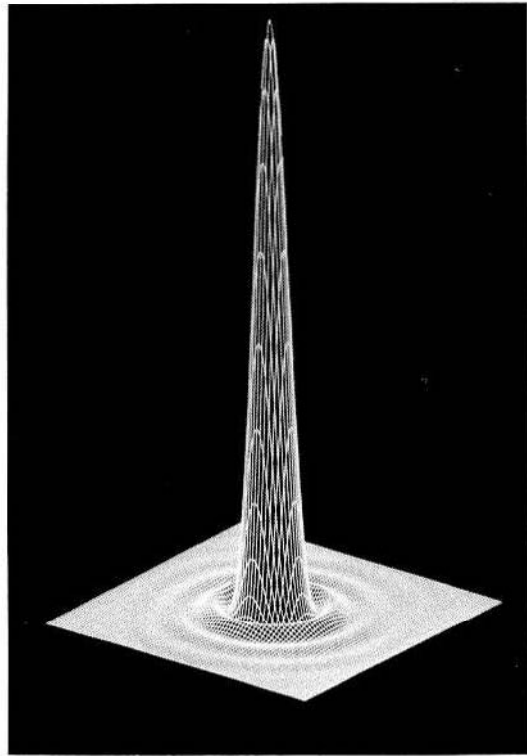
Diffracted irradiance

(b)

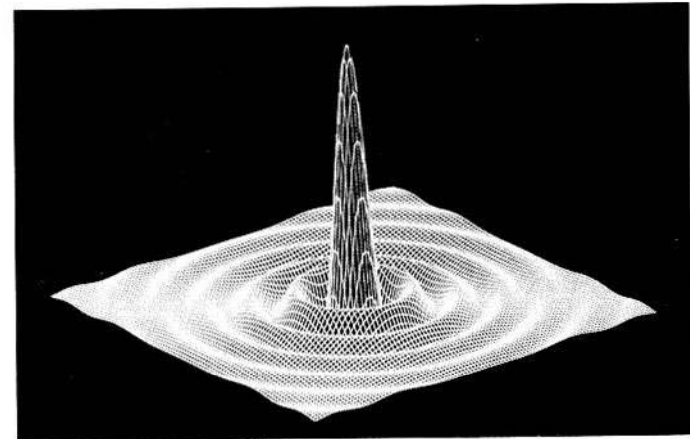
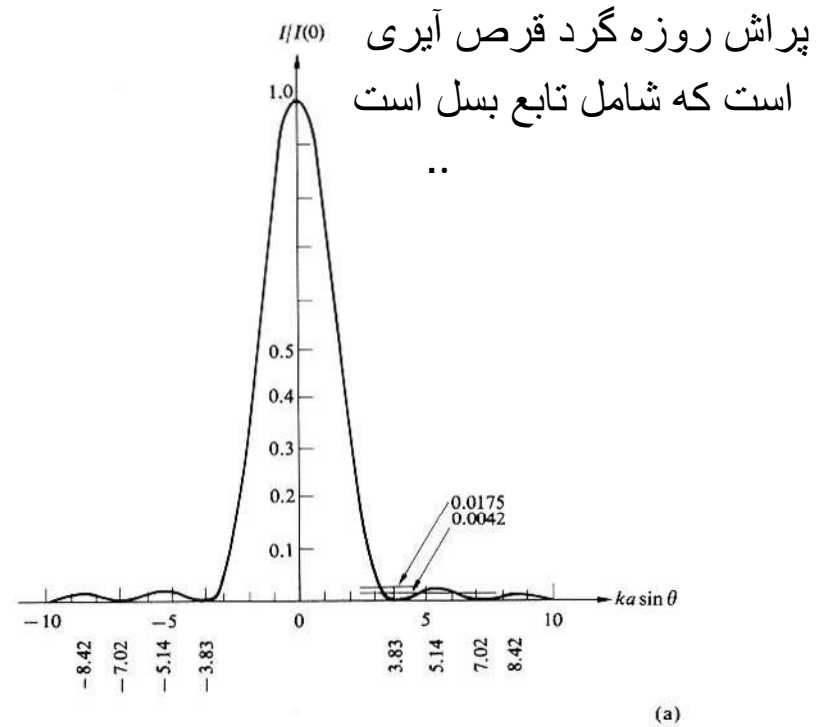


Diffracted field

پراش از روزه دایره‌های در دو بعد:



شدت پراشده

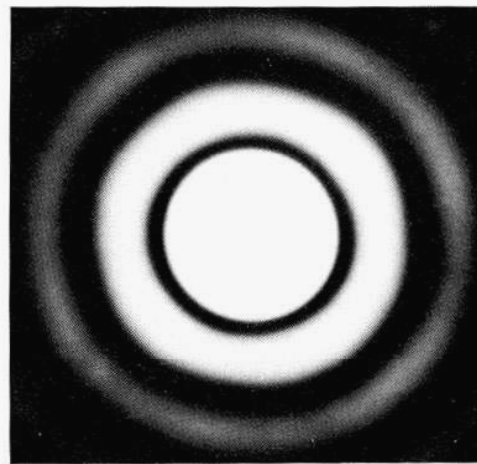


میدان پراشیده

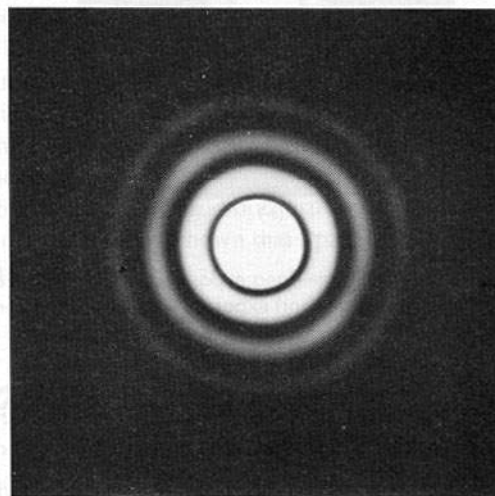


پراش از روزنه گرد کوچک و بزرگ

Small aperture



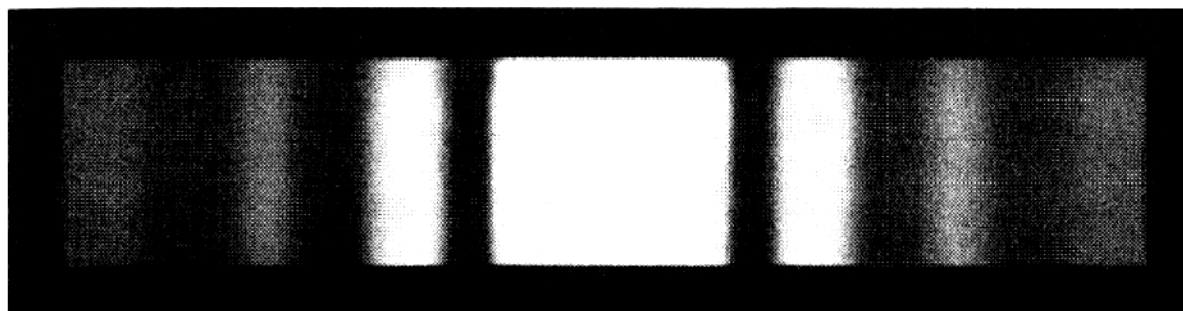
Large aperture



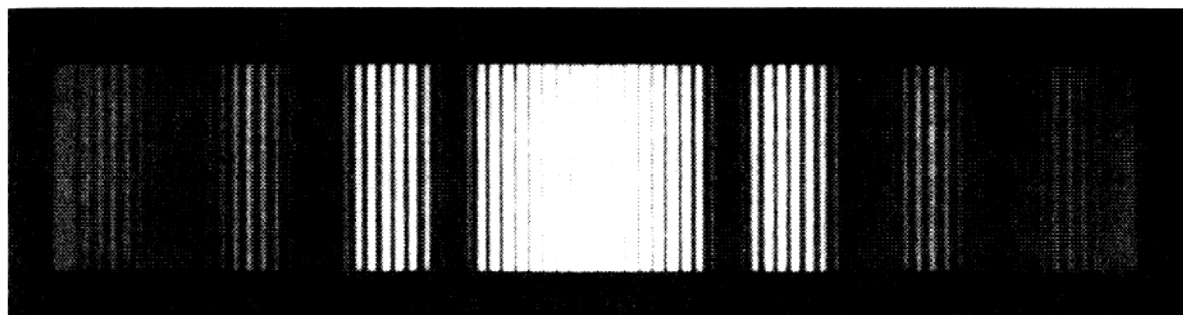


الگوهای پراش تک شکاف و دو شکاف

تک شکاف



دو شکاف

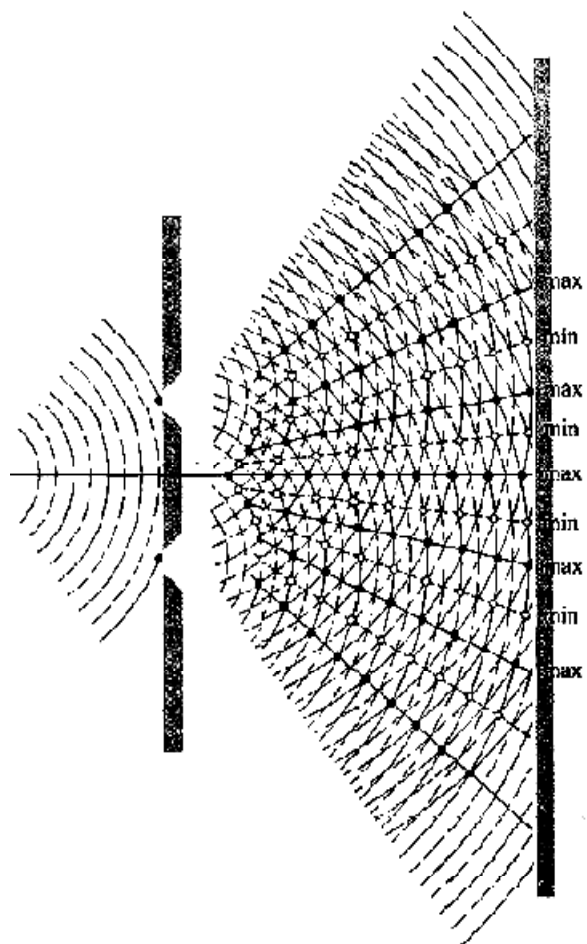




دانشگاه پیام نور

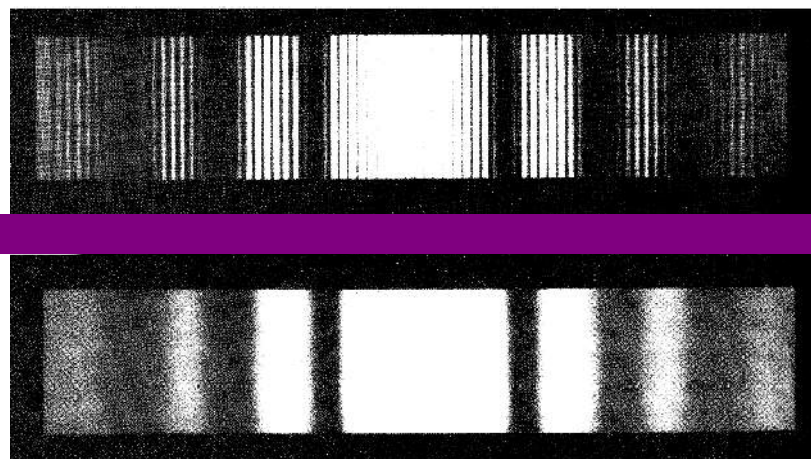
آزمایش دوشکافی یانگ و همدوسی

اگر طول همدوسی فضایی کمتر از جدایی شکاف ها باشد فاز نسبی نور تراگسلی از هر شکاف به طور اتفاقی تغییر کرده و فریزهای ریز ناپدید می شوند و الگوی تک شکاف مشاهده می شود.



الگوهای پراش فرانهور

همدوس فضایی
خوب



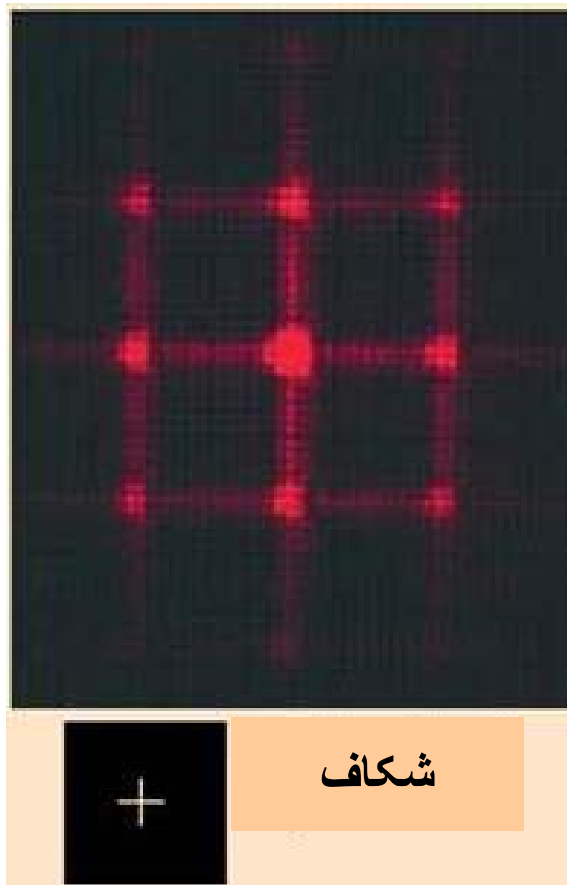
همدوسی فضایی
ضعیف



شیارهای دیسک فشرده نوری (CD) مانند توری پراش عمل می کند. فاصله بین شیارها 1.6 میکرومتر است یعنی 625 شیار در میلی متر و این در حدود توری های آزمایشگاهی است. لذا نور قرمز، با طول موج 600 نانومتر پراش مرتبه اول با بیشینه ای در 22 درجه ایجاد می کند.



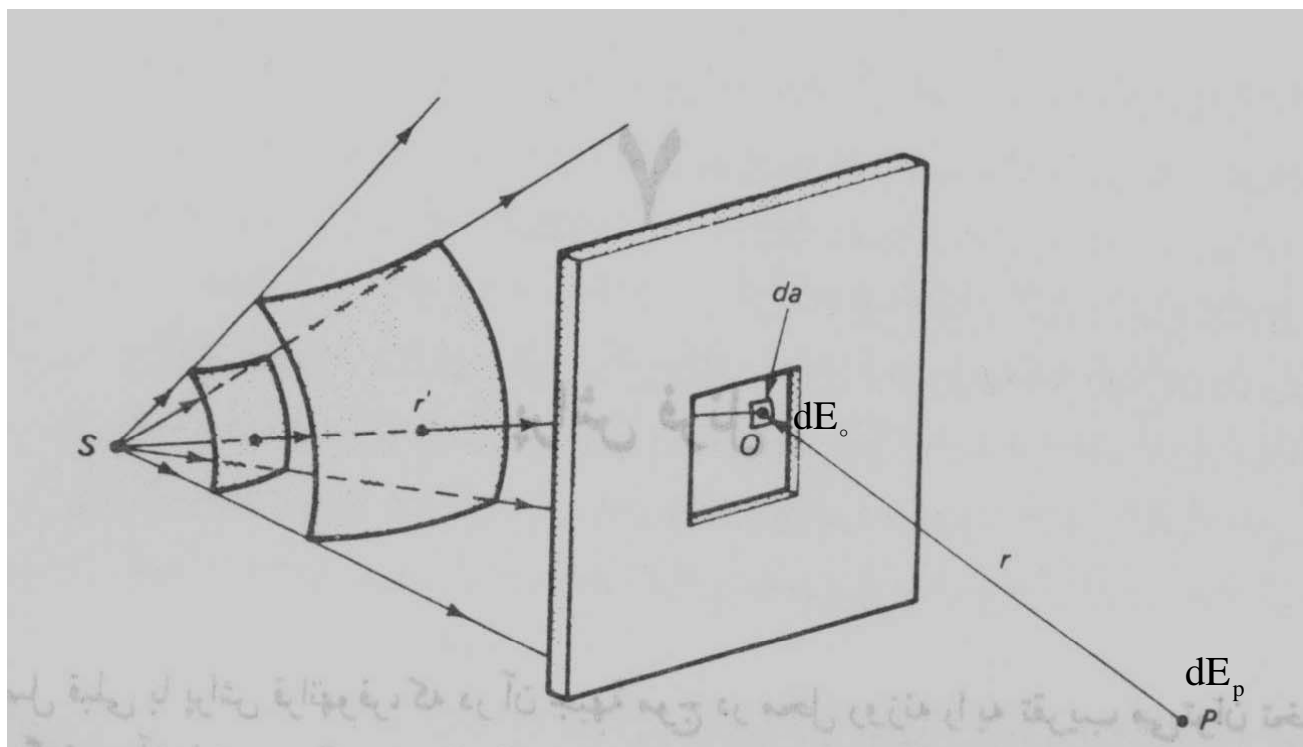
الگوی پراش روزنه صلیبی



الگوی پراش حاصل از عبور نور لیزر - هلیوم از یک شکاف به شکل صلیب 90 درجه را در شکل روبرو ملاحظه می کنید این الگو تقارن جسم پراشده را نشان می دهد . زوایای 90 درجه در الگو متناظر با همین زوایا در جسم است . فضای بین تمرکز روشن نور نسبت عکس با پهنای شکافها در جسم دارد و برای اندازه گیری این پهنایها کاربرد دارد . اصولاً این مشابه پراش اشعه ایکس که برای آشکار کردن تقارن در شبکه اتمی در کریستال ها بکار می رود .

پراش فرنل (میدان نزدیک)

در پراش فرنل روزنه به چشمه یا پرده مشاهده ویا هردو نزدیک است و جبهه موج در محل روزنه کروی است و محاسبات ریاضی در این حالت پیچیده تر است.





$$dE_p = \left(\frac{dE_o}{r} \right) e^{ikr}$$

$$dE \propto E_L da$$

$$E_L = \left(\frac{E_s}{r'} \right) e^{ikr'}$$

$$dE_p = \left(\frac{E_s}{rr'} \right) e^{ik(r+r')} da$$

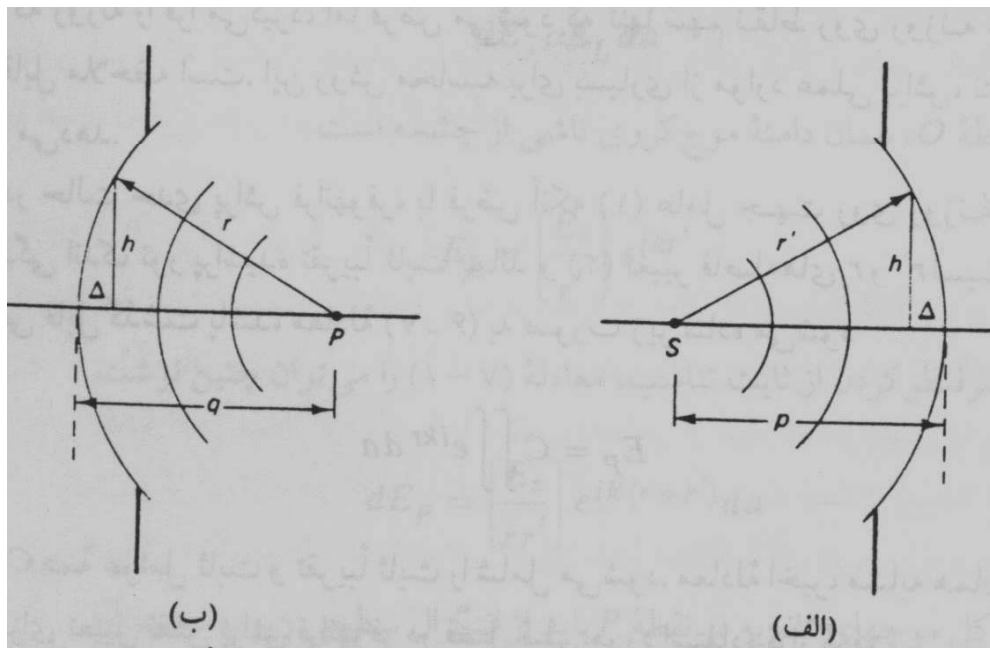
$$E_p = E_s \iint \left(\frac{1}{rr'} \right) e^{ik(r+r')} da$$

$$E_p \frac{-ikE_s}{2\pi} \iint F(\theta) e^{ik(r+r')} da, \quad F(\theta) = \frac{1 + \cos \theta}{2}$$

$$E_p = c \iint e^{ikr} da$$

انتگرال فرنل - کیرشهوف

معیار پراش فرنل:

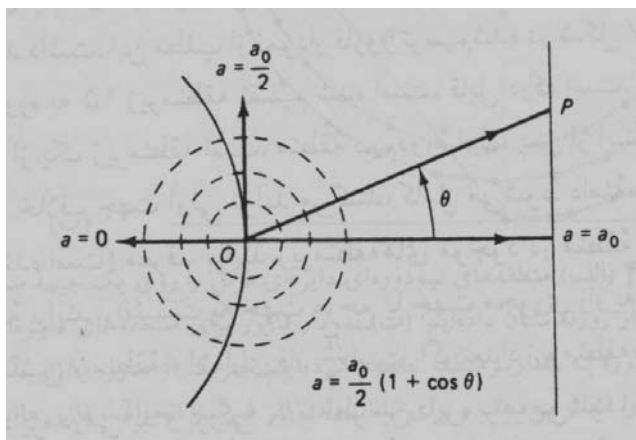


$$\Delta = p - \sqrt{r'^2 - h^2} \Rightarrow \Delta = p - r' \left(1 - \frac{h^2}{2r'^2} \right)$$

$$\Delta = \frac{h^2}{2p} > \lambda, \Delta = \frac{h^2}{2q} > \lambda$$

میدان نزدیک : $\frac{1}{2} \left(\frac{1}{p} + \frac{1}{q} \right) h^2 > \lambda$

میدان نزدیک : $d < \frac{\lambda}{2}$

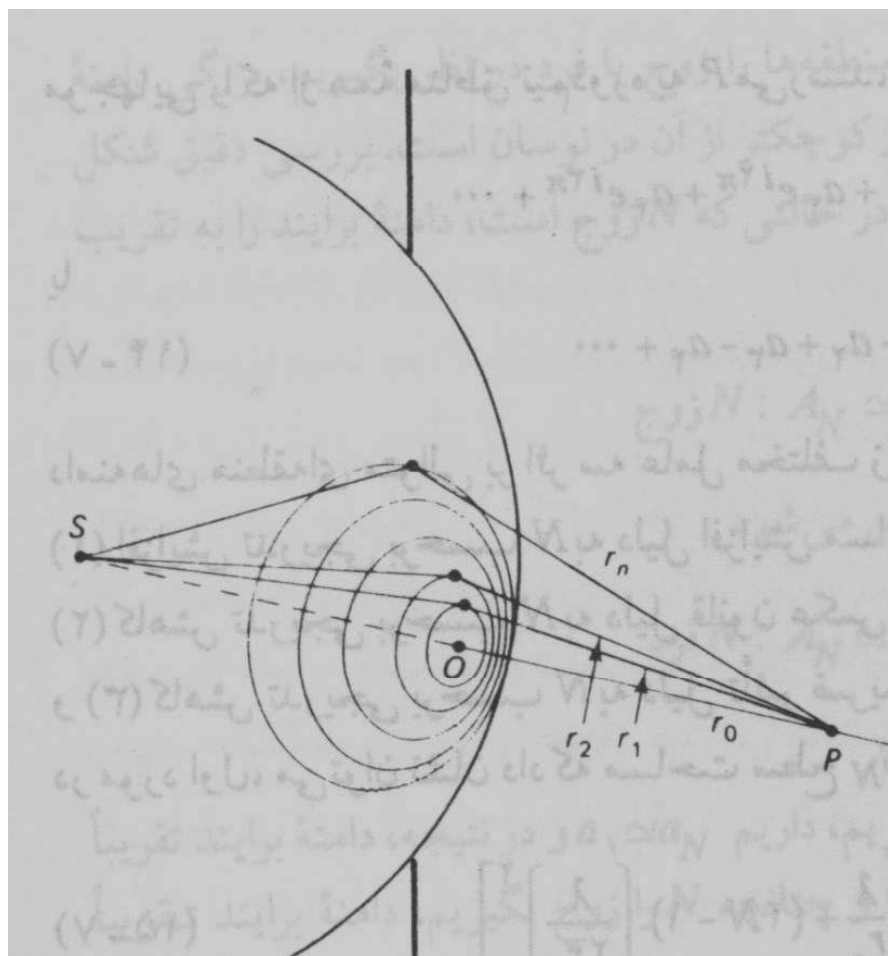


ضریب انحراف :

$$a = \frac{a_0}{2} (1 + \cos \theta)$$



برای پرهیز از انتگرال گیری از روش هوشمندانه زیر استفاده می شود:
جبهه کروی به مرکز S به منطقه هایی چنان تقسیم می کنیم که فاصله هر منطقه از نقطه p به طور متوسط به اندازه نصف طول موج با منطقه مجاورش تفاوت داشته باشد:



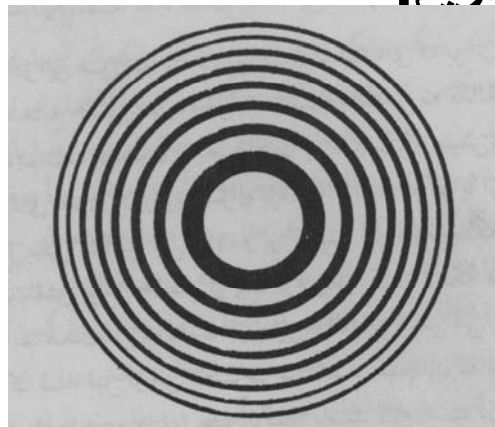
$$r_N = r_0 + \frac{N\lambda}{2}, \dots, r_2 = r_0 + \lambda, r_1 = r_0 + \frac{\lambda}{2}$$

این منطقه ها را مناطق نیم دوره ای فرنل می گویند. سهم هر منطقه نسبت به منطقه قبلی در فاز مقابل است یعنی مناطق پشت سرهم نسبت به هم به اندازه π با هم اختلاف فاز دارند.

محاسبات فازوری نشان می دهد که دامنه برابند برابر نصف دامنه ناشی از منطقه اول است.

تیغه منطقه ای فرنل :

منطقه های فرنل را یک در میان بوسیله مانعی مسدود می کنیم.
چنین شکلی را با اندازه کوچکتر روی لایه ای شفاف چاپ می
کنیم در نتیجه یک تیغه منطقه ای فرنل داریم:



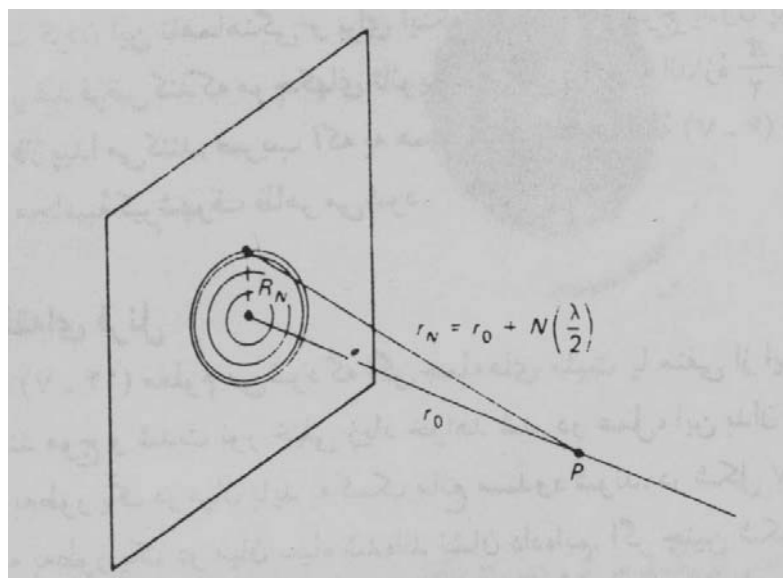
شعاع تیغه منطقه ای فرنل:

$$R_N^2 = \left(r_0 + \frac{N\lambda}{2} \right)^2 - r_0^2$$

$$\Rightarrow R_N = \sqrt{Nr_0\lambda}$$

اگر شعاع منطبق اول R_1 باشد
شعاع دیگر مناطق برابر خواهد بود:

$$1.41R_1, 1.73R_1, 2R_1, \dots$$



تیغه های منطقه ای فرنل

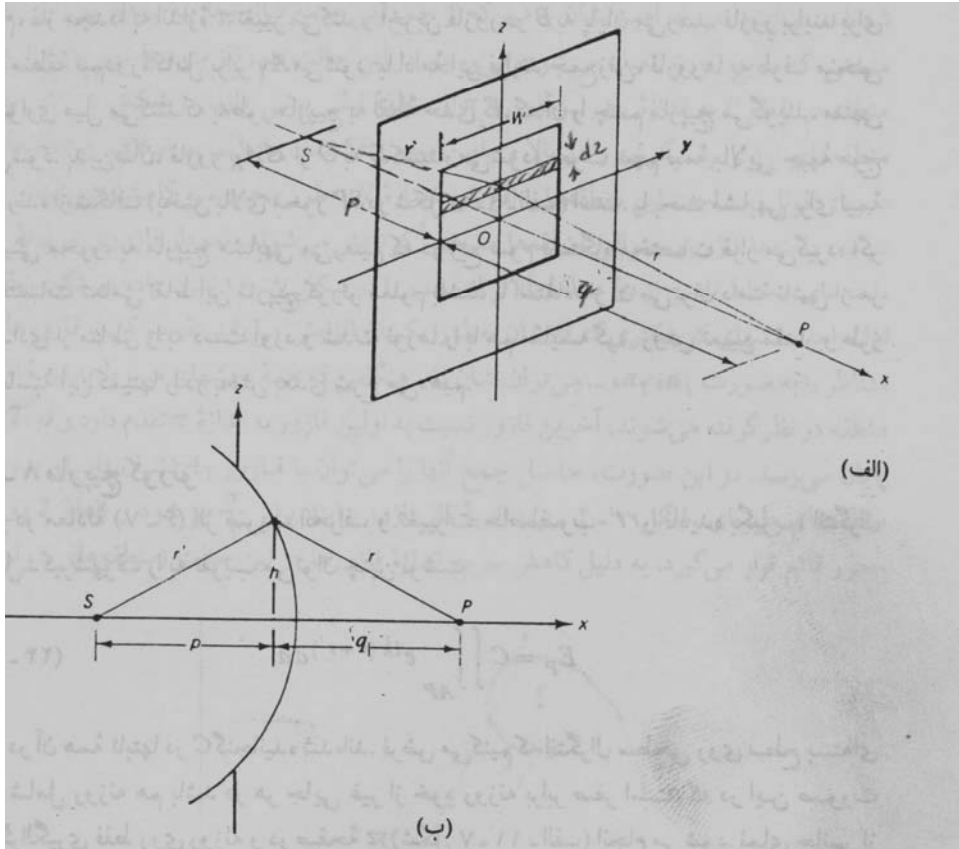


تعداد زیادی دواير هم مرکز که شعاع های آنها متناسب با جذر اعداد صحیح است روی ورقه از کاغذ می کشیم مناطق فرد را سیاه می کنیم و تصویر کوچک تری از آن را روی شیشه نازک تهیه می کنیم. در نگاتیف نواحی فرد شفاف خواهند بود. شیشه نگاتیف را تیغه منطقه ای مثبت می گویند.

مارپیچ کورنو:



انتگرال فرنل $E_p = C \iint e^{ik(r+r')} da$ که در آن همه ثابتها گنجانیده شده اند دور از پیچیدگی ها می توان به روش ساده زیر ~~همین~~ **فاصله** $r + r'$ می توان از شکل زیر بدست آورد:



$$h \ll q, \quad h \ll p \Rightarrow$$

$$r' = (p^2 + h^2)^{\frac{1}{2}} = p \left[1 + \frac{h^2}{2p^2} \right]$$

$$\Rightarrow r' = p + \frac{1}{2} \left(\frac{h^2}{p} \right), \quad r = q + \frac{1}{2} \left(\frac{h^2}{q} \right)$$

$$\Rightarrow r + r' = (p + q) + \left[\frac{1}{p} + \frac{1}{q} \right] \frac{h^2}{2}$$

$$D = p + q, \quad \frac{1}{L} = \frac{1}{p} + \frac{1}{q}$$

$$\Rightarrow r + r' = D + \frac{h^2}{2L}$$



فاصله های کانونی تیغه منطقه ای فرنل:

تیغه منطقه ای مانند یک عدسی عمل می کند که کانون آن در P قرار دارد. با حرکت دادن این نقطه به سوی تیغه منطقه ای کانون های مختلفی را تشخیص خواهیم داد که شعاع آنها چنین است:

$$f_1 = \frac{R_1^2}{\lambda}$$

$$f_N = \frac{R_1^2}{N\lambda}$$

N فرد



$$E_p = c \iint e^{ik(d + \frac{h^2}{2L})} da$$

$$h = z, da = w dz$$

$$\Rightarrow E_p c w e^{ikD} \int e^{\frac{ikz^2}{2L}} dz, \frac{kz^2}{2L} = \frac{\pi z^2}{L\lambda}$$

$$z = \sqrt{\frac{\lambda L}{2}} v \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2}{L\lambda}} z$$

$$|E_p| = c w \left| \int e^{i\pi v^2/2} \sqrt{\frac{L\lambda}{2}} dv \right|$$

$$\therefore |E_p| = E_0 \left| \int \cos\left(\frac{\pi v^2}{2}\right) dv + i \int \sin\left(\frac{\pi v^2}{2}\right) dv \right|$$

$$\Rightarrow E_p = E_0 [c(v) + i s(v)]$$

$$c(v) = \int_0^v \cos\left(\frac{\pi v^2}{2}\right) dv$$

$$s(v) = \int_0^v \sin\left(\frac{\pi v^2}{2}\right) dv$$

انتگرال های فرنل:

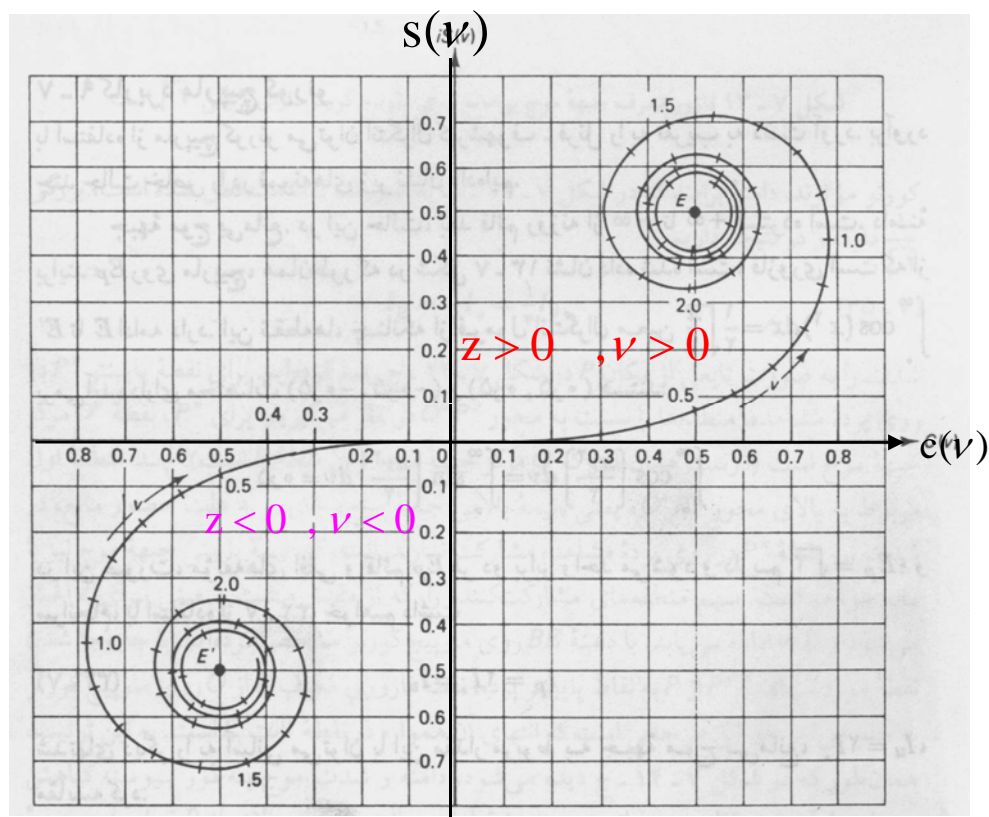


$$I_p \propto |E_p|^2$$

$$I_p = I_o (c + is)(c - is) = I_o (c^2 + s^2)$$

اگر مقادیر انتگرال های فوریه را بر حسب متغیر V و به صورت مختصه های حقیقی و موهومی روی صفحه مختلط رسم کنیم نمودار حاصل را **مارپیچ کورنو** می نامند. خط راستی که میان هردو نقطه از این مارپیچ رسم شود با دامنه میدان الکتیریکی در نقطه p متناسب است :

$$E_p \propto (c^2 + s^2)$$

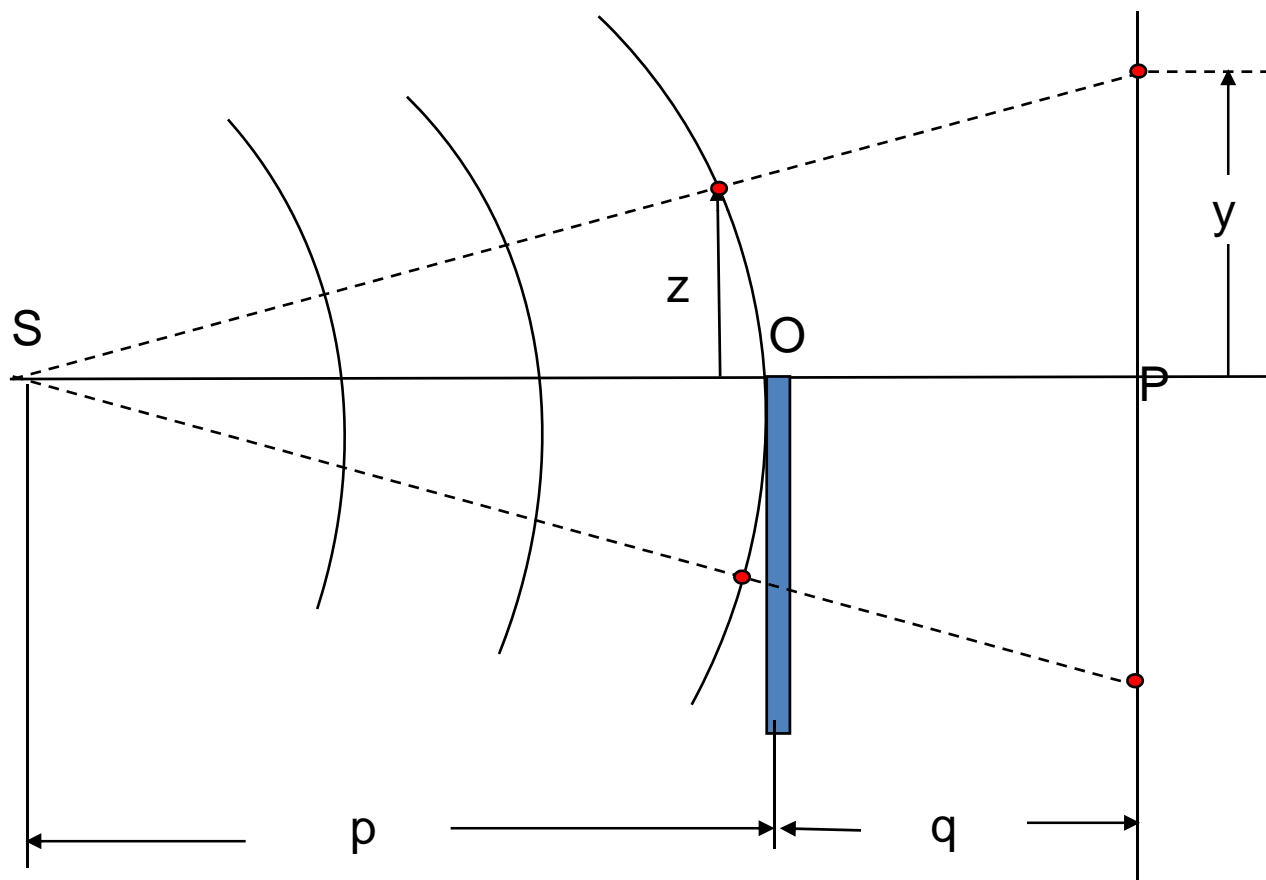


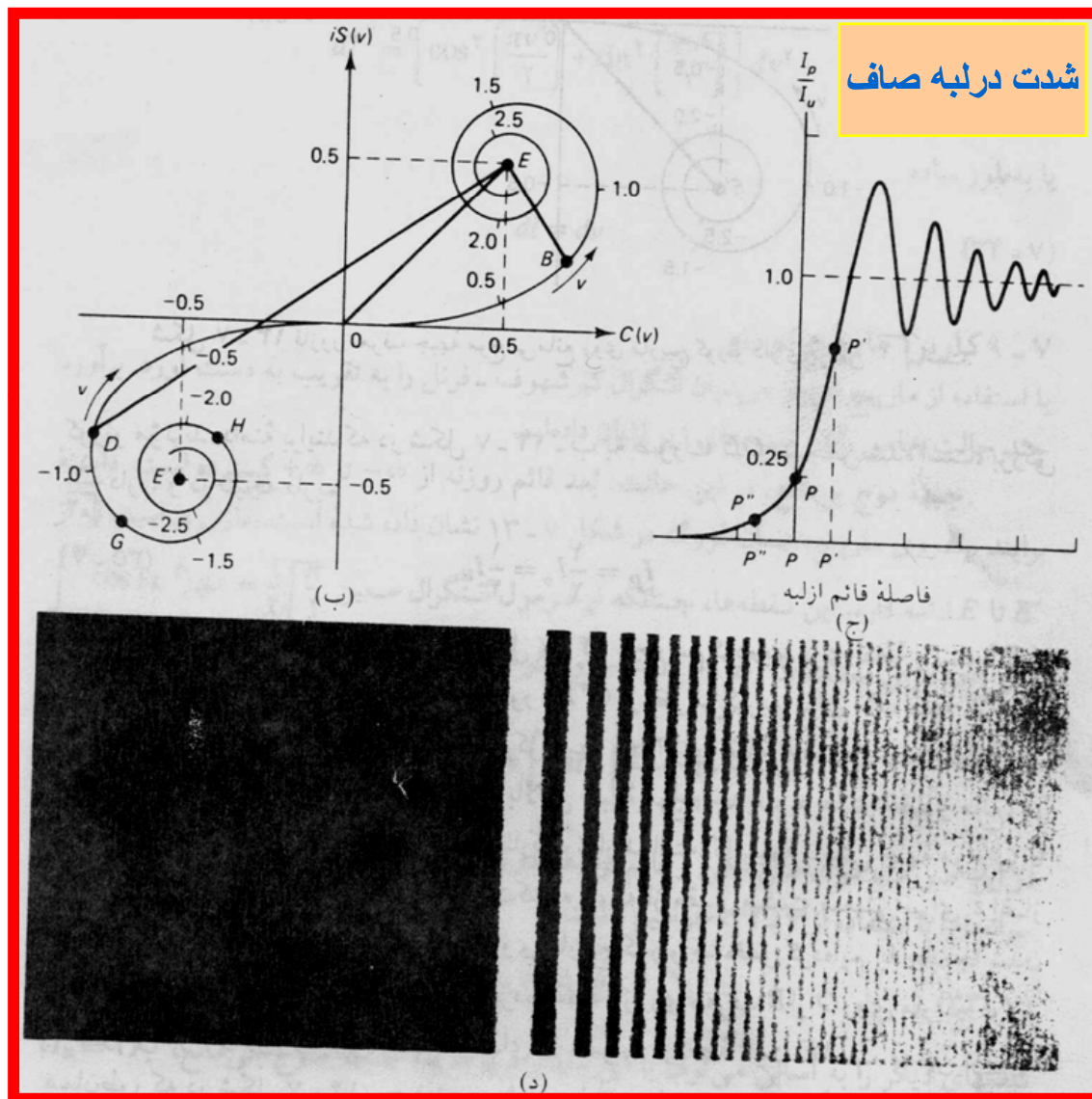
مارپیچ کورنو:

کاربرد مارپیچ کورنو:

با استفاده از مارپیچ کورنو
می توان انتگرال فرنل -
کیرشهوف را با تقریب
بدست آورد.

مثال ماریچ کورنو: لبه صاف
پراش فرنل در لبه صاف در شکل زیر نشان داده شده است :

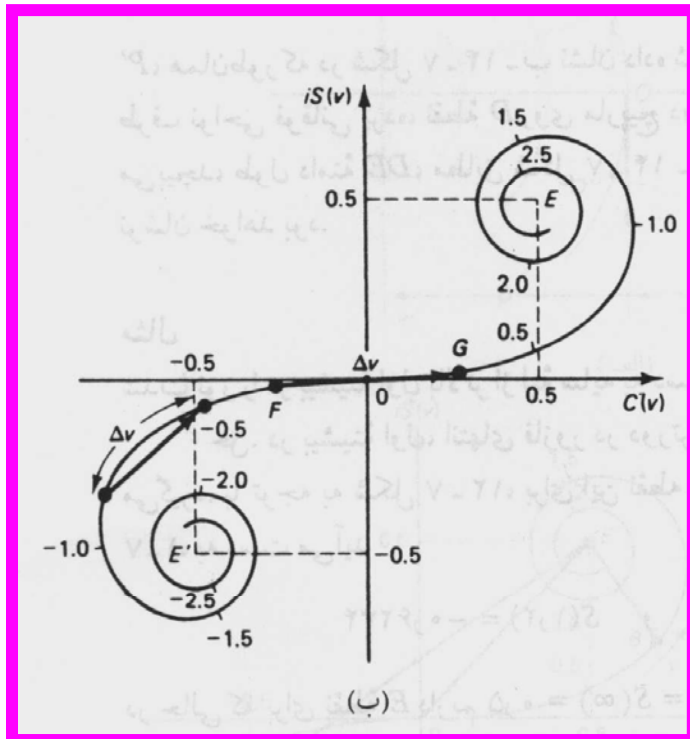
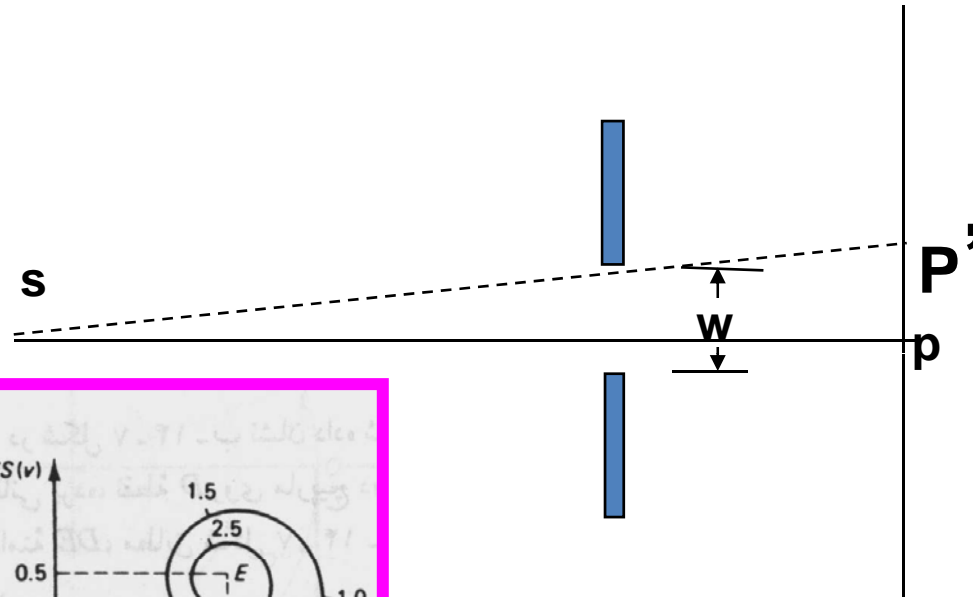




$$OE = \sqrt{0.5^2 + 0.5^2} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\Rightarrow I_p = \frac{1}{2} I_o = \frac{1}{4} I_u$$

مثال: تک شکاف



$$\Delta v = \sqrt{\frac{2}{L\lambda}} \Delta z = \sqrt{\frac{2}{L\lambda}} w$$



مثال : فرض کنید که در مثال قبل طول موج نور 500 نانومتر و پهنای شکاف 1 میلی متر باشد. فاصله شکاف چشمه تا شکاف پراش 20 سانتی متر است . نقش پراش رادر فاصله 30 سانتی متر از شکاف مشاهده می کنیم . شدت نور روی پرده در ارتفاع 1 میلی متر بالاتراز محور چقدر است ؟

$$l = \frac{pq}{p+q} = \frac{(20)(30)}{20+30} = 12 \text{ cm}$$

$$z = \left[\frac{p}{p+q} \right] y = \left(\frac{20}{50} \right) (1) = 0.4 \text{ mm}$$

$$v_1 = \sqrt{\frac{2}{L\lambda}} = \sqrt{\frac{2}{(0.12)(500 \cdot 10^{-9})}} (0.4 \cdot 10^{-3}) = 2.3094$$

$$\Delta v = \sqrt{\frac{2}{L\lambda}} \Delta z = \sqrt{\frac{2}{L\lambda}} w$$

$$\Delta v = 5.7735$$

$$v_2 = v_1 - \Delta v = 2.3094 - 5.7735 = -3.4641$$

$$v_1 \Rightarrow: c(2.3094) = 0.6199, S(2.3094) = 0.5594$$

$$v_2 \Rightarrow: c(-3.4641) = -0.4988, s(-3.4641) = -0.4204$$

$$E_p^2 = [0.6199 - (-0.4988)]^2 + [0.5594 - (-0.4204)]^2 = 2.21$$

$$I_p = 2,2 I_0 = 1.1 I_u$$



اصل بابینه :

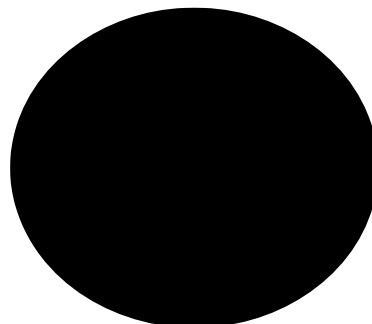
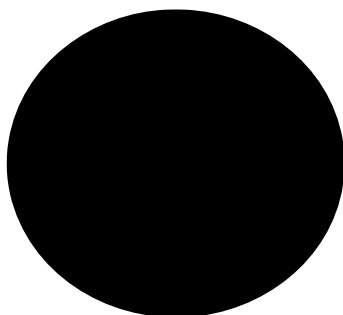
روزنه هایی که در آنها جای منطقه های شفاف و کدر با هم عوض می شود
روزنه مکمل می گویند.

اگر این روزنه هارا با A و B نشان دهیم و آنها را جداگانه در نظر بگیریم
و دامنه های موج را در نقطه ای از پرده مشاهده به دست آوریم ، حاصل جمع
این دامنه ها باید با دامنه به مانع در آن نقطه برابر شود:

$$E_A + E_B = E_u$$

که A و B دو روزنه مکمل هستند.

اگر $E_u = 0$ باشد در این صورت $E_A = -E_B$ و $|A| = |B|$ خواهد بود



اصل باینه :

الگوی پراش یک روزنه با الگو پراش مخالف آن برابر است !

$$\begin{aligned} \mathcal{F}\{1 - A(x, y)\} &= \\ &= \mathcal{F}\{1\} - \mathcal{F}\{A(x, y)\} \\ &= \delta(k_x, k_y) - \mathcal{F}\{A(x, y)\} \end{aligned}$$

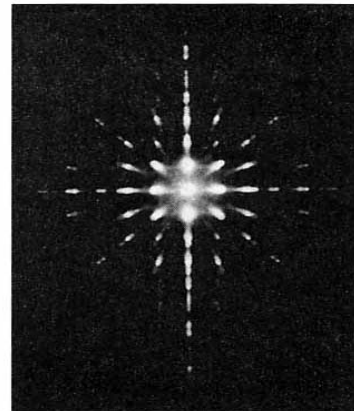
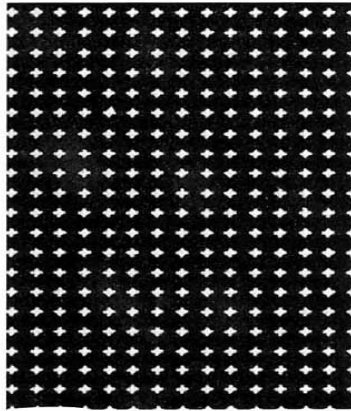
با صرف نظر از نقطه مرکزی :

میدان دور:

$$E_{\text{روزنه}} = - E_{\text{ضد روزنه}}$$

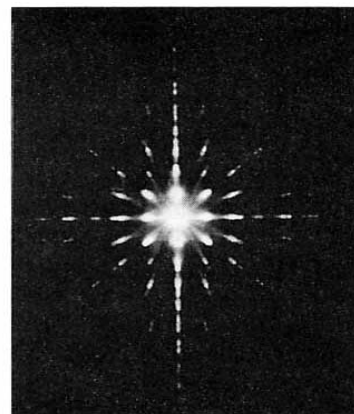
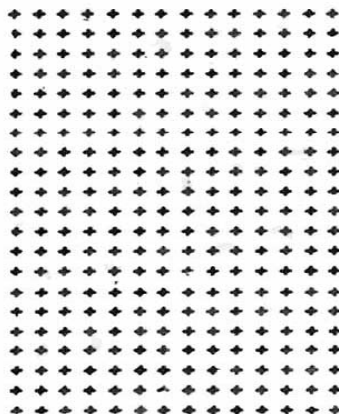
$$I_{\text{روزنه}} = I_{\text{ضد روزنه}}$$

روزنه ها
 $A(x, y)$



ضد روزنه ها

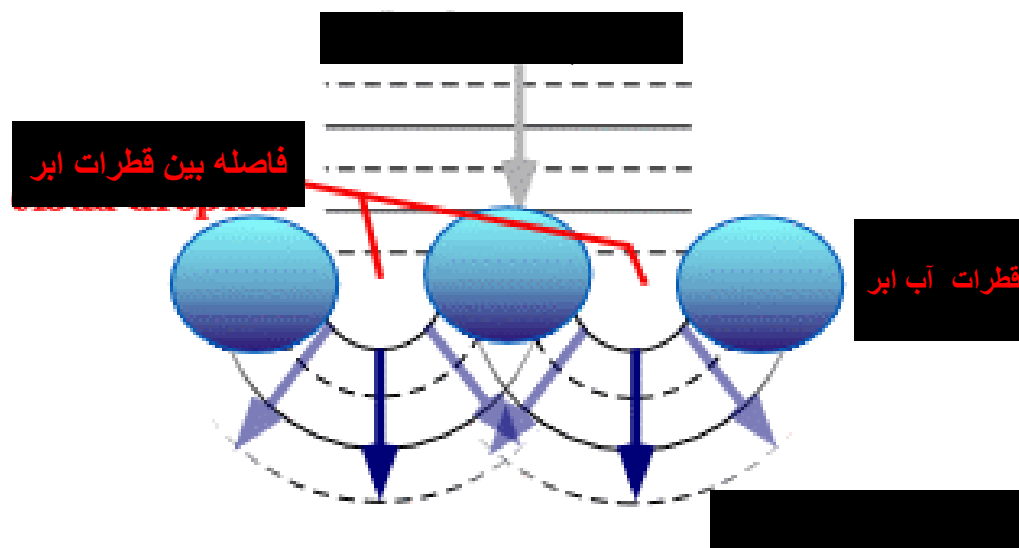
$1 - A(x, y)$



هاله های دور کره ماه ناشی از پراش است



وقتی که ماه اندکی مه آلود به نظر می رسد
هاله هایی دور آن می بینید. این هاله ها اثر
پراش است.







پسگفتار

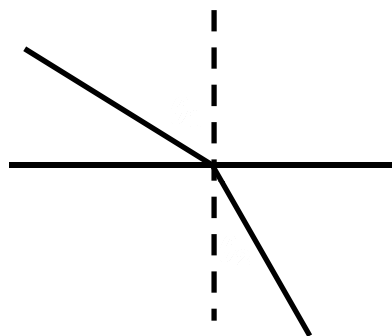
• فییر نوری



اپتیک فیبری



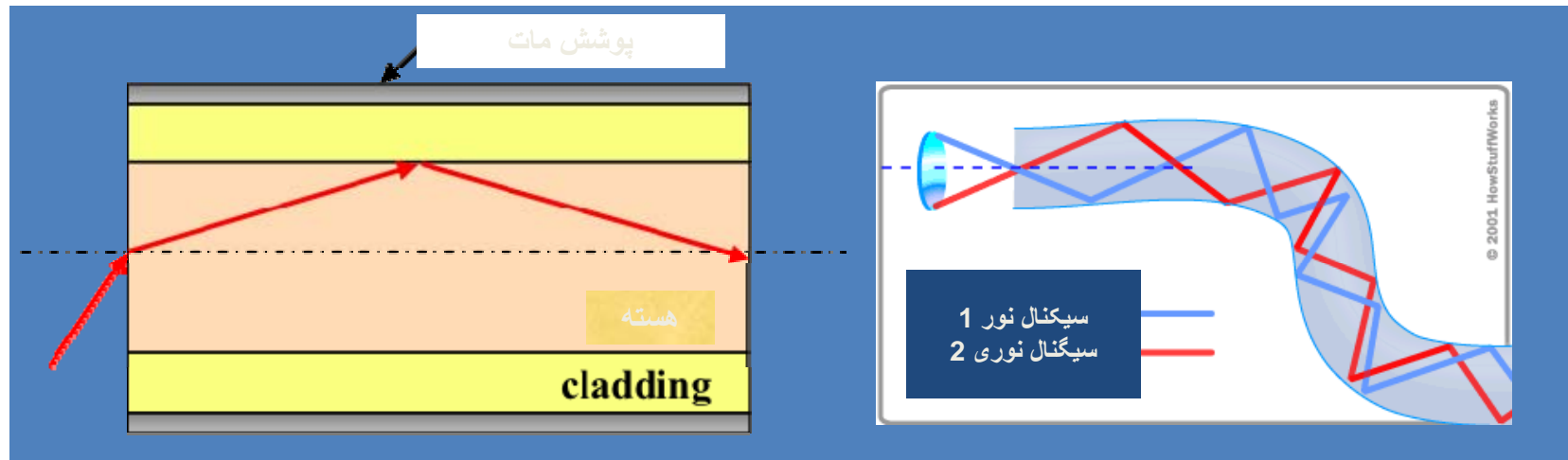
قانون اسنل



بازای $n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$ ، زاویه بحرانی برابر است با:

انعکاس کلی

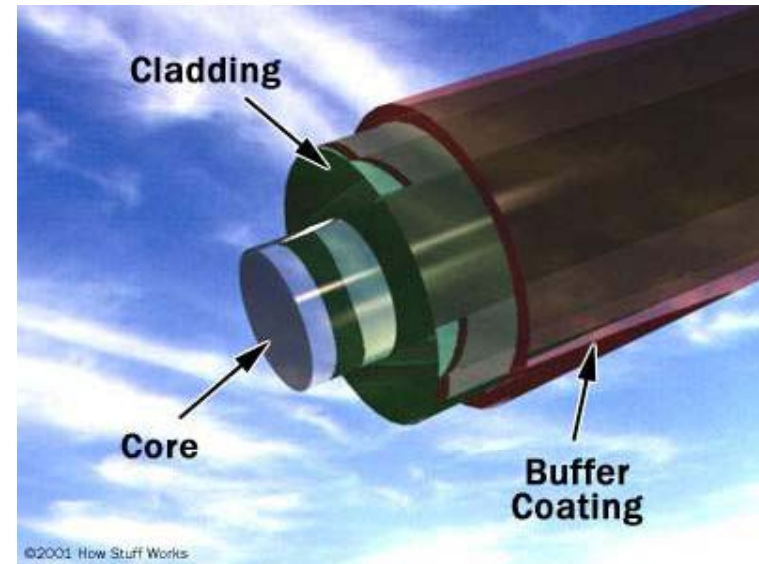
انعکاس کلی وقتی روی می دهد که زاویه تابش از زاویه بحرانی بیشتر شود.



"موجبر"

ساختمان

- هسته ، معمولا از شیشه یا پلاستیک.
- Cladding – از ماده به ضریب شکست پایین جهت جلوگیری از نشت.
- پوشش محافظ.



howstuffworks.com



advancedfiberoptics.net



کاربردها

•ارتباطات

- یک جفت سیم مسی می تواند تا 24 مکالمه را انتقال دهد
- فیبر نوری TAT-8 می تواند تا 40,000 مکالمه را از طریق دو رشته فیبر انتقال دهد



کاربردها

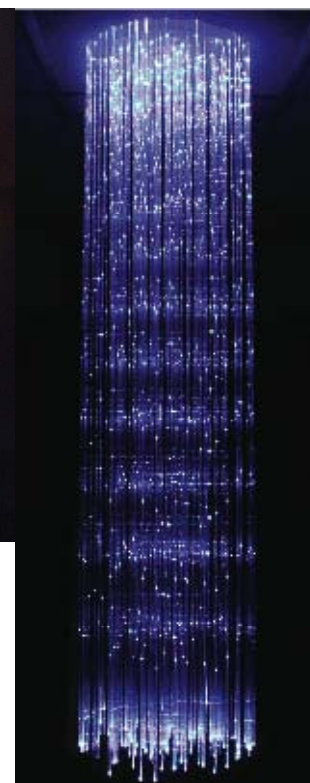
• پزشکی

- برای رساندن نور به داخل حفره های بدن
- برای انتقال تصاویر ویدیویی از داخل بدن به مانیتور به هنگام جراحی
- برای انتقال نورلیزر و باز کردن انسداد رگهای خونی

کاربردها

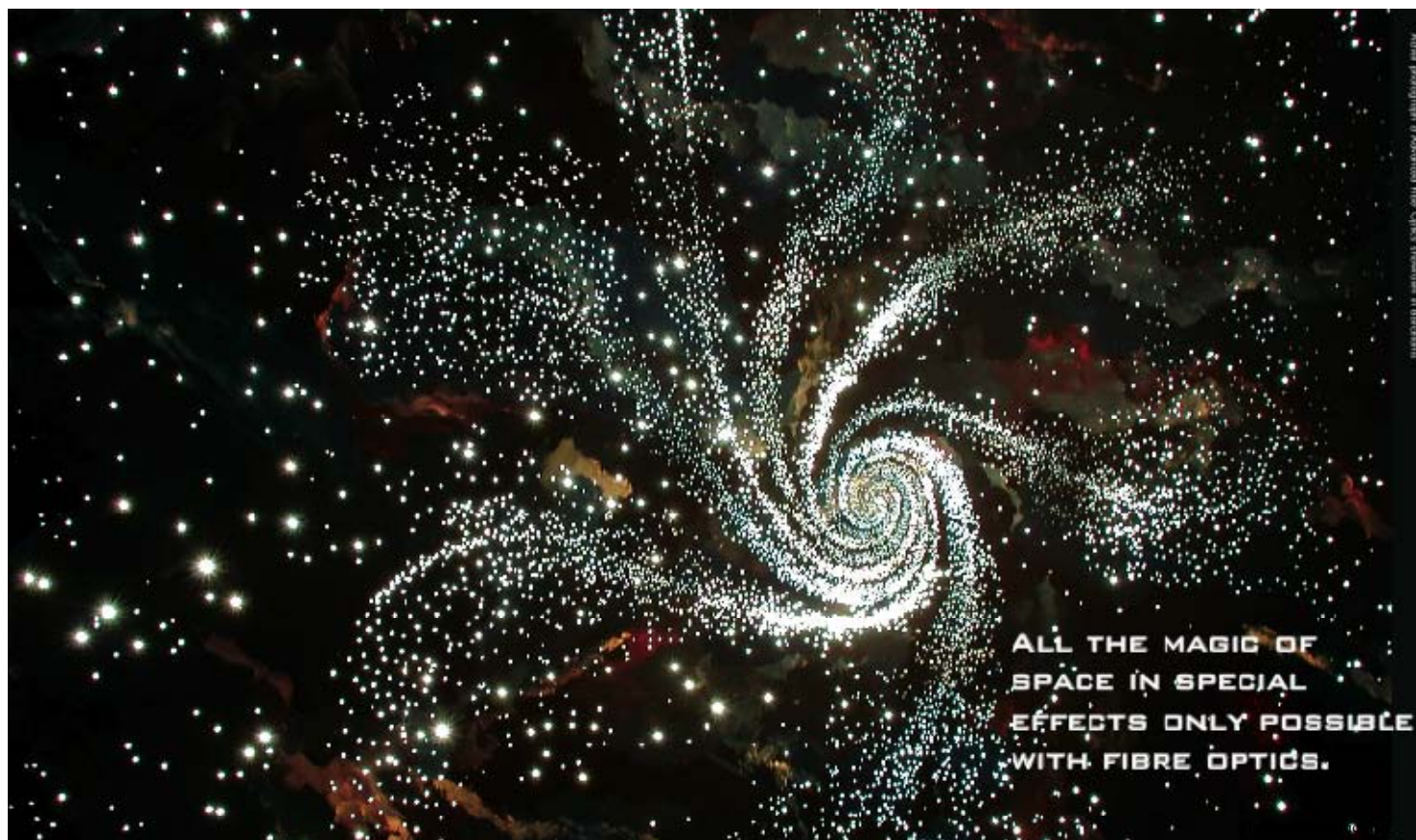


advancedfiberoptics.net



• دکوراسیون و کارهای هنری

کاربردها



• دکوراسیون و کارهای هنری



مزایا

- ارزان تر از سایر سیم کشی ها
- انتقال سریع تر داده ها و اطلاعات
- عدم هدایت الکتریسیته
- ایده آل برای ارتباطات مطمئن
- افت ناچیز در انتقالات دور

www.salampnu.com

سایت مرجع دانشجوی پیام نور

- ✓ نمونه سوالات پیام نور : بیش از ۱۱۰ هزار نمونه سوال همراه با پاسخنامه
- تستی و تشریحی
- ✓ کتاب ، جزوه و خلاصه دروس
- ✓ برنامه امتحانات
- ✓ منابع و لیست دروس هر ترم
- ✓ دانلود کاملاً رایگان بیش از ۱۴۰ هزار فایل مختص دانشجویان پیام نور

www.salampnu.com